# מטלת מנחה (ממ"ן) 16

הקורס: 20441 - מבוא למדעי המחשב ושפת Java

חומר הלימוד למטלה: יחידות 14-16 נושא המטלה: רקורסיה ויעילות

מספר השאלות: 5 נקודות

סמסטר: **2009ב** מועד אחרון להגשה: 13.6.2009

(ת)

# שימו לב, שאלות 1 – 4 נלקחו מבחינות שהיו בשנים קודמות.

(5%) שאלה 1 - 1 לא להרצה

: מתונה השיטה quiz הבאה

```
public static boolean quiz (int a, int b, int n)
{
   if (a == 1)
      return (b==1);
   if (n == b)
      return true;
   if (n>b)
      return false;
   return quiz (a, b, n*a);
}
```

#### כתבו אילו מהטענות הנכונות:

- יחזירו אותה תוצאה; quiz(2,15,1) ו- quiz(2,14,1) יחזירו אותה תוצאה.
- יחזירו אותה תוצאה; quiz(2,15,1) ו- quiz(2,16,1) יחזירו אותה תוצאה;
- ; יחזירו אותה תוצאה quiz(3,243,1) ו- quiz(5,125,1) יחזירו אותה תוצאה
  - יחזירו אותה תוצאה; quiz(4,32,1) -1 quiz(5,125,1) יחזירו אותה תוצאה.
    - 5. כל התשובות לעיל שגויות

# (10%) שאלה 2-4 לא להרצה

: נתונות השיטות הסטטיות הבאות

```
public static void method1 (int n)
{
    int k=0;
    for (int i = 1; i<=n; i=i*2)
        for (int j=n; j>1; j = j/2)
        k++;
}

public static void method2 (int n)
{
    for (int i = 1; i<=n; i= i+1)
        for (int j=i; j <=n; j++)
            method1(n);
}</pre>
```

# סעיף א: (5 נקודות)

methodl מהי סיבוכיות זמן הריצה של

## סעיף ב: (5 נקודות)

method2 מהי סיבוכיות זמן הריצה של

## (15%) שאלה 3-4 לא להרצה

נתונה המחלקה A הבאה המכילה כמה שיטות סטטיות:

```
public class A
    public static void what (int [] arr)
        int i;
        if (arr.length > 1)
            insert1 (arr, 1);
         for (i=2; i < arr.length-1; i=i+2)
            insert2 (arr, i+1);
         if (i<arr.length)</pre>
            insert1 (arr,i);
    }
    public static void insert1 (int[] a, int i)
         int value = a[i];
         while (i>0 \&\& a[i-1] > value)
         {
             a[i] = a[i-1];
             i--;
          a[i] = value;
    }
    public static void insert2 (int[] a, int i)
          int maxValue = Math.max(a[i-1], a[i]);
          int minValue = Math.min(a[i-1], a[i]);
          while (i>1 && a[i-2] >maxValue)
              a[i] = a[i-2];
              i--;
          }
          a[i] = maxValue;
          i--;
          while (i>0 && a[i-1] >minValue)
             a[i] = a[i-1];
              i--;
          a[i] = minValue;
    }
```

הסעיפים הבאים מתייחסים למחלקה A שלעיל. בכל סעיף יש תשובה אחת נכונה. כתבו מהי התשובה הנכונה.

#### :סעיף א

- , יהיו ממוינים, arr[0]... arr[i] איברי המערך במקומות ,insert1 היו ממוינים ממוינים ממוינים בסדר עולה. בתנאי שלפני הקריאה לשיטה איברי המערך 1 ממוינים בסדר עולה.
- , יהיו ממוינים, arr[0]... arr[i] איברי המערך במקומות insert1, איברי האיטה בסדר יורד. בתנאי שלפני הקריאה לשיטה איברי המערך arr[i-1]... arr[i-1]
- . יהיו ממוינים. arr[0]... arr[i] איברי המערך איברי המערך (insert than 2.3 המקטע כולו ימוין תוך כדי ביצוע השיטה.
  - .insert2 זהה למטרת השיטה insert1 מטרת השיטה

#### :סעיף ב

- 1. הפעלת השיטה what ממיינת מערך בסדר עולה.
- .. הפעלת השיטה what ממיינת מערך בסדר עולה, רק במידה ואורכו זוגי.
- 3. הפעלת השיטה what ממיינת מערך בסדר עולה, רק במידה ואורכו אי-זוגי.
- 4. קיימים מערכים באורך זוגי וכן מערכים באורך אי-זוגי שלא ימוינו על-ידי הפעלת what ...

### :סעיף ג

- .1 מערך של n הינו בסדר גודל של n, what אל השיטה, what מערך היצה של הריצה של
- .2 מערך אינו בסדר גודל של  $n^2$  פעולות. what מערך של היינו בסדר גודל של, what מן הריצה של
- . מערך של log $_2$  n אינו בסדר הינו מערך, what על מערך, אודל של מער מון הריצה מער מערך.
- . אפעולות  $n \cdot \log_2 n$  של השיטה  $n \cdot \log_2 n$ , על מערך באורך של ,what פעולות.

בשאלות הבאות נשתמש במחלקה Matrix הנמצאת באתר הקורס בספריית הקבצים להורדה, בתת-ספריה יימחלקותיי. עליכם להוסיף את השיטות הנדרשות להלן לתוך המחלקה. שימו לב שלא לשנות את השמות של השיטות שנמצאות כבר במחלקה. אם אתם רוצים להוסיף שיטות נוספות למחלקה, הן צריכות להיות private.

## שאלה 4 – להרצה (35%)

נתונה מטריצה  $\max$  מגודל  $n \times n$  המיוצגת על ידי מערך דו מימדי ( היבועי). המטריצה מכילה מספרים שלמים. אנו מניחים כי  $n = 2^k$ , עבור אם שלמים.

נאמר כי המטריצה ממוינת אם בחלוקה של המטריצה ל- 4 רבעים (לפי הציור), כל איבר ברביע הראשון קטן או שווה לכל איבר ברביע השני, כל איבר ברביע השני קטן או שווה לכל איבר ברביע השלישי קטן או שווה מכל איבר ברביעי. כמו להלן:

1 3

## 2 4

כמו כן התכונה הנ"ל מתקיימת רקורסיבית על כל אחד מהרבעים.

למשל, המטריצה הבאה ממוינת:

-4	2	13	22
-2	5	20	24
5	12	25	49
9	13	25	57

public boolean find(int x) : א. כתבו שיטה רקורסיבית עם החתימה הבאה: x אם ורק אם ורק אם הערך ממוינת המחזירה true אם ורק אם הערך אם הערך ומצא במטריצה הממוינת און צורך לבדוק זאת). (30 נקי)

השיטה צריכה להיות יעילה ככל הניתן.

פתרון נכון שאינו מספיק יעיל יקבל ניקוד חלקי בלבד.

. פתרון מסדר גודל ריבועי  $O(n^2)$  לא יתקבל בכלל

אין להקצות זיכרון נוסף בגודל שאיננו קבוע.

שימו לב שהשיטה צריכה להיות רקורסיבית ללא שימוש בלולאות כלל. כך גם כל שיטות העזר שתכתבו (אם תכתבו) לא יכולות להכיל לולאות.

אפשר להשתמש בהעמסת-יתר (overloading).

ב. מה זמן הריצה של השיטה שכתבתם במקרה הגרוע ביותר! נמקו. (5 נקי)

## שאלה 5 - להרצה (35%)

נתאר את בעיית מציאת "בור" במערך דו-ממדי **ריבועי**:

. בלבד ואחדים ואחדים בלבד  $n \times n$  המלא באפסים ואחדים בלבד קלט:

ית כל -k - הוא בור ( $\sin k$ ) אם בשורה ה- - k - ית כל הערכים הם ( $\sin k$ ) אם בשורה ה- א -ית כל .(0 עצמו שהוא [k][k] עצמו שהוא (חוץ מהאיבר (חוץ מהאיבר).

. אם כן, הדפס את ערכו במערך: אם כן, הדפס את ערכו  ${f k}$ 

אין בור. B אין בוריי, ובמערך B אין בור. B אין בור.

0	0	0	1
0	1	1	1
0	0	0	0
1	1	1	1

B

0	1	0	1	1	0
1	0	1	1	0	0
0	0	0	1	0	1
0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	0
0	1	0	1	1	1

A

0	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	1
0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1
0	1	0	1	0	1
1	0	0	0	1	0

כתבו שיטה **יעילה** הפותרת את הבעיה.

חתימת השיטה תהיה:

## public int isSink ()

המספר k אם לא קיים בור - 1 אם לא קיים בור השיטה תחזיר את המספר במערך.

הערה: פתרון נכון שיהיה בסיבוכיות O(n) יזכה את כותבו ב- 35 נקודות. פתרון נכון שיהיה בסיבוכיות  $O(\mathrm{n}^2)$ , יזכה את כותבו ב- 15 נקודות בלבד.

# אל תשכחו לתעד את מה שכתבתם!

#### הגשה

- 1. הגשת הממיין נעשית בצורה אלקטרונית בלבד, דרך מערכת שליחת המטלות.
  - הקפידו ששמות השיטות יהיו בדיוק כפי שמוגדר בממיין.
  - .ex16.doc יש לכתוב בקובץ נפרד בשם 1-3 את התשובה לשאלות 1-3
- 4. את התשובות לשאלות 4-5 יש לכתוב במחלקה Matrix כפי שמוסבר בשאלה.
- בתוך קובץ zip בתוך קובץ (Matrix.java, ex16.doc). ארזו את שני הקבצים לשלוח קבצים נוספים.