

D.6 Schreiben Sie den Algorithmus `prim` so zu `prim_pq` um, dass die Menge Q als Min Priority Queue repräsentiert wird. Statt einer aufwändigen Aktualisierung der Schlüsselwerte in Q fügen Sie einfach den gleichen Knoten mit kleinerem Schlüsselwert der Queue erneut hinzu.

```
4 # Verbesserung von prim mittels MinPrioQueue
5 from heapq import heappush, heappop
6
7 def prim_pq(G):
8     m = len(G)
9     # (geschätzte) Kosten für die Anbindung von Knoten an den Spannbaum
10    # mittels einer weiteren Kante
11    T = set()          # Ergebnis: Spannbaum als Kantenmenge
12    c = 0              # und dessen Kosten
13    Q = []             # Min-Priority-Queue mit Schätzwerten als Schlüssel
14    visited = set()    # Menge aller bereits besuchten Knoten
15
16    # Priority Queue enthält Tupel aus Schätzwert, aktueller Knotennummer und Vorgänger
17    heappush(Q, (0,0,None)) # Initialisierung mit Knoten 0
18
19    while Q:
20        # Auswahl von v als Knoten aus Q mit kleinstem Schlüsselwert
21        (cost, v, p_v) = heappop(Q)
22
23        # Überprüfe ob Knoten noch betrachtet werden muss
24        if not v in visited:
25            # Kante in Spannbaum hinzufügen
26            T.add(frozenset((p_v,v)))
27            c += cost
28            # Nachfolger in Queue pushen
29            for u in G[v]:
30                heappush(Q, (G[v][u], u, v))
31
32            # v als besucht eintragen
33            visited.add(v)
34
35
36    return T-{frozenset((None,0))},c
```