## Calculabilité - complexité

 $0\mathrm{h}45,\,\mathrm{sans}$  document sauf une feuille A4

Les réponses doivent être inscrites à la suite de chacune des questions, dans le cadre prévu à cet effet.
Dans le cas (exceptionnel), où vous estimeriez qu'une question nécessite un développement plus important,
utilisez une feuille séparée, en précisant le numéro de la question.

-4	$\sim$ 1	. 1		
1	Cal	C11	labi	lite

	Calculablité
1.	Soit la fonction carrée $carre(x): x \mapsto x^2$ . Cette fonction est-elle calculable?
	— oui
	— oui pour <i>n</i> positif seulement
	— non — on ne sait pas
2.	Soit la fonction de Collatz $Collatz(n) \triangleq \mathbf{while} \ n > 1 \ \mathbf{do}$ if $(n\%2 = 0)$ then $n \leftarrow n/2$ else $n \leftarrow 3*n+1$ L'appel à Collatz(n) termine-t-il pour toute valeur de $n \geq 0$ ?
	— oui
	— non
	— on ne sait pas
	— oui pour n pair seulement
	— non si n est premier
3.	Existe-t-il une machine de Turing universelle qui puisse exécuter n'importe quel autre machine universelle?
	— Oui, par définition de l'universalité
	— Non, il faudrait une meta-machine de Turing
	— Uniquement si elles ont le même alphabet
4.	Savoir si une machine de Turing n'accepte qu'un unique mot est-il décidable? Si oui, donner le principe de l'algorithme; si non, argumenter (montrer une réduction ou une contradiction).

## 2 Complexité

6.	Pourquoi est-il important d'étudier la complexité en plus de la calculabilité?
7.	Les protocoles interactifs sont-ils plus puissants que la vérification de certificats?  Sujet non traité en 2020–2021
	Est-il vrai que la la complexité en temps est indépendante du codage des données, mais que la complex en espace dépend du codage ?
	Pourquoi peut-on définir la complexité logarithmique en espace alors que la complexité logarithmique en temps n'a pas de sens?
).	Donner un problème complet pour <b>PSPACE</b> .
(	Calcul quantique
)	