



Introduction aux télécommunications

Études de chaines de transmission sur fréquence porteuse

Première Année, Département SN



Hamza MOUDDENE

May 23, 2020

Sommaire

1	Introduction	2
2	Utilisation de la chaine passe-bas équivalente pour le calcul et l'estimation du taux d'erreur binaire	3
2.1	Etude théorique	3
2.2	Implantation sous Matlab	4
2.2.1	Implantation de la chaine sur fréquence porteuse	4
2.2.2	Implantation de la chaine passe-bas équivalente	5
3	Comparaison de modulations sur fréquence porteuse	6
3.1	Etude théorique	6
3.2	Implantation sous Matlab	7
3.2.1	Etude de chaque chaine de transmission	7
3.2.2	Comparaison des chaines de transmission	8
4	Conclusion	9
5	Bibliographie	10

Introduction

Utilisation de la chaine passe-bas équivalente pour le calcul et l'estimation du taux d'erreur binaire

L'objectif de cette partie est de montrer que le taux d'erreur binaire obtenu pour une transmission est identique que l'on implante la chaine de transmission sur fréquence porteuse ou bien la chaine passe-bas équivalente. L'étude sera réalisée pour une transmission QPSK.

2.1 Etude théorique

On considère la chaine de transmission passe-bas équivalente à une chaine de transmission QPSK (symboles $d_k \in \{\pm 1 \pm j\}$), avec filtre de mise en forme et filtre de réception en racine de cosinus surélevé de même roll off et un canal à bruit additif blanc et Gaussien. La figure 2.1 donne le tracé de la réponse en fréquence globale de la chaine de transmission : $G(f) = H(f)H_r(f)$, où $H(f)$ représente la réponse en fréquence du filtre de mise en forme et $H_r(f)$ la réponse en fréquence du filtre de réception.

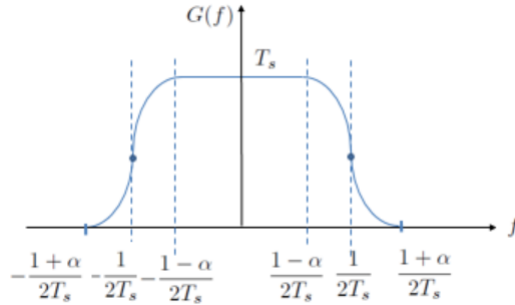


Figure 2.1: Réponse en fréquence de la chaine de transmission

1. Calculer l'énergie symbole E_s à l'entrée du récepteur. Attention E_s représente la véritable énergie reçue, c'est-à-dire qu'elle doit être calculée à partir de la véritable puissance du signal reçu, pas à partir de celle de l'enveloppe

complexe associée.

Une forme d'onde associée à chaque d_k en entrée du récepteur tel que $d_k h(t - kT_s)$.

$$\begin{aligned} E_s &= \int_{\mathbb{R}} |d_k h(t - kT_s)|^2 dt = \int_{\mathbb{R}} h(t - kT_s)^2 dt = T_s \\ &= PT_s \iff E_b = T_b \log_2(M) \text{ donc en binaire } E_s = E_b \end{aligned} \quad (2.1)$$

2. Calculer la puissance du bruit sur chaque voie (I et Q) en sortie du filtre de réception.
3. Les deux voies I et Q étant indépendantes, donner le taux d'erreur symbole de la modulation QPSK en fonction de ceux des voies I et Q (TES_I et TES_Q).
4. En supposant les termes du deuxième ordre négligeables ($TES_I \times TES_Q \sim 0$), donner le taux d'erreur symbole de la modulation QPSK en fonction de TES_I uniquement.
5. Déterminer TES_I en fonction de $\frac{E_s}{N_0}$, E_s correspondant à la véritable énergie reçue. On supposera que les instants d'échantillonnage et l'organe de décision sont optimaux.
6. En déduire le taux d'erreur binaire de la chaîne de transmission QPSK en fonction de $\frac{E_b}{N_0}$.

2.2 Implantation sous Matlab

2.2.1 Implantation de la chaîne sur fréquence porteuse

1. Tracer les signaux générés sur les voies en phase et en quadrature ainsi que le signal transmis sur fréquence porteuse.
2. Estimer par périodogramme puis tracer la densité spectrale de puissance du signal modulé sur fréquence porteuse. Le tracé observé (forme, position) correspond-il à ce qui est attendu en théorie ? Expliquez votre réponse.
3. Implanter la chaîne complète sans bruit afin de vérifier que le TEB obtenu est bien nul.
4. Rajouter le bruit et tracer le taux d'erreur binaire obtenu en fonction du rapport signal à bruit par bit à l'entrée du récepteur (E_b/N_0) en décibels. On prendra des valeurs de $(E_b/N_0)_{dB}$ allant de 0 à 6 dB.
5. Comparer le TEB simulé au TEB théorique de la chaîne étudiée (tracé superposés sur une même figure). Ce tracé doit permettre de valider le bon fonctionnement de votre chaîne de transmission.

2.2.2 Implantation de la chaîne passe-bas équivalente

1. Tracer les signaux générés sur les voies en phase et en quadrature.
2. Estimer par périodogramme puis tracer la densité spectrale de puissance de l'enveloppe complexe associée au signal modulé sur fréquence porteuse. Le tracé observé (forme, position) correspond-il à ce qui est attendu en théorie ? Expliquez votre réponse. On comparera notamment ce tracé avec celui obtenu pour la DSP du signal sur fréquence porteuse précédemment.
3. Implanter la chaîne complète sans bruit afin de vérifier que le TEB obtenu est bien nul.
4. Rajouter le bruit et tracer le taux d'erreur binaire obtenu en fonction du rapport signal à bruit par bit à l'entrée du récepteur (E_b/N_0) en décibels. On prendra des valeurs de $(E_b/N_0)_{dB}$ allant de 0 à 6 dB.
5. Tracer les constellations en sortie du mapping et en sortie de l'échantillonneur pour une valeur donnée de E_b/N_0 .
6. Vérifier que l'on obtient bien le même TEB que celui obtenu avec la chaîne simulée sur fréquence porteuse (tracé sur une même figure).

Comparaison de modulations sur fréquence porteuse

3.1 Etude théorique

On considère les quatre chaînes de transmission définies dans le tableau suivant ("SRRCF" signifie "Square Root Raised Cosine Filter" ou filtre en racine de cosinus surélevé en français) :

Modulation :	4-ASK	QPSK	8-PSK	16-QAM
Filtre d'émission :	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$
Filtre de réception :	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$	SRRCF, $\alpha = 0,5$
Débit binaire :	48 kbps	48 kbps	48 kbps	48 kbps
TEB :	10^{-2}	10^{-2}	10^{-2}	10^{-2}

1. Tracer les constellations des quatre modulations considérées.
2. Déterminer le débit symbole (R_s) dans les quatre cas.
3. Calculer les efficacités spectrales des quatre transmissions proposées. Quelle est la transmission la plus efficace spectralement ? Qu'est-ce que cela veut dire ?
4. La figure 3.1 donne les courbes de TEB obtenus en fonction du rapport signal à bruit par bit à l'entrée du récepteur (E_b/N_0) en dB, pour les quatre transmissions considérées réalisées sur canal à bruit additif et Gaussien.
 - En déduire les valeurs de E_b/N_0 nécessaires pour satisfaire à la spécification du TEB. Quel est le système le plus efficace en terme de puissance ? Justifiez votre réponse.
 - La chaîne de transmission utilisant la modulation 4-ASK et la chaîne de transmission utilisant la modulation 16-QAM présentent le même taux d'erreur binaire. Qu'est-ce qui pourrait justifier le choix de l'une ou l'autre ?

5. Si on souhaitait réaliser la transmission à travers un canal de propagation supposé à bruit additif blanc et Gaussien (AWGN) de bande passante 20 kHz, serait-il possible de réaliser chaque transmission proposée en trouvant, au niveau du récepteur, un instant optimal d'échantillonnage sans interférence entre symboles ? Expliquez votre réponse.

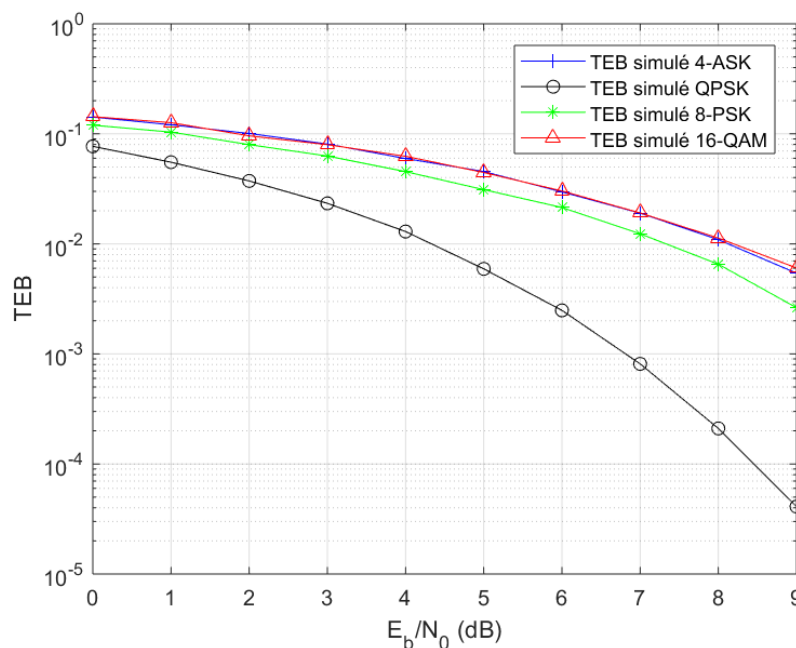


Figure 3.1: Comparaison des TEB pour les modulations ASK, PSK et QAM

3.2 Implantation sous Matlab

Il s'agira d'implanter, d'analyser et de comparer les chaines passe-bas équivalentes associées aux chaines de transmissions proposées dans l'étude théorique. Pour cela :

3.2.1 Etude de chaque chaine de transmission

1. Implanter la chaine complète sans bruit afin de vérifier que le TEB obtenu est bien nul. On pourra utiliser les fonctions Matlab *pskmod.m*, *pskdemod.m* et *qammod.m*, *qamdemod.m* pour réaliser les mapping/demapping et prises de décision.
2. Rajouter le bruit et :

- Tracer les constellations en sortie du mapping et en sortie de l'échantillonneur pour différentes valeurs de E_b/N_0 , en expliquant les différences observées.
- Tracer le taux d'erreur binaire obtenu en fonction du rapport signal à bruit par bit à l'entrée du récepteur (E_b/N_0) en décibels. On prendra des valeurs de $(E_b/N_0)_{dB}$ allant de 0 à 6 dB.
- Comparer le TEB simulé au TEB théorique de la chaîne étudiée (tracé superposés sur une même figure). Ce tracé doit permettre de valider le bon fonctionnement de votre chaîne de transmission. Les TEBs théoriques sont donnés dans les planches de cours.

3.2.2 Comparaison des chaînes de transmission

1. En utilisant les tracés obtenus pour leurs TEBs, comparer et classer les différentes chaînes de transmission en termes d'efficacité en puissance (en expliquant votre raisonnement).
2. Pour un même débit binaire, tracer les densités spectrales de puissance des signaux émis dans les différentes chaînes de transmission étudiées afin de les comparer en termes d'efficacité spectrale et de les classer (en expliquant votre raisonnement).

Conclusion

Bibliographie

- <http://thomas.perso.enseeiht.fr/DigitalCommunications.html>
- M. Joindot, A. Glavieux, Introduction aux communications numériques
- <https://fr.mathworks.com/help/matlab/>
- <http://univ-toulouse-scholarvox.com.gorgone.univ-toulouse.fr/catalog/book/88834121>