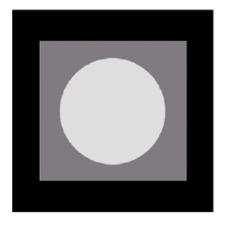
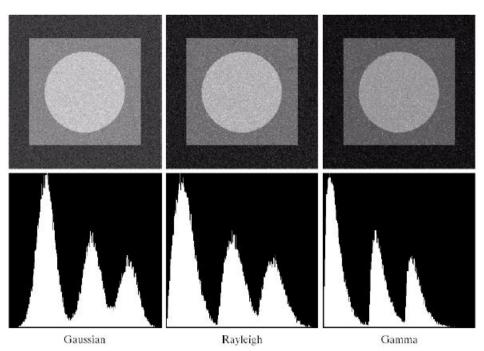
آزمایش هشتم: حذف نویز تصاویر پزشکی

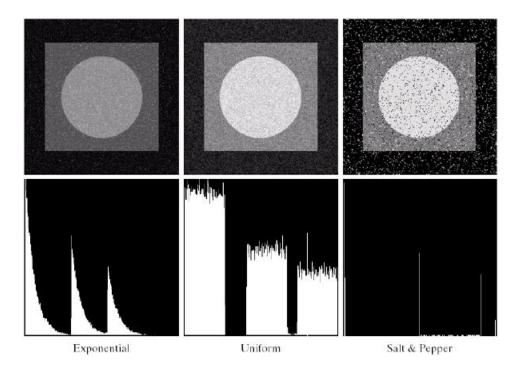
در پردازش تصویر، نویزهای مختلفی با مشخصههای آماری مختلف میتوانند ویژگیهای مطلوب تصویر اولیه را تحت تاثیر قرار دهند. مثالهایی از تصاویر نویزی با توابع توزیع آماری مختلف گاوسی، رایلی و ... و هیستوگرام توزیع شدت رنگ تصویر سطح خاکستری مربوطه در شکلهای زیر آمدهاند. در این بخش نیز عموماً با نویز گاوسی جمعشونده آشنا خواهیم شد.



شكل ٧-١ تصوير اوليه بدون نويز

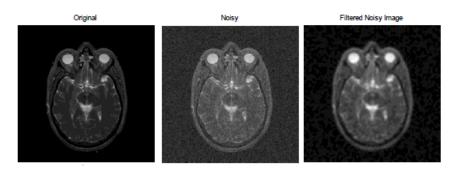


شکل ۲-۷: از چپ به راست نویز و تصاویر نویزی شده با نویز گاوسی، رایلی و گاما



شکل ۷-۳: از چپ به راست نویز و تصاویر نویزی شده با نویز نمایی، یکنواخت و فلفل-نمکی

در تصاویر پزشکی و مخصوصاً در تصاویر MRI، داده اولیه معمولاً به صورت اعداد مختلط ثبت می شود و نویز گاوسی بر روی هر دو بخش حقیقی و موهومی تاثیر گذاشته، و پس از رسم دامنه تصویر نویزی (تصویر زیر) می توان این تاثیر را عمیق تر مشاهده کرد. این نوع از نویز در تصاویر MRI به نویز Rician مرسوم است.



اگر تصویر اولیه را f و نویز جمعشونده را ϵ در نظر بگیریم، تصویر نویزی u میتواند به صورت زیر بیان شود:

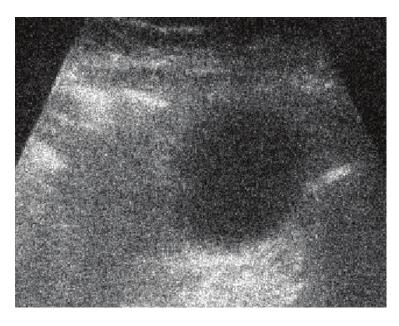
$$u = f + \epsilon$$

بنابراین، هدف اصلی روشهای حذف نویز، تقریب f از روی تصویر نویزی u و احتمالاً اطلاعاتی از مشخصههای آماری نویز ϵ میباشد. برای این منظور، روشهای مختلفی وابسته به کاربرد به صورت زیر قابل ذکر هستند:

۱) فیلتر میانه (median) محلی مناسب برای حذف نویز Speckle:

در این روش، در یک همسایگی مشخص (مثلاً 8×8 یا 5×5)، میانه پیکسلهای همسایه به جای پیکسل مرکزی جایگزین میشود که بدین وسیله شدت روشناییهای خیلی بالا (Salt) و خیلی پایین (Pepper) حذف خواهند شد.

در ادامه توضیحات مختصری در مورد نویز Speckle (نقطهای) ارائه می شود. نویز نقطهای یک نویز دانه ای است که ذاتاً وجود دارد و کیفیت رادار فعال، رادار دیافراگم مصنوعی (SAR)، سونوگرافی پزشکی و توموگرافی انسجام نوری را کاهش می دهد. در میزان وسیعی از سطوح، مصنوعی یا طبیعی، در مقیاس طول موج به طور یکنواخت قرار می گیرد . تصاویر بدست آمده از این سطوح با استفاده از سیستم های تصویر برداری یکپارچه مانند لیزر، SAR و سونوگرافی از یک پدیده مشترک به نام "لکهدار شدن" رنج می برند . نویز نقطهای، در هر دو مورد، عمدتاً به دلیل دخالت موج بازگشتی در دیافراگم مبدل است. اگر ما تابع انعکاسی مان را به عنوان یک آرایه از پخش کننده ها مدل کنیم منشأ این نویز مشخص می شود . با توجه به وضوح محدود، در هر زمان ما توزیع پراکنده در سلولهای جدا دریافت می کنیم . این سیگنالهای پراکنده به طور مختصر اضافه می شوند به عبارت دیگر، آنها بسته به مراحل وابسته به هر شکل موج پراکنده، به طور سازنده یا مخرب اضافه می شوند. نویز نقطه ای نتیجه حاصل از این الگوهای تداخل سازنده و مخرب است که به عنوان نقاط روشن و تاریک در تصویر نشان داده شده است.



شکل ۲-۴: نمونه از وجود نویز Speckle در تصاویر یزشکی

۲) میانگین گیری پنجره ای (Windowed averaging)

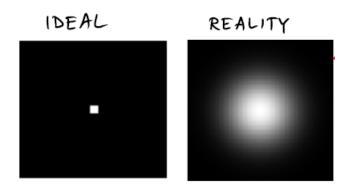
در این روش، در یک همسایگی مشخص (مثلاً $S \times S$ یا $S \times S$)، میانگین پیکسلهای همسایه به جای پیکسل مرکزی جایگزین می شود که بدین وسیله توزیع شدت روشناییهای تصویر اولیه به شدت نرم (smooth) می شود. این عمل معادل کانوولوشن تصویر اولیه با یک فیلتر مستطیلی (در حوزه زمان) و ضرب تبدیل فوریه تصویر اولیه با یک فیلتر مستطیلی (در حوزه زمان) و ضرب تبدیل فوریه تصویر اولیه با یک فیلتر مستطیلی (در حوزه زمان و فرکانس می باشد. بدین یک Sinc (در حوزه فرکانس می باشد که نتیجه آن ایجاد اعوجاجهای در حوزه زمان و فرکانس می بالا تضعیف خواهد شد.

					23	25	30	35	30				
					25	30	35	37	40				Γ
			U	_	45	40	37	43	45			39	
1/9×	1	1	1		38	40	43	42	46				Γ
	1	1	1		35	40	42	45	47				Γ
	1	1	1							l			_

Gaussian smoothing (**

در این روش، کانوولوشن تصویر با یک فیلتر گاوسی انجام میگیرد. با توجه به اینکه تبدیل فوریه یک فیلتر گاوسی، گاوسی باقی میماند، این نوع فیلترینگ اثر اعوجاج فلیترینگ میانگینگیر را تا حد خوبی خنثی میکند. از طرف دیگر، محو شدگی (blurring) از نتایج کانوولوشن تصویر با این نوع فیلتر میباشد.

• نوع خاصی از وجود نویز و تداخل در تصاویر پزشکی، محو شدگی (blurring) میباشد که روشهای متعددی برای حذف و بهبود کنتراست تصویر تا کنون ارائه شدهاست. در کاربردهای واقعی پردازش تصاویر پزشکی، محوشوندگی به دلیل پخششدگی پاسخ ضربه (Point Spread Function (PSF)) دستگاه به وجود می آید. این موضوع در شکل زیر نمایش داده شدهاست:



در واقع به دلیل کانوولوشن تصویر اولیه $f \in \mathbb{R}^{N^2 \times 1}$ و PSF گاوسی شده h، تصویر نهایی g به صورت نسخه محو شده تصویر اولیه به دست ما می رسد. مسئله اصلی در اینجا تخمین نسخه تمیز تصویر از روی نسخه محو شده آن از مخلوط کانوولوشن است که می توان به صورت زیر بیان کرد:

$$f = \underset{f}{\operatorname{argmin}} \|g - f * h\|^2$$

که g در اینجا تصویر داده شده به ما میباشد.

تابع هزینه مطرحشده به مسئله دکانوولوشن (Deconvolution) معروف است. در حالت کلی، h نیز به طور کامل مشخص نبوده اما میتوان مشخصههای آماری ای برای تقریب آن در نظر گرفت. برخی از روشها، رابطه بالا را در حوزه فرکانس و بر حسب تبدیل فوریه آرگومانهای داخل مسئله در نظر می گیرند، یعنی:

$$F = \underset{F}{\operatorname{argmin}} \|G - FH\|^2$$

ممکن است در نظر اول راه حل به صورت $F=rac{G}{H}$ به نظر برسد، اما به دلایل مختلف از جمله ناپایدار بودن تبدیل فوریه H، این مسئله به شدت ill-conditioned می شود.

بدین منظور، راه حلهایی بر حسب Gradient Descent برای حل آن پیشنهاد شده است. در این روش، ابتدا f بدین منظور، راه حلهایی بر حسب ماتریسی f مدل شده و گرادیان تابع هزینه $g-Df\|^2$ نسبت به g مدل شده و گرادیان تابع هزینه g به صورت زیر ارائه شده است: محاسبه می شود. یکی از معروف ترین این راه حلها برای بازیابی f به صورت زیر ارائه شده است:

$$f_{k+1} = f_k + \beta D^T (g - Df), \quad f_0 = 0$$

که در این رابطه، eta نرخ یادگیری (learning rate) نامیده شده و عددی در حدود 10^{-2} در نظر گرفته می شود.

رابطه بالارا اثبات كنيد.

شبيهسازيها:

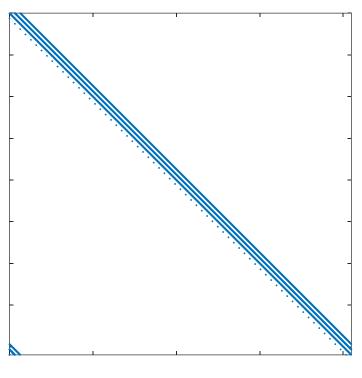
Q1 تصویر t2.jpg از پوشه S2_Q1_utils را خوانده، اسلایس اول آن را در نظر گرفته و به آن نویز گاوسی با واریانس ۱۵ به تصویر اولیه اضافه کنید. سپس یک کرنل مربعی با سایز ۴ در ۴ در مرکز یک تصویر با یاینری جدید ساخته و در حوزه فوریه در تبدیل فوریه تصویر اولیه ضرب کرده، به حوزه مکان برگردانده و نتیجه را در کنار نسخه اولیه و نویزی رسم کرده و نتیجه را تحلیل کنید. برای نتیجه بهتر میتوانید پیکسلهای کرنل مربعی را نرمالیزه کنید که مجموع عناصر آن برابر با ۱ شود. تصویر t2.jpg را با استفاده از دستور imgaussfilt با یک کرنل گاوسی با واریانس ۱، کانوولوشن کرده و با نتیجه قبل مقایسه کنید.

وبایک $\mathbf{S2}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ از پوشه $\mathbf{S2}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ را خوانده، اسلایس اول آن را در نظر گرفته (تصویر $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ وبایک فیلتر گاوسی $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ نید که محو (blurred) شود. سپس، با استفاده از $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ نتیجه را در کنار تصویر اولیه رسم کرده و تحلیل کنید. در ادامه، یک نویز گاوسی نرمال با واریانس $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ واریانس $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ نتیجه کانوولوشن $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ با $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ اضافه کنید. سپس باز هم با استفاده از رابطه $\mathbf{P}_{\mathbf{Q2}_{\mathbf{utils}}}$ تصویر اولیه را بازیابی کنید و نتیجه را با قسمت اول سوال مقایسه و تحلیل کنید.

 $D \in \mathbb{R}^{N^2 \times N^2}$ ماتریس $D \in \mathbb{R}^{N^2 \times N^2}$ را برای آن محاسبه کرده و با استفاده از $D = D^+ g$ ، تصویر اولیه سوال قبل را بازیابی کنیم. برای جلوگیری از بار محاسباتی سنگین، ابتدا ابعاد تصویر اولیه را به ابعاد P = P + S کاهش دهید. دقت کنید که هر سطر ماتریس P = P + S مربوط به پیاده سازی اثر فیلترینگ برای یک پیکسل می باشد. ابتدا یک تصویر تمام صفر P = S به ابعاد تصویر اولیه ساخته و فیلتر P = S به ابعاد P = S را در سمت بالا چپ این تصویر قرار دهید. سپس برای ساخت سطر مربوط به پیکسل P = S در ماتریس P = S ابتدا تصویر P = S با با بازی تمام سطرهای P = S انجام داده تا ماتریس P = S موردنظر ساخته شود. توضیح دهید که چرا ماتریسی را برای تمام سطرهای P = S انجام داده تا ماتریس P = S موردنظر ساخته شود. توضیح دهید که چرا ماتریسی با ساختار بیان شده می تواند کانوولوشن (فیلترینگ) تصویر اولیه با یک فلیتر P = S را مدی با ساختار بیان شده می تواند کانوولوشن (فیلترینگ) تصویر اولیه با یک فلیتر P = S

g=f*h=ساخت D و انتخاب یک فیلتر D (مثلاً $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \ 1 & 2 & 1 \ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ یا معادل گاوسی آن)، تصویر D ساخت D سا

 $\hat{f} = D^{\dagger}g$ را ساخته و با یک نویز گاوسی با انحراف معیار 0.05 جمع کنید. با استفاده از رابطه Df تصویر اولیه را بازیابی کرده و در کنار تصویر اولیه و فیلترشده نمایش داده و تفاوتها را تحلیل نمایید.



شکل ۷-۵ مثالی از ماتریس D

- Q4 ► Gradient Descent را پیاده سازی کرده و مراحل سوال قبل را اجرا کرده و نتایج را با هم مقایسه کنید. همچنین همگرایی تکرارهای مختلف الگوریتم را به صورت شبیه سازی بررسی کنید. بعه نظر شما چرا روش گرادیان در اکثر موارد نسبت به روش به کار رفته در سوال قبل برتری دارد؟
- ✓ Q5: سوال پژوهشی: موارد بیان شده برای حذف نویز و تداخل از تصاویر پزشکی از مقدماتی ترین روشها در این حوزه بودند. روشهای پیشرفته تری نیز ارائه شده اند که از جمله آنها می توان روش می نیز ارائه شده اند که از جمله آنها می توان روش می نیز ارائه شده اند که از جمله آنها می توان روش می نیز ارائه شده اند که از جمله آنها می نیز ارائه برد. درباره این روش و روش پیاده سازی آن تحقیق کنید. همچنین کد مربوطه (S2_Q5_Anisotropic_Diffusion.m)