مدالیتههای مختلف تصاویر پزشکی:

برای بررسی بیمار از جنبههای فیزیکی مختلف، مدالیتههای مختلفی که هر کدام مزایای خاص خود را دارند می توانند مورد استفاده قرار گیرند. از مهم ترین مدالیته های تصاویر پزشکی می توان X-ray Computer Tomography (CT)، Resonance Imaging (MRI) و غيره را نام برد. در ادامه به اختصار به معرفي MRI خواهیم یرداخت.

تصویربرداری تشدید مغناطیسی (Magnetic Resonance Imaging (MRI)) روشی پرتونگارانه در تصویربرداری تشخیصی پزشکی و دامپزشکی است که در دهههای اخیر بسیار فراگیر شدهاست و بر اساس رزنانس مغناطیسی هسته است.



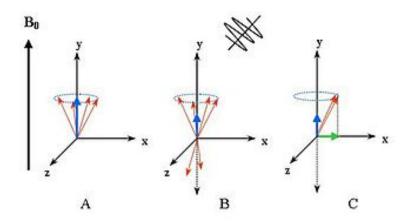
شکل ۱-۱ یک دستگاه پویشگر ام آر آی ۳ تسلا از نوع Philips Achieva

اساس MRI مبتنی بر حرکت اسپینی هستههای اتم هیدورژن موجود در بدن است. این اسپینها از اسپینهای فردی پروتونها و نوترونهای درون هسته، ناشی میشود. با توجه به اینکه در اتم هیدورژن فقط یک پروتون وجود دارد، خود هسته یک اسپین خالص یا گشتاور زاویهای دارد. این گشتاور زاویهای MR مینامند. با توجه به اینکه هستههای اتم هیدروژن دارای حرکت و بار مثبت هستند، طبق قانون القای فارادی بهطور خود به خود یک گشتاور مغناطیسی پیدا می کنند؛ و با قرار گرفتن در یک میدان مغناطیسی خارجی مرتب می شوند. برخی هستههای اتم هیدروژن با میدان هم راستا میشوند، و تعداد کمتری از هستهها پاد موازی با میدان مغناطیسی هم راستا میشوند. تأثیر میدان مغناطیسی خارجی ایجاد یک نوسان اضافی برای هستههای هیدروژن حول خود میدان است که این حرکت را، حرکت تقدیمی (Precession) مینامند. برای آنکه تشدید هستههای هیدروژن رخ دهد، یک پالس RF با همان فرکانس حرکت تقدیمی به کار میرود. اعمال پالس RF که سبب تشدید هستهها میشود را تحریک مینامند. در نتیجه این تشدید هستههای هیدروژن هم راستا با میدان مغناطیسی خارجی باقی نمیمانند. به زاویهای که بین هستههای هیدروژن و میدان مغناطیسی خارجی ایجاد می شود، زاویه تکان Flip Angle (FA) می گویند. اگر این زاویه ۹۰ درجه باشد بیشترین مقدار انرژی به کویلهای گیرنده القاء می شود. طبق قانون القاء فارادی اگر یک کویل گیرنده در صفحه حرکت این میدان مغناطیسی قرار گیرد، ولتاژ در کویل القاء می شود. وقتی میدان مغناطیسی عرض صفحه کویل را قطع کند، سیگنال MR تولید می شود. این سیگنال نقاط فضای k یا فوریه را تشکیل می دهد، با تبدیل فوریه گرفتن از این فضا تصویر نهایی بدست می آید.

با ام آر آی میتوان در جهات فوقانی-تحتانی (Transverse or Axial View) ، چپراستی (Sagittal Plane)) و حتّی در جهات اُریب و مایل تصویرگیری نمود. یک سیستم ام آر آی از سه میدان مغناطیسی استفاده می کند:

- (B_0) میدان خارجی ثابت و قوی (B_0
 - ۲. میدان ضعیف گرادیانی متغیر
- B_1 الكترومغناطيسى RF . ميدان حاصل از پالس

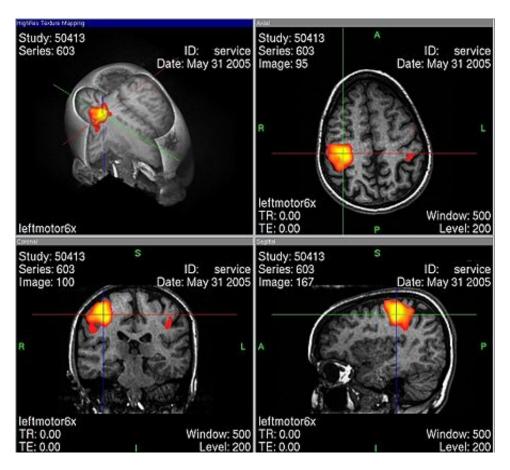
در واقع ام آر آی روشی است که از خاصیت مغناطیسی بافتها استفاده کرده و تولید تصویر میکند. اصول پایهٔ MRI بر این اساس است که هستههای بعضی از عناصر، وقتی در میدان مغناطیسی قوی قرار میگیرند، با نیروی مغناطیسی در یک راستا قرار میگیرند.



شکل ۲-۱ چگونگی قرار گرفتن اسپینهای هستهای در میدان مغناطیسی و نوسان با فرکانس لارمور

قدرت سیگنالی که در MRI بوجود می آید به دو عامل دانسیته (چگالی) پروتونها و زمانهای استراحت T1 و قدرت سیگنالی که در MRI بوجود می آید به دو عامل دانسیته (چگالی) پروتونها و زمانهای از برانگیختگی، از T2بستگی دارد. T1 مدت زمانی است که ۳۶٪ ممان مغناطیسی باز می گردد. همچنین T2 مدت زمانیست که ممان مغناطیسی عرضی یک پروتون پس از برانگیختگی، به ۳۷٪ مقدار اولیه خود تنزل می یابد. اکثر

فرایندهای پاتولوژیک، موجب افزایش زمان استراحتِT1 و T2 یا همان Relaxation time آنها میشوند و لذا در تحاویر-T2 مقایسه با بافتهای طبیعی اطراف، در تصاویر T1-weighted سیگنال پایین تر (تیره رنگ تر) و در تصاویر wightedسیگنال بالاتر (روشن تر یا سفید تر) خواهند داشت.



شکل ۱-۳ مکانیزم ثبت ام آر آی کارکردی (fMRI)

آزمایش هفتم: مقدمات پردازش تصویر در MATLAB

در این جلسه به بررسی نحوه تعریف مختصات و کار با تصاویر در محیط متلب خواهیم پرداخت.

1. ذخیرهسازی تصاویر دیجیتال:

• تصاویر نیز مانند دیگر اشیا در برنامهنویسی، تنها آرایههایی از اعداد میباشند که ممکن است 2D، 2D یا حتی از مرتبههای بالاتر باشند. شدت رنگهای اصلی در سیستم (RGB (Red, Green, Blue) به صورت

Sliceهایی از آرایههای 3D اولیه میباشند. هر المان از آرایههای عددی 2D یک تصویر را یک پیکسل (Pixel) می گویند.

• با توجه به 2D یا 3D بودن آرایه عددی تصویر مربوطه، به ترتیب سیستمهای پرکاربرد سطح خاکستری (Gray Level) یا رنگی (معمولاً RGB) به کار برده می شود. هرچند در این درس به صورت معمول از تصاویر سطح خاکستری استفاده خواهد شد.

۲. مختصات تصویر در متلب:

• همانطور که پیشتر بیان شد، در متلب، تصاویر مانند آرایههای دوبعدی یا سهبعدی از اعداد دیده می شوند که سیستم مختصات دهی برای عناصر آنها، بر حسب سطر (row) و ستون (column) می باشد (شکل زیر). اما سیستم مختصات دهی ایده آل برای تصاویر، سیستم دکارتی می باشد که مبدا مختصات (نقطه (0,0)) در گوشه پایین سمت چپ تصویر قرار داشته و مختصات x و y پیکسلها با حرکت به ترتیب به سمت راست و بالا مشخص می شوند. همچنین در متلب برای اندیس دهی به عنصر شماره اول از عدد ۱ استفاده می شود، برخلاف زبانهای برنامهنویسی معروفی چون ۲۰+ ، C و پایتون که اندیس دهی از صفر شروع می شود. بنابراین هنگام پردازش و کار با تصویر در متلب باید این موارد را دقت نمایید. تصویر زیر به درک تفاوتهای بیان شده کمک می کند:

$$(row_{3}col) = (1,1)$$
 $(x,y) = (0, M-1)$
 $(row_{3}col) = (M,1)$
 $(x,y) = (0,0)$

که در آن:

$$\begin{cases} x = col - 1 \\ y = M - row \end{cases}$$

$$\begin{cases} row = M - y \\ col = x + 1 \end{cases}$$

٣. یادآوری اجمالی سری فوریه:

N-periodic و "nice" می دانیم که اگر تابع پیوسته f دارای شرایط دیریکله باشد (یا به اصطلاح یک تابع "nice" و می دانیم که اگر تابع پیوسته f دارای شرایط فوریه به صورت زیر بیان کرد:

$$f(x) = a_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \left[a_k \cos\left(\frac{2\pi kx}{N}\right) + b_k \sin\left(\frac{2\pi kx}{N}\right) \right]$$

که در عمل، تابع f با تعداد محدودی از ضرایب (مثلاً m تا) تقریب زده می شود:

$$f(x) = a_0 + \sum_{k=1}^{m} \left[a_k \cos\left(\frac{2\pi kx}{N}\right) + b_k \sin\left(\frac{2\pi kx}{N}\right) \right]$$

همچنین می توان بسط فشرده شده زیر را نیز به کار برد:

$$f(x) = \sum_{k=-m}^{m} C_k \left(\cos \left(\frac{2\pi kx}{N} \right) + i \sin \left(\frac{2\pi kx}{N} \right) \right)$$

ثابت كنيد:

$$C_k = \frac{a_k - ib_k}{2}$$
, $C_{-k} = \frac{a_k + ib_k}{2}$

۴. یادآوری اجمالی تبدیل فوریه (Fourier Transform (FT)):

میدانیم برای تابع پیوسته $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ که دارای شرایط دیریکله باشد، تبدیل فوریه به صورت زیر تعریف می شود:

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x)e^{-2\pi i\omega x}$$

که $F(\omega)$ در واقع بیان کننده محتوای فرکانسی تابع

۵. تبدیل فوریه گسسته (Discrete Fourier Transform (DFT)):

با فرض گسسته و محدود بودن تابع f به صورت DFT ، f_n ; $n=0,1,\dots,N-1$ برای این تابع به صورت f برای این تابع به صورت زیر قابل تعریف است:

$$F_k = \sum_{n=0}^{N-1} f_n e^{-\frac{2\pi i n k}{N}}; \quad k = 0, 1, ..., N-1$$

$$f_n = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} F_k e^{\frac{2\pi i n k}{N}}; \quad n = 0, 1, ..., N-1$$

بار محاسباتی برای محاسبه ضرایب DFT برای یک تابع گسسته یک بعدی با N المان، $O(N^2)$ میباشد که با توجه به این بار محاسباتی سنگین، در عمل از الگوریتم Fast Fourier Transform (FFT) استفاده شده که بار محاسباتی را به O(Nlog(N)) کاهش می دهد.

 $(\delta(x))$ یکی از پرکاربردترین تبدیلهای فوریه برای توابع معروف در پردازش تصویر، تبدیل فوریه تابع ضربه ($\delta(x)$) میباشد که به صورت زیر قابل بیان است:

$$\delta(x) = \begin{cases} \infty & x = 0 \\ 0 & x \neq 0 \end{cases}; \quad s. \ t: \int_{-\infty}^{\infty} \delta(x) = 1 \quad and \quad \int_{-\infty}^{\infty} \delta(x - c) f(x) dx = f(c)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} e^{2\pi i \omega x} = \delta(\omega)$$

۶. تبدیل فوریه دو بعدی (2D Fourier Transform):

برای تابع $\mathbb{R}^2 o \mathbb{R}$ تبدیل فوریه دو بعدی به صورت زیر قابل تعریف است:

$$F(\omega,\lambda) = \iint_{-\infty}^{\infty} f(x,y) e^{-2\pi i(\omega x + \lambda y)} dx dy$$

قابل ذکر است که تبدیل فوریه دو بعدی به صورت زیر جداپذیر است:

$$F(\omega,\lambda) = \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} f(x,y) e^{-2\pi i(\omega x)} dx}_{Apply FT \ along \ y-dim} e^{-2\pi i(\lambda y)} dy}_{Apply FT \ along \ y-dim}$$

نکته بالا راهکاری برای محاسبه تبدیل فوریه توابع N بعدی در اختیار قرار می دهد.

۷. عملگر کانوولوشن (Convolution):

کانوولوشن دو تابع پیوسته f و g به صورت زیر تعریف میشود:

$$(f * g)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(\tau)g(x - \tau)d\tau$$

این تعریف برای توابع گسسته به صورت زیر در میآید:

$$(f * g)_n = \sum_{k=0}^{N-1} f_k g_{n-k}; \quad n = 0, ..., N-1$$

اگر تبدیل فوریه توابع f و g را به ترتیب $F(\omega)$ و $F(\omega)$ در نظر بگیریم و عملگر تبدیل فوریه و معکوس تبدیل فوریه را نیز به ترتیب $\mathcal{F}^{-1}\{.\}(x)$ و $\mathcal{F}^{-1}\{.\}(x)$ بنامیم:

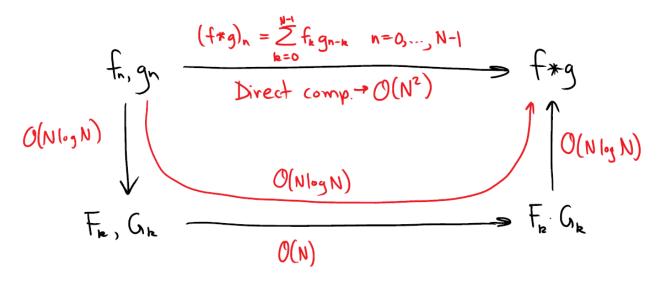
$$\mathcal{F}\{(f*g)(x)\}(\omega) = \mathcal{F}\{f(x)\}(\omega).\mathcal{F}\{g(x)\}(\omega) = F(\omega)G(\omega)$$

$$\mathcal{F}^{-1}\{(F\ast G)(\omega)\}(x)=f(x)g(x)$$

نکته بالا برای توابع گسسته به صورت زیر قابل بیان است:

$$\mathcal{F}\{(f*g)_n\}_k = F_k G_k$$

خلاصه این مباحث به همراه بار محاسباتی نیز در شکل زیر آمده است:



۸. ویژگیهای تبدیل فوریه:

• تاثیر scale بر تبدیل فوریه:

$$\mathcal{F}\{f(\alpha x)\})(\omega) = \frac{1}{\alpha}\mathcal{F}\{f(x)\}\left(\frac{\omega}{\alpha}\right)$$

نتیجه: رابطه عکس فشردگی و باز شدگی حوزه زمان (مکان) با حوزه فرکانس

• تاثیر shift زمانی بر تبدیل فوریه:

$$g_n = f_{n-d} \to G_k = e^{-\frac{2\pi i dk}{N}} F_k$$

• تاثیر Rotation بر تبدیل فوریه:

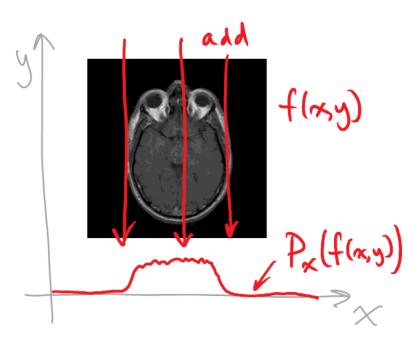
x: time(space)vector, **R**: rotation matrice, $\mathcal{F}\{f(\mathbf{Rx})\}(\boldsymbol{\omega}) = \mathbf{R}F(\boldsymbol{\omega})$

که در آن $\{F(\omega), \mathcal{F}(\omega)\}$ به ترتیب عملگر تبدیل فوریه و حاصل تبدیل فوریه در حوزه فرکانس میباشند. به طور خلاصه این رابطه بیان میکند که تبدیل فوریه یک تصویر دورانیافته معادل با دوران تبدیل فوریه تصویر اولیه میباشد.

• رابطه Projection با تبدیل فوریه:

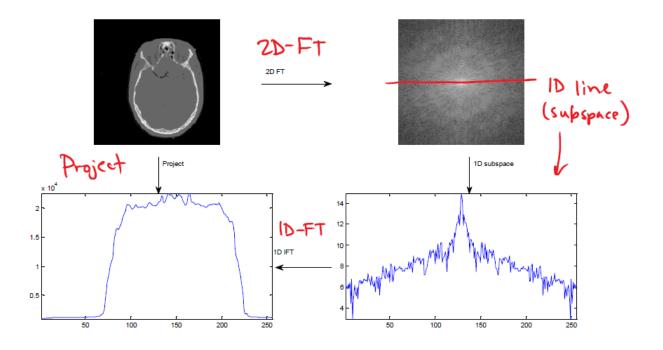
می توان Radon) Projection) یک تصویر در راستای محور x را به صورت زیر تعریف کرد:

$$\mathcal{P}_{x}\{f(x,y)\}(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x,y)dy$$



:دد. وریه f(x,y) به صورت زیر بیان کرد تبدیل فوریه دوبعدی تصویر $\mathcal{P}_{x}\{.\}$ به صورت زیر بیان کرد

$$\mathcal{F}\{\mathcal{P}_{x}\{f(x,y)\}(x)\} = F(\omega,0)$$



f(x,y,z) تعریف گرادیان بر روی تصاویر سه بعدی ۹.

$$\nabla f = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} \\ \frac{\partial f}{\partial z} \end{bmatrix}; \quad |\nabla f| = \sqrt{\frac{\partial f^2}{\partial x} + \frac{\partial f^2}{\partial y} + \frac{\partial f^2}{\partial z}}$$

با توجه به ذات گسسته تصاویر، تقریب گسسته بردار گرادیان در راستای هر محور (به عنوان مثال x) به صورت زیر بیان می شود:

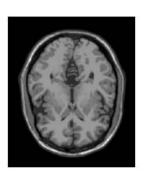
$$\frac{\partial f}{\partial x} \approx \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} \approx f_{i+1} - f_i$$

forward در واقع در این رابطه، Δx برابر با یک پیکسل در راستای محور x در نظر گرفته شده است. رابطه بالا به backward differencing معروف است. به همین صورت زیر قابل تعریف است:

$$\frac{\partial f}{\partial x} \approx f_i - f_{i-1}$$

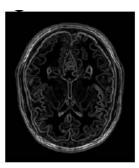
. در این مورد هم Central differencing به صورت Central differencing در این مورد هم

به عنوان مثال، در شکل زیر، مشتق central عمودی، افقی و همچنین اندازه بردار گرادیان در همه پیکسلها با استفاده از محاسبه این مشتقها آمده است:









شکل ۱-٤: از چپ به راست: شکل اصلی، مشتق عمودی، مشتق افقی و اندازه بردار گرادیان

با توجه به مثال بالا مشاهده می شود که بردار گرادیان می تواند به صورت ابتدایی لبه های قوی تصاویر را تشخیص دهد.

شبيەسازىھا:

- ۱ کا: تصویر imread و در ادامه S1_Q1_utils اول آن را در نظر بگیرید. ابتدا برای تمرین تبدیل فوریه تک بعدی، آن را نمایش داده و در ادامه slice اول آن را در نظر بگیرید. ابتدا برای تمرین تبدیل فوریه تک بعدی، *DFT* سطر ۱۲۲۸م این تصویر را محاسبه کرده و دامنه و فاز آن را در کنار هم رسم کرده و تا حد امکان آن را تحلیل کنید. سپس، پس از تبدیل فرمت دادههای تصویر به فرمت املاه تبدیل دوبعدی این تصویر را با استفاده از دستور fft2 محاسبه کرده و لگاریتم اندازه تبدیل فوریه تصویر را در کنار تصویر اصلی با استفاده از دستور imshow نمایش داده و تا حد امکان تحلیل کنید. کاربرد fftshift را برای نمایش مناسبتر تبدیل فوریه دو بعدی مطالعه کرده و به کار بگیرید.
- Q یک تصویر باینری G به صورت یک دایره به شعاع G در مرکز یک صفحه G در G ایجاد کنید. می توانید از دستور ndgrid استفاده کنید. سپس یک تصویر باینری دیگر G به این صورت که شدت روشنایی المانهای G (G (G (G (G)) و G (G) به ترتیب G و G هستند. در ادامه، تصویر باینری اول، تصویر باینری دوم و کانوولوشن این دو تصویر را در کنار هم رسم کرده و نتیجه را تحلیل کنید. نکته: برای بازگشت از حوزه فوریه به حوزه مکان می توانید از دستور G استفاده کنید. تصویر G کانوولوشن ولید از دستور G کانوولوشن کرده و نتیجه را تحلیل کنید. همچنین علت محو شدگی (blurring) تصویر نتیجه را تحلیل کنید.
- در پوشه ct.jpg در حوزه فرکانس، تصویر zero padding در پوشه در امتیازی) با استفاده از مفهوم zero padding در خوزه فرکانس، تصویر $\mathbf{S1_Q3_utils}$
- ◄ 1.49: در این سوال، هدف ایجاد یک شیفت مکانی برای تصویر اولیه با استفاده از پردازش در حوزه فوریه و سپس بازگشت به حوزه مکان میباشد. تصویر gt.jpg در پوشه S1_Q4_utils را خوانده و b S1_Q4_utils را خوانده و مکان میباشد. تصویر اولیه را ۲۰ واحد به سمت راست و ۴۰ واحد به سمت پایین شماره اول آن در نظر بگیرید. سپس، تصویر اولیه را ۲۰ واحد به سمت راست و ۴۰ واحد به سمت پایین شیفت مکانی دهید. دقت کنید که این کار را در حوزه فوریه انجام داده و سپس به حوزه مکان بازگردید. در انتها اندازه تبدیل فوریه کرنل شیفت دهنده را رسم کرده و تحلیل کنید.
- را خوانده و slice مماره اول آن در نظر بگیرید. سپس با $\mathbf{S1}_{\mathbf{Q4}_{\mathbf{utils}}}$ در بوشه $\mathbf{S1}_{\mathbf{Q4}_{\mathbf{utils}}}$ در خوانده و در نظر بگیرید. سپس با استفاده از دستور imrotate یک کرنل دوران با زاویه \mathbf{v} درجه ساخته و روی تصویر اولیه اعمال کرده و در

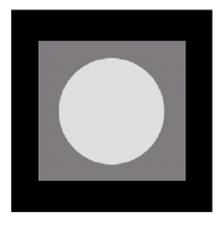
کنار تصویر اولیه نمایش دهید. تبدیل فوریه این دو تصویر را کنار هم رسم کرده و تحلیل کنید. همچنین سعی کنید با دوارن در حوزه فوریه، دورانیافته تصویر اولیه را بسازید.

- ◄ Q5: در این سوال، هدف تولید نتایجی مانند شکل ۱-۴ میباشد. بدین منظور، تصویر t1.jpg در پوشه
 و در این سوال، هدف تولید نتایجی مانند شکل ۱-۴ میباشد. بدین منظور، تصویر افقی و در در افقی و در در در این سپس با استفاده از دستور circshift نسخه مشتق s1_Q5_utils
 ممچنین اندازه بردار گرادیان را برای این تصویر محاسبه کرده و همه این موارد را در کنار تصویر اصلی نمایش دهید و اثر تشخیص لبههای افقی و عمودی و مایل را بررسی کنید.

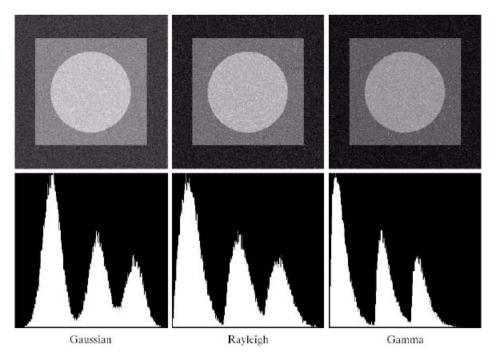
 **Total Company of the properties of t
- ✓ Q6 و این Sobel در مورد روشهای پیشرفتهتر لبهیابی تصاویر، مانند روشهای Sobel و Canny، تحقیق کرده و این روشها را بر روی تصویر سوال قبل اعمال کرده و تفاوتها را بررسی کنید.

آزمایش هفتم: حذف نویز تصاویر یزشکی

در پردازش تصویر، نویزهای مختلفی با مشخصههای آماری مختلف میتوانند ویژگیهای مطلوب تصویر اولیه را تحت تاثیر قرار دهند. مثالهایی از تصاویر نویزی با توابع توزیع آماری مختلف گاوسی، رایلی و ... و هیستوگرام توزیع شدت رنگ تصویر سطح خاکستری مربوطه در شکلهای زیر آمدهاند. در این بخش نیز عموماً با نویز گاوسی جمعشونده آشنا خواهیم شد.



شكل ٧-١ تصوير اوليه بدون نويز



شکل ۲-۷: از چپ به راست نویز و تصاویر نویزی شده با نویز گاوسی، رایلی و گاما