TPN°5: Greedy

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Ávido – Voráz – Goloso – Codicioso



м

ALGORITMOS GREEDY

Se usan para resolver **Problemas de Optimización** que se pueden resolver mediante una secuencia de decisiones

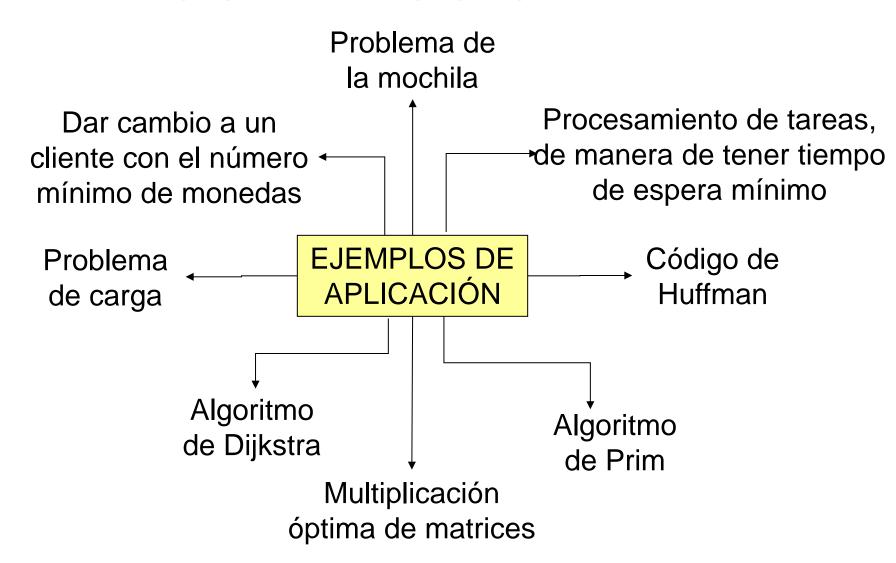
El nombre de estos algoritmos se debe a su **COMPORTAMIENTO**

En cada etapa toman lo que más les conviene sin analizar consecuencias

Sencillos
Fáciles de implementar
Son eficientes **cuando funcionan**

м

ALGORITMOS GREEDY





COMPORTAMIENTO GREEDY

Para cada problema de optimización SE DEBE DEMOSTRAR

que la elección óptima local, lleva a una solución óptima global

- → Algoritmo iterativo que trabaja en una secuencia de pasos
- En cada etapa hace una **elección local** que se considera una decisión óptima
 - Luego se resuelve el subproblema que resulta de esta elección

Finalmente estas soluciones localmente óptimas se integran en una solución global óptima

Conjunto de candidatos que sirven para construir la solución del problema

Conjunto de candidatos

ya usados para armar la solución

Función que indica cual es el candidato más prometedor que no se eligió todavía

Función que chequea si un conjunto de candidatos es factible como solución del problema

FUNCIÓN Greedy (C): conjunto → conjunto

 $\mathbf{s} \leftarrow \emptyset$

MIENTRAS not solución (S) AND C $\neq \emptyset$ HACER

x ← selección (C)

 $C \leftarrow C - \{x\}$

SI factible (SU {x}) ENTONCES

 $S \leftarrow S \cup \{x\}$

FIN MIENTRAS

RETORNA (S)

FIN

Función que chequea si un conjunto es solución del problema, ignorando en principio si esta solución es ----- óptima o no

Objetivo

Función que es lo que se trata de optimizar (maximizar ó minimizar)



PROBLEMA DE CARGA

- Función Objetivo: maximizar la cantidad de contenedores a cargar en el barco.
- Candidatos P: vector de pesos de contenedores.
- Conjunto solución S: contenedores ya cargados en el barco.
- Función factible: el peso de los contenedores seleccionados no sobrepasa la capacidad M del barco.
- Función selección: seleccionar I el contenedor de menor peso posible.
- Función solución: el próximo contenedor a cargar sobrepasa la capacidad disponible o no hay más contenedores.

M

ALGORITMOS GREEDY

```
FUNCION carga(P, n, M): vector x ent>0 x ent>0 \rightarrow ent>0
                     de pesos*
   AUX: i, pesoDeCarga : entero ≥ 0
   pesoCargado ← 0 //Inicializo el peso de los
                      contenedores ya cargados
                      i \leftarrow 0
                      MIENTRAS i < n AND M ≥ pesoCargado + P[i+1]
                               i \leftarrow i + 1
                            pesoCargado ← pesoCargado + P[i]
```

RETORNA i

*OBS: el vector P está ordenado en forma descendente respecto del peso de los contenedores

•

ALGORITMOS GREEDY

EJERCICIO 1

a. Diseñe un algoritmo greedy que, dado el puntaje X, le permita obtener dicho valor con la mínima cantidad de figuritas. La colección de figuritas de los distintos jugadores tiene el siguiente puntaje D = {1, 2, 5, 10, 20, 50}. Considere en este caso que dispone de suficientes figuritas de cada jugador. ¿Su algoritmo dará siempre la solución óptima? Justifique.



PROBLEMA DE FIGURITAS

OBJETIVO ► Utilizar la menor cantidad de figuritas para formar el puntaje X

- → Tengo que entregar figuritas por un valor X
- → Puntaje de las figuritas D
- → Tengo cantidad ilimitada de figuritas de cada jugador

La estrategia Greedy consiste elegir en cada paso la figurita de mayor puntaje que no se pasa de X

2

ALGORITMOS GREEDY

EJERCICIO 1

b. El algoritmo diseñado por usted: ¿dará la solución óptima si se agregan a la colección figuritas de los siguientes jugadores? Justifique



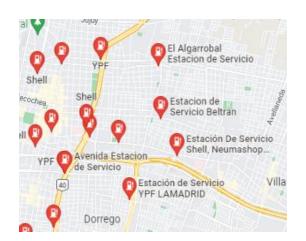
1

ALGORITMOS GREEDY

EJERCICIO 2

Un autobús realiza una ruta determinada entre dos ciudades. El bus parte con el tanque lleno de gasoil y tiene una autonomía de *n* kilómetros, con lo que puede recorrer *n* kilómetros sin detenerse.

Se le provee al chofer un GPS con los mapas de rutas cargados y las distancias parciales entre las estaciones de servicio que hay en su recorrido entre las dos ciudades. Para minimizar el tiempo empleado en recorrer su ruta, el conductor desea pararse a repostar el menor número de veces posible.



Ŋ

ALGORITMOS GREEDY

EJERCICIO 2

Plantee esta situación como un problema de optimización

y luego:

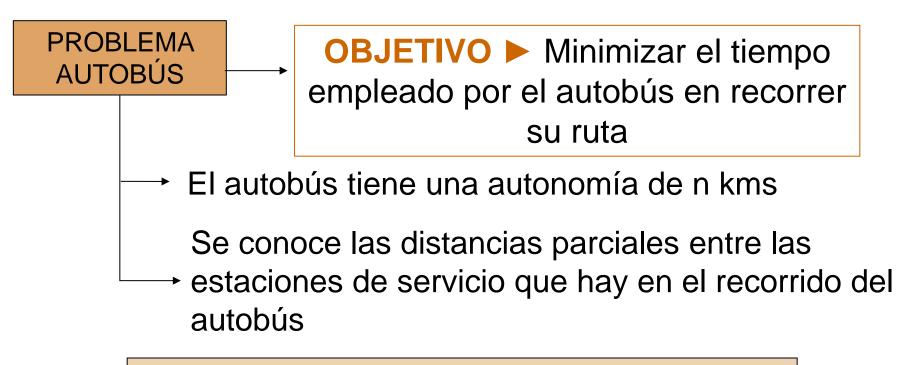
a. Diseñe un algoritmo greedy para determinar en qué estaciones tiene que parar y en cuáles no.

b. Justifique si su estrategia encuentra siempre una solución

óptima.

c. Estime el costo del algoritmo.





La estrategia Greedy consiste en ?

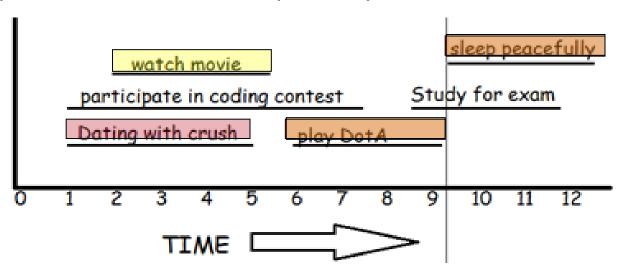
Está demostrado que este problema se puede resolver con una técnica greedy obteniendo siempre la **solución óptima**

M

ALGORITMOS GREEDY

EJERCICIO 3

Juan es una persona muy ocupada y su objetivo es realizar tantas actividades como sea posible con la restricción que sólo puede realizar una actividad por vez.



Para la situación que muestra la figura, el número máximo de actividades que Juan puede realizar es 3 ya que puede ver una película, jugar DotA y dormir tranquilo, o bien, salir con la persona que le gusta, jugar a DotA y dormir tranquilo.



Suponga que se recibe un cronograma con el número N de actividades a realizar y la hora de inicio y finalización de cada actividad, se quiere encontrar el número máximo de actividades de dicho cronograma que se puede realizar.

Plantear esta situación como un problema de optimización y luego:

- a) Definir cuál es la estrategia Greedy para determinar la cantidad máxima de actividades que se pueden realizar en esa planificación.
- b) Diseñar un algoritmo Greedy para resolver el problema.
- c) Estimar el costo del algoritmo en notación O grande.

(**) Problema adaptado de https://www.spoj.com/problems/BUSYMAN/





OBJETIVO ► Maximizar la cantidad de actividades a realizar

Se conoce el cronograma con las n actividades

→ De cada actividad se conoce hora de inicio y fin

La estrategia Greedy consiste en ?

Está demostrado que este problema se puede resolver con una técnica greedy obteniendo siempre la **solución óptima**

Preguntas... ...y a practicar...

