武以大学数学与统计学院 2001-2002 学年第一学期期末考试 《离散数学》试卷

班级	学号	姓名	成绩		_
	题: (10 分,每小题 1 分 B = A 当且仅当 B = ∅ 。	,正确的打√,错误的打 ()	(×)		
(2) $(A \times$	C) $-(B \times D) = (A - B) \times$	(C-D).)		
(3)设A	$=\{a,b,c\},\ R\subseteq A\times A$	$R = \{ \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle \},$	则R是传递的。	()
(4) 函数	$f: A \to B$ 是单射,则 f	$^{-1}: B \to A$ 也是单射。	()		
	为非空集合 A 上的关系,	R 是可传递的,当且仅当	$\stackrel{{}_{\!$	()
	格一定是有界格; ()	`		
	补分配格中,每个元素有)		
	代数系统都存在子代数系				
	$F(y) \to G(x) \Leftrightarrow F(y) \to F(y)$)		
(10) 壮作	可图中的基本回路都是简单	单回路。 ()			
二、填空	题: (20 分,每空 1 分)				
	是两个集合,则 $A \oplus B = 1$			_0	
	班级的50个学生中,有20			考试中得	Α,
	人两次考试均没有得 A,	两次考试中均得 A 的有_	人。		
3. 设 <i>A</i> =					
	有个函数,其中有		射,有个邓	は射。	
	可定义个一元运算			- 11. N. 15.11	_
	中元素作为群内元素,可		的群,以 A 甲元素	\$作为格的	Jπ
	为成个不同构的格。		"万字的,"1、"		C
	$Q \times Q$, Q 为有理数集合,,				
	$\langle x, y \rangle = \langle ax, ay + b \rangle$,存在逆元的 <i>7</i>	T $\lesssim a,b$	>
	, $< a,b >$ 可逆				
5. 已知	$\left\langle \left\langle L_{1},\right \right angle$, $\left\langle L_{2},\right \left angle$, $\left\langle L_{3},\right \left angle$	为三个偏序集, 其		,6,15,30}	,
$L_2 = \{2,3,$	$\{6,12,24,36\}, L_3 = \{1,2,3\}$	3,6,18,54}, 为整除关系	。则其中	是格。	

共4页 第1页

6. 无向图 G 有 11 条边, 2 度与 3 度顶点各 2 个, 其余都是 4 度顶点,则 G 中共有个 顶点。
7. 在无向树 T 中,有 2 个 2 度结点,3 个 3 度结点,…,5 个 5 度结点,其余都是树叶。
则 T 有
8. 设p: 天下雨, q: 天刮风, r: 我去书店, 则命题"如果天不下雨并且不刮风, 我就去书
店"的符号化形式为。
9. 若个体域为非负整数集, $A(x,y)$ 表示 $x + y = y$,则 $\exists x \forall y A(x,y)$ 的真值是。
3. H I I 304 II 30. E 30. E 12(0,9) (20. II 1) 7 / 7 / 7 / 7 / 1 / 1 / 1 / 1 / 1 / 1 /
— ATH 17 IF (10 1) F IF 1 1) IF 2 1 M M M M M M M M M M M M M M M M M M
三、单项选择题: (10分,每小题1分,将正确答案的选项填在括号内横线上)
1. 已知 $A \oplus B = \{1,2,3\}$, $A \oplus C = \{2,3,4\}$, 若 $2 \in B$, 则()。
A. $1 \in C$; B. $2 \in C$; C. $3 \in C$; D. $4 \in C$.
2. 对任何二元关系 R ,在 $R \cap \tilde{R}$, $R \cup \tilde{R}$, $R \circ \tilde{R}$, $\tilde{R} \oplus R$ 中,有() 个一定是对
称关系,其中 \tilde{R} 表示关系 R 的逆。
A. 1; B. 2; C. 3; D. 4 _°
3. $R = \{ <1,4>, <2,3>, <3,1>, <4,3> \}, \cup (\underline{}) \notin t(R)$
A. <1, 1>; B. <1, 2>; C. <1, 3>; D. <1, 4>。
4. 集合 A 到 B 共有 64 个不同的函数,则 B 中元素个数不可能是()。
A. 4; B. 8; C. 16; D. 64 _°
5. 设 R_+ 、 I_+ 分别是正实数集合和正整数集合, $+$ 、 $-$ 、 \times 、/分别为普通的实数加法、
减法、乘法、除法,则()是半群。
A. $\langle I_+, - \rangle$; B. $\langle R_+, - \rangle$; C. $\langle R_+, \times \rangle$; D. $\langle R_+, / \rangle$.
6. 设 $\langle G,* \rangle$ 是阶大于 1 的群,则下列命题中() 不真。
A. 存在零元; B. 存在单位元;
C. 运算*是可结合的; D. G中每个元素都有逆元。
7. 二部图 <i>K</i> _{2,3} 是()。
A. 欧拉图; B. 哈密顿图; C. 非平面图; D. 平面图。
8. 5 阶无向完全图的边数为 ()。
A. 5; B. 10; C. 15; D. 20 _°
9. 带权 4, 6, 8, 10, 12 的最优树的权是 ()。
A. 80; B. 90; C. 100; D. 110°

共4页 第2页

10. 下列式子()是永真的。

A. $Q \to (P \land Q)$; B. $P \to (P \land Q)$; C. $(P \land Q) \to P$; D. $(P \lor Q) \to Q$

- 四、简答题: (解答写在答题纸上)
- 1. (6分) R 是集合 A 上自反和传递的关系,证明: $R \circ R = R$ 。
- 2. $(7 \, \, \, \, \, \, \,)$ 设 A={1,2,3}, f 是 A 上函数,且 f(1) = f(2) = 1, f(3) = 2,定义 $G: A \to P(A)$, $G(x) = f^{-1}(x) = \{y | y \in A, f(y) = x\}$ 。说明 G 有何性质(单、满或双射),计算值域 ranG。
- 3. (8分)设 $A = \{1,2,3\}$, B是A上等价关系的集合。
 - (1) 列出 B 的元素;
 - (2) 给出代数系统 $V = (B, \cap)$ 的运算表。
 - (3) 求出 V 的单位元,零元和所有可逆元素的逆元;
 - (4) 说明 V 是否为半群, 独异点和群?
- 4. (5 分) 设(G,*)是一群, $a \in G$,定义函数 $f: G \to G$, $f(x) = a * x * a^{-1}$;证明: $f \in G$ 的自同构;
- 5. (6分) 设 $S = \{1, 2, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$, 设 $D \in S$ 上的整除关系: $\langle x, y \rangle \in D$ 当且仅当 $y \in X$ 的倍数;

证明:

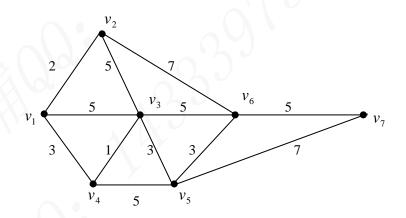
- (1) D 是一个偏序关系; 试画出关系 D 的哈斯图, 并由此简要说明 < S, D > 是一个格;
- (2) D是分配格吗?简要说明理由。
- (3) 求集合{2,4,6,12,18}的下界,最大下界,最小元及上界,最小上界和最大元。
- 6. (6分) 设 G 是一个简单无向平面图,n 和 m 分别是图 G 的顶点数和边数,设图 G 的所有的基本回路的长度都大于 4。证明: $m \le \frac{5n}{3} \frac{10}{3}$ 。

共4页 第3页

- 7. (6分) 给定以下 4 组数:
- (a) 4, 4, 4, 4;
- (b) 2, 3, 3, 3, 1, 1, 1, 1;
- (c) 2, 2, 3, 3, 1, 1, 1, 1;
- (d) 2, 2, 3, 3, 3, 1, 1, 1, 1;
 - (1) 以上 4 组数中,哪些能构成无向图的度序列?
 - (2) 哪些能构成无向简单图的度序列?
 - (3) 哪些能构成无向树的度序列?
 - (4) 画出能构成无向树的度序列的至少二个非同构的无向树。
- 8. (8分)设命题公式 G的定义如下:

$$((P \lor R) \leftrightarrow (Q \lor R)) \land ((P \lor \neg R) \leftrightarrow (Q \lor \neg R)) \ .$$

- (1) 计算公式 G 的真值表;
- (2) 求公式 G 的主析取范式和主合取范式;
- (3) 由此证明: $G \Longleftrightarrow P \leftrightarrow Q$ 。
- 9. (8分)如下图所示,求火到各顶点的最短路径,并给出它们的权。



共4页 第4页

满绩小铺: 1433397577, 搜集整理不易, 自用就好, 谢谢!