

D.7 Vervollständigen Sie den Algorithmus `kruskal` unter Verwendung der *UnionFind*-Datenstruktur.

```
2  # MINIMUM SPANNING TREE
3
4  # Vervollstaendigung von kruskal mit UnionFind
5  # verwendet die Klasse UnionFind
6  from vl.lek07.union_find import UnionFind
7
8  def kruskal(G):
9      m = len(G)
10     # Kantenmenge ohne doppelte Eintraege, in O(m+k)
11     E = { (G[u][v],frozenset({u,v})) for u in range(m) for v in G[u] }
12     # Ergebnis: Spannbaum und dessen Kosten
13     T = set()
14     c = 0
15
16     # UnionFind-Datenstruktur
17     uf = UnionFind(m)
18
19     # Kanten nach Kosten sortiert durchlaufen
20     for (cost,(u,v)) in sorted(E):
21         contains_u = uf.find(u)
22         contains_v = uf.find(v)
23
24         # Überprüfe ob Knoten in gleicher Menge
25         # -> falls nein, dann kreisfrei
26         if contains_u != contains_v:
27             # Fasse Mengen zusammen
28             uf.union(contains_u, contains_v)
29             T.add(frozenset((u,v)))
30             c += cost
31     return T, c
32
```