

Progettazione di Sistemi di Controllo

Controllo Ottimo del pendolo di Furuta

Marco Pallaro

2055621

Abstract - To Be Revised

Il fine dell'attività di laboratorio è il design e lo studio del controllo ottimo del pendolo di Furuta. In particolare, il controllo ha come obiettivo la stabilizzazione del pendolo nella sua posizione di equilibrio instabile, ovvero la posizione verticale. Di conseguenza, il primo passo è quello di decidere, attraverso diverse prove, quali guadagni o pesi usare nella funzione costo del controllo LQR. Successivamente, ottenuto un controllo funzionante, si passa alla discretizzazione di tale controllore, in modo da avvicinarsi alla realtà del problema. Di conseguenza si aumenta la complessità del sistema provando ad imporre una traiettoria di inseguimento alla base del pendolo. Infine, si ricerca un controllore per lo *swing-up*: si studia un metodo per portare (senza aiuti esterni) il pendolo da una posizione di riposo, e dunque dalla posizione di equilibrio stabile, alla posizione di equilibrio instabile studiata finora, con il pendolo verticale.

1 Introduzione?

1.a) Descrizione del sistema

Modello matematico del pendolo

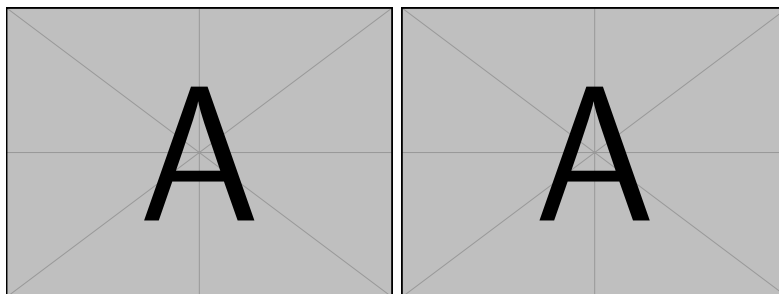


Figura 1: Evoluzione forzata del sistema in corrispondenza degli ingressi $u_1(t)$ e $u_2(t)$. Si considerano condizioni iniziali nulle

Per ricavare le equazioni matematiche del sistema si può utilizzare l'approccio lagrangiano. (*NOTA* rivedi la formula!!) Considerando $L = T - U$ dove con T ci si riferisce all'energia cinetica, e con U ci si riferisce all'energia potenziale del sistema, si può scrivere:

$$\sum W_i = \frac{dL}{dt} \quad (1)$$

dove con $\sum W_i$ si considerano tutte le potenze (causate da forze esterne al sistema) agenti sul sistema.

Perciò, nel caso di studio, si possono riconoscere due diversi sottosistemi, la base con il motore e il modulo del pendolo. Per quanto riguarda la base, è presente l'energia cinetica collegata all'inerzia del motore:

$$T_{base} = \frac{1}{2} J \dot{\alpha}^2 \quad (2)$$

Per il pendolo, oltre al termine cinetico, è presente anche il contributo di energia potenziale, perciò:

$$T_{pendolo} = \frac{1}{2} J \dot{\beta}^2 + \frac{1}{2} m_2 r_{cm}^2 \dot{\beta}^2 \quad (3)$$

$$U_{pendolo} = m_2 g l \cos \beta \quad (4)$$

Poichè nel sistema sono presenti due coordinate (l'angolo α del motore e l'angolo β del pendolo) l'equazione associata all'intero sistema è in realtà un sistema di due equazioni:

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{\alpha}} - \frac{\partial L}{\partial \alpha} = C_m - b_1 \dot{\alpha} \quad (5)$$

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{\beta}} - \frac{\partial L}{\partial \beta} = C_d - b_2 \dot{\beta} \quad (6)$$

Modello fisico del pendolo: descrizione di hardware e software

Per effettuare le esperienze si è utilizzato *Qube-Servo 2*, prodotto dalla Quanser. La piattaforma consiste in un motore CC che si interfaccia con l'ambiente MATLAB/Simulink. Gli schemi di controllo sono dunque creati in Simulink e il motore viene comandato, e restituisce dati, in tempo reale al computer. Al motore è possibile connettere un modulo che permette di creare il pendolo inverso (pendolo di Furuta).

In generale, dunque, il sistema prevede:

Input: V_{in} La tensione da dare in ingresso al motore. Il motore CC è infatti controllato in tensione.

Output: θ e α Derivano dalle misure degli encoder presenti nel sistema: uno permette di ottenere la posizione del motore; l'altro la posizione del pendolo.

Altre immagini/roba da scrivere.... bisogna mettere tutte le robe tecniche

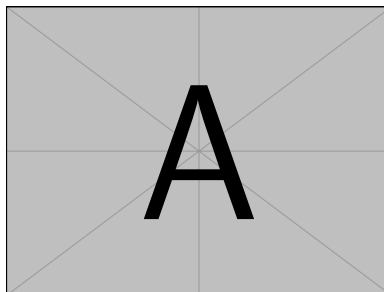


Figura 2: Evoluzione forzata del sistema in corrispondenza degli ingressi $u_1(t)$ e $u_2(t)$. Si considerano condizioni iniziali nulle

1.b) Descrizione del problema

1.c) Descrizione della soluzione

2 Attività Sperimentali

2.a) Design del controllore LQR

2.b) Discretizzazione del controllore

2.c) Position tracking

2.d) Swing-up controller