

BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

Session 2022

MATHÉMATIQUES

Série ES

Durée : 3 heures

Coefficient : 6

Le sujet comporte 4 pages numérotés de 1/4 à 4/4.

L'utilisation de la calculatrice est autorisée.

Le candidat doit traiter les quatre exercices.

Le candidat est invité à faire figurer sur la copie toute trace de recherche, même incomplète ou non fructueuse, qu'il aura développée.

Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements seront prises en compte dans l'appréciation des copies.

Exercice 1 : (5 points) QCM

Pour chacune des questions, une seule des trois réponses est exacte. Une réponse exacte rapporte un point. Une réponse fausse ou l'absence de réponse ne rapporte ni n'enlève aucun point. Indiquer sur la copie le numéro de la question et recopier la réponse choisie. **Aucune justification n'est demandée.**

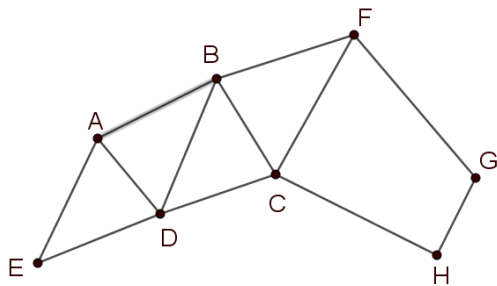
1.

| | Capital dû avant le versement En DJF | Intérêt En DJF | Amortissement En DJF | Mensualités En DJF | Capital dû après le versement En DJF |
|----------------------|--|-------------------|-------------------------|-----------------------|--|
| 1 ^{er} mois | 2 600 000 | 17300 | 85 000 | | 2 515000 |

D'après le tableau d'amortissement d'un emprunt par mensualité constante ci-dessus, la valeur de la mensualité est :

- a) 102 300 DFJ b) 67 700 DJF c) 85 000 DJF

2. On considère le graphe G suivant :



- a) Ce graphe est complet. b) Ce graphe est d'ordre 6 c) Ce graphe est connexe

3. L'équation $e^{13x+40} = e^{16+5x}$ a pour solution :

- a) 1 b) -3 c) 2

4. Un institut de sondage cherche à estimer la proportion de personnes favorable à la révision du code de la route avec un intervalle de confiance au seuil de 95% d'amplitude 0,025. Cet institut doit alors interroger:

- a) 6 400 personnes b) 160 personnes c) 5 000 personnes

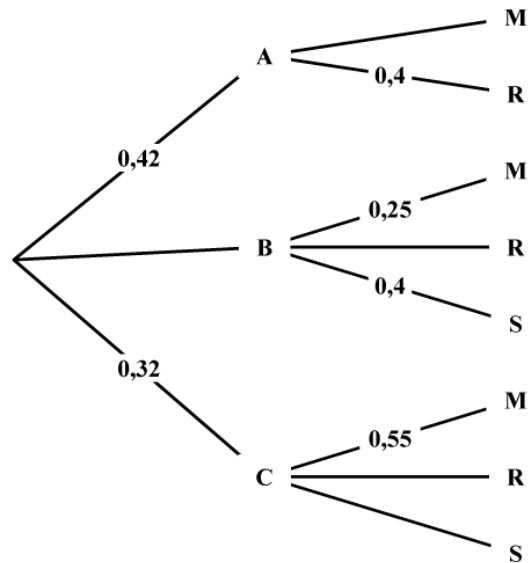
5. On considère X la variable aléatoire qui suit la loi normale d'espérance $\mu=120$ et d'écart-type $\sigma = 3$. $p(117 < X < 125)$ est environ :

- a) 0,63 b) 0,68 c) 0,79

Exercice 2 : (5 points)

On considère l'arbre de probabilité contre où la probabilité de l'événement S est 0,152.

1. Recopier et compléter l'arbre de probabilité ci-contre.
2. Calculer $p(B \cap R)$.
3. Montrer que $p(M) = 0,493$.
4. Calculer $p(R)$.
5. Calculer $p_M(A)$. Arrondir le résultat au millièème près.



Exercice 3 : (5 points)

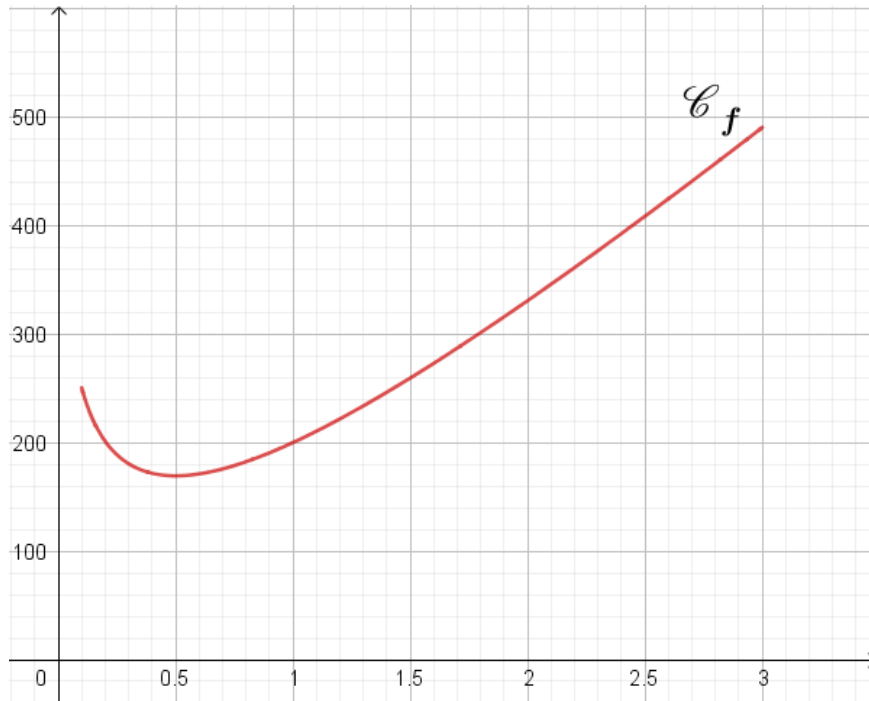
Un responsable de location des voitures étudie l'évolution du nombre des voitures louées mensuellement à partir de janvier 2020. Pour cela il modélise le nombre de voitures louées chaque mois par la suite (u_n) définie par $u_{n+1} = 0,8u_n + 50$ et $u_0 = 100$. Ainsi u_0 est le nombre des voitures louées en janvier 2020 et u_n représente le nombre des voitures louées le n-ième mois après le mois de janvier 2020.

1. Montrer que le nombre de voitures louées en mars 2020 est égal à 154.
2. Pour tout entier naturel n , on considère la suite (w_n) définie pour tout entier n par $w_n = u_n - 250$.
 - a) Montrer que (w_n) est une suite géométrique dont on précisera le premier terme w_0 et la raison q .
 - b) Exprimer w_n en fonction de n et puis en déduire que, pour tout entier naturel n , $u_n = 250 - 150 \times 0,8^n$.
3. Déterminer la limite de la suite (u_n) . puis interpréter le résultat obtenu dans le contexte de l'exercice.
4. Donner la valeur affichée par l'algorithme ci-contre, puis interpréter le résultat obtenu dans le contexte de l'exercice.

```
def location():  
    n=0  
    u=100  
    while u<=230:  
        u=0.8*u+50  
        n=n+1  
    print(n)
```

Exercice 4 : (5 points)

Dans le repère orthogonal donné ci-dessous, C_f est la représentation graphique d'une fonction f définie et dérivable sur l'intervalle $I = [0,1 ; 3]$.



Partie A : étude graphique

1. Donner une valeur approchée du minimum de la fonction f sur l'intervalle I .
2. Indiquer le nombre de solutions de l'équation $f(x) = 400$ dans l'intervalle I .

Partie B : étude analytique

Une entreprise fabrique chaque mois entre 10 et 300 produits. On considère la fonction f définie ci-dessus sur l'intervalle $[0,1 ; 3]$ par $f(x) = 200x - 100 \ln(x)$.

On admet que la fonction f modélise le coût moyen mensuel de fabrication d'un produit, exprimé en milliers de DJF, pour x centaines de produits fabriqués.

1. Montrer que pour tout réel x de l'intervalle $[0,1 ; 3]$, on a $f'(x) = \frac{200x - 100}{x}$.
2. Dresser le tableau de variation de la fonction f sur l'intervalle $[0,1 ; 3]$.
3. Justifier que l'équation $f(x) = 400$ admet une unique solution α sur l'intervalle $[0,1 ; 3]$ et déterminer une valeur approchée de α à 0,01 près.

