Marcin Nasiłowski Szerokość Profilu Lorentza

Profil Lorentza:

$$\varphi = \frac{\Gamma/4\pi^2}{(v - v_0)^2 + \Gamma^2/16\pi^2}$$

Jego maksimum wypada w $v=v_0$ a maksymalna wartość profilu wynosi

$$\varphi_{max} = \frac{\Gamma/4\pi^2}{\Gamma^2/16\pi^2}$$

Znajdźmy teraz argument dla którego funkcja przyjmuje połowę maksymalnej wartości.

$$\frac{\varphi = 0.5\varphi_{max}}{\Gamma/4\pi^2} = \frac{\Gamma/4\pi^2}{(\nu - \nu_0)^2 + \Gamma^2/16\pi^2} = \frac{\Gamma/4\pi^2}{2\Gamma^2/16\pi^2}$$
$$(\nu - \nu_0)^2 + \Gamma^2/16\pi^2 = 2\Gamma^2/16\pi^2$$
$$\nu = \nu_0 \pm \Gamma/4\pi$$

Z powyższego widać, że szerokość profilu w połowie maksimum wynosi $\Gamma/2\pi$.