# Problem A. xf学数学

难度	考点
1	简单循环,模拟

## 示例程序

```
#include<stdio.h>
int main()
{
    int k;
    scanf("%d",&k);
    double ans=1;
    int poi=1;
    while(ans<=k)
    {
        poi++;
        ans+=1.0/poi;
    }
    printf("%d",poi);
    return 0;
}</pre>
```

# Problem B. 水水的输出字母

难度	考点
2	简单条件判断、循环

#### 本题需要注意的易错点:

- "Not a Letter"的判断不要忽略了ascii码位于'Z'和'a'之间的字符。
- "Overflow!"的输出需要大小写分开判断,不能简单地判断a+x是否为字母,例如数据'X 20','X'在大写字母区间,'X'+20却在小写字母区间,这也是"Overflow!"的一种情况。

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    char a;
    int x, i;
    scanf("%c%d", &a, &x);
    if (!((a >= 'a' && a <= 'z') || (a >= 'A' && a <= 'Z')))
    {
        printf("Not a Letter");
    }
}</pre>
```

```
else if (((a >= 'a' && a <= 'z') && (a + x - 1 > 'z')) || ((a >= 'A' && a <=
'z') && (a + x - 1 > 'z')))
{
    printf("OverfIow!");
}
else
{
    i = 0;
    while (i < x)
    {
        printf("%c ", a + i);
        i++;
    }
}
return 0;
}</pre>
```

# Problem C. 零花钱储蓄计划

难度	考点
2	简单循环,模拟

### 题目分析

- 1、每一年之后妈妈都会把钱还给小函。
- 2、注意如果出现某个月钱不够的情况即可直接输出,或者记录月数。

```
#include<stdio.h>
int sum, posit, i, flag = 0, I, n;
int main()
{
    scanf("%d", &n);
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        for (i = 1; i <= 12; i++) {
            int tmp;
            scanf("%d", &tmp);
            sum += 300 - tmp;
            posit += sum / 100 * 100;
            sum = sum - sum / 100 * 100;
            if (sum < 0 && !flag) {
               flag = 1;
                I = 12 * j + i;
            }
        sum += (int)(posit * 1.2);
        posit = 0;
    }
```

```
if (flag) {
    printf("-%d", I);
}
else {
    printf("%d", sum + (int)(posit * 1.2));
}
return 0;
}
```

# Problem D. 数位平均

难度	考点
3	数据类型、数字各位求和、浮点误差的处理

#### 本题需要注意以下几点:

- 输入的整数不超过 $10^{10}$ ,因此需要使用 $long\ long$ 类型的变量
- 计算平均值时, n的值不能被修改, 需要使用另外的变量进行取模-除10操作。
- 将除法转换为乘法,避免浮点类型变量带来的误差。若要使用浮点类型的变量,则在判断时需要考虑误差。

```
#include <stdio.h>
int main()
    long long n, n_copy;
    scanf("%11d", &n);
    int sum = 0;
    n_{copy} = n;
    for (int i = 0; i < 10; ++i)
        sum += n\_copy % 10;
        n\_copy /= 10;
    }
    long long ans = 0;
    n_{copy} = n;
    for (long long base = 1; base < 10000000000LL; base *= 10)
        if ((n_copy % 10) * 10 <= sum)
            ans += base * (n_copy % 10);
        n\_copy /= 10;
    printf("%11d\n", ans);
   return 0;
}
```

## Problem E. 水水的跳格子

难度	考点
3	字符串

### 题目分析

在遍历字符串时,我们可以用一个hash数组来存储所有可能出现的字符的当前状态。具体而言,对某个字符,hash数组中下标为该字符ASCII码值的格子中存储的便是该字符最近一次出现的位置,初始化后值为0。当遍历到一个新的字符时,我们关注hash数组中下表为该字符ASCII码值的元素的值。若该元素值加3后大于等于字符串当前位置,则代表小明可以从原来的位置跳到当前位置,因此将该元素值更新为当前位置。若该元素值加3后小于字符串当前位置,则距离过远,小明无法跳跃,将该元素值赋为-1,代表此路不通。

具体请看代码。

```
#include<stdio.h>
#include<string.h>
char str[9999];
char hash[130];
int main(void){
   int n,i,j,k,len;
   scanf("%d",&n);//数据组数
   for(i = 0; i < n; i++) {
       for(j = 0; j < 130; j++) {//初始化hash数组
           hash[j] = 0;
       scanf("%s", str+1);//这里将字符串从下标为1的位置开始存,可以简化一下代码
       len = strlen(str+1);
       for(j = 1; j \le len; j++) {
           if(hash[str[j]] >= 0 && j-hash[str[j]] <= 3) {//判断是否可以走str[j]对应
属性的格子
               hash[str[j]] = j;
           } else {
               hash[str[j]] = -1;
           }
       for(j = 32;j <= 126;j++) {//输出ASCII值最小的
           if(hash[j]+3 >= len+1) {
               printf("%c\n",j);
               break;
           }
       if(j == 127) {//没有则输出字符串
           printf("You loser!\n");
   return 0;
}
```

# Problem F. 由果推因

难度	知识点
3	数学推导、格式化输出、循环结构、浮点数运算

注意到题目中公式 (1) 、 (3) 中的P(AB)是相等的, 试联立公式 (1) 、 (3) 求解P(B|A), 由

$$\begin{cases} P(A \mid B) = \frac{P(AB)}{P(B)} \\ P(B \mid A) = \frac{P(AB)}{P(A)} \end{cases}$$

得

$$P(AB) = P(B)P(A \mid B) = P(A)P(B \mid A)$$

所以

$$P(B \mid A) = rac{P(B)P(A \mid B)}{P(A)}$$

在本题中,我们设"坐第i个公交车"为事件 $B_i$ , "迟到"为事件A。

那么

$$P(A) = \sum_{i=1}^n P($$
坐第 $i$ 种车 $)P($ 坐第 $i$ 种车的条件下迟到 $)$  $= \sum_{i=1}^n P(B_i)P(A\mid B_i) = \sum_{i=1}^n P_iQ_i$ 

于是问题转化成了在 $n \uparrow \frac{P(B_i)P(A|B_i)}{P(A)}$ 中寻找最大的那一个的问题。

我们使用一个 Max 变量来记录最大的那一个的值,初始设置为极小值,顺序查找数组,一旦找到一个比 Max 大的,就把 Max 替换为这个值,并在替换时顺便记录下标。

在输出时,需要活用 printf 来进行格式化输出。

有的同学可能会问:总共只有最多30个,怎么可能每一个的概率都小于等于 $10^{-5}$ 呢?

事实上,题目里说的是**"不大于"**,而测试数据中存在 $\forall iQ_i=0$ 的情况。此时每个 $\frac{P(B_i)P(A|B_i)}{P(A)}$ 都是 $\frac{0}{0}$ ,也就是 Nan ,而我们知道 Nan 是浮点数数据类型的一类值,它不大于,不小于,不等于任何数,自然不大于 $10^{-5}$ .

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
#include <ctype.h>
#include <stdlib.h>
#define maxn 105
#define ll long long
const double eps=1e-5;
```

```
int name[maxn];
double p[maxn],q[maxn],ans[maxn];
double Max=-1.0;
int main() {
   int n;
   scanf("%d",&n);
   for(int i=1; i<=n; ++i)
       scanf("%d%1f%1f",&name[i],&p[i],&q[i]);
   double PA=0.0;
   for(int i=1; i<=n; ++i)
       PA+=p[i]*q[i];
   int ansi,flag=0;
   for(int i=1; i<=n; ++i) {
       ans[i]=(p[i]*q[i])/PA;
       if(ans[i]>eps)//ans如果是0/0,也就是NaN,那么不会触发这个if,因为它不大于1e-5
       if(ans[i]>Max) {
           Max=ans[i];
           ansi=i;
       }
   }
   if(!flag) {
       printf("ERROR!\n");
       return 0;
   printf("%04d %.41f", name[ansi], ans[ansi]);
   return 0;
}
```

# Problem G. 补给广播站的建设

难度	考点
2	格式化读入输出

#### 题目分析

- 格式化读入:注意不是简单读入 %d,%1f 而是诸如读入带格式的输入时要考虑换行符一并读入的问题,简单读入 %d,%1f 时能够自动忽略换行符等,而带格式的不会忽略需要全部读入。这里有三行输入,所以要读入两个 \n,注意最后一个 \n 作为输入的中止,不要在 scanf 里面读入,否则输入无法中止。
- 格式化输出: 本身的思路简单, 只是需要注意的是圆的标准方程的坑:
  - 。 没有坑的情况: 内心坐标横纵坐标值都是正数,直接  $(x-x_I)^2+(y-y_I)^2=r_I^2$  格式化输出即可,都是减号没有问题。
  - 。 有坑的情况:如果有坐标值为负数,注意减一个负数是加上它的绝对值,需要改成加号,比如  $(x+x_I)^2+(y+y_I)^2=r_I^2$ ;以及当坐标值为 0 时,是需要单独判断,考虑到,需要写成 最简的形式比如  $x^2+y^2=r^2$  。
- 内心:

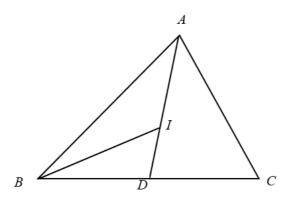
- 内心坐标的计算:按照题面 HINT 给出的公式计算即可,关于三角形三条边长的计算,是 C1 上机 G 题的内容。
- 。 内切圆半径的计算: 同理用 HINT 给出的公式计算即可。

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#define eps 1e-6
int main()
{
    double x1, y1, x2, y2, x3, y3;
    scanf("(%)f,%)f) \n(%)f,%)f) \n(%)f,%)f) \, &x1, &y1, &x2, &y2, &x3, &y3);
    double a, b, c, p, S;
   double xi, yi, ri;
    a = sqrt((x2 - x3) * (x2 - x3) + (y2 - y3) * (y2 - y3));
   b = sqrt((x1 - x3) * (x1 - x3) + (y1 - y3) * (y1 - y3));
    c = sqrt((x2 - x1) * (x2 - x1) + (y2 - y1) * (y2 - y1));
    p = (a + b + c) / 2.0;
    S = sqrt(p * (p - a) * (p - b) * (p - c));
    xi = (a * x1 + b * x2 + c * x3) / (a + b + c);
   yi = (a * y1 + b * y2 + c * y3) / (a + b + c);
    printf("(%.31f,%.31f)\n",xi,yi);
   ri = 2.0 * S / (a + b + c);
   if (fabs(xi) < eps) printf("x^2+");
   else printf("(x%c%.31f)^2+", xi > 0? '-' : '+', fabs(xi));
    if (fabs(yi) < eps) printf("y^2=");</pre>
    else printf("(y\%c\%.31f)^2=", yi > 0 ? '-' : '+', fabs(<math>yi));
    return 0;
}
```

### 附录:内心坐标公式的详细证明

### 引理: 内心的向量结论

首先需要证明一条关于三角形内心的向量结论:



三角形三顶点A,B,C, 三边长对应为 a,b,c, 内心 I, 则:

$$\overrightarrow{aAI} + \overrightarrow{bBI} + \overrightarrow{cCI} = \vec{0}$$

证明思路:

我们不妨从  $\overrightarrow{AI}$  出发,为了与  $\overrightarrow{BI}$  与  $\overrightarrow{CI}$  产生关系,一个朴素的想法是先写成  $\overrightarrow{AI} = \lambda \overrightarrow{AB} + \mu \overrightarrow{AC}$  的线性组合( $\lambda, \mu$  待定,在推导过程中求得),然后再拆开  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AI} - \overrightarrow{BI}, \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AI} - \overrightarrow{CI}$  ,最后得到只剩下  $\overrightarrow{AI}, \overrightarrow{BI}, \overrightarrow{CI}$  的式子。 然后如何找系数呢,注意到可以将  $\overrightarrow{AI}$  与  $\overrightarrow{AD}$  关联,而  $\overrightarrow{AD}$  又可以写成  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD}$  ,  $\overrightarrow{BD}$  又跟  $\overrightarrow{BC}$  关联, $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}$  就可以把  $\overrightarrow{AI}$  写成只含  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$  的式子。

#### 证明:

由角平分线定理: 
$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{c}{b}$$
 , 故  $\frac{BD}{BC} = \frac{BD}{BD+DC} = \frac{c}{b+c}$  , 有  $BD = \frac{ac}{b+c}$  ,  $BD = \frac{c}{b+c}$  ,  $BD = \frac{c}{a+b+c}$  ,  $BD =$ 

#### 证明内心坐标公式

由引理:  $\overrightarrow{aAI} + \overrightarrow{bBI} + \overrightarrow{cCI} = \vec{0}$ 

可列出方程组:

$$\left\{egin{aligned} a(x_I-x_1) + b(x_I-x_2) + c(x_I-x_3) &= 0 \ a(y_I-y_1) + b(y_I-y_2) + c(y_I-y_3) &= 0 \end{aligned}
ight.$$

解方程组可得其结果,获证。

# Problem H. 回文日期

难度	考点
5	日期、循环

### 题目分析

- 每年至多有一天为"回文日期"(也可能没有)。
- 因此从输入的"回文日期"开始逐年往后枚举,同时累计这一年的天数即可。
- 其实感觉没有什么特殊情况(或许需要注意一下-1的判断?)

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
#include<string.h>
#include<stdbool.h>
int day[]={0,31,28,31,30,31,30,31,30,31,30,31};//平年每月的天数
int main(){
   int nowy;
   while(~scanf("%d",&nowy)){
       int nowd=nowy%100;nowy/=100;//输入日期的日
       int nowm=nowy%100;nowy/=100;//输入日期的月
       //现在的nowy输入日期年
       //第一年的总天数
       int ans=365+((nowy%100\&&nowy%4==0)||nowy%400==0);
       //减去今年已经过去的天数
       for(int i=1;i<nowm;i++){</pre>
           ans-=day[i];
           if(i==2)//二月且是闰年需要多减去一天
               ans-=((nowy\%100\&\&nowy\%4==0) | |nowy\%400==0);
       }
       ans-=nowd;
       //现在的ans为输入日期到当年年末的天数
       bool haveans=false;
       //记录9999年前是否存在新的回文日期
       //枚举下一个回文日期的年
       for(int i=nowy+1; i <= 9999; i++){
           int x=i,y=i;
           for(int j=0;j<4;j++)
               y=y*10+x%10, x/=10;
           //翻转年份,得到一个回文数y
           int d=y\%100; y/=100;
           int m=y\%100; y/=100;
           //判断y是否是一个合法日期
           if(m>=1 && m<=12 /*月份必须在1-12之间*/
              && d>=1 && (d<=day[m] /*日满足要求*/
               | | (m=2 \& d =29 \& ((y\%100\& y\%4=0)) | y\%400=0)
                  /*闰年特殊判断*/))){
               //ans累计上当前年的年初到回文日期当天的天数
               for(int j=1;j<m;j++){</pre>
                  ans+=day[j];
                  if(j==2)//二月且是闰年需要多减去一天
                      ans+=((y\%100\&\&y\%4==0) | |y\%400==0);
               }
               ans+=d;
               haveans=true;break ;
           }
           //当前日期不是合法日期,即i年没有回文日期,直接累计当年总天数
           else ans+=365+((i\%100\&\&i\%4==0));
           //printf("%d\n",ans);
       }
```

```
printf("%d\n",haveans?ans:-1);
}
return 0;
}
```

使用了函数,这样代码会简单很多QAQ,思路也会比较清晰。

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
#include<string.h>
#include<stdbool.h>
int day[]={0,31,28,31,30,31,30,31,30,31,30,31};//平年每月的天数
bool check(int y){//检查y是否是一个合法日期
   int d=y\%100; y/=100;
   int m=y%100;y/=100;//计算月日
   if(m<1 || m>12) return 0;//月份不在1-12
   else if(d==29&&m==2)//2.29日判断是否是闰年
       return (y\%100\&\&y\%4==0) | |y\%400==0;
   return d>=1 && d<=day[m];//判断日是否符合标准
}
int Day(int y){//返回y年有多少天平年365闰年366
   return 365+((y\%100\&\&y\%4==0)||y\%400==0);
int getFroDay(int y){//返回当年年初到日期y的天数
   int d=y\%100; y/=100;
   int m=y%100;y/=100;//计算月日
   int ret=0;
   for(int i=1;i<m;i++){//累计前m-1月的天数
       ret+=day[i];
       if(i==2) ret+=((y\%100\&\&y\%4==0)||y\%400==0);
   }
   return ret+=d;//加上当月的天数
int getBacDay(int y){//计算日期y到当年年末的天数
   return Day(y/10000)-getFroDay(y);
}
int main(){
   int now;
   while(~scanf("%d",&now)){
       int nowy=now/10000;
       //因为下一个回文日期一定至少在第二年
       //所以首先累计当前日期到年末的天数
       int ans=getBacDay(now);
       bool haveans=false;
       for(int i=nowy+1;i<=9999;i++){//枚举下一个回文日期的年份
           int x=i,y=i;
           //翻转年份形成回文数
           for(int j=0;j<4;j++)
               y=y*10+x%10, x/=10;
           if(check(y)){//检查当前回文数是否为合法日期
               ans+=getFroDay(y);//累计年初但到回文日期的时间
               haveans=true;break ;
           }
```

```
else ans+=Day(i);//当年没有回文日期,直接累计全年天数
}
printf("%d\n",haveans?ans:-1);//输出答案
}
return 0;
}
```

# **Problem I. Long Long Factorial**

难度	考点
5	简单数学

### 题目分析

大致思路都在题目的提示里了,满分做法如下: (感觉这道题都做得挺好,没什么问题的样子)

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
#include<string.h>
#include<stdbool.h>
#include<time.h>
int main(){
    int x;long long ans;
    while(~scanf("%d",&x)){
        for(ans=011;x;ans+=x/5,x/=5);
        printf("%11d\n",ans);
    }
}
```

# **Problem J. Long Long Double Factorial**

难度	考点
5	数组、高精度

## 题目分析

本题的结果位数最多可以达到四位数,long long的数据范围显然是不够的,所以这里考虑使用数组。思路参考竖式乘法,模拟每一位的运算,通过数组按位存储计算结果,其中低位存储计算结果的低位。

首先我们确定初始乘数,循环与储存在数组中的数(被乘数)进行运算:从被乘数的低位开始,按位依次乘以乘数,并加上之前的进位,每次所得结果取个位作为最终结果该位的值,超出个位的部分作为进位参与下次运算。当被乘数的最高位运算结束后,若还存在进位,则增加位数并赋值,直到进位为零,如此便完成一次高精度数(被乘数)与单精度数(乘数)的计算。最后将数组中的结果从高位向低位依次输出即可。

```
#include<stdio.h>
#include<string.h>
int main(){
   int t, n, i, j, temp, carry, cnt; //carry代表进位, cnt代表当前位数
   int res[10010];
                                  //注意数组大小
   scanf("%d", &t);
   while(t--){
       memset(res, 0, sizeof(res));
                                  //数组初始化清零
       cnt = 1;
                                  //初始位数为1
       res[1] = 1;
                                  //初始值设为1(右数第1位即个位)
       scanf("%d", &n);
       for(i = n % 2 ? 1 : 2; i <= n; i += 2){ //三目运算符,根据n的奇偶性决定初始乘数
                                         //进位置零
          carry = 0;
          for(j = 1; j \le cnt; ++j){
                                         //从低位向高位循环
              temp = res[j] * i + carry;
                                         //按位与乘数相乘再加上进位存入temp
              res[j] = temp % 10;
                                         //更新右数第j位的值
             carry = temp / 10;
                                         //更新进位
          }
                                         //如果此时还有进位(进位大于零)
          while(carry){
                                         //位数加1,新的位数赋值
              res[++cnt] = carry % 10;
             carry = carry / 10;
                                         //更新进位
          }
       }
       for(i = cnt; i > 0; --i)
                                         //从高位向低位依次输出
          printf("%d", res[i]);
       printf("\n");
   }
   return 0;
}
```