

2.1.4 I පත්‍රය සඳහා අපේක්ෂිත පිළිතුරු හා ලකුණු දීමේ පටිපාටිය, නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා

I ප්‍රශ්න පත්‍රයේ ප්‍රශ්න සඳහා අදාළ තොරතුරු, අංක 8 පිටුවේ ඇති ප්‍රස්ථාරය 1 සහ අංක 16 පිටුවේ ඇති වගුව 8 ඇසුරෙනි.

A කොටස

- මෙම කොටසේ එක් එක් ප්‍රශ්නයට ලකුණු 2 බැඟින් හිමි වේ. මෙම ප්‍රශ්නවලට අවසාන පිළිතුරු පමණක් ඉදිරිපත් නොකිරීමට අයදුම්කරුවන් උනන්දු කළ යුතුය. අවශ්‍ය නිවැරදි පියවර ලියමින් පිළිතුරු සැපයීමෙන් අවසාන පිළිතුරු වැරදි වුව ද නිවැරදි පියවරට ලකුණු ලබාගැනීමේ හැකියාව තිබෙන බව අයදුම්කරුවන්ට අවබෝධ කර දීම වැදගත් ය. එමෙන් ම නිවැරදි එකක සම්මත ආකාරයෙන් ලිවීමට ද රුප සටහන් ආශ්‍රිත ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේදී ගණනය කිරීමට අදාළ පියවරවල ලැබෙන අයන් රුපසටහනේ ලකුණු කිරීමට ද අයදුම්කරුවන් දැනුවත් කිරීම වැදගත් වේ.

- පුද්ගලයක් රුපියල් 1000ක මුදලක් 8%ක වාර්ෂික පූඩ් පොලී අනුපාතිකයක් යටතේ බැංකුවක තැන්පත් කරයි. පලමු වර්ෂය අවසානයේ මෙම මුදල සඳහා මහුව හිමි වන පොලීය කොපමණ ද?

$$\text{අපේක්ෂිත පිළිතුරු} \quad 1000 \times \frac{8}{100} \quad \dots \dots \dots \quad 1 \quad \text{රු. } 80 \text{ හේ } 80 \quad \text{ලකුණු } 2$$

නිරික්ෂණ හා නිගමන

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ, දෙන ලද මුදලක් සඳහා පූඩ් පොලීය ගණනය කිරීමට ලබා දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 88% කි. I පත්‍රයේ A කොටසේ පහසුතාව වැඩිම ප්‍රශ්නය මෙයයි. පහසුවෙන් පූඩ් කළ හැකි සංඛ්‍යා ඇතුළත් වීමත්, මනෝමයෙන් පිළිතුරු ලබා ගත හැකි වීමත් එයට හේතු වී ඇතේ. ප්‍රතිගත හාවිතය පිළිබඳ මූලික අවබෝධය ලැබෙන ලෙස හා තහවුරු වන ලෙස ඉගෙනුම් - ඉගෙන්වීම් ක්‍රියාවලිය සංවිධානය කර ගැනීමෙන් මෙම තත්ත්වය තව දියුණු කළ හැකිය.

- රථයක් පැයට කිලෝමීටර් 30ක එකාකාර වේගයෙන් ගමන් කරයි. මෙම රථයට කිලෝමීටර් 120ක දුරක් ගමන් කිරීමට ගත වන කාලය පැයවලින් සෞයන්න.

$$\text{අපේක්ෂිත පිළිතුරු} \quad \frac{120}{30} \quad \dots \dots \dots \quad 1 \quad 4 \text{ හේ } \text{පැය } 4 \quad \text{ලකුණු } 2$$

නිරික්ෂණ හා නිගමන

මිනුම් තේමාව යටතේ, දුර, කාලය හා වේගය සම්බන්ධව එක් පියවරකින් පිළිතුරු ලබා ගැනීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 85% කි. සරල පූඩ් කිරීම මගින් මෙන්ම මනෝමයෙන් ද පිළිතුරු ලබා ගැනීමට හැකි වීම නිසා මෙම ප්‍රශ්නය පහසු වී ඇතේ. වේගය, දුර හා කාලය අතර සම්බන්ධය නිවැරදිව හාවිත කිරීම මගින් මෙම ප්‍රශ්නයට පහසුවෙන් පිළිතුරු සැපයීය හැකි වේ. එම සම්බන්ධය තහවුරු කිරීම සඳහා ඉගෙනුම් ක්‍රියාකාරකම්වල යෙද්වීය යුතු වේ.

- ලසුගණක ආකාරයෙන් දක්වන්න: $3^4 = 81$

$$\text{අපේක්ෂිත පිළිතුරු} \quad \log_3 81 = \log_3 3^4 \quad \text{හේ } 4 \log_3 3 \quad \dots \dots \dots \quad 1 \quad \log_3 81 = 4 \quad \text{ලකුණු } 2$$

නිරික්ෂණ හා නිගමන

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ දේශගත ආකාරයෙන් දී ඇති සම්බන්ධතාවක් ලසුගණක ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කිරීමට දෙන ලද මේ ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 62% කි. දේශගත ආකාරය ලසුගණක ආකාරයට පරිවර්තනය කිරීමේ මූලික සංකල්පය නිවැරදිව හාවිත කිරීමේ නොහැකියාව නිසා 34%ක පිරිසක් ලකුණු බිංදුව ලබා ගෙන තිබුණි. මෙම සංකල්පය තහවුරු වන පූදුසු අභ්‍යාසවල යෙද්වීම අවශ්‍ය වේ.



8. පහත දී ඇති අගයන් අතුරෙන් $\sqrt{32}$ හි පළමු සන්නිකර්ෂණය තොරන්න.

5.2, 5.3, 5.7, 5.9

අපේක්ෂිත පිළිතුර

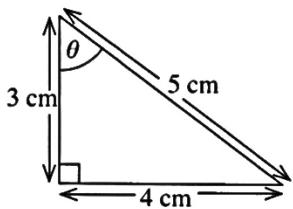
5.7

ලකුණු 2

නිරික්ෂණ හා නිගමන

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ වර්ගමූලය නිමානය කිරීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 68% කි. වර්ග මූලය සෙවීමට දී ඇති සංඛ්‍යාවේ දෙපස ඇති පුරුණ වර්ග සංඛ්‍යා දෙක ඇසුරෙන් නිවැරදිව වර්ගමූලය නිමානය කිරීමට අසමත් වීම නිසා අපේක්ෂකයින්ගෙන් 29% ක් ම ලකුණු ලබා තැබේ. දී ඇති සංඛ්‍යාව කවර පුරුණ වර්ග සංඛ්‍යා දෙක අතර පිහිටයි ද යන්න පළමුව සෞයා ගෙන වර්ගමූලය සෙවිය යුතු සංඛ්‍යාව වඩා ආසන්න වන්නේ කවර පුරුණ වර්ග සංඛ්‍යාවකට දැයි තීරණය කිරීම මගින් මෙම ප්‍රශ්නයට පහසුවෙන් පිළිතුරු සැපයිය හැකිවේ. ක්‍රිඩාවක ආකාරයෙන් අපේක්ෂකයන් මෙවැනි අභ්‍යාසවල වැඩිපුර නිරත කරවිය හැකි වේ. දී ඇති වරණ අතුරෙන් නිවැරදි හෝ ව්‍යාත් ගැළපෙන හෝ පිළිතුර තොරීමට මෙන්ම දී ඇති නිවිලයක වර්ගමූලය නිමානය කිරීමට ද සිසුන් තුරු කරවීම අවශ්‍ය වේ.

9. රුපයේ දී ඇති තොරතුරු ඇසුරෙන් $\cos \theta$ හි අගය සෞයන්න.



අපේක්ෂිත පිළිතුර

$$\cos \theta = \frac{3}{5} \text{ හෝ } 0.6$$

ලකුණු 2

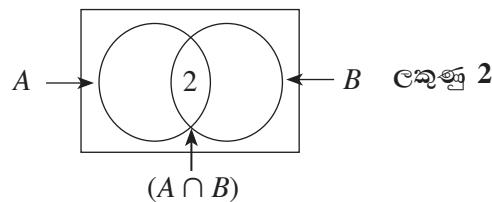
නිරික්ෂණ හා නිගමන

මිනුම් තේමාව යටතේ ත්‍රිකෝණමිතියට අදාළ මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 53% කි. කොසයින් අනුපාතය නිවැරදිව හඳුනා නොගැනීම නිසා අපේක්ෂකයන්ගෙන් 47% ක්ම මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. සාපුරුකෝෂී ත්‍රිකෝණයක කර්ණයත් එක් එක් පුළු කොණයට අදාළව සම්මුඛ පාදය හා බද්ධ පාදයත් හඳුනා ගැනීම, නිවැරදි ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත ලිවීමට අත්‍යවශ්‍ය වේ. සාපුරුකෝෂී ත්‍රිකෝණයක පාද ඇසුරෙන් මූලික ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත නිවැරදි ව ලිවීමට සිසුන් යොමු කළ යුතු වේ.

10. A සහ B යනු $n(A) = 5$, $n(B) = 7$ සහ $n(A \cup B) = 10$ වන පරිදි වූ කුලක දෙකක් නම් $n(A \cap B)$ හි අගය සෞයන්න.

අපේක්ෂිත පිළිතුර $10 = 5 + 7 - n(A \cap B)$ හෝ රුපයේ දැක්වීමට 1

$$n(A \cap B) = 2$$



ලකුණු 2

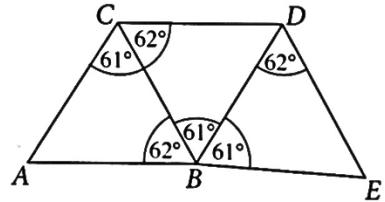
නිරික්ෂණ හා නිගමන

කුලක හා සම්බාධිතාව තේමාව යටතේ වියුක්ත නොවූ කුලක දෙකක අවයව සංඛ්‍යා සහ කුලක දෙකේ මේලයේ අවයව සංඛ්‍යාව දී ඇති විට පූරුෂ හාවිත කර හෝ වෙන් රුපයක් හාවිතයෙන් හෝ එම කුලකවල ජේදන කුලකයේ අවයව සංඛ්‍යාව සෙවීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 59% කි. වියුක්ත නොවූ කුලක දෙකක අවයව සංඛ්‍යා අතර සම්බන්ධතාව නිසි ලෙස හඳුනා නොගැනීම ද කුලක දෙකක අවයව සංඛ්‍යා වෙන් රුපයක යොදා ඉතිරි අගයන් සෞයා නොගැනීම ද ජේදනයෙන් මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු ලිවීමට උත්සාහ කළ අපේක්ෂකයින්ගෙන් 32% ක් ම ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. මෙයට පිළියමක් ලෙස ජේදනය වන කුලක දෙකක අවයව සංඛ්‍යා අතර සම්බන්ධය දැක්වෙන පූරුෂ හාවිත කිරීමෙන් සහ වෙන් රුප සටහන්වල තොරතුරු ඇතුළත් කිරීමෙන් සම්බන්ධතා හඳුනා ගැනෙන ආකාරය පුරුණ කිරීමට පූදුසු අභ්‍යාස සැලසුම් කිරීම අවශ්‍ය වේ. අපේක්ෂකයින් විවිධ සරල අභ්‍යාසවල යෙද්වීම තුළින් මෙය තහවුරු කිරීම පහසු වේ.

15. රුපයේ දී ඇති ත්‍රිකෝණ අනුරෙදන් අංගසම ත්‍රිකෝණ සුගලය මිය දක්වා එම පුගලය හඳුනා ගැනීමට හාවිත කළ අවස්ථාව පහන දී ඇති ①, ② හා ③ අවස්ථා අනුරෙදන් තෝරා එයට යටින් ඉරක් අදින්න.

අපේක්ෂිත පිළිතුර

$ACB \Delta$ හා $CBD \Delta$ 1



① පා. කෝ. පා. ② කෝ. කෝ. පා. ③ පා. පා. පා. 1

මුල් පිළිතුර වැරදි නම් පසු පිළිතුරට ලකුණු නොලැබේ.

$ABDC$ සමාන්තරාශයක් බව හඳුනා ගෙන ඇත්තැයි 1

ලකුණු 2

නිරික්ෂණ හා නිගමන

ඡ්‍යාම්පිතය තේමාව යටතේ ත්‍රිකෝණ අංගසාම්ඩය පිළිබඳ දැනුම මැන බැලෙන මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 43% කි. දී ඇති සංයුත්තක රුපයෙන් අංගසම ත්‍රිකෝණ සුගලයක් නිවැරදි ව හඳුනා ගැනීමට යොමු නොවීම නිසා අපේක්ෂකයන්ගේ 50% ක්ම ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. වෙන් වෙන්ව පිහිටි අංගසම ත්‍රිකෝණවලින් ආරම්භ කර අංගසම ත්‍රිකෝණ ඇතුළත් සංයුත්ත රුප දක්වා පාඩම සංවර්ධනය කිරීමෙන් මෙම දුර්වලතාව මග හරවා ගත හැකි වේ.

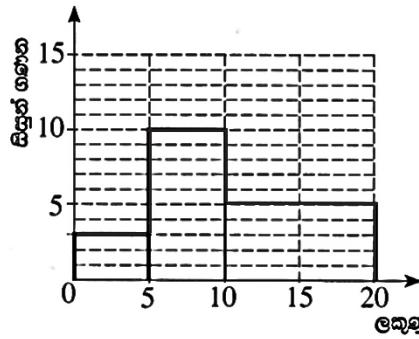
16. පන්තියක සිපුන් විසින් පරික්ෂණයක දී ලබා ගත ලකුණු අපුරෙදන් පිළියෙල කර ඇති සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් පහන දැක්වේ. සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියේ තොරතුරු හාවිතයෙන් දී ඇති අසම්පූර්ණ ජාල රේඛය සම්පූර්ණ කරන්න.

ලකුණු	සිපුන් ගෙන
0 - 5	3
5 - 10	10
10 - 20	10

අපේක්ෂිත පිළිතුර

නිවැරදි 5 - 10 ස්ථ්‍යිතය 1

හෝ 10 - 20 ස්ථ්‍යිතය 1



ලකුණු 2

නිරික්ෂණ හා නිගමන

සංඛ්‍යාතය තේමාව යටතේ පන්තිවල තරම අසමාන වන සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක ජාල රේඛය ඇදීමේ හැකියාව මැන බැලීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 78% කි. දෙන ලද පන්ති ප්‍රාන්තර සහිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් සඳහා ජාල රේඛය ඇදීමේදී කුඩාම තරම සහිත පන්ති ප්‍රාන්තරයක තරම ඒකක එකක් ලෙස සලකා එක් එක් තීරයේ උස තීරණය කිරීමට අවධානය යොමු නොවීමෙන් ජාල රේඛය නිවැරදිව ඇදීමට පෙළඳී නැත. “ජාල රේඛයේ ඒ ඒ තීරවල වර්ගෝල ඒවායේ සංඛ්‍යාතවලට සමානුපාතික වේ” යන්න තහවුරු වන සේ අහ්‍යාසවලට යොමු කිරීම මගින් පවතින දුර්වලතා මග හැරවීය හැකිය.

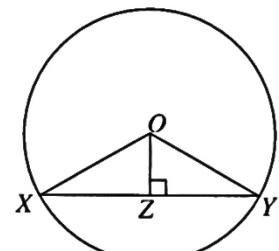
17. රුපයේ, XY යුතු O කේන්ද්‍රය වූ වෘත්තයේ ජ්‍යායකි. Z ලක්ෂ්‍යය XY මත පිහිටා ඇත්තේ රුපයේ දී ඇති පරිදි ය.

පහන දී ඇති එක් එක් ප්‍රකාශය නිවැරදි නම් ‘/’ ලකුණ ද වැරදි නම් ‘X’

ලකුණ ද ඉදිරියේ ඇති කොටුව තුළ යොදන්න.

අපේක්ෂිත පිළිතුර

$XY = 2 XZ$	\checkmark 1
$X\hat{O}Y = 2 X\hat{O}Z$	\checkmark 1

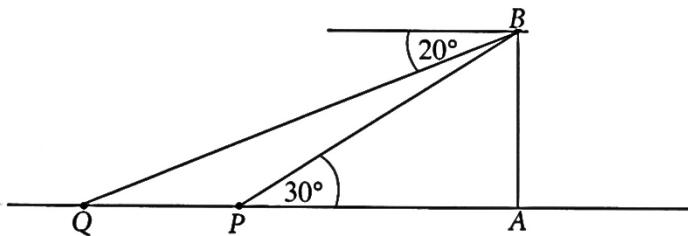


ලකුණු 2

නිරික්ෂණ හා නිගමන

ඡ්‍යාම්පිතය තේමාව යටතේ වෘත්තයක ජ්‍යාය හා සම්බන්ධ ප්‍රමේයය ඇපුරෙදන් ප්‍රකාශ දෙකක වැරදි නිවැරදි බව සටහන් කිරීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 84% කි. විසින්මක් හෝ සුළ කිරීමක් තොමැතිව ඡ්‍යාම්පිතය දැනුම තරකානුකූලව හාවිත කිරීමට අදාළ මෙම ආකාරයේ ප්‍රශ්න නැවත නැවත කරවීමෙන් අපේක්ෂකයන්ගේ අවබෝධය ඉහළ මට්ටමකට ගෙන යා හැකිය.

18. රුපයේ, AB මගින් පුද්ගලිකාරයක් ද P හා Q මගින් කුඩා බෝට්ටු දෙකක් ද දක්වේ. P බෝට්ටුවෙහි සිටින පුද්ගලයෙක් 30° ක ආරෝහණ කේත්‍යකින් පුද්ගලිකාරයේ මුදුන වන B නිරීක්ෂණය කරයි. B හි සිටින පුද්ගලයෙක් 20° ක අවරෝහණ කේත්‍යකින් Q බෝට්ටුව නිරීක්ෂණය කරයි. දී ඇති රුපයේ මෙම තොරතුරු නිරූපණය කරන්න. (නිරීක්ෂකයන්ගේ උසවල් තොසලකා හරින්න.)



අපේක්ෂිත පිළිතුර

20° දැක්වීම	1
30° දැක්වීම	1

ලකුණු 2

නිරීක්ෂණ හා නිගමන

ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ ආරෝහණ කේත්‍යය හා අවරෝහණ කේත්‍යය නිවැරදිව හඳුනා ගැනීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 54% කි. ආරෝහණ කේත්‍යය හා අවරෝහණ කේත්‍යය නිවැරදිව හඳුනා ගැනීමටත්, දළ සටහනක ඒවා ඇතුළත් කිරීමටත් තොහැකි විමෙන් අපේක්ෂකයන්ගේන් 24.32% ක් ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. එක් කේත්‍යක් පමණක් නිවැරදිව හඳුනා ගත් දිගු ප්‍රතිශතය 35.46% ක් බව දක්නට ඇත. ආරෝහණ කේත්‍ය හා අවරෝහණ කේත්‍ය මැන ගැනීමට ආනතිමානය හාවිත කරමින් ඒවා තහවුරු කිරීම සඳහා රුප සටහනක කේත්‍ය ලකුණු කිරීමේ අභ්‍යාස කරවීම වඩා සුදුසු වේ.

19. A හා B න්‍යාස $A = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$ හා $B = (-1 \ 2)$ මගින් දී ඇත. AB න්‍යාසය සෞයන්න.

අපේක්ෂිත පිළිතුර

$$AB = \begin{pmatrix} -2 \times -1 & -2 \times 2 \\ 2 \times -1 & 2 \times 2 \end{pmatrix} 1$$

$$\begin{pmatrix} 2 & -4 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$$

ලකුණු 2

අවයව 4ම නිවැරදි විය යුතුයි.

(එක් අවයවයක් පමණක් වැරදි නම් 1)

නිරීක්ෂණ හා නිගමන

වීජ ගණිතය තේමාව යටතේ දෙන ලද තීර න්‍යාසයක් හා පේලි න්‍යාසයක් ගුණ කිරීමේ හැකියාව මැන බැලීමට දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 21% කි. ගණය 2×1 හා 1×2 න්‍යාස ගුණ කිරීමේ සම්බන්ධතාව නිවැරදිව යොදා තොගැනීමෙන් අපේක්ෂකයන්ගේන් 70% ක් ලකුණු බිංදුව ලබා ඇති අතර මෙම ප්‍රශ්නය අඩුම පහසුතාව ලබා ඇත. න්‍යාස ගුණ කිරීමේ පිළිවෙළ නිවැරදිව අවබෝධ කරවීමත් ප්‍රමාණවත් අභ්‍යාසවල යෙද්වීමත් මගින් මෙම දුරකථනාව මග හරවා ගත හැකිවනු ඇත.

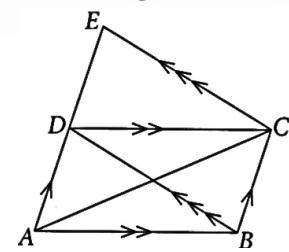
23. දී ඇති රුපයේ, AE සරල රෝබා බණ්ඩය මත D ලක්ෂය පිහිටා ඇත. $ABCD$ සමාන්තරාපයේ වර්ගෙලය 1 cm^2 නම් දී ඇති තොරතුරු ඇසුරෙන් ACE Δ දේ වර්ගෙලය සොයන්න.

අපේක්ෂිත පිළිතු

$$ACD \Delta = \frac{1}{2} \text{ cm}^2 \quad \text{හේ} \quad CDE \Delta = \frac{1}{2} \text{ cm}^2$$

$$\text{හේ} \quad BCED = ABCD \quad \text{හේ} \quad BCED = 1 \text{ cm}^2 \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$ACE \Delta \text{ වර්ගෙලය } = 1 \text{ cm}^2$$



ලකුණු 2

(රුපයේ වර්ගෙලයට අදාළ භාග සඳහන් කිරීමට 1)

නිරික්ෂණ භා නිගමන

ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ සමාන්තර රෝබා ආශ්‍රිත තල රුපවල වර්ගෙලය ඇසුරින් ගොඩ නගා ඇති ප්‍රාග්ධනයේහි පහසුතාව 46% කි. එකම ආධාරකය මත භා එකම සමාන්තර රෝබා අතර පිහිටි තල රුපවල වර්ගෙල ආශ්‍රිත සම්බන්ධතා භා සමාන්තරාපයක ලක්ෂණ හඳුනා තොගැනීම නිසා ලකුණු බිංදුව ගත් හිමා ප්‍රතිශතය 42% කි. සමාන්තරාපවල වර්ගෙලය ආශ්‍රිත සරල ප්‍රාග්ධනවලින් ආරම්භ කර සංශ්‍යකත තල රුප ඇතුළත් අවස්ථා සඳහා අදාළ ප්‍රමේය භාවිත කරමින් සම්බන්ධතා හඳුනාගත හැකි වන සේ පාඨම සංවර්ධනය සහ වැඩිපුර අභ්‍යාසවල යෙද්වීම තුළින් වඩාත් සාර්ථක ප්‍රතිඵල ලැබිය හැකි වේ.

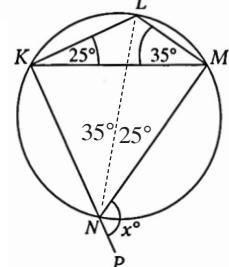
24. දී ඇති රුපයේ, $KLMN$ වෘත්ත ව්‍යුරුපායකි. KN රෝබාව් P දක්වා දික් කර ඇත. දී ඇති තොරතුරු ඇසුරෙන් x හි අගය සොයන්න.

අපේක්ෂිත පිළිතු

$$\hat{KLM} = 120^\circ \quad \text{හේ} \quad \hat{KLM} = x \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$x = 120^\circ$$

(කෝණ හඳුනා ගැනීමට 1)

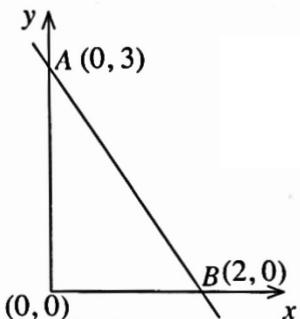


ලකුණු 2

නිරික්ෂණ භා නිගමන

ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ ඉදිරිපත් කෙරුණු වෙත්ත ව්‍යුරුපාවල බාහිර කෝණ ආශ්‍රිත ප්‍රමේයය පිළිබඳ දැනුම පරීක්ෂා කෙරෙන මෙම ප්‍රාග්ධනයේ පහසුතාව 62% කි. ත්‍රිකෝණයක කෝණ තුනෙන් දෙකක් දුන් විට ඉතිරි කෝණයේ අගය සෙවීමට තොගැකි වීම හේ එම කෝණය වෙත්ත ව්‍යුරුපයේ බාහිර කෝණයට සමාන බව හඳුනා තොගැනීම හේ නිසා අපේක්ෂකයන්ගේ 30% ක් ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. වෙත්ත ව්‍යුරුපාවල බාහිර කෝණ ආශ්‍රිත ප්‍රමේයය සම්බන්ධ අභ්‍යාසවල භා ත්‍රිකෝණයක අභ්‍යාසවල කෝණවල එකා සම්බන්ධ අමතර අභ්‍යාසවල යෙද්වීමෙන් ඉහත හැකියා පුදුණ කළ හැකි වේ.

25. රුපයේ, A හා B ලක්ෂණ හරහා යන සරල රෝබාවේ අනුකූලණය සොයන්න.



අපේක්ෂිත පිළිතු

$$\left(\frac{0 - 3}{2 - 0} \right) \text{ හේ} \quad \left(\frac{3 - 0}{0 - 2} \right) \text{ හේ} \quad 0 = 2m + 3 \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$\text{අනුකූලණය} = \frac{-3}{2} \quad \text{හේ} \quad \frac{3}{-2}$$

ලකුණු 2

නිරික්ෂණ භා නිගමන

විජ ගණිතය තේමාවෙහි සුරල රෝබාවේ ප්‍රස්ථාරයක අනුකූලණය සෙවීම සඳහා දී ඇති මෙම ප්‍රාග්ධනයේ පහසුතාව 44% කි. අපේක්ෂකයින්ගේ 8% ක් මෙම ප්‍රාග්ධනයට පිළිතුරු සැපයීමට උත්සාහ කර තොගැනීමෙන් අතර පිළිතුරු සැපයු අපේක්ෂකයන්ගේ 45% ක්ම ලකුණු බිංදුව ලබා ඇත. මෙහිදී ලක්ෂණ දෙකකි බණ්ඩාක පිළිවෙළින් සලකා අනුකූලණය සෙවීමට යොමු වන ලෙස පහසු අභ්‍යාසවල සිසුන් නිරත කරවීම යෝගා වේ.

1. නිවසක ඇති ජල වැංකියක් සම්පූර්ණයෙන් ජලයෙන් පිරි ඇත. වැංකියේ ඇති ජලයෙන් $\frac{1}{10}$ ක් ගෙවන්නට ජලය දැමීමට සහ $\frac{1}{4}$ ක් නැමීම හාවිත කෙරේ.

(i) ගෙවන්නට ජලය දැමීමට සහ නැමීම හාවිත කරන්නේ වැංකියේ ඇති ජලයෙන් කවර හාගයක් දැයු
සොයන්න.

$$\frac{1}{10} + \frac{1}{4} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$\frac{2+5}{20} = \frac{7}{20} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 2

වැංකියේ ඉතිරි වන ජලයෙන් $\frac{4}{13}$ ක් ඇදුම් සේදීමට හාවිත කෙරේ.

(ii) ඇදුම් සේදීමට හාවිත කරන්නේ සම්පූර්ණයෙන් පිරි ඇති වැංකියේ ජලයෙන් කවර හාගයක් දැයු
සොයන්න.

$$\text{ඉතිරි කොටස} = \frac{20}{20} - \frac{7}{20} = \frac{13}{20} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$\text{ඇදුම් සේදීමට ගන්නා ලද කොටස} = \frac{13}{20} \times \frac{4}{13} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$= \frac{1}{5} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 3

(iii) දැන් වැංකියේ කවර හාගයක් ජලයෙන් පිරි තිබේ දැයු සොයන්න.

$$\text{හාවිත කළ කොටස} = \frac{7}{20} + \frac{1}{5} = \frac{7+4}{20} = \frac{11}{20} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$\text{පිරි ඇති කොටස} = \frac{20}{20} - \frac{11}{20} = \frac{9}{20} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 2

කවත් ජලය ලිටර 500ක් මුළුතැන්ගෙයෙහි අවශ්‍යතා සඳහා හාවිත කළ විට වැංකියෙන් $\frac{1}{4}$ ක් ජලයෙන් පිරි
පවතී.

(iv) වැංකියේ ධාරිතාව ලිටරවලින් සොයන්න.

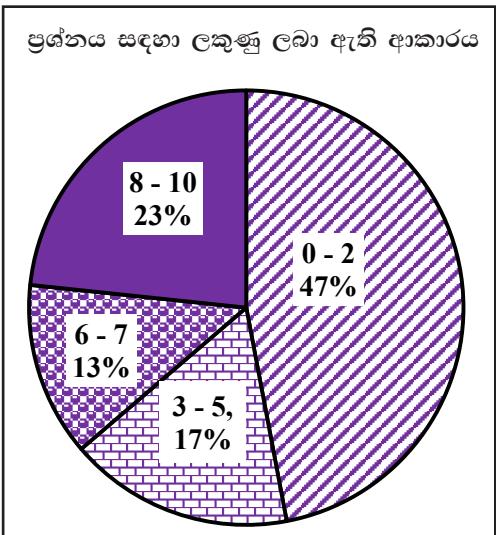
$$\text{මුළුතැන්ගෙය සඳහා කොටස} = \frac{9}{20} - \frac{1}{4} \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$\text{වැංකියේ ධාරිතාවෙන්} \quad \frac{1}{5} = \text{ලිටර } 500 \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

$$\therefore \text{ ධාරිතාව} = \text{ලිටර } 2500 \quad \dots\dots\dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 3

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

47%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

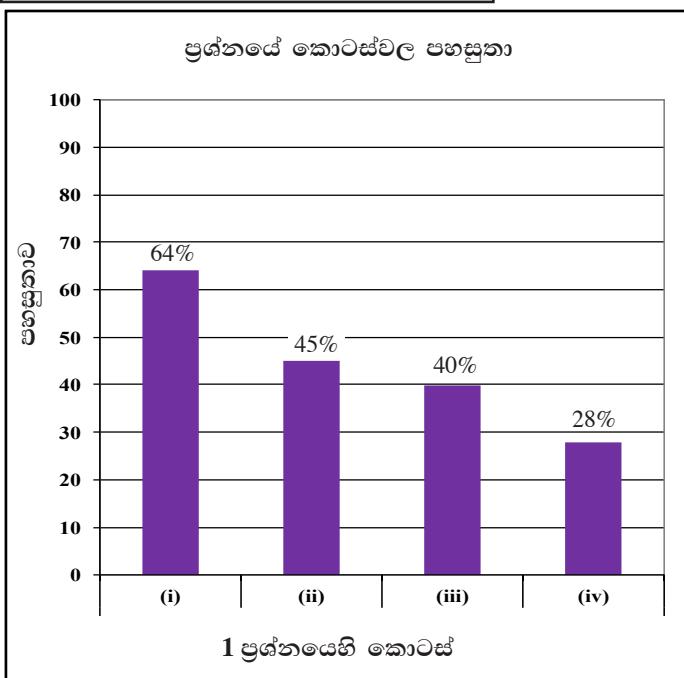
17%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

13%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

23%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට අයදුම්කරුවන්ගෙන් 64%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ එට අඩුවෙති. ලකුණු 8ක් හෝ එට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 23%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 4ක් ඇත.

පහසුතාව වැඩිම කොටස (i)

වන අතර එහි පහසුතාව 64%කි.

පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන

අතර එහි පහසුතාව 28%කි.

සංඛ්‍යා තේමාවේ හාග ආග්‍රිත සූළ කිරීම ඇතුළත් ප්‍රශ්නයකි. මෙහි සමස්ත පහසුතාව 36%කි. කොටස් හතරකින් යුත් මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව කොටසින් කොටසට අඩු විමක් දක්නට ලැබේ. (i) කොටසේ අසමාන හර සහිත හාගේවල පොදු හරය ලෙස අදාළ හාග දෙනෙක් හරවල කුඩා පොදු ගුණාකාරය සොයා තුළා හාග අසුරින් සූළ කිරීමේ හැකියාව වර්ධනය කළ යුතුය.

(ii) හා (iii) කොටස් සඳහා ද හාග සූළ කිරීම පිළිබඳ විශේෂ අවධානයක් යොමු කරමින් ප්‍රායෝගික හාවිතය පිළිබඳ අවබෝධය ලැබෙන පරිදි හාග ආග්‍රිත අන්‍යාසවලට යොමු කිරීම යෝගා වේ. (iv) වන කොටසේ අදාළ හාගය සොයා ඒ අසුරින් ධාරිතාව සෙවීමට ඇති අතර මෙම කොටසේ පහසුතාව 28% ක් වී ඇත. දී ඇති ධාරිතාවට ගැළපෙන හාගය නිවැරදිව හදුනා තොගැනීමෙන් මෙහි පහසුතාව අඩු වී ඇත. හරය අසමාන හාග එකතු කිරීම පිළිබඳව ඇති හැකියාව වර්ධනය වන අසුරින් ඉගෙන්වීම් කියාවලිය සංවිධානය කර ගැනීම අවශ්‍ය වේ.



2. දී ඇති රුපය, $ABDE$ සූජ්‍යකෝණාකාර කොටසකින් සහ කේතු කේතු 45° වන BCD කේන්ද්‍රික බණ්ඩයක ආකාරයේ වූ කොටසකින් සැදුම් විත්තක දළ සටහනකි. මෙහි $BD = 14 \text{ m}$ වේ.

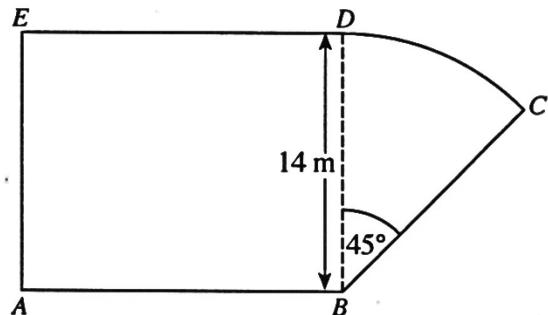
පහත දැක්වෙන ගණනය කිරීමේදී π පි අය සඳහා $\frac{22}{7}$ යොදා ගන්න.

(i) BCD කොටසේ වර්ගඑලය සෞයන්න.

$$\frac{1}{8} \times \frac{22}{7} \times 14 \times 14 \quad \dots \dots \dots \quad 1 + 1$$

$$= 77 \text{ m}^2 \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

ලක්ෂණ 3



$ABDE$ කොටසේ වර්ගඑලය, BCD කොටසේ වර්ගඑලය මෙන් හතර ගුණයක් වේ.

(ii) AB හි දිග සෞයන්න.

$$ABDE \text{ වර්ගඑලය } = 77 \text{ m}^2 \times 4 \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$AB = \frac{77 \times 4}{14} \text{ m} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$= 22 \text{ m} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

ලක්ෂණ 3

(iii) DC වාපයේ දිග සෞයන්න.

$$DC \text{ දිග } = 2 \times \frac{22}{7} \times 14 \text{ m} \times \frac{1}{8} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$= 11 \text{ m} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

ලක්ෂණ 2

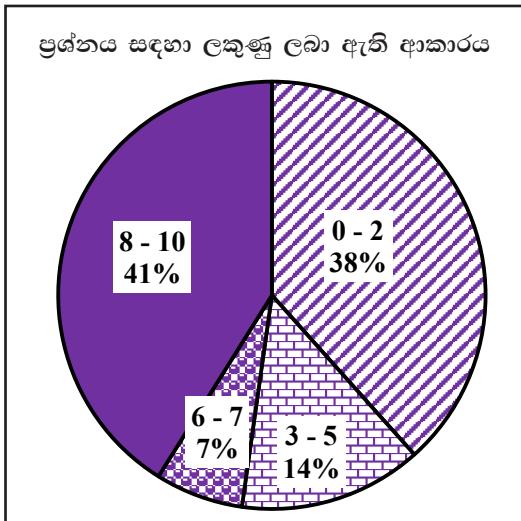
(iv) වත්තේ පරිමිතිය සෞයන්න.

$$\text{පරිමිතිය } = 22 \text{ m} + 14 \text{ m} + 11 \text{ m} + 22 \text{ m} + 14 \text{ m} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

$$= 83 \text{ m} \quad \dots \dots \dots \quad 1$$

ලක්ෂණ 2

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



මිනුම් තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

38%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

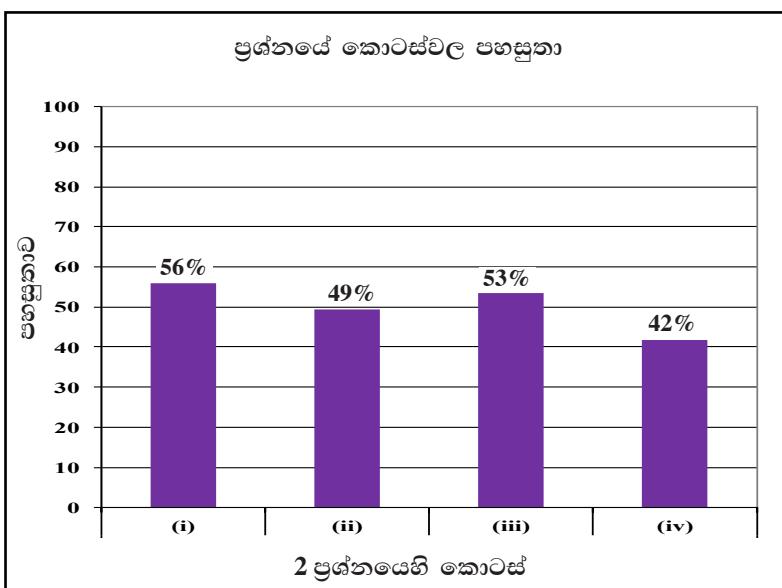
14%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

7%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

41%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට අයදුම්කරුවන්ගෙන් 52%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රෑට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රෑට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 41%ක් පමණි. එහෙත් එම ප්‍රතිශතය අනෙක් එක් එක් කාණ්ඩයේ ප්‍රතිශතයට වඩා වැඩිවීම සතුවුදායක ලක්ෂණයකි.



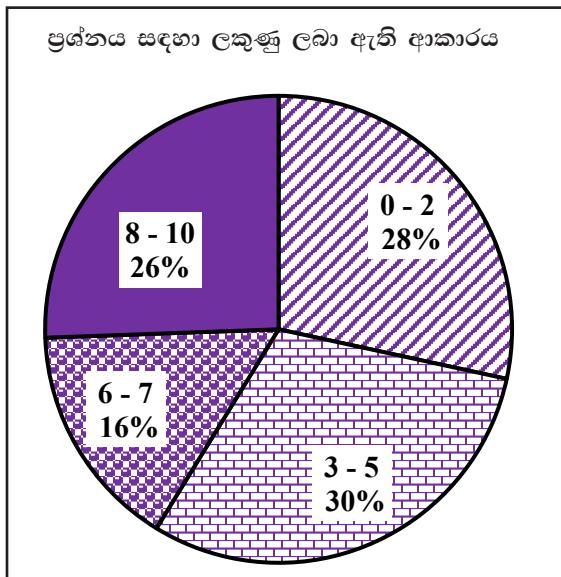
මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 4ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන අතර එහි පහසුතාව 56%කි. පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන අතර එහි පහසුතාව 42%කි.

මිනුම් තේමාව යටතේ සංයුක්ත තල රුපයක පරිමිතිය හා වර්ගජලය සෙවීම ඇසුරින් දෙන ලද මෙම ප්‍රශ්නයේ සමස්ත පහසුතාව 44%කි. සංයුක්ත තල රුපයක කේත්ද කේත්තය හාවිත කර අදාළ සූත්‍ර නිවැරදිව යොදා නොගැනීම නිසා (i) හා (ii) කොටස්වල පහසුතාව 56% හා 49% දක්වා අඩු වී ඇත. (i) කොටසට නිවැරදි පිළිතුර ලබා ගැනීමට නොහැකි වීම, (ii) හා (iv) කොටස්වලට නිවැරදි පිළිතුර ලබා ගැනීම සඳහා අයහපන් ලෙස බලපා තිබේ. රුපසභහන් විශ්ලේෂණාත්මකව දැකිමේ හැකියාව හා ගණන සංකල්ප ප්‍රායෝගිකව සම්බන්ධ කර ගැනීමේ හැකියාව වර්ධනය කිරීමෙන් මෙවැනි ප්‍රශ්නවලට සාර්ථකව පිළිතුරු සැපයීය හැකිය. අදාළ සූත්‍ර නිවැරදිව හාවිත කිරීම තහවුරු වන පරිදි අභ්‍යාස කළ යුතුව ඇත.

(i) හි නිවැරදි පිළිතුර 4න් ගුණකර 14න් බෙදා නිවැරදි පිළිතුර ලබා ගැනීමට නොහැකි වීම නිසා
(ii) කොටසේ පහසුතාව 49% දක්වා පහළ බැස ඇත. (ii) හා (iii) කොටස්වල ලැබෙන නිවැරදි දිග එකතු කිරීමෙන් (iv) හි පිළිතුර ලැබෙන නිසා එම පිළිතුර නිවැරදි නොවීම (iv) හි පහසුතාව අඩුවීම කෙරෙහි බලපා ඇති බව පෙනී යයි. සංයුක්ත රුපවල පරිමිතය සෙවීමේදී සංයුක්ත රුපයේ කොටස්වල වර්ගජල වෙන වෙනම එකතු කරනු ලබන ආකාරය හාවිත නොකළ හැකි බව ද සම්පාත වන පාද පිළිබඳව සැලකිලිමත් විය යුතු බව ද දැක්වෙන සේ විවිධ රුප සටහන් ඉදිරිහත් කිරීමෙන් නිවැරදිව පරිමිතය සෙවීමට යොමු කළ හැකි වේ.



පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

28%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

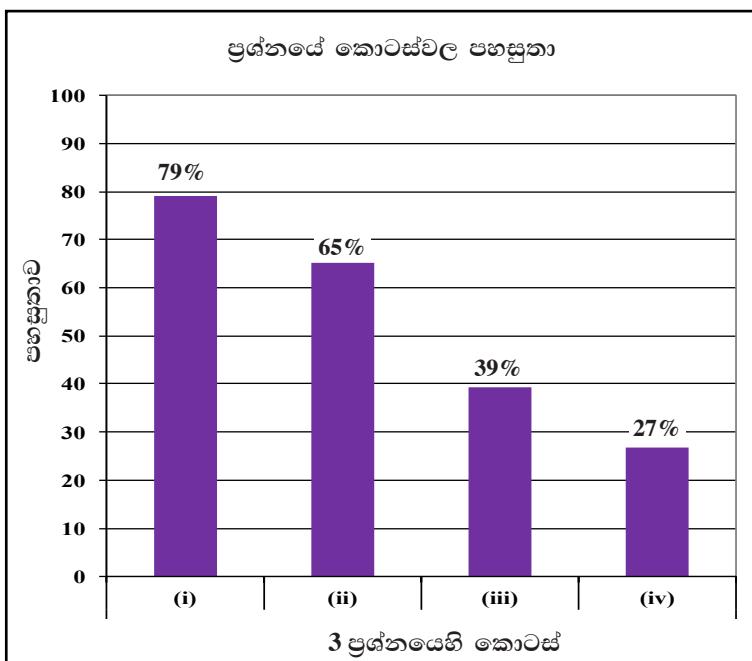
30%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

16%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

26%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට අයදුම්කරුවන්ගෙන් 58%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 26%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස 4ක් ඇත.

පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන

අතර එහි පහසුතාව 79%කි.

පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන

අතර එහි පහසුතාව 27%කි.

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ කොටස් වෙළඳපළ සම්බන්ධ දැනුම හා සරල ගණන කරම සම්බන්ධ සූළ කිරීම් මැන බැලීම සඳහා සකස් කරන ලද ප්‍රශ්නයකි. ප්‍රශ්නයෙහි (i), (ii), (iii) හා (iv) කොටස්වල පහසුතා පිළිවෙළින් 79%, 65%, 39%, 27% ලෙස කුමයෙන් අඩු වී ඇත. කොටස් ගණන හා වෙළඳපළ මිල දුන් විට ආදායම සෙවීමත් යෙදු මූදල හා කොටසක වෙළඳපළ මිල දුන් විට කොටස් ගණන සෙවීමත් වැනි සරල ගණනය කිරීම් ඇතුළත් මෙහි පහසුතාව ඉහළ මට්ටමක ඇත. එහෙත් මෙම ප්‍රශ්නයේ තරමක් සංකීරණ අවස්ථා සඳහා පහසුතාව අඩු මට්ටමක පවතී. සපයා ඇති තොරතුරු නිසි ලෙස කියවා අවබෝධ කර ගැනීමට යොමු නොවීම මෙයට හේතුවක් වේ.

මෙම සමාගම් දෙකේ ආදායම සංසන්දනාත්මකව විශ්ලේෂණය කිරීමට අයදුම්කරුවන්හට තරමක් අපහසු වී ඇති බැවින් මූලික ගණන කරම අඩිංගු සූළ කිරීම සහිත, කියවා අවබෝධ කර ගත යුතු අභ්‍යාසවල ඔවුන් නිරත කරවීම වඩාත් සුදුසු ය.



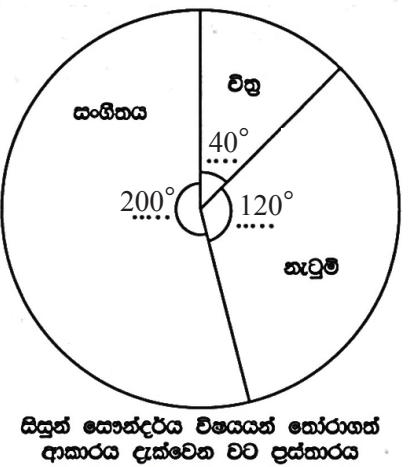
4. එක්තරා පාසලක 6 ශේෂයේ සැම සිපුවකු ම සෞන්දර්ය විෂයය සඳහා විතු, නැවුම් හා සංගීතය යන විෂයන් තුනෙන් එක් විෂයක් පමණක් තෝරාගත යුතු විය. සිපුන් මෙම විෂයන් තෝරාගත් ආකාරය පහත දැක්වේ.

නැවුම් තෝරාගත් සිපුන් ගණන විතු තෝරාගත් සිපුන් ගණන මෙන් තුන් ගුණයක් ද සංගීතය තෝරාගත් සිපුන් ගණන විතු තෝරාගත් සිපුන් ගණන මෙන් පස් ගුණයක් ද වේ.

- (i) විතු තෝරාගත් සිපුන් ගණන මුළු සිපුන් ගණනේ හාගයක් ලෙස ලියන්න.

$$\left. \begin{array}{l} \text{විතු, නැවුම්, සංගීතය තෝරාගත්} \\ \text{සිපුන්ගේ අනුපාතය} \end{array} \right\} = 1 : 3 : 5 \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

$$\therefore \left. \begin{array}{l} \text{විතු තෝරාගත් සිපුන්ගේ} \\ \text{භාගය} \end{array} \right\} = \frac{1}{9} \quad \dots\dots\dots \quad 1$$



ලකුණු 2

- (ii) විෂයන් තුනට අනුරුප කේත්තික බණ්ඩවල කේත්ද කොළඹ විශාලත්ව ගණනය කර, රේවා දී ඇති වට ප්‍රස්ථාරය තුළ අදාළ තිත් ඉරි මත ලියා දක්වන්න.

$$\text{විතු } 360^\circ \times \frac{1}{9} = 40^\circ \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

$$\text{නැවුම් } 40^\circ \times 3 = 120^\circ \quad \dots\dots\dots \quad 1 \quad \text{රුපය මත නිවැරදි}$$

$$\text{සංගීතය } 40^\circ \times 5 = 200^\circ \quad \dots\dots\dots \quad 1 \quad \text{අගයන් ලකුණු කිරීමට} \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 4

- (iii) විතු තෝරාගත් සිපුන් ගණන 30 නම් මෙම පාසලේ 6 ශේෂයේ සිටින මුළු සිපුන් ගණන සෞයන්න.

$$\text{මුළු සිපුන් ගණනින් } \frac{1}{9} = 30 \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

$$\text{මුළු සිපුන් ගණන } 30 \times 9 = 270 \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 2

සති දෙකකට පසු ව, සංගීතය තෝරාගත් සිපුන්ගෙන් 15 දෙනෙක් මවුන්ගේ විෂයය විතුවලට මාරු කර ගත්හ.

- (iv) වෙනස් තුළ දත්තවලට අනුව විෂයන් තුන ම ඇතුළත් වන පරිදි අදින ලද නව වට ප්‍රස්ථාරයක, විතු විෂයයට අනුරුප කේත්තික බණ්ඩයේ කේත්ද කොළඹ සෞයන්න.

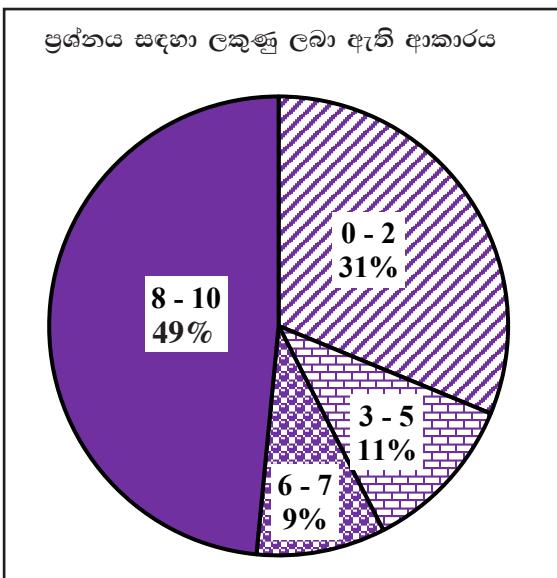
$$\text{සිපුන් } 30 \longrightarrow 40^\circ$$

$$\text{සිපුන් } 15 \longrightarrow 20^\circ \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

$$\therefore \text{අවශ්‍ය කේත්තික බණ්ඩයේ කොළඹ } = 40^\circ + 20^\circ = 60^\circ \quad \dots\dots\dots \quad 1$$

ලකුණු 2

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :

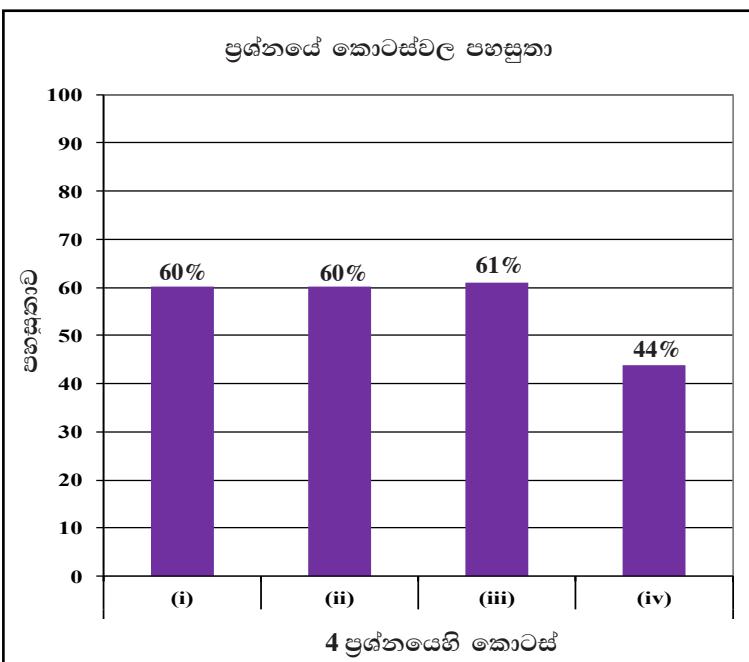


සංඛ්‍යානය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

- 31%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,
- 11%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,
- 9%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,
- 49%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට අයදුම්කරුවන්ගෙන් 42%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ එට අඩුවෙති. ලකුණු 8ක් හෝ එට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 49%ක් පමණි. ඉහළම ලකුණු ප්‍රාන්තරය තුළ නියැදියෙන් අඩකට ආසන්න ප්‍රතිශතයක් ලකුණු ලබා තිබීම යහපත් ලක්ෂණයකි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 4ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (iii) වන අතර එහි පහසුතාව 61%කි. පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන අතර එහි පහසුතාව 44%කි.

සංඛ්‍යානය තේමාව යටතේ දත්ත නිරුපණය විෂය ඒකකයෙන් සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ සමස්ත පහසුතාව 50% කි. (i) කොටසේ පහසුතාව 60% කි. ඒකකයක කොටසේ කිහිපයක් අතර ඇති සම්බන්ධතාව දී ඇති විට ඒ එක් එක් ප්‍රමාණය හාගයක් ලෙස දැක්වීමේ හැකියාව එමගින් මතිනු ලබයි. රාඛ දෙකක් සහිත අනුපාතවල සිට රාඛ 3ක් සහිත අනුපාත සම්බන්ධ අන්තාස දක්වා වැඩිවන සේ පාඨම සංවර්ධනය කිරීමෙන් පවතින දුරටතා මග හැරවිය හැකිය.

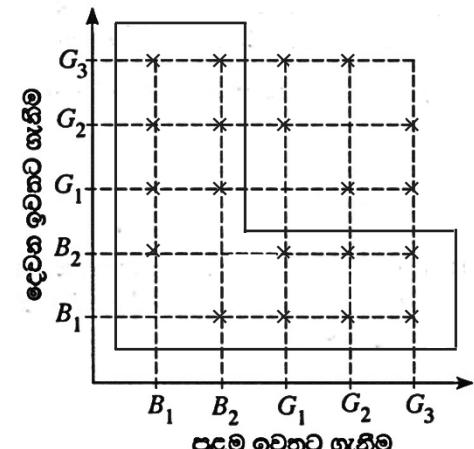
(ii) කොටසේ පහසුතාව 60% කි. දී ඇති අනුපාතයට අනුව අදාළ කේන්ද්‍රික බණ්ඩවල කෝණ ගණනය කිරීමේ හැකියාව මැන බැලෙයි. යම් රාඛයක් දී ඇති විට අනුපාතයකට අනුව බෙදීමේ හැකියාව වර්ධනය සඳහා අවශ්‍ය අමතර අන්තාස දීම මගින් මේ තත්ත්වය තවත් වර්ධනය කර ගත හැකිය. (iii) කොටසේ පහසුතාව 61% කි. යම් හාගයකට අනුරුප අගය දුන්වීට එහි මූල්‍ය ප්‍රමාණය සෙවීමේ හැකියාව මෙම කොටසින් පරික්ෂා කෙරෙයි. රුපික නිරුපණ මගින් ප්‍රශ්නය සරල කර ඉදිරිපත් කිරීමෙන් අපේක්ෂිත හැකියාව වර්ධනය කර ගත හැකිය.

(iv) කොටසේ පහසුතාව 44% කි. අනුලෝධ සමානුපාතික රාඛ දෙකකින් එක් රාඛයක් දී ඇති විට අනෙක් රාඛය ගණනය කිරීමේ කුමවේදය පුදුණ කරවීමේ අන්තාස මගින් අපේක්ෂිත හැකියා වර්ධනය කළ හැකිය.

5. හැඩියෙන් හා ප්‍රමාණයෙන් සරවසම බල්බ 5ක් පෙට්ටියක ඇත. මෙම බල්බවලින් 2ක් පිළිසුළු බල්බ වන අතර ඉතිරි ඒවා හොඳ බල්බ වේ.

පෙට්ටියෙන් අහැළු ලෙස බල්බයක් ඉවතට ගෙන එය පරීක්ෂා කර නැවත එම බල්බය පෙට්ටියට හොඳමා තවත් බල්බයක් අහැළු ලෙස පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගෙන පරීක්ෂා කරනු ලැබේ.

- (i) බල්බ ඉවතට ගැනීමේ පරීක්ෂණයට අදාළ තියැදී අවකාශය දී ඇති කොටු දැලේ 'X' ලකුණ යොදා තිරුපණය කරන්න. පිළිසුළු බල්බ B_1 හා B_2 ලෙස ද හොඳ බල්බ G_1, G_2 හා G_3 ලෙස ද දක්වා ඇත. ලක්ෂා ලකුණු කිරීමට ලකුණු 2 හෝ 0



- (ii) අවම වශයෙන් එක් පිළිසුළු බල්බයක්වන් ඉවතට ගැනීමේ දියුණු කොටු දැලේහි වටකර දක්වා එහි සම්භාවනාව සෞයන්න.

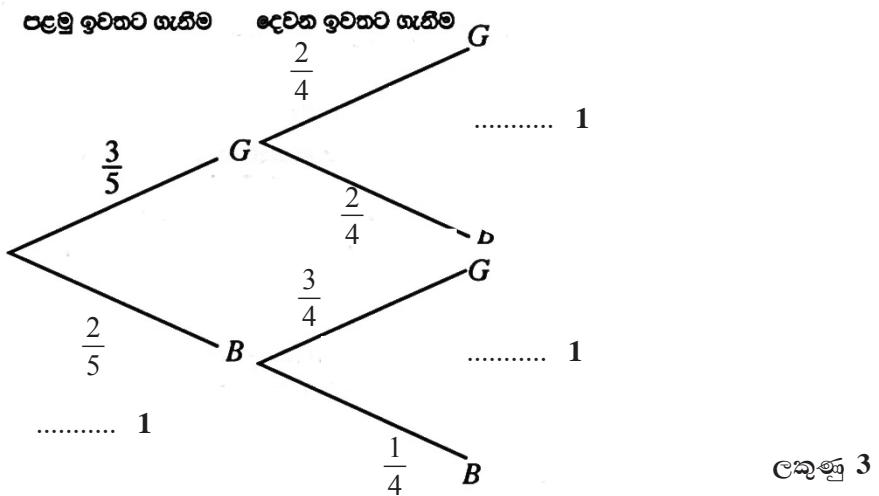
වටකර දැක්වීමට 1

$$\frac{14}{20} \text{ හෝ } \frac{7}{10} \text{ 1}$$

ලකුණු 2

- (iii) ඉහත පරීක්ෂණයට අදාළ අසම්පූර්ණ රුක් සටහනක් පහත දී ඇත. අනුරුප සම්භාවනා දක්වමින් රුක් සටහන සම්පූර්ණ කරන්න.

පිළිසුළු බල්බයක් B මගින් ද හොඳ බල්බයක් G මගින් ද තිරුපණය කෙරේ.



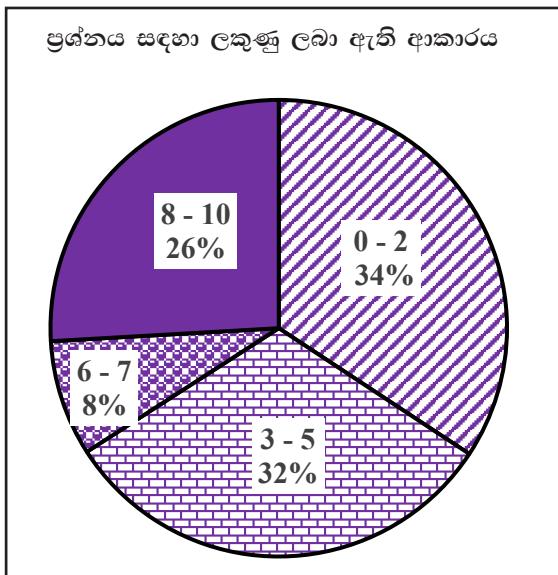
- (iv) මෙම පරීක්ෂණයේ දී ඉවතට ගන්නා බල්බ දෙකෙන් එක් බල්බයක් පමණක් පිළිසුළු එකක් විමේ සම්භාවනාව, රුක් සටහන ඇසුරෙන් සෞයන්න.

$$\frac{6}{20} + \frac{6}{20} \text{ 1 + 1}$$

$$\frac{12}{20} \text{ හෝ } \frac{3}{5} \text{ 1}$$

ලකුණු 3

පිළිබඳ සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



කළක හා සම්භාවිතාව තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

34%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

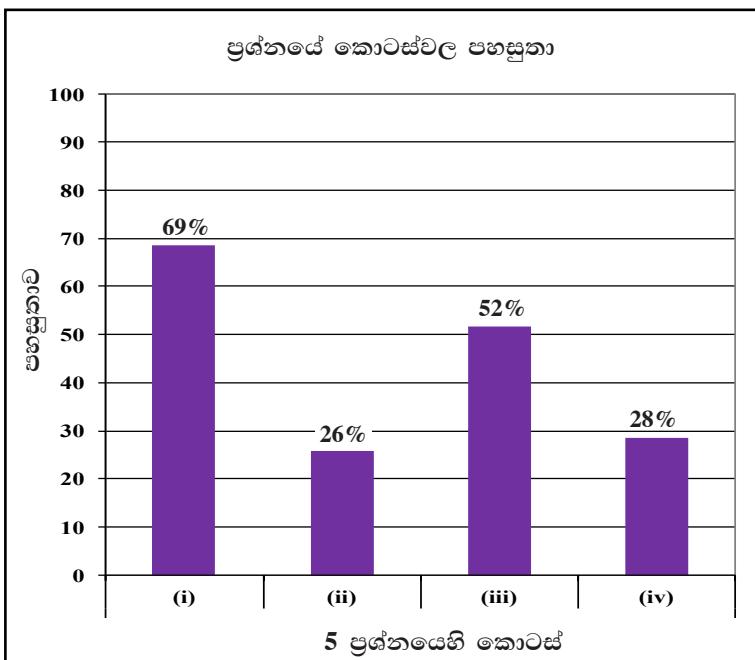
32%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

8%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

26%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට අයදුම්කරුවන්ගෙන් 66%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 26%ක් පමණි. අයදුම්කරුවන්ගෙන් වැඩිම ප්‍රතිශතයක් ලැබූ ලකුණු අනුලත් වන්නේ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයට වීම මගින් දැක්වෙනුයේ අපේක්ෂකයන්ගේ සාධනය දුර්වල බවයි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 4ක් ඇත.

පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන

අතර එහි පහසුතාව 69%කි.

පහසුතාව අඩුම කොටස (ii) වන

අතර එහි පහසුතාව 26%කි.

කළක හා සම්භාවිතාව තේමාව යටතේ ප්‍රතිස්ථාපන රහිත සිද්ධියක සම්භාවිතාව සෙවීම සඳහා ඉදිරිපත් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ සමස්ත පහසුතාව 38% කි. දී ඇති කොටු දැල් අදාළ නියැදි අවකාශය නිරුපණය කිරීමට ඉදිරිපත් කර ඇති (i) කොටසේ පහසුතාව 69% ක් වී ඇත්තේ (ii) කොටසේ අදාළ සිද්ධියට අයත් ප්‍රදේශය හඳුනා නොගැනීම නිසා පහසුතාව 26% දක්වා අඩු වී ඇත.

සසම්භාවී පරික්ෂණයක නියැදි අවකාශය කොටු දැල් නිරුපණය කිරීමට පෙර පරික්ෂණය සිදු කරනු ලබන්නේ ප්‍රතිස්ථාපන සහිතව ද, රහිතව ද යන බව නිවැරදිව හඳුනා ගෙන කොටු දැල් මත අදාළ ලක්ෂණ ලකුණු කළ යුතු වේ. මෙවැනි සිද්ධි සම්භාවිතාව අනුරෙන් අදාළ සිද්ධිය හඳුනා ගැනීම සහ එය කොටු දැල් වෙන් කර දක්වන ආකාරය පුරුදු පුහුණු කළ යුතුව් ඇත.

(iii) කොටසේ රැක් සටහන නිවැරදිව සම්පූර්ණ කිරීමේ පහසුතාව 52%ක් වුවත් (iv) කොටසේ සංයුත්ත සිද්ධියට අදාළ සම්භාවිතාව ගණනය කිරීමට ප්‍රාග්ධනය වීම නිසා එහි පහසුතාව 28% දක්වා අඩු වී ඇත. රැක් සටහන් භාවිතයෙන් සම්භාවිතාව ගණනය කරන ආකාරය ද නිවැරදිව පුරුණ කළ යුතු අතර හාග ගුණ කිරීම හා එකතු කිරීම පිළිබඳ කුසලතාව වර්ධනය කිරීම මගින් මෙවැනි ප්‍රශ්නවල දුෂ්කරතාව මග තුළ ගැනීමට භැඳීමේ.

2.2 II පත්‍රය

2.2.1 II පත්‍රයේ ව්‍යුහය

II පත්‍රය

- කාලය පැය තුනකි.
- A හා B ලෙස කොටස් දෙකකි.

A කොටස

- ලකුණු 10 බැංක් වූ ප්‍රශ්න හයකි. ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සැපයිය යුතුය.
(ලකුණු $10 \times 5 = 50$)
- මෙම A කොටස තුළ ජ්‍යාමිතිය තේමාවට අයත් ප්‍රශ්න ඇතුළත් නොවේ.
- විෂ ගණීතය තේමාව යටතේ ප්‍රශ්න 3ක් ද සංඛ්‍යා, මිනුම්, සංඛ්‍යානය සහ කුලක හා සම්භාවිතාව යන තේමා අතරින් තෝරාගත් තේමා 3ක් යටතේ ප්‍රශ්න 3ක් ද ඇතුළත් වේ.
- ප්‍රශ්න හතරක්, එක් එක් ප්‍රශ්නයේ ඇති කොටස් ගණන අවම වශයෙන් 3කට ද උපරිම වශයෙන් 5කට ද සිමා වන පරිදි සකස් කෙරේ. අනෙක් ප්‍රශ්න දෙක ඉහළ ගණයේ හැකියා මැනෙන, ව්‍යුහගත නොකරන ලද ප්‍රශ්න වේ. එම ප්‍රශ්න දෙක අතරින් එක් ප්‍රශ්නයක් විෂ ගණීතය තේමාව යටතේ වේ.

B කොටස

- ලකුණු 10 බැංක් වූ ප්‍රශ්න හයකි. ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සැපයිය යුතුය.
(ලකුණු $10 \times 5 = 50$)
- මෙම B කොටස තුළ විෂ ගණීතය තේමාවට අයත් ප්‍රශ්න ඇතුළත් නොවේ.
- ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ ප්‍රශ්න 3ක් ද සංඛ්‍යා, මිනුම්, සංඛ්‍යානය සහ කුලක හා සම්භාවිතාව යන තේමා අතරින් තෝරා ගත් තේමා 3ක් යටතේ ප්‍රශ්න 3ක් ද ඇතුළත් වේ.
- ප්‍රශ්න හතරක්, එක් එක් ප්‍රශ්නයේ ඇති කොටස් ගණන අවම වශයෙන් 3කට ද උපරිම වශයෙන් 5කට ද සිමා වන පරිදි සකස් කෙරේ. අනෙක් ප්‍රශ්න දෙක ඉහළ ගණයේ හැකියා මැනෙන, ව්‍යුහගත නොකරන ලද ප්‍රශ්න වේ. එම ප්‍රශ්න දෙක අතරින් එක් ප්‍රශ්නයක් ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ වේ.

II පත්‍රය සඳහා මුළු ලකුණු = 100

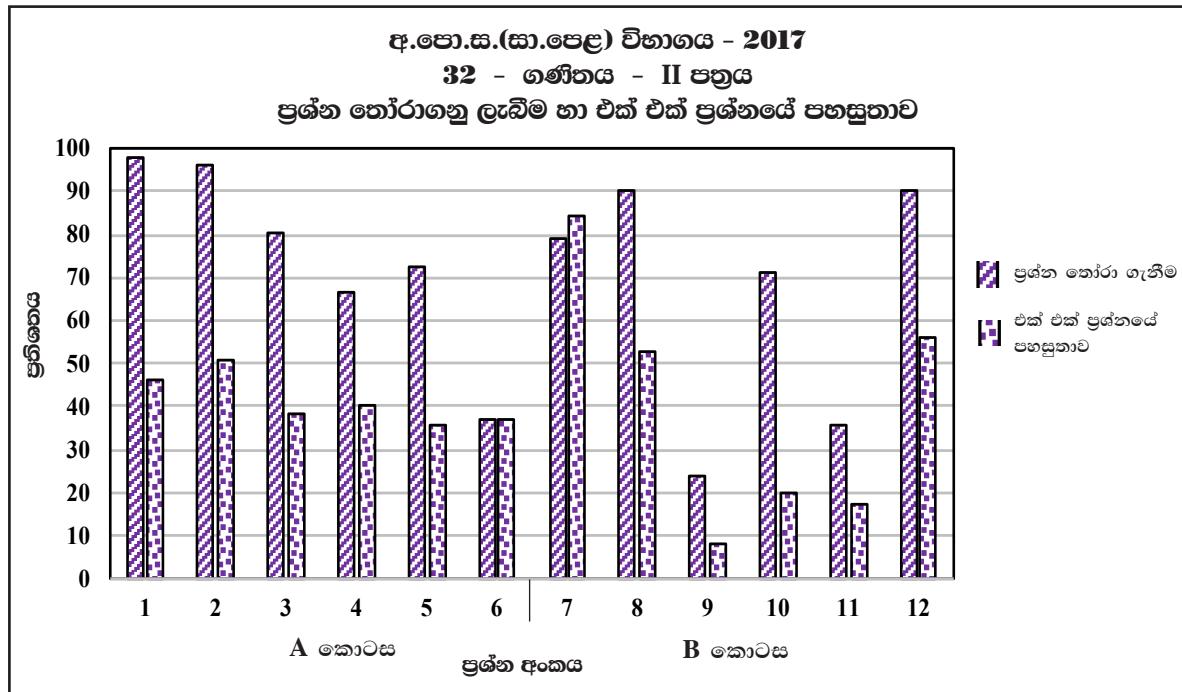
- ගණීතය ප්‍රශ්න පත්‍රය මගින් ආචාරණය කෙරෙන විෂය තේමා ප්‍රතිශත හා ගණීතය අරමුණු ප්‍රතිශත පහත පරිදි වේ.

විෂය තේමාව	ප්‍රතිශතය	ගණීත අරමුණ	ප්‍රතිශතය
සංඛ්‍යා	23%	දැනුම හා කුසලතා	40%
මිනුම්	15%	සන්නිවේදනය	20%
විෂ ගණීතය	20%	සම්බන්ධතා දැකීම	20%
ජ්‍යාමිතිය	22%	හේතු දැක්වීම	10%
කුලක හා සම්භාවිතාව	10%	ගැටුපූ විසඳීම	10%
සංඛ්‍යානය	10%		



2.2.2. II පත්‍රයට පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ (සමස්තයක් ලෙස)

ගණිතය II පත්‍රයෙහි අංක 1 සිට 6 තොක් ප්‍රශ්න අයන් A කොටසින් තෝරාගත් ප්‍රශ්න 5කටද, අංක 7 සිට 12 තොක් ප්‍රශ්න අයන් B කොටසින් තෝරාගත් ප්‍රශ්න 5කටද, අපේක්ෂාකයන් විසින් පිළිතුරු සැපයීය යුතු වේ. පිළිතුරු සැපයීය යුතු මුළු ප්‍රශ්න සංඛ්‍යාව 10කි.



ප්‍රස්ථාරය 7.I (RD/16/02/OL හා RD/16/04/OL පෝරමවලින් ලබාගත් තොරතුරු ඇසුරෙන් සකස් කරන ලදී.)

A කොටස

ඉහත ප්‍රස්ථාරයට අනුව ගණිතය II පත්‍රයෙහි A කොටසේ ප්‍රශ්න 6 අතුරෙන් අයදුම්කරුවින්ගෙන් 98%ක්ම 1 වන ප්‍රශ්නය තෝරා ගෙන ඇති අතර එහි පහසුතාව 46%කි. මෙම කොටසේ වැඩිම තෝරා ගැනීමක් ඇත්තේ එම ප්‍රශ්නයටයි. විජ ගණිතය තෝරාව යටතේ වගුවේ හිස්තූනක් සම්පූර්ණ කිරීම, ප්‍රස්ථාරය ඇදීම සහ අදින ලද ප්‍රස්ථාරය විශ්ලේෂණයෙන් පිළිතුරු සැපයීම පදනම් කර ගනීමින් ප්‍රශ්නය සකස් කර ඇත. අඩුවෙන්ම තෝරාගෙන ඇත්තේ 6 වන ප්‍රශ්නය වන අතර එහි තෝරා ගැනීම 37% කි. 6 වන ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව ද 37%කි. විජ ගණිතය තෝරාව යටතේ, කේන්දුක බණ්ඩ ඇතුළත් තළ රුප දෙකක වර්ගේල ඇසුරින් වර්ගේ සම්කරණයක් ගොඩ නාගා එය විසඳීම අපේක්ෂා කෙරේ. මෙම ප්‍රශ්නය ව්‍යුහගත නොකරන ලද ප්‍රශ්නයකි.

A කොටසේ ප්‍රශ්න අතුරෙන් 2 වන ප්‍රශ්නයෙහි පහසුතාව වැඩිතම වන අතර 5 වන ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව අඩුවෙන්ම වේ. ඒවායේ පහසුතා පිළිවෙළින් 51% සහ 36% වේ. ඒ අනුව A කොටසේ පහසුම ප්‍රශ්නය මෙන්ම දුෂ්කරම ප්‍රශ්නය ද විජ ගණිතය තෝරාවට අයන් ව තිබු බව පෙනේ.

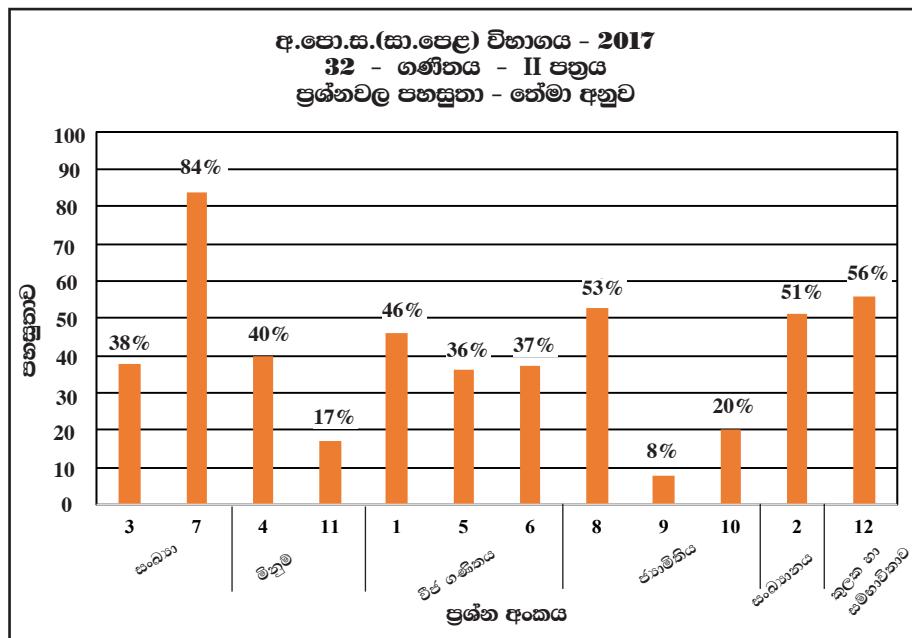
B කොටස

ගණිතය II පත්‍රයෙහි B කොටසෙහි වැඩියෙන්ම තෝරා ගනු ලබ ඇති ප්‍රශ්න දෙකක් ඇති අතර එවා අංක 8 සහ 12 වේ. තෝරා ගැනීමේ ප්‍රතිශතය 90% බැඟින් වේ. අඩුවෙන්ම තෝරා ගනු ලබ ඇත්තේ 9 වන ප්‍රශ්නය වන අතර එම ප්‍රතිශතය 24% කි. මෙම කොටසේ ප්‍රශ්න හය අතුරෙන් පහසුතාව වැඩිම ප්‍රශ්නය අංක 7 වන අතර පහසුතාව අඩුම ප්‍රශ්නය අංක 9 වේ. ඒවායේ පහසුතා පිළිවෙළින් 84% ක් සහ 8% කි. 7 වන ප්‍රශ්නය සංඛ්‍යාව තෝරාවෙන්ද, 9 වන ප්‍රශ්නය වෘත්ත ආස්‍රිත ජ්‍යාමිතිය තෝරාවෙන්ද වේ.

ගණිතය II පත්‍රය සමස්තයක් ලෙස ගත් කළ, එහි 7 වන ප්‍රශ්නය පහසුතම වන අතර, 9 වන ප්‍රශ්නය දුෂ්කරම වී තිබේ. පහසුතාව 50% ඉක්මවා ඇත්තේ අංක 2, 7, 8 හා 12 යන ප්‍රශ්න පමණි.



2.2.3. II පත්‍රයට පිළිබඳ සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ (තේමා අනුව)

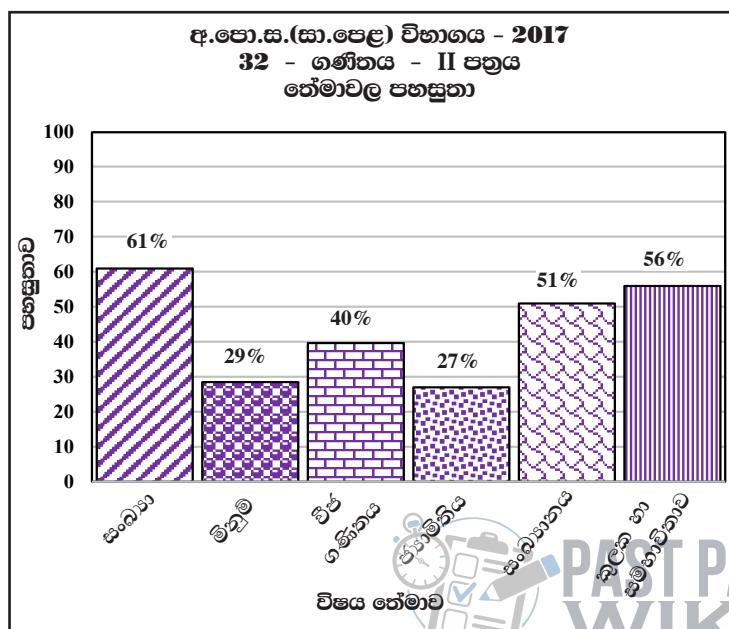


ප්‍රස්ථාරය 7.II

තේමාව	A කොටසේ ප්‍රශ්න අංක	B කොටසේ ප්‍රශ්න අංක
1. සංඛ්‍යා	3	7
2. මිනුම්	4	11
3. විෂ ගණීතය	1, 5, 6	-
4. ජ්‍යාමිතිය	-	8, 9, 10
5. සංඛ්‍යානය	2	-
6. කුළක හා සම්භාවිතාව	-	12

වගුව 8

මෙම ප්‍රශ්න 12 අනුරෙද් 7 වන ප්‍රශ්නය පහසුතාව වැඩිම ප්‍රශ්නය වී ඇත. එය අයත් වන්නේ සංඛ්‍යා තේමාවයි. පහසුතාව අඩුම ප්‍රශ්නය වී ඇත්තේ 9 වන ප්‍රශ්නයයි. එය අයත් වන්නේ ජ්‍යාමිතිය තේමාවයි.



ප්‍රස්ථාරය 7.III

2.2.4 II පත්‍රය සඳහා අපේක්ෂිත පිළිතුරු හා ලකුණු දීමේ පටිපාටිය, පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා

II පත්‍රය සඳහා පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ, ප්‍රස්ථාර අංක 3, 4, 5.I, 5.II, 7.I, 7.II හා 7.III ඇසුරෙන් සකස් කර ඇත. ප්‍රශ්නයට අදාළ ප්‍රස්ථාර කොටස ඒ ඒ ප්‍රශ්නයේ නිරීක්ෂණ හා නිගමන සමඟ දක්වා ඇත.

A කොටස

1 වන ප්‍රශ්නයෙහි අනිමතාර්ථ

නිපුණතාව 20 : විවිධ කුම විධි ගවේපණය කරමින් විවලා දෙකක් අතර පවතින අනෙක්නා සම්බන්ධතා පහසුවෙන් සන්නිවේදනය කරයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

$$y = ax^2 + bx + c ; \quad a, b, c \in \mathbb{Z} \quad \text{ආකාරයේ ලිඛිතය ප්‍රස්ථාරය ඇදීම සඳහා සකස් කරන ලද අසම්පූර්ණ වගුවක් දී ඇති විට,}$$

- (i) දී ඇති ලිඛිතයේ සම්කරණය හාවිතයෙන් x හි දෙන ලද අගයකට අනුරූප y හි අගය සෞයයි.
- (ii) දී ඇති පරිමාණයකට අනුව ලිඛිතයේ ප්‍රස්ථාරය අදියි.
- ප්‍රස්ථාරය හාවිතයෙන්
- (iii) $y < 0$ හා y අඩුවන පරිදි ඇති x හි අගය ප්‍රාන්තරය සෞයයි.
- (iv) දී ඇති ලිඛිතය $y = (x + a)^2 - b$ (මෙහි $a, b, \in \mathbb{Z}$ වේ) ආකාරයෙන් ලියා දක්වයි.
- (v) ප්‍රස්ථාරයේ ධන මුලය හාවිතයෙන් $\sqrt{6}$ සඳහා ආසන්න අගයක් පළමුවන දැක්මස්ථානයට සෞයයි.

1. $y = x^2 + 4x - 2$ ලිඛිතයේ ප්‍රස්ථාරය ඇදීම සඳහා සකස් කරන ලද අසම්පූර්ණ අගය වගුවක් පහත දී ඇත.

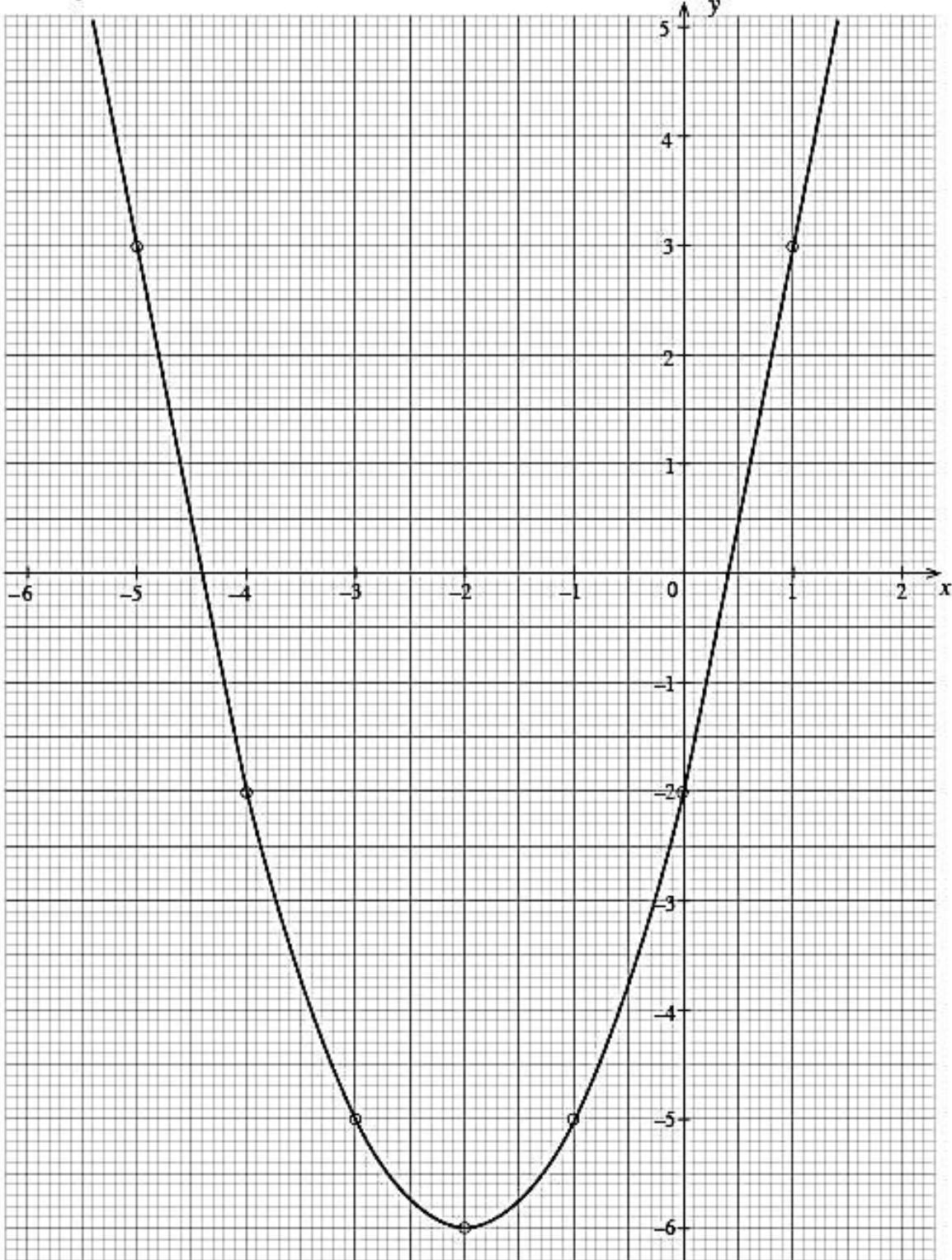
x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1
y	3	-2	-5		-5	-2	3

- (i) $x = -2$ වන විට y හි අගය සෞයන්න.
- (ii) x -අක්ෂය දිගේන් y -අක්ෂය දිගේන් කුඩා බෙදුම් 10කින් ඒකක උකක් නිරුපණය වන සේ පරිමාණය යොදා ගනිමින්, ප්‍රස්ථාර කව්‍යායියක ඉහත ලිඛිතයේ ප්‍රස්ථාරය අදින්න.
- ප්‍රස්ථාරය හාවිතයෙන්, පහත දී ඇති ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.
- (iii) y යාණව අඩු වන පරිදි ඇති x හි අගය ප්‍රාන්තරය සෞයන්න.
- (iv) දී ඇති ලිඛිතය $y = (x + a)^2 - b$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි a හා b යනු සංඛ්‍යා දෙකකි.
- (v) $x^2 + 4x - 2 = 0$ සම්කරණයෙහි ධන මුලය පළමු දැක්මස්ථානයට සෞයා එමකින් $\sqrt{6}$ සඳහා ආසන්න අගයක් සෞයන්න.

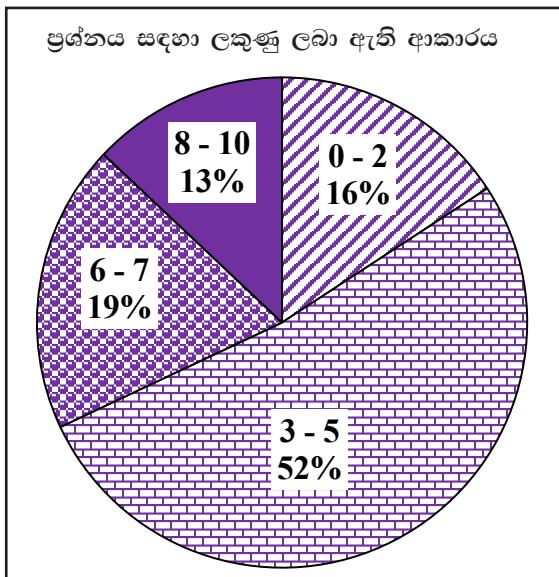
ප්‍රශ්න අංකය		නිවැරදි පිළිතුර	කෙතු		වෙනත් කරුණු
1.	(i)	- 6	1	(1)	
	(ii)	නිවැරදි පරීමාණය ගැනීම නිවැරදිව ලක්ෂ්‍ය කේ ලකුණු කිරීම සුමෙට වතුය	1 1 1		
	(iii)	$-4.4 (\pm 0.1) < x < -2$ හෝ -4.4 හා -2 අතර	1 + 1	(2)	$-4.4 (\pm 0.1) < x$ සඳහා ____ 1 $x < -2$ සඳහා ____ 1 අගය 2 පමණක් නිවැරදි නම් ____ 1
	(iv)	$y = (x + 2)^2 - 6$	1 + 1	(2)	ප්‍රස්ථාරය ඇසුරෙන් a හා b නිවැරදිව හඳුනා ගැනීමට ____ 1
	(v)	$y = 0$ විට දන මූලය $0.4 (\pm 0.1)$ $0 = (0.4 + 2)^2 - 6$ $\therefore \sqrt{6} = 2.4 (\pm 0.1)$	1 1	(2)	10



$$y = x^2 + 4x - 2$$

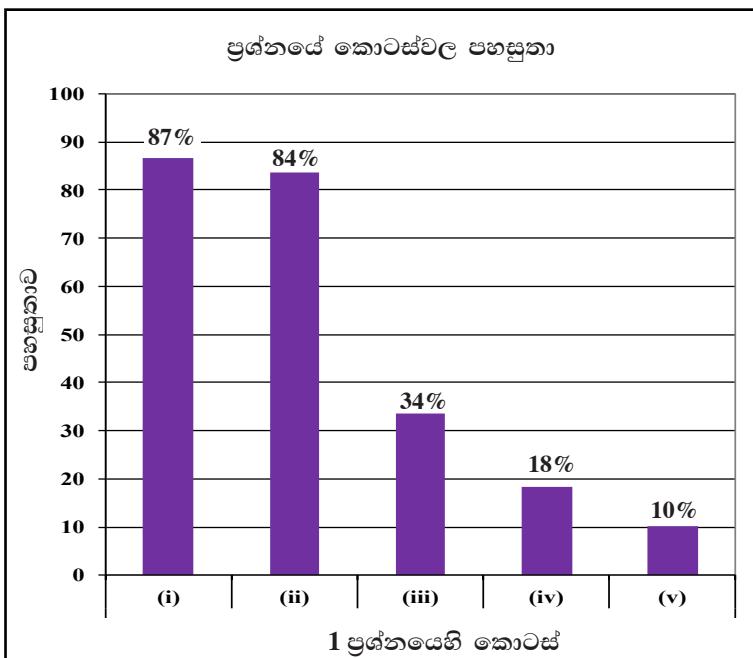


පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම පිළිතුරු සැපයීම අයදුම්කරුවන්ගෙන් 68%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙති. ලකුණු 8ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 13%ක් පමණි.



මෙම පිළිතුරු සැපයීම අයදුම්කරුවන් පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන අතර එහි පහසුතාව 87%ක්. පහසුතාව අඩුම කොටස (v) වන අතර එහි පහසුතාව 10%ක්.

විජ ගණිතය තේමාව යටතේ වර්ගජ ප්‍රිත්වල ප්‍රස්ථාර ඇසුරින් ද ඇති මෙම පිළිතුරු අයදුම්කරුවන් විසින් වැඩියෙන්ම තෝරා ගනු ලැබූ පිළිතුරුයි. මෙහි (i) කොටසේ පහසුතාව 87%ක් වුවද (ii) කොටසේ පහසුතාව 84% ද (iii) කොටසේ පහසුතාව 34% ද (iv) කොටසේ පහසුතාව 18% ද (v) කොටසේ පහසුතාව 10% ද ලෙස ක්‍රම ක්‍රමයෙන් විශාල අඩුවේමක් සිදුව ඇත. එක් ලකුණක් පමණක් හිමි (i) කොටසේ පහසුතාව 87% ක් වුවද 13% ක පිරිසක් එයට ලකුණු ලැබේමට අපොහොසත් වූයේ ඔවුන් ද ඇති පිළිතුරු දෙන ලද x අගය ආදේශ කර y හි අනුරුද අගය නිවැරදිව ලබා නොගැනීම නිසා ය. මේ නිසා දෙවැනි බලයේ සරල වීංය ප්‍රකාශනවලට නිවිල අගය ආදේශ කර සූල් කිරීමෙන් නිවැරදි අගය ලබා ගැනීමට සිංහන් යොමු කරනු ලැබේම වඩා සුදුසු ය.

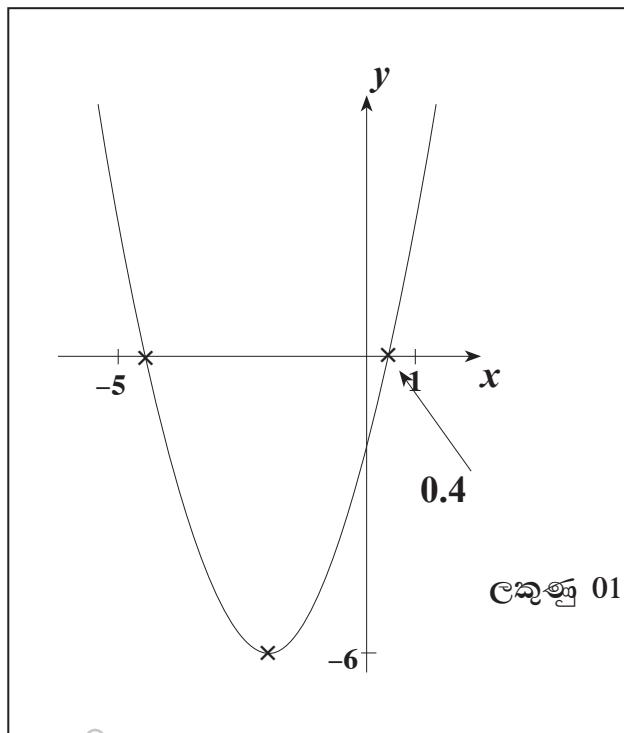
(ii) කොටසෙහි පහසුතාව 84% කි. සූල් පිරිසකට මෙය අපහසු වී ඇති බව පෙනෙයි. එයට හේතුව අක්ෂ ක්‍රමාංකනය නිවැරදි නොවීමත් නිවැරදිව ලක්ෂ්‍ය ලකුණු නොකිරීමත් සූමට වකුය ඇදීමට අපොහොසත් වීමත් ය. බණ්ඩාංක තළයක නිවැරදි ලක්ෂ්‍ය ලකුණු කිරීම තහවුරු වන පරිදි විවිධ ක්‍රියාකාරකම් හඳුන්වා දීම සුදුසු වේ.

(iii) කොටසහි පහසුතාව 34% කි. මෙලස පහසුතාව අඩවිමට හේතුව, ශ්‍රීතයේ හැසිරීම අපේක්ෂකයින් අවබෝධ කර නොගැනීම ය. මේ සඳහා ශ්‍රීතය දනව අඩවින කොටස ශ්‍රීතය සාරුව අඩවින කොටස, ශ්‍රීතය සාරුව වැඩිවන කොටස සහ ශ්‍රීතය දනව වැඩිවන කොටස වෙන වෙනම හඳුනා ගනීමින් එම එක් එක් කොටසට අදාළ x හි අගය ප්‍රාන්තරය ලිවීම ආශ්‍රිත ක්‍රියාකාරකම කරවීමෙන් මෙම දුර්වලතාව මග හරවා ගත හැකි වේ. x ස්වායන්ත් විවෘතයෙහි විවෘතය අනුව ශ්‍රීතයේ හැසිරීම ප්‍රස්ථාරය ඇසුරෙන් විස්තර කිරීමේ හැකියාව පුණුණ කළ යුතුය.

(iv) කොටසහි පහසුතාව 18% ලෙස සිසු අඩවිමක් ඇත. මෙයට හේතුව ප්‍රස්ථාරය භාවිතයෙන් සම්මත රේඛාවේ සම්කරණයන්, ප්‍රස්ථාරයේ අවම අගයන් ලබාගෙන ඒ ඇසුරින් $y = (x + a)^2 - b$ ආකාරයට වර්ගජ ශ්‍රීතය ලිවීමට නොහැකි වීමය. $y = (x + a)^2 - b$ ආකාරයේ ශ්‍රීතවල ප්‍රස්ථාර සහිත අභ්‍යාස කරවා ඒවායේ සම්මත අක්ෂය හා අවම/උපරිම අගයන්, වර්තන ලක්ෂාවල බණ්ඩාකන් වගුගත කර ඒවා අතර සම්බන්ධතා අවබෝධ කරවීම කළ හැකිය. ඉහත සඳහන් b හි අගය ශ්‍රීතයේ අවම අගය බව විවිධ ශ්‍රීතවල ප්‍රස්ථාර පෙන්වීමෙන් අවබෝධ කළ යුතුය. a හි අගය සම්මත අක්ෂයේ සම්කරණයෙන් ලැබෙන බව ප්‍රස්ථාර කිහිපයක් ඇසුරින් අවබෝධ කළ යුතුය.

(v) කොටසේ පහසුතාව 10% ක් ලෙස සිසු අඩවිමක් ඇති බව පෙනේ. මෙයට හේතුව, දී ඇති ශ්‍රීතය ප්‍රස්ථාරය ඇසුරෙන් ගොඩනගනු ලබන සම්කරණක මූල සෙවීමේ ක්‍රමය පිළිබඳව දැනුමෙහි උගතාවයි. සම්කරණයක මූල සෙවීමේ විඛ්‍ය ක්‍රමය මෙයින් අපේක්ෂා නොකෙරේ. දී ඇති $y = (x + 2)^2 - 6$ ශ්‍රීතයේ $y = 0$ යෙදීමෙන් ලැබෙන වර්ග සම්කරණයේ දන මූලය සඳහා, වර්ග ශ්‍රීතයේ ප්‍රස්ථාරයන් $x -$ අක්ෂයන් මේදනය වන ලක්ෂා දෙක අනුරෙන් x බණ්ඩාකය දන වන ලක්ෂායෙහි එම x බණ්ඩාකය ලබාගත යුතු බවත් එමගින් දෙන ලද වර්ගමූලයේ අගය ලබා ගත හැකි බවත් පෙන්වා දීම කළ යුතුය.

ප්‍රස්ථාරය ඇසුරෙන් දන මූලය හඳුනා ගැනීම



2 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 29 : දෙනික කටයුතු පහසු කර ගැනීම සඳහා විවිධ ක්‍රම මගින් දත්ත විශ්ලේෂණය කරමින් පුරෝකථනය කරයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එක :

ද්‍රව්‍යක ස්කන්දය පිළිබඳ ව සමීක්ෂණයකට යොදා ගත් ද්‍රව්‍ය සංඛ්‍යාව හා ර්ව අදාළ තොරතුරු ඇතුළත් සම්මිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් දී ඇති විට

(i) මාත පන්තිය ලිය දක්වයි.

(ii) සුදුසු උපකල්පිත මධ්‍යනායක් හාවිතයෙන් හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ දී ඇති තොරතුරුවල මධ්‍යනාය සෞයයි.

(iii) මධ්‍යනාය ඇසුරෙන් දී ඇති ද්‍රව්‍ය ප්‍රමාණයක ස්කන්දය නිමානය කරයි.

(iv) නිමානය කළ ස්කන්දය හා දී ඇති තොරතුරක් හාවිතයෙන්, අවශ්‍ය ද්‍රව්‍ය ප්‍රමාණයක් නිෂ්පාදනය සඳහා වැයවන මුදල රුපියල්වලින් නිමානය කරයි.

2. එක්තරා වර්ගයක රසකැවුලි 100ක, එක එකක ස්කන්දය ගෝම්වලින් මැන ගන්නා ලදී. එම තොරතුරු ඇසුරෙන් ගොඩනාගා ලද සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් පහත දක්වා ඇත.

ස්කන්දය (ගෝම්)	17 - 18	18 - 19	19 - 20	20 - 21	21 - 22	22 - 23
රසකැවුලි ගණන	4	34	26	20	10	6

(i) මෙම ව්‍යාප්තියේ මාත පන්තිය සෞයන්න.

(ii) සුදුසු උපකල්පිත මධ්‍යනායක් හාවිතයෙන් හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ රසකැවුල්ලක මධ්‍යනාය ස්කන්දය සෞයන්න.

මෙම වර්ගයේ රසකැවුලි පැකටවුවක රසකැවුලි 120ක් අඩංගු වේ.

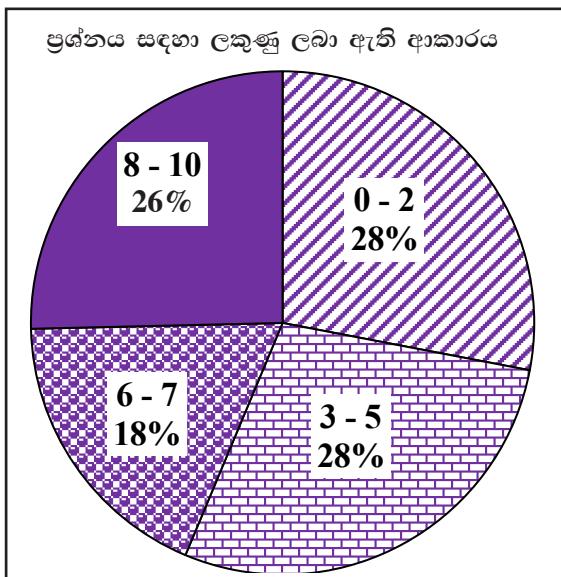
(iii) මෙවැනි එක් පැකටවුවක ඇති රසකැවුල්ලවල ස්කන්දය නිමානය කරන්න.

(iv) මෙම වර්ගයේ රසකැවුලි ගෝම් 100ක නිෂ්පාදන වියදම රුපියල් 50ක් වේ. පැකටවුවක ඇති රසකැවුලි නිෂ්පාදනය සඳහා වැය වන මුදල රුපියල්වලින් නිමානය කරන්න.



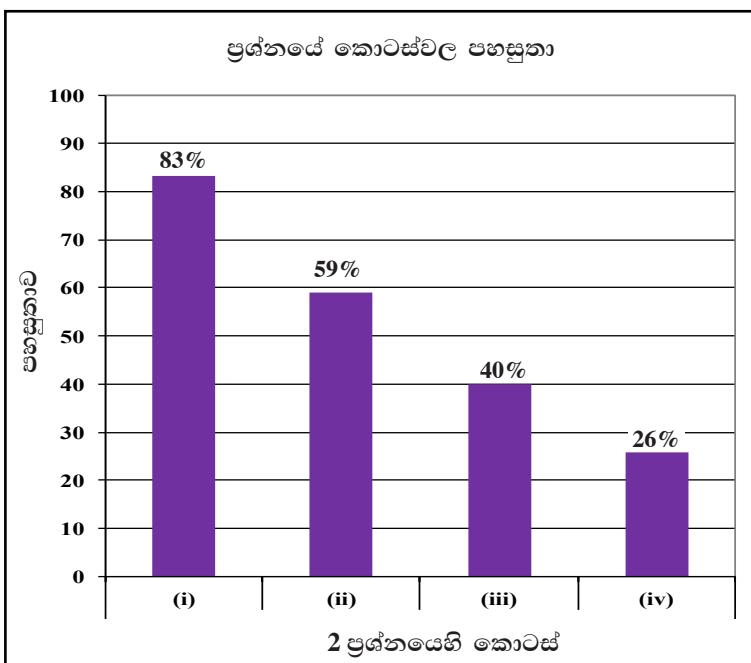
ප්‍රශ්න අංකය		නිවැරදි පිළිතුර					ලක්ණු		වෙනත් කරුණු																																															
2.	(i)	18 – 19					1	(1)																																																
	(ii)	<table border="1"> <thead> <tr> <th>ස්කන්ධය (g)</th> <th>රස කැටිලි ගණන (f)</th> <th>මධ්‍ය අගය (x)</th> <th>අපගමනය (d)</th> <th>(fd)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>17 - 18</td><td>4</td><td>17.5</td><td>-1</td><td>-4</td></tr> <tr> <td>18 - 19</td><td>34</td><td>18.5</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr> <td>19 - 20</td><td>26</td><td>19.5</td><td>1</td><td>26</td></tr> <tr> <td>20 - 21</td><td>20</td><td>20.5</td><td>2</td><td>40</td></tr> <tr> <td>21 - 22</td><td>10</td><td>21.5</td><td>3</td><td>30</td></tr> <tr> <td>22 - 23</td><td>6</td><td>22.5</td><td>4</td><td>24</td></tr> <tr> <td colspan="2">$\sum f = 100$</td><td></td><td></td><td>$\sum fd = 116$</td></tr> </tbody> </table>					ස්කන්ධය (g)	රස කැටිලි ගණන (f)	මධ්‍ය අගය (x)	අපගමනය (d)	(fd)	17 - 18	4	17.5	-1	-4	18 - 19	34	18.5	0	0	19 - 20	26	19.5	1	26	20 - 21	20	20.5	2	40	21 - 22	10	21.5	3	30	22 - 23	6	22.5	4	24	$\sum f = 100$				$\sum fd = 116$		<table border="1"> <thead> <tr> <th>(fx)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>70</td></tr> <tr> <td>629</td></tr> <tr> <td>507</td></tr> <tr> <td>410</td></tr> <tr> <td>215</td></tr> <tr> <td>135</td></tr> </tbody> </table> $\sum fx = 1966$		(fx)	70	629	507	410	215	135
ස්කන්ධය (g)	රස කැටිලි ගණන (f)	මධ්‍ය අගය (x)	අපගමනය (d)	(fd)																																																				
17 - 18	4	17.5	-1	-4																																																				
18 - 19	34	18.5	0	0																																																				
19 - 20	26	19.5	1	26																																																				
20 - 21	20	20.5	2	40																																																				
21 - 22	10	21.5	3	30																																																				
22 - 23	6	22.5	4	24																																																				
$\sum f = 100$				$\sum fd = 116$																																																				
(fx)																																																								
70																																																								
629																																																								
507																																																								
410																																																								
215																																																								
135																																																								
		x හේදා----- fd / fx හේදා----- $\sum fd / \sum fx$ හේදා----- $\text{මධ්‍යනායය} = 18.5 + \frac{116}{100}$ $= 19.66g$					1	1	1	x තීරයේ එක් වැරද්දක් නොසළකන්න. ඒ අනුව fx / fd තීරයේ වැරද්දක් නොසළකන්න. වෙනත් උපකල්පිත මධ්‍යනායක් ඇත්තාම ඒ අනුව ලක්ණු දෙන්න.																																														
		$= 19.66 \times 100$					1	(5)		100 න් බෙඳීම																																														
	(iii)	$= 19.66 \times 120$ $= 2359.2 \text{ g}$					1		1	මධ්‍යනාය ලෙස ලැබූ අගය $\times 120$																																														
	(iv)	$= \frac{2359.2}{100} \times \text{රු. } 50$ $= \text{රු. } 1179.60$					1		1	(iii) හි පිළිතුර භාවිත කිරීම																																														

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යානය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රාග්ධනයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්, 28%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද, 28%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද, 18%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද, 26%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද, ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රාග්ධනයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 56%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 26%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රාග්ධනයේ කොටස් 4ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන අතර එහි පහසුතාව 83%කි. පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන අතර එහි පහසුතාව 26%කි.

සංඛ්‍යානය තේමාව යටතේ සමුහිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් ඇසුරින් නිරූපණ අයෙන් සෙවීම හා නිමානය පිළිබඳ තක්සේරුකරණයට අදාළ මෙම ප්‍රාග්ධනය තොරා ගැනීමේ ප්‍රතිශතය 96% කි. මාතය සෙවීමට දී ඇති (i) අනුකූලයෙහි පහසුතාව 83% කි. මාතය යනු කුමක්දයි යන කරුණ තහවුරු වන සේ ක්‍රියාකාරකම්වල යෙද්වීම සඳහා සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්ති හා සමුහිත සංඛ්‍යාත වගු යොදා ගැනීම වඩා යෝජන වේ. සමුහිත සංඛ්‍යාත වගුවක් ඇසුරින් මධ්‍යනාය සෙවීම සඳහා දී ඇති (ii) කොටසේ පහසුතාව 59% කි.

මධ්‍යනාය යනු කුමක්දයි සිපුන්ට තහවුරු වන ලෙස ඒ ආශ්‍රිත ක්‍රියාකාරකම්වල සිපුන් යොමු කිරීම වඩා එලදායී වේ. ඒ සඳහා සමුහිත සංඛ්‍යාත වගු යොදා ගැනීම සුදුසු වේ. මෙහිදී සරල පුළු කිරීම් අඩංගු අභ්‍යන්තරවලට යොමු කිරීමෙන් නිවැරදි පිළිතුරු සඳහා ලාභ විමේ කුමය හඳුනාගැනීමේ කුසලතාව වර්ධනය කළ හැකිය. පන්ති ප්‍රාන්තරවල මධ්‍ය අයය දැමීම සංඛ්‍යා ලෙස ලැබෙන අභ්‍යන්තරවලදී උපකල්පිත මධ්‍යනාය හා විතයෙන් ගණනය කිරීම වඩා පහසු වන බව සිපුනට අවධාරණය කිරීම සුදුසු ය.

(iii) වන හා (iv) වන අනුකූලයෙහි පහසුතා පිළිවෙළින් 40% හා 26% ලෙස අඩුවී ඇත. සපයාගත හැකි තොරතුරු ඇසුරින් වැඩිදුර තොරතුරු නිමානය කිරීමේ කුසලතාව පුදුණවන පරිදි සුදුසු නිදුසුන් ඉදිරිපත් කිරීම ද ප්‍රාග්ධනයෙන් අභ්‍යන්තර කෙරෙනුයේ කුමක්දයි නිවැරදිව අවබෝධ කර ගැනීමට සැලැස්වීම ද මෙවැනි ප්‍රාග්ධනවලට නිවැරදි පිළිතුරු ලබා ගැනීමට මෙහේපකාරී වේ.

3 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 05 : ප්‍රතිශත යොදා ගනීමින් නුතන ලෝකයේ සාර්ථක ලෙස ගනුදෙනු කරයි.

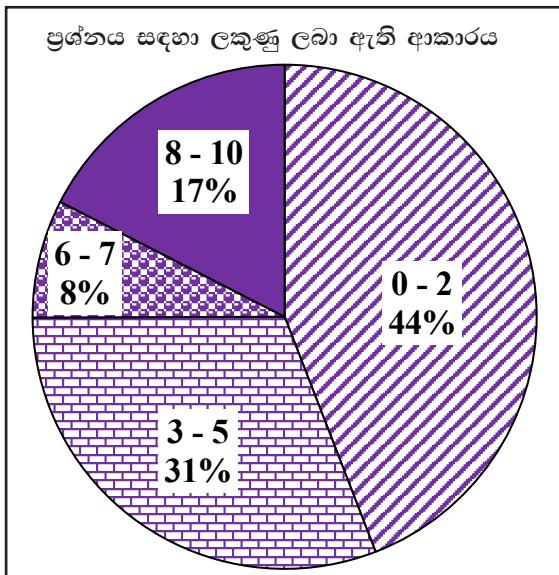
අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

භාණ්ඩයක් අත්පිට මුදලට මිලදී ගන්නා විට මිල ද වාරික වශයෙන් ගෙවීම සඳහා එම භාණ්ඩය මිල දී ගන්නා විට පළමුවන ගෙවීම ද හිතවන ගේ ක්‍රමයට පොලිය ගණනය කරන්නේ යැයි සඳහන් කර එක් වාරිකයක වටිනාකම ද මාසික වාරික ගණන ද දී ඇති විට වාර්ෂික පොලි අනුපාතිකය ගණනය කරයි.

3. අල්මාරියක් අත්පිට මුදලට ගන්නා විට එහි මිල රුපියල් 30 000ක්. එය, මූලින් රුපියල් 6 000ක් ගෙවා ඉතිරි මුදල, පොලිය සමඟ එක් වාරිකයක් රුපියල් 1 100 බැඳීන් වන සමාන මාසික වාරික 24 කින් ගෙවා නිම කළ හැකි පරිදි ද මිල දී ගත හැකි ය. මෙම ගෙවීමේ ක්‍රමය සඳහා පොලිය ගණනය කරනු ලබන්නේ හිත වන ගේ ක්‍රමයට නම්, අය කරනු ලබන වාර්ෂික පොලි අනුපාතිකය ගණනය කරන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	නිවැරදි පිළිබුරු	ලක්ෂණ	වෙනත් කරුණු
3.	$\text{ඉතිරි වූ මුදල} = 30 000 - 6 000 \\ = \text{රු. } 24 000$ $\text{ණය මුදලේ මාසික කොටස} = \frac{24 000}{24} \\ = \text{රු. } 1 000$ $\text{ගෙවිය යුතු මුදල} = \text{රු. } 1 100 \times 24 \\ = \text{රු. } 26 400$ $\text{ගෙවිය යුතු මුළු පොලි} = \text{රු. } 26 400 - \text{රු. } 24 000 \\ = \text{රු. } 2400$ $\text{මාස ඒකක ගණන} = \frac{24}{2} \times (24 + 1) \\ = 12 \times 25 \\ = 300$ $\text{මාස ඒකකයකට පොලි} = \frac{2400}{300} \\ = \text{රු. } 8$ $\text{වාර්ෂික පොලි අනුපාතිකය} = \frac{8}{1000} \times 100\% \times 12 \\ = 9.6\%$	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	 <div style="display: flex; align-items: center;"> (10) <div style="margin-left: 20px;"> 10 10 </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 10px;"> 8 / 1000 × 100% — 1 12න් ගැනකිරීමට — 1 </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 10px;"> එකවර ලියා සුළු කර අන්තනම් නිවැරදි </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 10px;"> තැන්වලට ලක්ෂණ දෙන්න. </div>

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

44%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

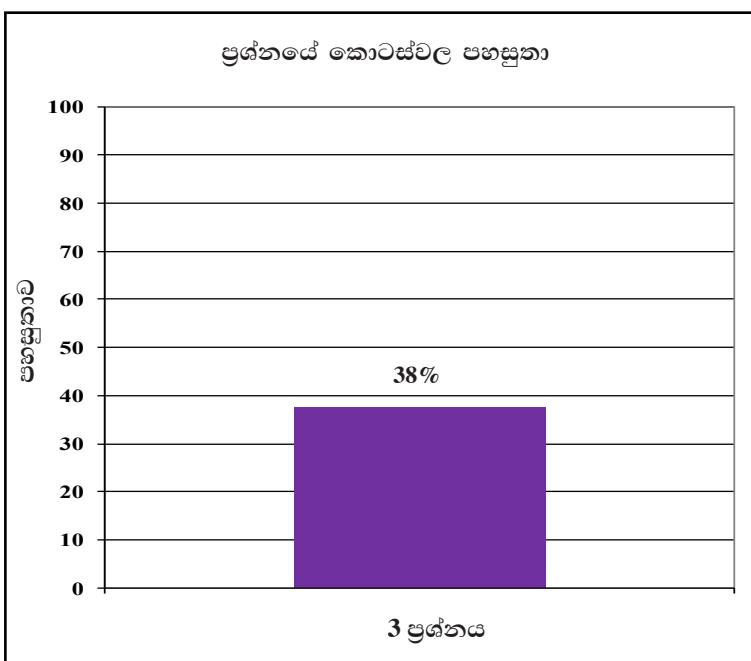
31%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

8%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

17%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 75%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 17%ක් පමණි.



මෙය ව්‍යුහගත තොකරන ලද ප්‍රශ්නයකි. එබැවින් සමස්ත පිළිතුරුට ලැබෙන මූල ලකුණු ප්‍රමාණය ආශ්‍රිත තොරතුරු පමණක් සපයා ගනු ලැබේ ඇත. ප්‍රශ්නයෙහි පහසුතාව 38%කි.

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ හින්වන ගේෂය මත වාර්ෂික පොලී අනුපාතික සෙවීම ආශ්‍රිත, ව්‍යුහගත තොකරන ලද ප්‍රශ්නයකි. මෙම ප්‍රශ්නය තොරා ගැනීමේ ප්‍රතිශතය 80% ක් ව්‍යවත් පහසුතාව 38% කි. මෙවැනි ප්‍රශ්නයක් කොටස්වලට විශ්ලේෂණය කර අපේක්ෂිත පිළිතුරු ලබා ගැනීමේ හැකියාව අපේක්ෂකයන් තුළ වර්ධනය වී තොමැති බව පෙනේ. මෙවැනි ප්‍රශ්නයකට පිළිතුරු සැපයීමේ දී ඉතිරි මුදල, මාසික ණය මුදල, ගේ මුදල සඳහා මසකට පොලීය, මාස ඒකක ගණන, මාස ඒකකයට පොලීය වැනි පියවරවලට අදාළ තොරතුරු පිළිවෙළින් ලබා ගනිමින් අවසන් පිළිතුරු කරා ලැඟ විය යුතු බව තහවුරු කිරීමෙන් දුරවලතාව මග හරවා ගත හැකිය. ව්‍යුහගත කරන ලද ප්‍රශ්න කිහිපයක් පළමුවෙන් ඉදිරිපත් කර, ඒ අනුව පිළිතුරු ගොඩනැගිය යුතු පියවර පිළිබඳව සිසුන් දැනුවත් කිරීමෙන් වඩා හොඳ ප්‍රතිඵල ලබා ගත හැකිය.



4 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 13 : විවිධ ක්‍රම විධි ගවේෂණය කරමින් ප්‍රායෝගික අවස්ථා සඳහා පරිමාණ රුප හාවිත කරයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

කිසියම් ලක්ෂණයකට සාපේශව වෙනත් පිහිටීම් දෙකකට අදාළ දිගා සහ දුර යන තොරතුරු දී ඇති විට,

- (i) එම පිහිටීම් තුන සහ මිනුම් දක්වමින් දළ සටහනක් අදියි.
- (ii) දී ඇති තොරතුරු ඇසුරෙන්, විමසන ලද කේෂයක විශාලත්වය සොයයි.
- (iii) ත්‍රිකේෂණම්තික වග හාවිතයෙන්, විමසන ලද පාදයක දිග සොයයි.
- (iv) වෙනත් පිහිටීමකට අදාළ ව දිගාව සහ දුර දී ඇති විට ත්‍රිකේෂණම්තික වග හාවිතයෙන්, විමසන ලද කේෂයක විශාලත්වය සොයයි.

4. තිරස පොලොවක A, B හා T යන ස්ථානවල පිළිවෙළින් අඩ ගසක්, කොස් ගසක් හා පොල් ගසක් පිහිටා ඇත.

A ට උතුරින් B දී A ට තැගෙනහිරින් T දී පිහිටා ඇත. තවද $AT = 100$ m පහ B සිට T හි දිගෘයය 162° වේ.

(i) A, B හා T හි පිහිටීම්වල දළ සටහනක් ඇද දී ඇති මිනුම් සටහන් කරන්න.

(ii) ATB හි විශාලත්වය සොයන්න.

(iii) ත්‍රිකේෂණම්තික වග හාවිතයෙන් AB දුර මේරවලින් සොයන්න.

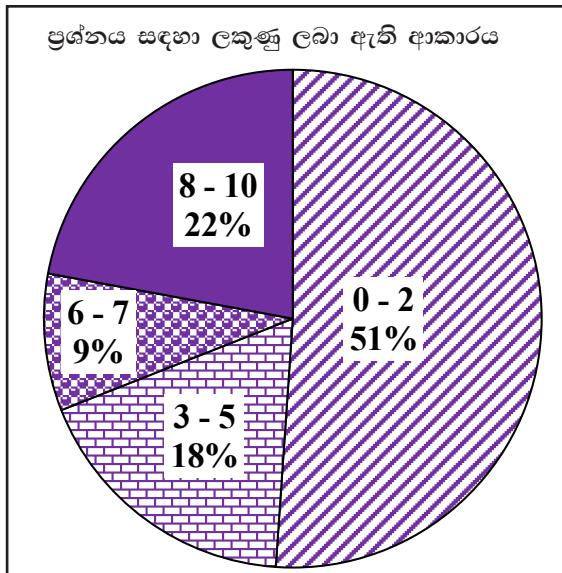
A ට උතුරින්, A හා B අතර, C ස්ථානයේ ලිදුක් පිහිටා ඇත්තේ $TC = 175$ m වන පරිදි ය.

(iv) ත්‍රිකේෂණම්තික වග හාවිතයෙන් ACT හි විශාලත්වය සොයන්න.



ප්‍රශන අංකය		නිවැරදි පිළිතුර	ලකුණු		වෙනත් කරුණු
4.	(i)	<p>$A \circlearrowleft$ සාලේක්ෂව B හා T ලකුණු කිරීම 162° ලකුණු කිරීම 100 m ලකුණු කිරීම</p>	1 1 1	(3)	$\hat{BAT} = 90^\circ$ ලකුණු කිරීම (ii) හි \hat{ATB} සෙවීමේ දී 90° භාවිත කර ඇත්තම් මෙම ලකුණ දෙන්න.
	(ii)	$\hat{ATB} = 162^\circ - 90^\circ = 72^\circ$	1	(1)	රුපයේ ලකුණු කර ඇත්තම් ලකුණ දෙන්න.
	(iii)	$\tan 72^\circ = \frac{AB}{100}$ $3.078 = \frac{AB}{100}$ $AB = 307.8 \text{ m}$	1 1 1	(3)	
	(iv)	$\sin ACT = \frac{100}{175}$ $= 0.5714$ $\hat{ACT} = 34^\circ 51'$	1 1 1	(3)	

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



මිනුම් තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

51%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද,

18%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද,

9%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද,

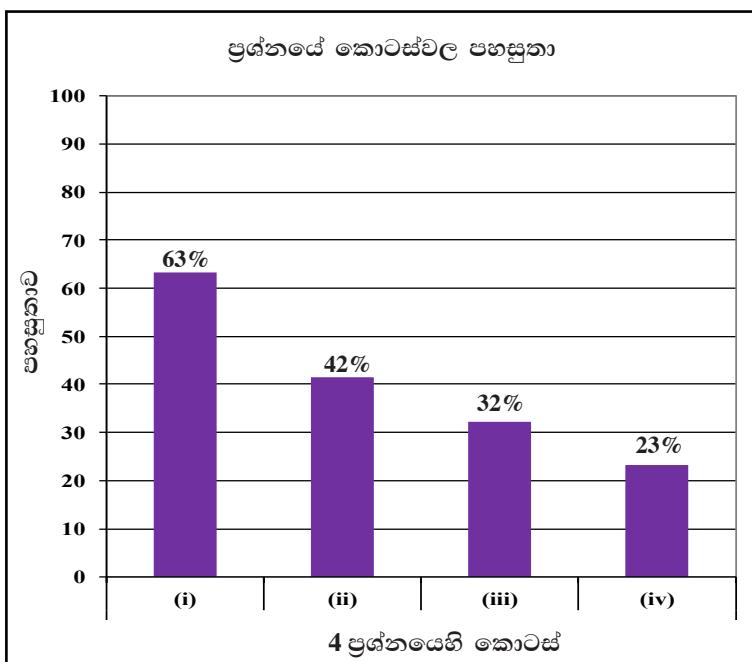
22%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන්

69%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රට අඩුවෙනි.

ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 22%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 4ක් ඇත.

පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන

අතර එහි පහසුතාව 63%කි.

පහසුතාව අඩුම කොටස (iv) වන

අතර එහි පහසුතාව 23%කි.

මිනුම් තේමාවට අයත් ත්‍රිකෝණම්තිය ඒකකයෙන් දෙන ලද මෙම ප්‍රශ්නය තොරා ගැනීමේ ප්‍රතිශතය 67% කි. දී ඇති තොරතුරු ඇතුළත් දළ සටහනක් ඇද මිනුම් ඇතුළත් කිරීමට අදාළ (i) කොටස් පහසුතාව 63% ක් වුවත් (ii), (iii) හා (iv) කොටස්වලට යැමෙනි පහසුතාව ක්‍රමයෙන් අඩුවේ ඇත.

(ii) කොටස් අදාළ තොරා ගැනීමට ජ්‍යාම්තිය පිළිබඳ දැනුම උපයෝගී වන අතර (iii) හා (iv) කොටස් සඳහා ත්‍රිකෝණම්තික අනුපාත නිවැරදිව හාවිත කිරීම අපේක්ෂා කර ඇත. දී ඇති මිනුම් සහ දිගෘය අනුව සැලැස්ම ඇදීම මෙහිදී වැදගත් ය. සාපුරුණුණි ත්‍රිකෝණය හඳුනා ගැනීම සහ ඒ ඇසුරින් ත්‍රිකෝණම්තික අනුපාත ලිවීමට තුරු කරවීම වඩා සුදුසු ය. ත්‍රිකෝණම්තික වගු නිවැරදිව කියවීමට තුරු කරවීම ද වැදගත් වේ. විවිධ ජ්‍යාම්තික රුප සටහන් ඉදිරිපත් කර ඒවායේ පාද සහ කේත් ගණනය සඳහා අවශ්‍ය සම්බන්ධ ලිවීමට තුරු කරවීම මගින් මෙවැනි ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීම පහසුවනු ඇත.



5 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 17 : එදිනෙදා ජීවිතයේ අවශ්‍යතා සාක්ෂාත් කර ගැනීම සඳහා සම්කරණ විසඳීමේ කුම විධි හසුරුවයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම එල :

- (a) වැඩිහිටියන් හා ලමයින් වශයෙන් පුද්ගලයින් කාණ්ඩ දෙකක ප්‍රමාණ සහ මවුන් ටික්ටිපත් මිලදී ගැනීම සඳහා වැය කරන මුදල් ප්‍රමාණ ආග්‍රිත තොරතුරු දී ඇති විට,
- (i) එම තොරතුරු ඇසුරින් සමගාමී සම්කරණ යුගලයක් ගොඩනගයි.
 - (ii) ගොඩනගන ලද සමගාමී සම්කරණ යුගලය විසඳීමෙන්, එක් එක් කාණ්ඩයට අයත් පුද්ගලයින් ගණන වෙන වෙනම සොයයි.
- (b) දෙන ලද අසමානතාවක් විසඳා එහි අඩංගු අදාළතයට ගත හැකි උපරිම නිඩ්ලමය අයය සොයයි.

5. (a) විනු පුදරුගනයක් සඳහා ප්‍රවේශ පත්‍රවල මිල ගණන් පහත දක්වා ඇත.

වැඩිහිටියකුට – රුපියල් 225
ලමයකුට – රුපියල් 150

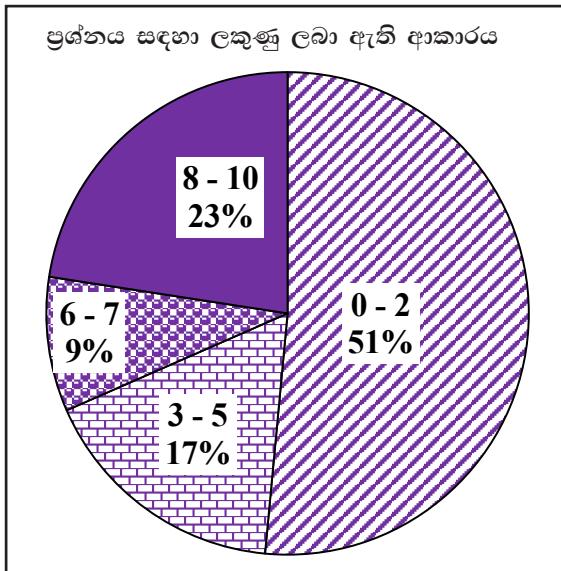
වැඩිහිටියන්ගෙන් සහ ලමයින්ගෙන් සම්ඝ්‍යා කණ්ඩායමක් එක්ව මෙම පුදරුගනය නැරඹීමට තීරණය කර ඇත. මෙම කණ්ඩායමේ සිටින ලමයින් ගණනා, වැඩිහිටියන් ගණනා මෙන් දෙදුනෙයට වඩා පහත් වැඩි ය. මෙම කණ්ඩායම සඳහා ප්‍රවේශ පත්‍රවලට වැය වන මූල රුපියල් 6 525 ක්.

- (i) කණ්ඩායමේ සිටින වැඩිහිටියන් ගණනා x ලෙස හා ලමයින් ගණනා y ලෙස ගොඩ සමගාමී සම්කරණ යුගලයක් ගොඩනගන්න.
 - (ii) සමගාමී සම්කරණ යුගලය විසඳා කණ්ඩායමේ සිටින වැඩිහිටියන් ගණනා හා ලමයින් ගණනා වෙන ම සොයන්න.
- (b) $225 p + 3 750 \leq 5 500$ යන අසමානතාව විසඳා p එ ගත හැකි උපරිම නිඩ්ලමය අයය සොයන්න.



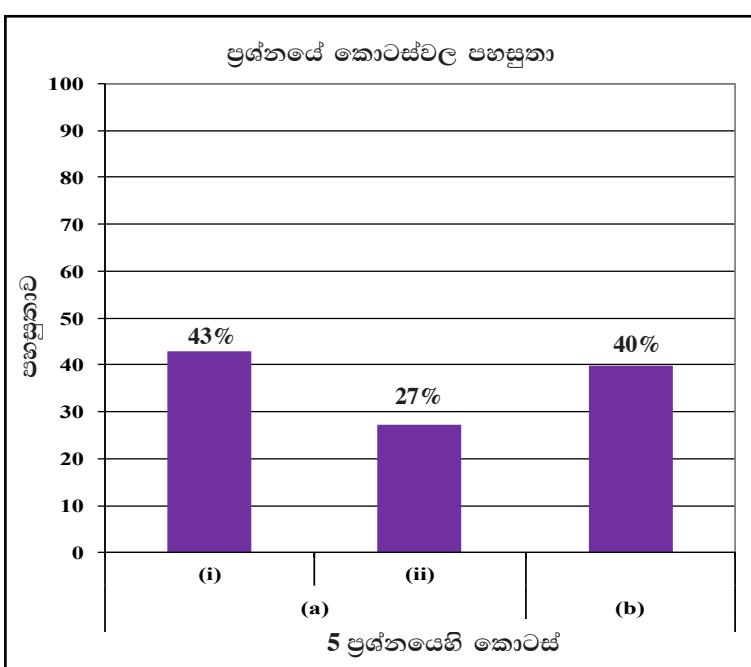
ප්‍රශ්න අංකය			නිවැරදි පිළිතුර		ලකුණු		වෙනත් කරුණු
5.	(a)	(i)	$y = 2x + 5$ $225x + 150y = 6525$	3	(3)		එක් සමීකරණයක් පමණක් නිවැරදි නම — 2
		(ii)	$y - 2x = 5 \quad \textcircled{A}$ $150y + 225x = 6525 \quad \textcircled{B}$ $\textcircled{A} \times 150,$ $150y - 300x = 750 \quad \textcircled{C}$ $\textcircled{B} - \textcircled{C}$ $225x = 5775$ $x = \frac{5775}{225}$ $= 11$ $x = 11, \textcircled{A} \text{ අද්දයෙන්},$ $y = 2 \times 11 + 5$ $= 27$ වැඩිහිටියන් ගණන = 11 ලමයින් ගණන = 27	1 1 1 1 1 1 1	(4)	△7	එක් අදාළයක අගය ලබා ගැනීම
		(b)	$225p + 3750 \leq 5500$ $225p \leq 1750$ $p \leq \frac{1750}{225}$ $p \leq 7\frac{7}{9}$ උපරිම නිඩිලමය අගය = 7	1 1 1 1	(3)	△3 □10	

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



විෂ ගණිතය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්, 51%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රශ්නයේ ද, 17%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රශ්නයේ ද, 9%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රශ්නයේ ද, 23%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රශ්නයේ ද, ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 68%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5 ක් හෝ රට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 23%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ අනු කොටස් 3ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස 5 (a) (i) වන අතර එහි පහසුතාව 43% කි. පහසුතාව අඩුම කොටස 5 (a) (ii) වන අතර එහි පහසුතාව 27% කි.

විෂ ගණිතය තේමාව යටතේ, ද ඇති තොරතුරු ඇසුරින් අදාළ පද උකින් යුතු ප්‍රක්ත සමගාමී සම්කරණ ගොඩනැගිමේ හැකියාව මැන බැලෙන මෙහි (i) කොටස් පහසුතාව 43% කි. ද ඇති සම්බන්ධතා ඇතුළත් ප්‍රකාශ මගින් සරල සම්කරණ හා සමගාමී සම්කරණ නිවැරදිව ගොඩනැගිමට යොමු වීම මේ සඳහා අවශ්‍ය වේ. නිවැරදිව ගොඩනැගු සමගාමී සම්කරණ විසඳීමේ හැකියාව (ii) කොටසින් අපේක්ෂා කෙරෙන අතර එහි පහසුතාව 27% වැනි අඩු අයක පවතී. 100 ට වැඩි අයක් සංග්‍රහකය වශයෙන් ඇති එක් සම්කරණයක් තිබීම මෙයට හේතු විය හැකිය. ගොඩනැගු සමගාමී සම්කරණ යුගලයක එක් අදාළතයක සංග්‍රහක සමාන කිරීමේ හැකියාවත් එමගින් සමගාමී සම්කරණ විසඳීමේ හැකියාවත් සරල සම්කරණ විසඳීමේ හැකියාවත් වැඩිදියුණු වන ලෙස ක්‍රියාකාරකම්වල යෙද්වීමෙන් දුරවලතා මග හරවා ගැනීමට හැකි වනු ඇත. සම්කරණ විසඳීමෙන් ලැබෙන අය ආදේශයෙන් පිළිතුරෙහි නිවැරදි බව පරීක්ෂා කර ගත හැකි බව ද අපේක්ෂකයන්ගේ අවධානයට යොමු කරවීම අවශ්‍ය ය.

(b) කොටසෙහි දෙන ලද අසමානතාව විසඳීම හා අසමානතාව තෘප්ත කරන විසඳුම් සෞයා ගැනීම බලාපොරොත්තු වන අතර එහි පහසුතාව 40% කි. ප්‍රත්‍යක්ෂ ඇසුරින් අසමානතා නිවැරදිව විසඳීමෙන් ලැබෙන පිළිතුරු ඇසුරෙන් ප්‍රශ්නයේ විමසා ඇති උපරිම අයක් නිර්ණය කිරීම අපේක්ෂකයන්ට අපහසු වී ඇත. මේ සඳහා අසමානතා ලකුණ හාවතය පිළිබඳ අවබෝධය තහවුරු වන පරිදි සරල මට්ටමේ අසමානතා විසඳීම සඳහා සිපුන් යොමු කිරීම සූදුසු ය.

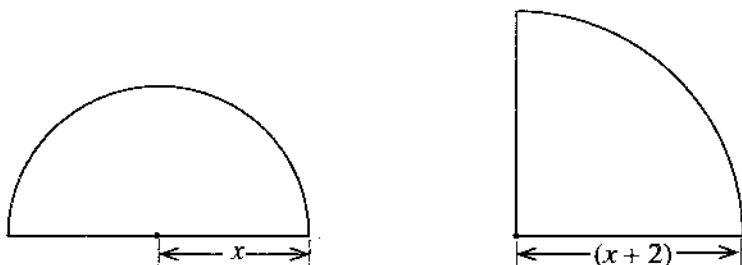
6 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 17 : එදිනෙදා ජීවිතයේ අවශ්‍යතා සාක්ෂාත් කර ගැනීම සඳහා සම්කරණ විසඳීමේ කුම විධි හසුරුවයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම එල :

විෂේෂ පදයක් සහ විෂේෂ ප්‍රකාශනයක් ලෙස අරය දී ඇති කේන්ද්‍රික බණ්ඩ දෙකක වර්ගලු සමාන බව දී ඇති විට ඒ ඇසුරෙන් වර්ගජ සම්කරණයක් ගොඩනගා එය විසඳීමෙන් විෂේෂ පදය අගය පළමුවන දැයුමස්ථානයට සෞයයි.

6. පහත දැක්වෙන තල රුප දෙක පිළිවෙළින් අරය ඒකක x ප්‍රි වෘත්තයකින් අර්ථයක් හා අරය ඒකක $(x + 2)$ ප්‍රි වෘත්තයකින් හතරෙන් පාඨවත් වේ.



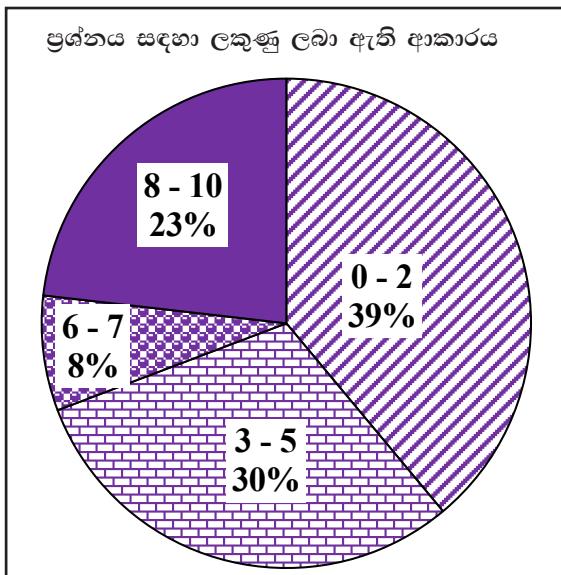
තල රුප දෙකෙහි වර්ගලු සමාන නම්, x ඇසුරෙන් වර්ගජ සම්කරණයක් ගොඩනගා එය විසඳීමෙන් x හි අගය පළමු දැයුමස්ථානයට නිවැරදි ව සෞයන්න. $\sqrt{2}$ හි අගය සඳහා 1.41 යොදා ගන්න.

(අරය r වන වෘත්තයක වර්ගලය πr^2 වේ.)

ප්‍රශ්න පිළිබඳ ආකෘති	නිවැරදි පිළිබඳ ආකෘති	ලක්ෂණ	වෙනත් කරුණු
<p>6.</p> <p>අර්ථ වෙනත් තේවෙන් වර්ගාලය = $\frac{\pi x^2}{2}$</p> <p>වෙනත් බණ්ඩෙන් වර්ගාලය = $\frac{1}{4}\pi(x+2)^2$</p> <p>$\pi \frac{x^2}{2} = \frac{1}{4}\pi(x+2)^2$</p> <p>$2x^2 = x^2 + 4x + 4$</p> <p>$x^2 - 4x - 4 = 0$</p> <p>$(x-2)^2 = 8$</p> <p>$x-2 = \pm\sqrt{8}$</p> <p>$x = 2 \pm 2\sqrt{2}$</p> <p>$x = 2 \pm 2\sqrt{2} \quad (x > 0 \text{ නිසා})$</p> <p>= $2 + 2(1.41)$</p> <p>= 4.82</p> <p>= 4.8</p>	<p>1</p> <p>2</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>	<p>(10)</p>	<p>$(x+2)^2$ ප්‍රසාරණයට</p> <p>$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$</p> <p>$= \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - (4 \times 1 \times -4)}}{2} — 1$</p> <p>$= \frac{4 \pm \sqrt{32}}{2}$</p> <p>$= \frac{4 \pm 4\sqrt{2}}{2} — 1$</p> <p>$= 2 \pm 2\sqrt{2}$</p> <p>$x = 2 \pm 2\sqrt{2} — 1$</p> <p>= 4.82</p> <p>= 4.8 — 1</p>

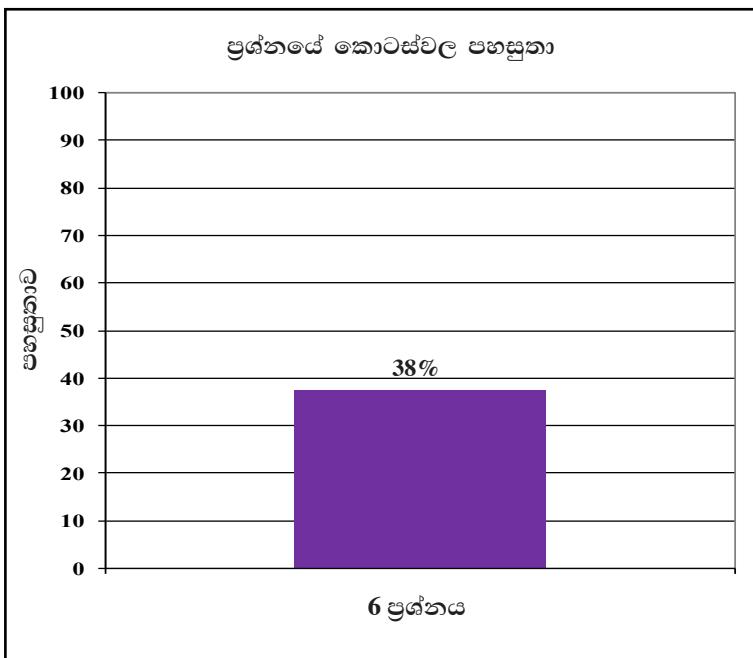


පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



විෂ ගණිතය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්, 39%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද, 30%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද, 8%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද, 23%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද, ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 69%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 23%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නය ද ව්‍යුහගත නොකරන ලද ප්‍රශ්නයක් වන අතර එහි සමස්ත පහසුතාව 38%කි.

විෂ ගණිතය තේමාවට අයත් වර්ගේ සම්කරණ ගොඩනැගීම හා විසඳීම යටතේ ඉදිරිපත් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 38% කි. අදාළ වර්ගේ සම්කරණය තිබුරදීව ගොඩනගා ගැනීමට අපොහොසත් වීම, වර්ග පූරණය හෝ සූත්‍රය හාවිතය නිවැරදි නොවීම හා වැට්ටීමේ දෝෂ, ප්‍රශ්නයෙහි පහසුතාව අඩුවීමට හේතුවන්නට ඇත.

සංචාත තල රුපවල වර්ගේ සම්කරණ ගොඩනැගීම, වර්ගපූරණය හෝ සූත්‍රය හාවිතයෙන් වර්ගේ සම්කරණ විසඳීම අපේක්ෂිත ප්‍රශ්නයකි. මෙම ප්‍රශ්නය ද ව්‍යුහගත කර නැතු. තල රුපවල වර්ගේ සමාන කිරීමෙන් වර්ගේ සම්කරණ ගොඩනගා ගන්නා ආකාරය දැක්වෙන අවස්ථා පන්ති කාමරයේදී සාකච්ඡා කර තිබීම අවශ්‍ය වේ. වර්ග පූරණය මගින් සහ සූත්‍ර හාවිතයෙන් වර්ගේ සම්කරණ විසඳීමේ අභ්‍යන්තරය සඳහා ද සිසුන් දොමු කළ යුතුය.

7 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 02 : සංඛ්‍යා රටාවල විවිධ සම්බන්ධතා විමර්ශනය කරමින් ඉදිරි අවගතා සඳහා තීරණ ගනියි.
අප්‍රක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

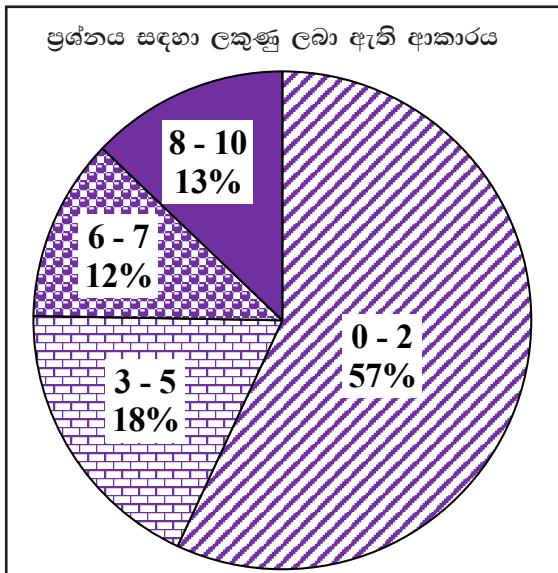
- (a) සමාන්තර ග්‍රේඩියක පළමුවන පදය ද පොදු අන්තරය ද අවසාන පදය ද ද ඇති විට, එම සමාන්තර ග්‍රේඩියෙහි
(i) පද සංඛ්‍යාව සොයයි.
(ii) පදවල එකතුව සොයයි.
- (b) ගුණෝත්තර ග්‍රේඩියක පළමුවන පදය හා පද දෙකක එකතුව ද ඇති විට, එම ග්‍රේඩියෙහි
(i) පොදු අනුපාතය සොයයි.
(ii) නම් කරන ලද පදයක අගය සොයයි.

7. (a) සමාන ගබාල් කැට හා ගෙනයෙන් තීරස් බිමක් මත පිරස් බිත්තියක් යහත දැක්වන පරිදි ගොඩනගනු ලැබේ.
• බිත්තියේ පළමු ජේලිය ගබාල් කැට 106කින් සමන්විත වේ.
• පළමු ජේලියට ඉහළින් පිහිටි සෑම ජේලියක ම ඇති ගබාල් කැට ගණන එව ආසන්නයෙන් ම පහළින් පිහිටි ජේලියේ ඇති ගබාල් කැට ගණනට විවා තුනකින් අවශ්‍ය ය.
• අවසාන ජේලියේ ඇත්තේ එක ගබාල් කැටයක් පමණි.
(i) මෙම බිත්තියේ පිහිටි ගබාල් කැට ජේලි ගණන සොයන්න.
(ii) මෙම බිත්තිය පත්‍රක් කිරීමට යොදා ගෙන ඇති මූල්‍ය ගබාල් කැට ගණන සොයන්න.
(b) ගුණෝත්තර ග්‍රේඩියක පළමු පදය 2 වේ. එම ග්‍රේඩියේ පොදු අනුපාතය ධින වන අතර, දෙවන සහ තුනවන පදවල එකතාය 24 වේ.
(i) මෙම ග්‍රේඩියේ පොදු අනුපාතය සොයන්න.
(ii) මෙම ග්‍රේඩියේ භාවිත පදය 1458 බව පෙන්වන්න.



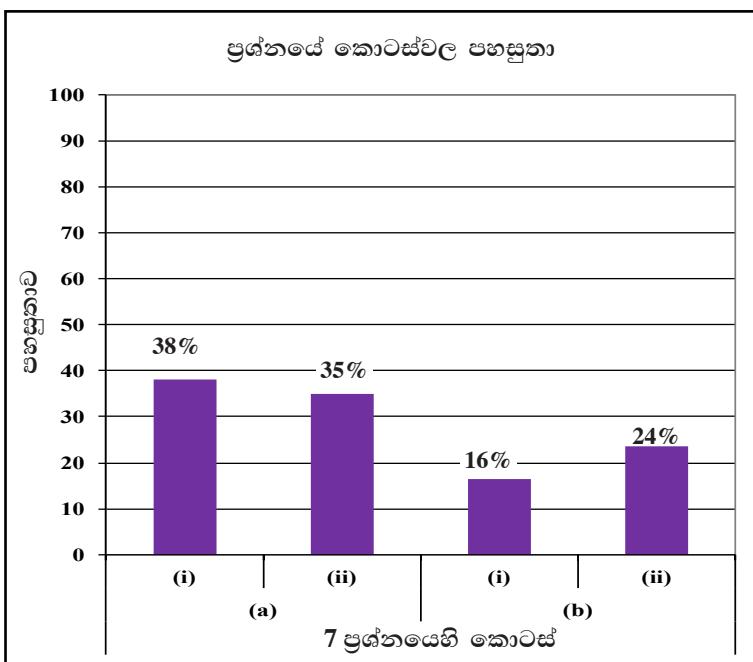
ප්‍රශ්න අංකය			නිවැරදි පිළිතුර		ලක්ෂණ		වෙනත් කරුණු
7.	(a)	(i)	$a = 106, d = -3, l = 1$ $l = a + (n - 1)d$ $1 = 106 + (n - 1)(-3)$ $= 106 - 3n + 3$ $n = 36$ $\therefore \text{පේෂී ගණන} = 36$	1 1 1 1 1	(4)		a සහ d හඳුනා ගැනීම
		(ii)	$S_n = \frac{n}{2}(a + l)$ $S_{36} = \frac{36}{2}(106 + 1)$ $= 1926$ මුළු ගබාල් කැට ගණන = 1926	1 1 1	(2)	(6)	නිවැරදි සූත්‍රයට හෝ ආදේශයට
(b)	(i)		$ar + ar^2 = 24$ $a = 2$ ආදේශයෙන් $2r + 2r^2 = 24$ $r + r^2 - 12 = 0$ $(r + 4)(r - 3) = 0$ $r = -4$ හෝ 3 $r = 3, r > 0$ බැවින්	1 1 1 1	(3)		
		(ii)	$T_7 = ar^6$ $= 2(3^6)$ $= 1458$	1	(1)	(4) 10	

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්, 57%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද, 18%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද, 12%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද, 13%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද, ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 75%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 13%ක් පමණි. අයදුම්කරුවන්ගෙන් අඩකටත් වඩා වැඩි ප්‍රතිගතයකට ප්‍රශ්නයට හිමි ලකුණු 10න් ලකුණු දෙකකට වඩා ලබා ගත නොහැකිවීම කැපී පෙනෙන ලක්ෂණයකි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස 4ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (a)(i) වන අතර එහි පහසුතාව 38%කි. පහසුතාව පහළ මට්ටමක පවතින බැවින් සමාන්තර ග්‍රේඩ් ප්‍රායෝගිකව යොදා ගැනෙන අවස්ථා සහිත නිදසුන් වැඩිපුර සාකච්ඡා කරවීමෙන් අවශ්‍ය සාධන මට්ටමට ලාභ කර විය යුතුය. (ii) කොටසහි පහසුතාව 35% කි. එකා ය සම්බන්ධ නිවැරදි සූත්‍ර යොදා ගැනීම, නිවැරදි ආදේශය හා නිවැරදි සූල් කිරීම් පුදුණ වන ලෙස වැඩිපුර අභ්‍යාසවල නිරත කරවීමෙන් මෙම දුරටත්තාව මග හරවා ගත හැකිය.

සංඛ්‍යා තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති ව්‍යුහගත රෘත්‍යාමය ප්‍රශ්නයකි.

(a) සමාන්තර ග්‍රේඩ් පිළිබඳ දැනුම ප්‍රායෝගිකව යොදාගත් ප්‍රශ්නයකි. (i) කොටසහි පහසුතාව 38% කි. පහසුතාව පහළ මට්ටමක පවතින බැවින් සමාන්තර ග්‍රේඩ් ප්‍රායෝගිකව යොදා ගැනෙන අවස්ථා සහිත නිදසුන් වැඩිපුර සාකච්ඡා කරවීමෙන් අවශ්‍ය සාධන මට්ටමට ලාභ කර විය යුතුය. (ii) කොටසහි පහසුතාව 35% කි. එකා ය සම්බන්ධ නිවැරදි සූත්‍ර යොදා ගැනීම, නිවැරදි ආදේශය හා නිවැරදි සූල් කිරීම් පුදුණ වන ලෙස වැඩිපුර අභ්‍යාසවල නිරත කරවීමෙන් මෙම දුරටත්තාව මග හරවා ගත හැකිය.

(b) ගුණෝත්තර ග්‍රේඩ් පිළිබඳ දැනුම පරික්ෂා කිරීම අරමුණු කරගත් ප්‍රශ්නයකි. (i) කොටස මගින් ගුණෝත්තර ග්‍රේඩියක පද අතර සම්බන්ධතාව ඇසුරින් පොදු අනුපාතය සෞයන මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 16% කි. දෙන ලද තොරතුරු ආග්‍රිතව සම්කරණ ගොඩනැගිලිම් හැකියාව හා වර්ගඥ සම්කරණ විසඳීම් හැකියාව වර්ධනය වන පරිදි සරල අභ්‍යාසවල යෙදුවීමෙන් අවශ්‍ය ප්‍රායෝගිකව ලාභ කර විය හැකිය.

(ii) කොටසේ ගුණෝත්තර ග්‍රේඩියක 7 වන පදයට රැඳා ඇතුළ හැකියාව පිළිබඳ ව මැන බැලෙන මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 24% කි. (i) කොටසහි පිළිතුරු මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයීමේදී සෑපුවම බලපායි. සූත්‍රයකට නිවැරදි ව ආදේශ කිරීම හා සූල් කිරීම පුදුණ වන පරිදි අභ්‍යාසවල නිරත කරවීමෙන් මෙවැනි ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේ දුෂ්කරතාව මග හැරවීය හැකිය.

8 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

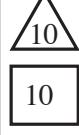
නිපුණතාව 27 : ජ්‍යාමිතික නියම අනුව අවට පරිසරයේ පිහිටීමෙහි ස්වභාවය විශ්ලේෂණය කරයි.

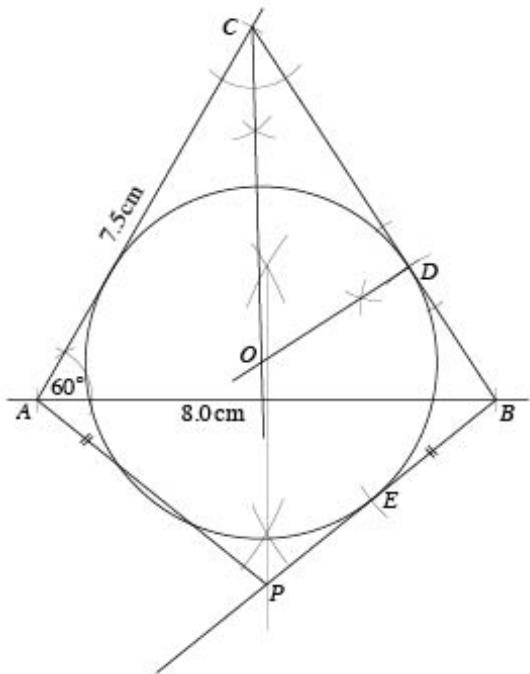
අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

- කවකවුවක් සහ cm/mm පරිමාණයක් සහිත සරල දාරයක් පමණක් හාවිත කරමින්,
- (i) පාද දෙකක දිග හා අන්තර්ගත කෝණය දී ඇති විට ත්‍රිකෝණයක් නිර්මාණය කරයි.
 - (ii) නම් කරන ලද කෝණයක් සමවිශේද කරයි.
 - (iii) දෙන ලද පාදයක් මත දී ඇති ලක්ෂණයක් ලකුණු කර එම ලක්ෂණයේදී දෙන ලද පාදය ස්පර්ශ කරන සේ, ඉහත (ii) හිදී ඇදි කෝණ සමවිශේදකය මත පිහිටි ලක්ෂණයක් කේත්දය වන වෘත්තයක් නිර්මාණය කරයි.
 - (iv) දෙන ලද ලක්ෂණයක සිට වෘත්තයකට ඇදි ස්පර්ශකයකට සමාන වන වෙනත් ස්පර්ශකයක් නිර්මාණය කරයි.
 - (v) දෙන ලද රේඛාවක් පදනම් කර ගනිමින්, දෙන ලද කෝණ දෙකක් සමාන වන සමද්විපාද ත්‍රිකෝණය නිර්මාණය කරයි.

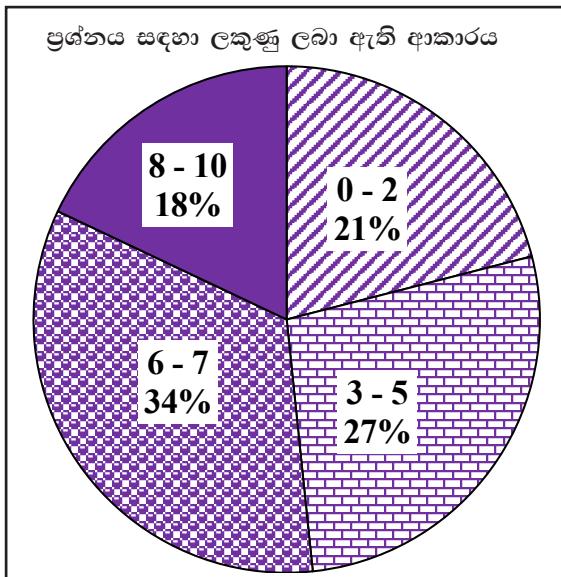
8. පහත දැක්වෙන නිර්මාණ සඳහා cm/mm පරිමාණයක් සහිත සරල දාරයක් හා කවකවුවක් පමණක් හාවිත කරන්න. නිර්මාණ රේඛා පැහැදිලි ව දක්වන්න.

- (i) $AB = 8.0 \text{ cm}$, $AC = 7.5 \text{ cm}$ හා $\hat{BAC} = 60^\circ$ වන පරිදි වූ ABC ත්‍රිකෝණය නිර්මාණය කරන්න.
- (ii) $A\hat{C}B$ හි කෝණ සමවිශේදකය නිර්මාණය කරන්න.
- (iii) $CD = 5 \text{ cm}$ වන පරිදි BC පාදය මත D ලක්ෂණය ලකුණු කර D ලක්ෂණයේ දී BC පාදය ස්පර්ශ කරන හා $A\hat{C}B$ හි කෝණ සමවිශේදකය මත O කේත්දය පිහිටින වෘත්තය නිර්මාණය කරන්න.
- (iv) ඉහත නිර්මාණය කරන ලද වෘත්තයට B සිට තවත් ස්පර්ශකයක් නිර්මාණය කර, එය වෘත්තය ස්පර්ශ කරන ලක්ෂණය E ලෙස නම් කරන්න.
- (v) P ලක්ෂණය, දික් කළ BE මත පිහිටි පරිදි හා $B\hat{A}P = A\hat{B}E$ වන පරිදි වූ ABP සමද්විපාද ත්‍රිකෝණය නිර්මාණය කරන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		නිවැරදි පිළිතුර	ලකුණු		වෙනත් කරුණු
8.	(i)	$AB = 8.0 \text{ cm}$	1		
		$\hat{BAC} = 60^\circ$	1		
		$AC = 7.5 \text{ cm}$	1	(3)	
	(ii)	$A\hat{C}B$ හි කෝණ සමවිශේදකය නිර්මාණයට	2	(2)	
		D ලකුණු කිරීමට	1		
		D හි දී ලමිබය ඇදිමට	1		
	(iii)	O ලකුණු කර වෘත්තය නිර්මාණයට	1	(3)	
		BE ස්පර්ශකය නිර්මාණයට	1	(1)	
		P නිවැරදිව ලබාගෙන ABP Δ නිර්මාණයට	1	(1)	
	(iv)				
	(v)				

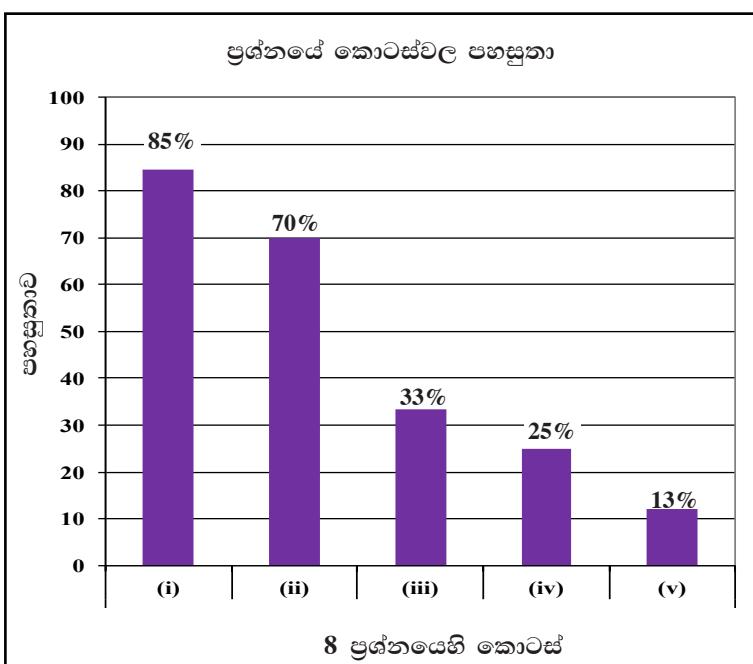


පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගේ,
21%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාථමිකරයේ ද,
27%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාථමිකරයේ ද,
34%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාථමිකරයේ ද,
18%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාථමිකරයේ ද,
ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගේ 48%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ රේට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ රේට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 18%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නයේ කොටස් 5ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන අතර එහි පහසුතාව 85%කි. පහසුතාව අඩුම කොටස (v) වන අතර එහි පහසුතාව 13%කි.

ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීම අතින් තුන්වැනි ස්ථානය හිමිකරගෙන ඇති ජ්‍යාමිතිය තේමාවට අයත් ජ්‍යාමිතික තිර්මාණවලට අදාළ මෙම ප්‍රශ්නය තෝරා ගැනීමේ ප්‍රතිශතය 90% කි. පාද දෙකක දිග හා එමගින් අන්තර්ගත කොළඹයේ විශාලත්වය දී ඇති විට ත්‍රිකෝණය නිර්මාණයට අදාළ (i) කොටස් පහසුතාව 85% කි. (ii) කොටස් කොළඹ සමවිශේෂකය නිර්මාණය කිරීමේ සිට (iii), (iv), (v) කොටස්වල ඇතුළත් වෙනත් නිර්මාණය, වෙනත් ස්ථාන කරන ලක්ෂා නම් කිරීම හා සමද්වීපාද ත්‍රිකෝණය නිර්මාණය කරා යාමේදී පහසුතාව 13% දක්වා කුමයෙන් අඩුවේ ඇත.

මූල් කොටස මත පදනම්ව ඉදිරි පියවර සකස් වී ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ එක් එක් අනුකොටස් කරා යාමට පෙර රේට අදාළ දළ රුපයක් ඇදිමෙන් නිර්මාණය පහසු කර ගත හැකි බව පිළිබඳව අපේක්ෂකයන් දැනුවත් කළ යුතුය. තවදුරටත් මෙවැනි නිර්මාණවල අපේක්ෂකයන් යෙදවීමෙන් ද ජ්‍යාමිතික ප්‍රමේයයන් පිළිබඳ දැනුම නිර්මාණ සඳහා මෙයාදා ගත යුතු බව තහවුරු කිරීම මගින් ද මෙවැනි ප්‍රශ්නවලට පහසුවෙන් පිළිතුරු ලබා දීමට අපේක්ෂකයන් හැඳු ගැස්වය හැකිය.

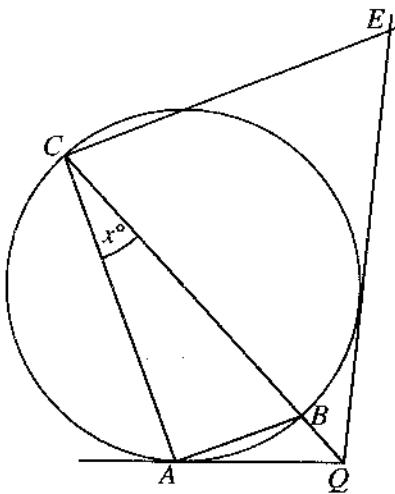
9 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 24 : වෘත්ත ආස්‍රීත ජ්‍යාමිතික සංකල්ප පදනම් කරගනීම්න්, නිගමනවලට එළඹීම සඳහා තරකානුකූල වින්තනය මෙහෙයවයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

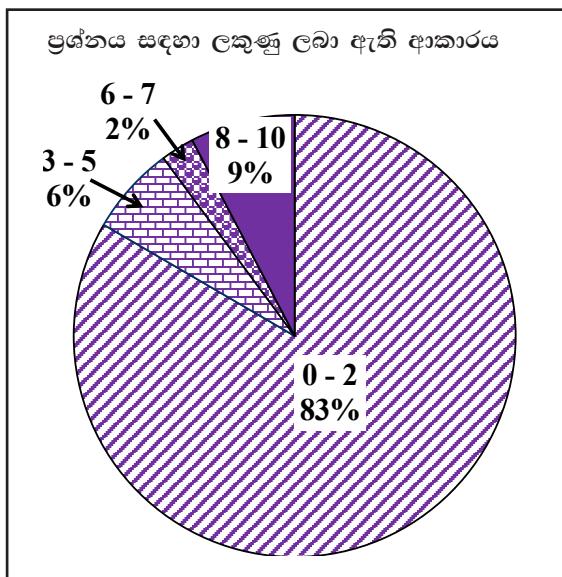
අර්ධ වෘත්තයක කෝණය, ඒකාන්තර වෘත්ත බේඛියක කෝණය, ත්‍රිකෝණයක අභ්‍යන්තර කෝණවල එළකුය, බාහිර ලක්ෂණයක සිට වෘත්තයකට අදින ලද ස්පර්ශක දෙක අතර කෝණය ආස්‍රීත සංකල්ප පදනම් කර ගනීම්න්, දී ඇති ජ්‍යාමිතික රුපයක එක් කෝණයක අගය අදාළයක් මගින් දක්වා ඇති විට, නම් කරන ලද කෝණයක අගය සොයා දක්වයි.

9. A, B හා C යනු රුපයේ දී ඇති වෘත්තය මත පිහිටි ලක්ෂණ 3කි. CB යනු දී ඇති වෘත්තයේ විෂ්කම්භයකි. දික් කළ CB රේඛාව හා A ලක්ෂණයේ දී වෘත්තයට ඇදි ස්පර්ශකය Q හි දී හමු වේ. තවද Q සිට වෘත්තයට ඇදි අනෙක් ස්පර්ශකය මත E ලක්ෂණය පිහිටා ඇත්තේ $CAQE$ වෘත්ත විකුරුපුයක් වන පරිදි ය. $A\hat{C}B = x^\circ$ නම් $B\hat{C}E = 3x^\circ$ බව පෙන්වන්න.



ප්‍රශන අංකය	නිවැරදි පිළිතුර	ලක්ෂණ	වෙනත් කරුණු
9.	<p> $\hat{CAB} = 90^\circ$ (අර්ථ වෘත්තයේ කෝණය) $\hat{BAQ} = x^\circ$ (ඒකාන්තර වෘත්ත බණ්ඩයේ කෝණය) $\therefore \hat{CAQ} = 90^\circ + x^\circ$ $\hat{AQC} = 90^\circ - 2x^\circ$ (තිකෝණයේ අභ්‍යන්තර කෝණවල එක්‍රියාව 180°) $\hat{AQE} = \hat{CQE} = 90^\circ - 2x^\circ$ $\hat{AQC} = \hat{CQE} = 90^\circ - 2x^\circ$ $\hat{AQC} = 180^\circ - (90 + x^\circ)$ (වෘත්ත වතුරසුයක සම්මුඛ කෝණ පරීපුරුක වේ.) $= 90^\circ - x^\circ$ $\hat{BCE} = 180^\circ - [90^\circ - 2x^\circ + 90^\circ - x^\circ] \rightarrow 1$ (තිකෝණයේ අභ්‍යන්තර කෝණවල එකතුව) $= 3x^\circ$ </p>	<p>1 + 1 1 + 1 1 1 + 1 1 1 + 1</p> <p>(10)</p>	<p> $\hat{CAB} = 90^\circ$ (අර්ථ වෘත්තයේ කෝණය) 1 + 1 $\hat{BAQ} = x^\circ$ (ඒකාන්තර වෘත්ත බණ්ඩයේ කෝණය) 1 + 1 $\therefore \hat{CAQ} = 90^\circ + x^\circ$ $\hat{AQC} = 90^\circ - 2x^\circ$ (තිකෝණයේ අභ්‍යන්තර කෝණවල එක්‍රියාව 180°) 1 $\hat{AQC} = \hat{CQE}$ (ස්පර්ශක දෙක අතර කෝණය ස්පර්ශක දෙක ජේදනය වන ලක්ෂණය කෝන්දුයට යා කරන රේඛාවෙන් සම්වේදනය වේ. → 1 + 1 $\hat{AQC} = \hat{CQE} = 90^\circ - 2x^\circ$ $\hat{CEQ} = 180^\circ - (90 + x^\circ)$ (වෘත්ත වතුරසුයක සම්මුඛ කෝණ පරීපුරුක වේ.) 1 + 1 $= 90^\circ - x^\circ$ $\hat{BCE} = 180^\circ - [90^\circ - 2x^\circ + 90^\circ - x^\circ] \rightarrow 1$ (තිකෝණයේ අභ්‍යන්තර කෝණවල එකතුව) $= 3x^\circ$ </p>

පිළිබඳ සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



ඡ්‍රාම්තිය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

83%ක් පමණ 0 - 2 පාන්තරයේ ද,

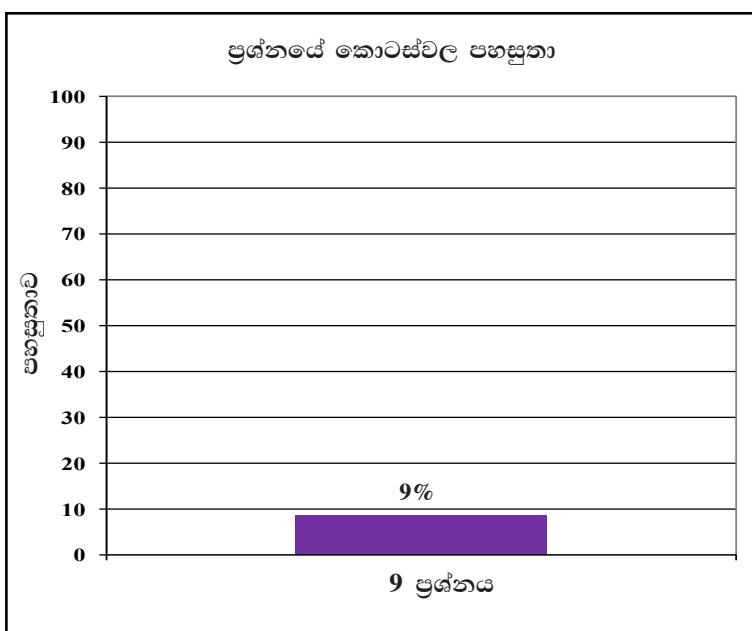
6%ක් පමණ 3 - 5 පාන්තරයේ ද,

2%ක් පමණ 6 - 7 පාන්තරයේ ද,

9%ක් පමණ 8 - 10 පාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිබඳ සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 89%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ඒ අතරින් 83%ක්ම ලබා ඇත්තේ ලකුණු 2ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 9%ක් පමණි.



මෙම ප්‍රශ්නය ද ව්‍යුහගත නොකරන ලද්දකි. එහි පහසුතාව 9%කි. අඩුම තෝරා ගැනීම ද අඩුම පහසුතාව ද හිමිව ඇත්තේ මෙම ප්‍රශ්නයයි.

ඡ්‍රාම්තිය තේමාව යටතේ වෘත්තයක කේෂ හා ස්පර්ශක ආශ්‍රිත ප්‍රමේය ඇසුරින්, දී ඇති වතුරුපිය වෙත්ත වතුරුපියක් බව ඡ්‍රාම්තිකව සාධනය කිරීමේ හැකියාව මැන බැලු මෙම ප්‍රශ්නය තෝරාගෙන ඇත්තේ අපේක්ෂකයන්ගෙන් 24%කි. ඔවුන් ලකුණු ලබා ඇත්තේ ද ඉතා අඩුවෙන් බව ඉහත තොරතුරුවලින් පෙනේ. ප්‍රශ්නයෙහි පහසුතාව 9% වැනි ඉතා අඩු අයකට සීමා වී ඇත.

ඡ්‍රාම්තිය පිළිබඳ දැනුම තහවුරු නොවීම මෙහි පහසුතාව අඩුවීම කෙරෙහි සැපුවම බලපා ඇත. බාහිර ලක්ෂණයක සිට වෘත්තයකට ස්පර්ශක 2ක් නිර්මාණය කර, එම වෘත්තය තුළම අර්ථ වෘත්තයක කේෂ සාපුකෝෂණ වේ යන ප්‍රමේයය ද තහවුරු වන පරිදි ගණනය කිරීම ආශ්‍රිත අභ්‍යාස තුළින් ඉහත දුර්වලතා මග හරවා ගත හැකිය. “වෘත්ත වතුරුපියක සම්බුද කේෂ පරිපූරක වේ” යන ප්‍රමේයය ඇතුළත් සියලු ප්‍රමේයයන් ක්‍රියාකාරකම් ඇසුරින් සන්නාපනය කිරීම තුළින් ප්‍රමේය පිළිබඳව සිසුන් තුළ ඇති වැරදි අවබෝධය අවම කර ඡ්‍රාම්තිය කෙරෙහි වැඩි උනන්දුවක් ඇති පිරිසක් බවට ඔවුන් පත් කළ හැකි වේ.



10 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

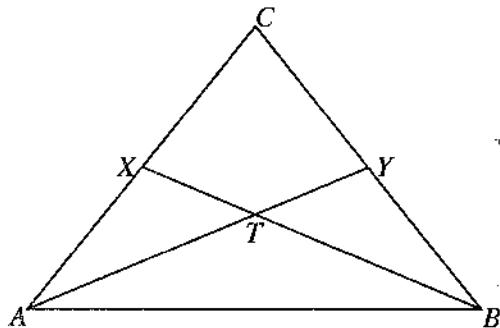
නිපුණතාව 23 : සරල රේඛිය තල රුප ආග්‍රිත ජ්‍යාමිතික සංකල්ප පදනම් කර ගනීමෙන් එදිනෙදා ජ්‍යාමිතියේ කටයුතු සඳහා අවශ්‍ය නිගමනවලට එළුමේයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයක සමාන පාද දෙකෙහි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍ය සම්මුඛ ගිරුප්‍රවලට යා කර ඒවායේ ජ්‍යාමිතියේ ජ්‍යාමිතියේ ප්‍රශ්න ලක්ෂ්‍ය ලක්ෂ්‍ය කරන ලද රුප සටහනක් දී ඇති විට,

- නම් කරන ලද ත්‍රිකෝණ දෙකක් අංගසම බව පෙන්වයි.
- නම් කර ඇති කෝණයක් රුපයෙහි දක්වා ඇති වෙනත් කෝණයක් මෙන් දෙගුණයක් බව පෙන්වයි.
- නම් කළ ත්‍රිකෝණයක වර්ගඑලය තවත් ත්‍රිකෝණයක වර්ගඑලය මෙන් දෙගුණයක් බව පෙන්වයි.

10. රුපයේ දී ඇති ABC ත්‍රිකෝණයේ $AC = BC$ වේ. තව ද X හා Y යනු පිළිවෙළින් AC හා BC හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍ය වේ. AY හා BX පේං්‍යා T හි දී ජ්‍යාමිතිය වේ.

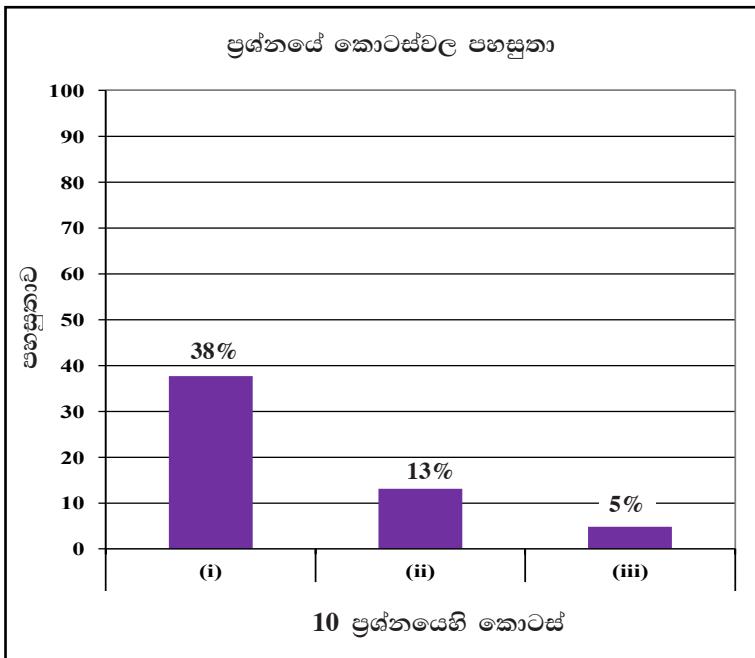
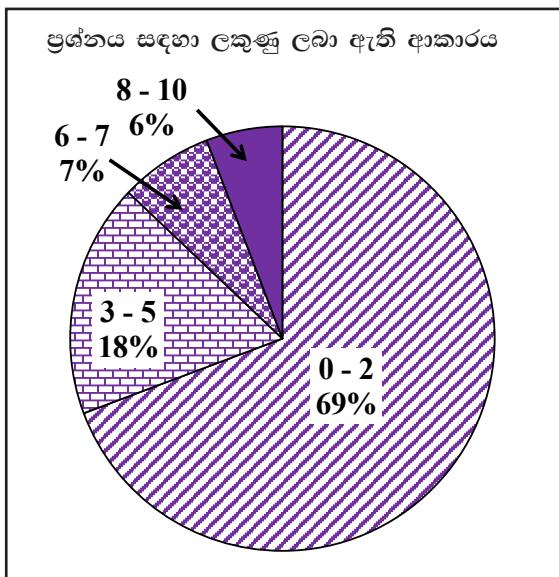


රුපය මෙබේ පිළිතුරු පත්‍රයට පිටපත් කරගන්න.

- $ABX \Delta \equiv ABY \Delta$ බව පෙන්වන්න.
- $B\hat{T}Y = 2T\hat{A}B$ බව පෙන්වන්න.
- XY යා කරන්න. $ABY \Delta$ වර්ගඑලය $= 2 \times AXY \Delta$ වර්ගඑලය බව පෙන්වන්න.

ප්‍රග්‍රන් ආකෘතිය	නිවැරදි පිළිතුර	ලක්ෂණ	වෙනත් කරුණු	
10.	<p>(i)</p> <p>$ABX \text{ හා } ABY \Delta \text{ වේ}$ $AX = BY (\frac{1}{2} AC = \frac{1}{2} BC)$ නිසා</p> $\hat{XAB} = \hat{ABY} (AC = CB \text{ නිසා})$ $AB = AB$ (පොදු පාදය) $\therefore ABX \Delta \equiv ABY \Delta$ (ප.කේ.පා.) <p>(ii)</p> <p>$\hat{BTY} = \hat{TAB} + \hat{TBA}$ (Δ ක බාහිර කෝණය අහාන්තර සම්මුඛ කෝණ දෙකේ එකතුවට සමානයි.)</p> <p>නමුත් $\hat{TAB} = \hat{TBA}$ (අංගයම Δ වල අනුරූප අංග)</p> $\therefore \hat{BTY} = 2\hat{TAB}$ <p>(iii)</p> <p>$XY // AB$ $XY = \frac{1}{2} AB$ (මධ්‍ය ලක්ෂණ ප්‍රමේයය)</p> <p>XY හා AB අතර ලම්බ දුර h නම්</p> <p>$AXY \Delta \text{ ව.ථ. } = \frac{1}{2} \times XY \times h$</p> <p>$ABY \Delta \text{ ව.ථ. } = \frac{1}{2} \times AB \times h$</p> $\therefore \frac{AXY}{ABY} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{AB}{2} \times h}{\frac{1}{2} \times AB \times h}$ $\therefore ABY \Delta \text{ ව.ථ. } = 2 \times AXY \Delta \text{ ව.ථ.}$	1 1 1 1 1+1 1 1	4 (4) (3) (3)	එක් හේතුවක්වන් තිබිය යුතුයි.

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



ජ්‍යාමිතිය තේමාවට අදාළ මෙම ප්‍රශ්නයෙහි ත්‍රිකෝණ අංගසාම්ය, ත්‍රිකෝණයක බාහිර කෝණ පිළිබඳ ප්‍රමේයය, මධ්‍ය ලක්ෂා ප්‍රමේයය හා තල රුපවල වර්ගේලය ආශ්‍රිත ප්‍රමේයය හා සම්බන්ධ අනුකොටස් තුනකින් සමන්විත ප්‍රශ්නයකි. (i) කොටසෙහි පහසුතාව 38% කි. සංයුත්ත රුපයක් තුළ ඇති ත්‍රිකෝණ දෙකක් අංගසම කිරීමේ හැකියාව පරික්ෂා කිරීම මෙහිදී අපේක්ෂිත ය. ත්‍රිකෝණාකාර ආස්ථර ඇසුරින් ත්‍රිකෝණ අංගසාම්ය තහවුරු කිරීමත් අංගසම ත්‍රිකෝණ අඩංගු සංයුත්ත රුපයකින් ත්‍රිකෝණ වෙන් කිරීමෙන් අංගසම වන, නොවන ත්‍රිකෝණ වෙන් කිරීමේ හැකියාවන් වර්ධනය වන ක්‍රියාකාරකම්වල සිපුන් තිරත කරවීම යෝගා වේ.

බාහිර කෝණ ප්‍රමේයයට අදාළ වන (ii) අනුකොටසෙහි පහසුතාව 13% කි. ත්‍රිකෝණයක බාහිර කෝණ ප්‍රමේයය සත්‍යාපනයන් ඒ ආශ්‍රිත ගණනය කිරීම ක්‍රියාකාරකම් ඇසුරින් පුදුණ කිරීමත් යෝගා වන අතර සංයුත්ත රුපයකින් එවන් අවස්ථා වෙන් කර ගැනීමට අවස්ථාව සැලසීම ද යෝගා වේ. (iii) අනුකොටස මධ්‍ය ලක්ෂා ප්‍රමේයය හා තල රුපවල වර්ගේල ප්‍රමේයය ආශ්‍රිත, පහසුතාව 5% ක් වන ප්‍රශ්නයකි.

මධ්‍ය ලක්ෂා ප්‍රමේයය හා තල රුපවල වර්ගේලය ආශ්‍රිත ප්‍රමේයය තහවුරු වන ආකාරයේ ක්‍රියාකාරකම සැලසුම් කොට එම ක්‍රියාකාරකම් භාවිතයෙන් ඉහත ප්‍රමේය මගින් ඉස්මතු විය යුතු කරුණු අපේක්ෂකයන් සමග සාකච්ඡා කිරීම යෝගා වේ.

ජ්‍යාමිතිය තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක් හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගෙන්,

- 69%ක් පමණ 0 - 2 පාන්තරයේ ද,
- 18%ක් පමණ 3 - 5 පාන්තරයේ ද,
- 7%ක් පමණ 6 - 7 පාන්තරයේ ද,
- 6%ක් පමණ 8 - 10 පාන්තරයේ ද,

ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගෙන් 87%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ලකුණු 8 ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 6%ක් පමණි.

මෙම ප්‍රශ්නයේ අනුකොටස් 3ක් ඇත. පහසුතාව වැඩිම කොටස (i) වන අතර එහි පහසුතාව 38%කි. පහසුතාව අඩුම කොටස (iii) වන අතර එහි පහසුතාව 5%කි.

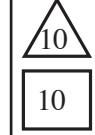
11 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 10 : පරිමාව පිළිබඳ විවාරණීලිව කටයුතු කරමින් අවකාශයේ උපරිම එලදායීතාව ලබා ගනිය.

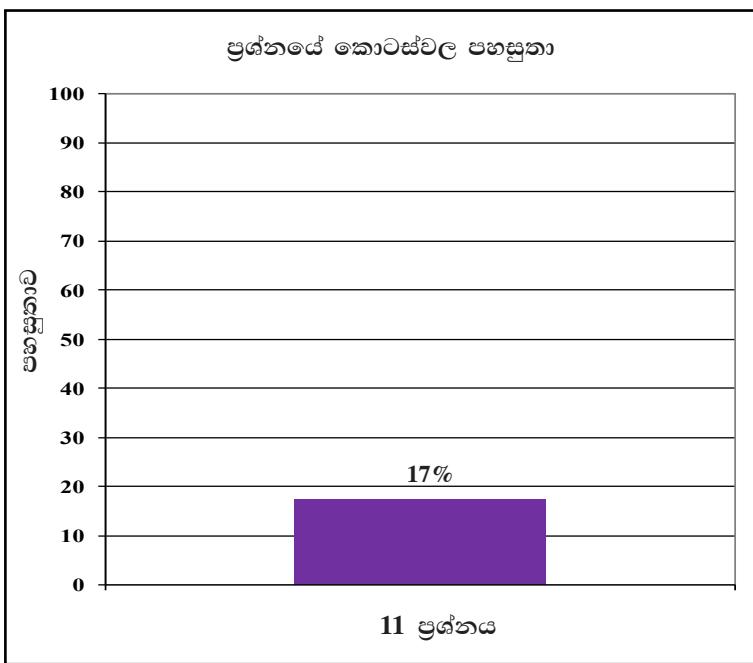
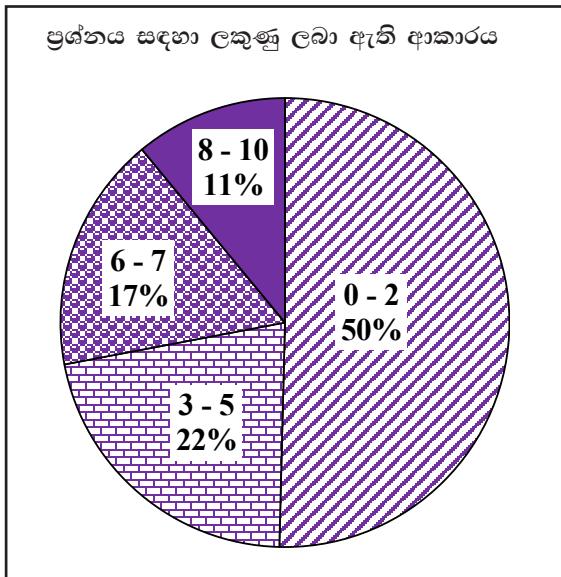
අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

අරය දී ඇති සහ ලෝහ ගෝලයක් උණු කොට සාදනු ලබන ගෝලයේ පරිමාවට සමාන පරිමාවක් ඇති සහ සැපු කේතුවක පතුලේ අරය හා ලමිඛ උස අතර අනුපාතය දී ඇති විට අදාළ සම්බන්ධතාව යොදා ගැනීමින්, සාදනු ලබන කේතුවේ අරය $a \times \sqrt[3]{b}$; $a, b \in \mathbb{Z}^+$ ආකාරයේ ප්‍රකාශනයක් බව පෙන්වමින්, එහි අගය ලසුගණක වගු ඇසුරෙන් දැඟම ස්ථාන දෙකකට නිවැරදි ව සෞයයි.

11. අරය 2 cm වන සහ යකඩ ගෝලයක් උණු කොට ගෝලයේ පරිමාවට සමාන පරිමාවක් ඇති සහ සැපු විෂයක කේතුවක් සාදා ගනු ලබන්නේ කේතුවේ පතුලේ අරය හා එහි ලමිඛ උස අතර අනුපාතය 3:4 වන පරිදි ය. සාදා ගනු ලබන එම කේතුවේ පතුලේ අරය $2 \times \sqrt[3]{3}$ cm බව පෙන්වා, ලසුගණක වගු භාවිතයෙන් එහි අගය දැඩිවත දැඟමස්ථානයට නිවැරදි ව සෞයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	නිවැරදි පිළිතුර	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
11.	$\text{ගෝලයේ පරිමාව} = \frac{4}{3}\pi (2)^3$ $\text{කේතුවේ පතුලේ අරය } r \text{ සහ ලමිඛ උස } h \text{ නම්}$ $\frac{r}{h} = \frac{4}{3}$ $\text{කේතුවේ පරිමාව} = \frac{1}{3}\pi (r^2) (\frac{4}{3} r)$ $\therefore \frac{4}{3} \pi (2)^3 = \frac{1}{3}\pi (r^2) (\frac{4}{3} r)$ $8 \times 3 = r^3 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad \therefore r = 2 \times \sqrt[3]{3}$ $\log r = \log 2 + \frac{1}{3} \log 3$ $= 0.3010 + \frac{1}{3} (0.4771)$ $= 0.3010 + 0.1590$ $= 0.4600$ $r = 2.884$ $r = 2.88 \text{ cm}$	1 1 1 1 1 1 1+1 1 1	 

පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



සංඛ්‍යා හා මිනුම් යන තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 17% කි. සනච්චේත්වල පරිමාව, අනුපාත හා ලසුගණක යන පාඨම් ඒකක ඇසුරින් මෙම ප්‍රශ්නය නිර්මාණය වී ඇත. අරය හා උස අතර අනුපාතය දී ඇති විට උස, අරය ඇසුරින් ප්‍රකාශ කිරීමට අවධානය යොමු නොකිරීම නිසා ගෝලයේ හා කේතුවේ පරිමා අතර සම්බන්ධය නිවැරදිව හදුනා ගැනීමට නොහැකි වී ඇති බව පෙනේ. අව්ව්ලතාව සංකල්පය තහවුරු වන නිදුසුන් අප්පේක්ෂණයන්ට අනාවරණය කර ගැනීමට අවස්ථා සම්පාදනය කළ යුතුව ඇත.

ලසුගණක ඇසුරින් සූල් කිරීමේදී නිවැරදි ලසුගණක ප්‍රකාශ ලිවීමත් නිවැරදි ලසුගණක ලබා ගන්නා ආකාරයන් ලසුගණකයක් පූර්ණ සංඛ්‍යාවකින් බෙදීමත් පිළිබඳ අවධානය යොමු වුයේ නම් බොහෝ දුරවලතා මග හරවා ගත හැකිය. මෙවැනි ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේ ක්‍රමවේද සිහිපත් කර ගැනීම සඳහා අභ්‍යාසවල නිරත වීම නිරන්තරයෙන් සිදු කළ යුතුය.



12 වන ප්‍රශ්නයෙහි අභිමතාර්ථ

නිපුණතාව 30 : එදිනෙදා ජ්‍යෙෂ්ඨයේ කටයුතු පහසුකර ගැනීම සඳහා කුලක ආක්‍රිත මූලධර්ම හසුරුවයි.

අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල :

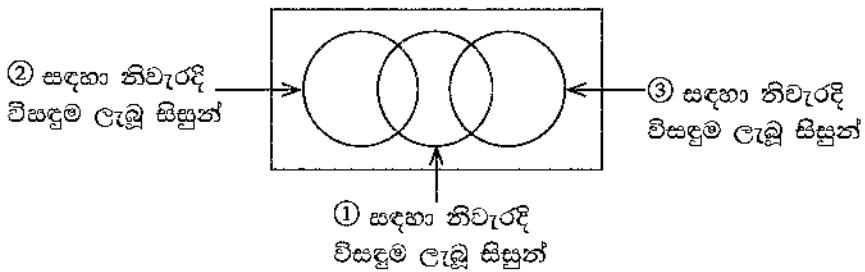
සම්ක්ෂණයකට සහභාගි වන සිසුන් සංඛ්‍යාව ද එම සිසුන්ට අදාළ තොරතුරු ප්‍රකාග 4ක් ද එම තොරතුරුවලට අදාළ අසම්පූර්ණ වෙන් රුප සටහනක් ද දී ඇති විට,

- (i) දී ඇති තොරතුරු ඇසුරෙන් වෙන් රුප සටහන සම්පූර්ණ කරයි.
- (ii) විමසා ඇති උපකුලකයක් වෙන් රුපය තුළ හැඳුනාගනියි.
- (iii) නම් කරන ලද කුලකයක අවයව සංඛ්‍යාව සෞයයි.
- (iv) දෙන ලද සම්බන්ධතාවක් හාවිතයෙන් දෙන ලද කුලකයක අවයව සංඛ්‍යාව සෞයයි.

12. සිසුන් 50 දෙනකුගෙන් සම්ත්වීත පන්තියකට ①, ② හා ③ ලෙස අංකනය කළ ගණක ගැටළු තුනක් දෙන ලදී. මුළුන් මෙම ගැටළු විසඳා තිබූ ආකාරය විළිඳා තොරතුරු තිහිපෘත් පහන දී ඇතු.

- ගැටළු තුනෙන් එක් ගැටළුවකටත් නිවැරදි විසඳුම් නොලැබූ සිසුන් ගණන 6 කි.
- ① ගැටළුවට පමණක් නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන 20 කි.
- ③ ගැටළුවට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන 8 කි.
- ② හා ④ ගැටළු දෙකට ම නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ තිසි ම සිදුවකු තොවී ය.

- (i) පහත දී ඇති අසම්පූර්ණ වෙන් රුපසටහන ඔබේ පිළිතුරු පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන ඉහත දී ඇති තොරතුරු එහි තුළ නිරුපණය කරන්න.

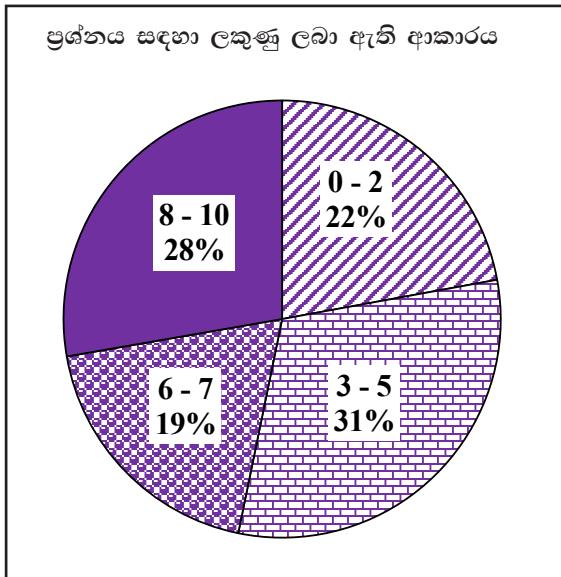


- (ii) එක් ගැටළුවකට වඩා වැඩි ගැටළු සංඛ්‍යාවකට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් නිරුපණය කරන පෙරදස් වෙන් රුපසටහනේ අදුරු කර දක්වන්න.
- (iii) ② ගැටළුවට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන සෞයන්න.
- (iv) ① ගැටළුවට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන ② ගැටළුවට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන මෙන් දෙගුණයකි. ගැටළු දෙකකට නිවැරදි විසඳුම් ලැබූ සිසුන් ගණන සෞයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	නිවැරදි පිළිතුර	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
12.	<p>② සඳහා නිවැරදි විසඳුම ලැබූ සිපුන්</p> <p>③ සඳහා නිවැරදි විසඳුම ලැබූ සිපුන්</p> <p>① සඳහා නිවැරදි විසඳුම ලැබූ සිපුන්</p>		
(i)	<p>50 ලකුණු කිරීම</p> <p>8 ලකුණු කිරීම</p> <p>20 ලකුණු කිරීම</p> <p>6 ලකුණු කිරීම</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1 (4)</p>	
(ii)	රුපයේ අදුරු කිරීමට	2 (2)	
(iii)	$50 - (28 + 6)$ $= 16$	<p>1</p> <p>1 (2)</p>	
(iv)	$32 - 20$ $= 12$	<p>1</p> <p>1 (2)</p>	10

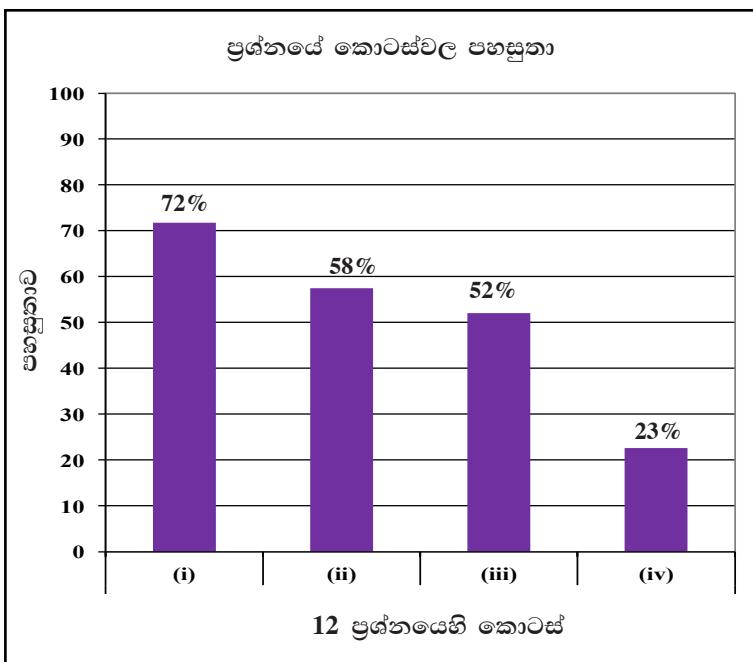


පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරික්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා :



කුලක හා සම්භාවිතාව තේමාව යටතේ සකස් කර ඇති මෙම ප්‍රශ්නයට ලකුණු 10ක්හිමි වන අතර අයදුම්කරුවන්ගේන්, 22%ක් පමණ 0 - 2 ප්‍රාන්තරයේ ද, 31%ක් පමණ 3 - 5 ප්‍රාන්තරයේ ද, 19%ක් පමණ 6 - 7 ප්‍රාන්තරයේ ද, 28%ක් පමණ 8 - 10 ප්‍රාන්තරයේ ද, ලකුණු ලබාගෙන ඇත.

මෙම ප්‍රශ්නයට පිළිතුරු සැපයු අයදුම්කරුවන්ගේන් 53%ක්ම ලබාගෙන ඇත්තේ ලකුණු 5ක් හෝ ඊට අඩුවෙනි. ලකුණු 8ක් හෝ ඊට වැඩියෙන් ලබා ඇත්තේ 28%ක් පමණි.



කුලක හා සම්භාවිතාව තේමාව යටතේ කුලක ඒකකයෙන් පමණක් දී ඇති මෙම ප්‍රශ්නය තෝරා ගැනීමේ ප්‍රතිඵලය 89% කි. කොටස් 4කින් සමන්විත මෙම ප්‍රශ්නයේ පහසුතාව 72% සිට 23% දක්වා ක්‍රමයෙන් අඩු වී ඇත. දී ඇති වෙන් රුපසටහනේ තියෙන ප්‍රදේශවල තොරතුරු සටහන් කිරීමට අදාළ (i) කොටස් පහසුතාව 72% ක් වුවත් (ii), (iii), (iv) කොටස් කරා යාමේදී ක්‍රමයෙන් පහසුතාව 23% දක්වා අඩු වී ඇත. ප්‍රශ්නය කියවා තෝරුම් ගැනීමේ අපහසුතාවත් වෙන් රුපයේ අදාළ ප්‍රදේශ හඳුනා ගැනීමේ දුරවලතාවත් ගැටලු සහිත අවස්ථාවල අදාළ සුළු කිරීම් නිවුරුවේ සිදු නොකිරීමත් එක් එක් කොටස් පහසුතාව අඩු වීමට හේතු වී ඇතැයි සිතිය හැකිය. කුලක හා සම්බන්ධ විවිධ වෙන් රුප ඇයුරෙන් නිර්මාණය කරන ලද සරල ගැටලුවලින් ආරම්භ කර සංකීර්ණ ගැටලු තෙක් අභ්‍යාස කරවීම වඩා පුදුදු ය.

III කොටස

3. පිළිතුරු සැපයීමේදී සැලකිලිමත් විය යුතු කරනු හා ගොජනා :

3.1 පිළිතුරු සැපයීමේදී සැලකිලිමත් විය යුතු කරනු :

- * ප්‍රශ්න පත්‍රයේ ඇති මූලික උපදෙස් සැලකිල්ලෙන් කියවා හොඳින් තෝරුම් ගත යුතුය. එනම් එක් එක් කොටසින් කොපමණ ප්‍රශ්න සංඛ්‍යාවකට පිළිතුරු සැපයිය යුතු ද කුමන ප්‍රශ්න අනිවාර්ය ද කොපමණ කාලයක් ලැබේ ද කොපමණ ලකුණු ලැබේ ද යන කරනු පිළිබඳ ව සැලකිලිමත් විය යුතු අතර ප්‍රශ්න සුපරික්‍රාකාරීව කියවා නිරවුල් අවබෝධයක් ඇති කර ගෙන ප්‍රශ්න තෝරා ගත යුතුය.
- * අයදුම්කරුගේ විහාග අංකය උත්තර පත්‍රයේ සැම පිටුවකම අභ්‍යා ස්ථානයේ ලිවිය යුතුය.
- * I පත්‍රයේ ප්‍රශ්නවලට එම පත්‍රයේම පිළිතුරු සැපයිය යුතුය. අදාළ පියවර සඳහන් කිරීම අවශ්‍ය ය.
- * II පත්‍රයේ ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේදී සැම ප්‍රධාන ප්‍රශ්නයක්ම අලුත් පිටුවකින් ආරම්භ කළ යුතුය.
- * නිවැරදි හා පැහැදිලි අත් අකුරුවලින් පිළිතුරු ලිවිය යුතුය.
- * ප්‍රශ්න අංක, කොටස් අංක හා අනුකොටස් අංක නිවැරදිව ලිවිය යුතුය.
- * වගන්ති ලියා ඉදිරිපත් කළ යුතු ප්‍රශ්නවලදී වගන්තියට අනුව නිවැරදි පියවර පැහැදිලි ව ලිවිය යුතුය.
- * දී ඇති ප්‍රතිඵල සාධනය කිරීමේදී එක් එක් පියවරට අදාළ තර්කානුකුල හේතු ද දැක්වීය යුතුය.
- * ප්‍රශ්නය අසා ඇති ආකාරය අනුව තර්කානුකුලට හා විශ්ලේෂණාත්මකව කරනු ඉදිරිපත් කළ යුතුය.
- * එක් එක් ප්‍රශ්නයට අදාළ ගණනය කිරීම කුටුවැඩ හේ නොසලකා පිළිතුර අසලම ලියා දැක්වීම යෝග්‍ය වේ.
- * පිළිතුරු පත්‍රවල මුළු පිටුව නිවැරදිව සම්පූර්ණ කළ යුතුය.
- * නිල් හේ කළ වර්ණ පැන් පමණක් හාවිත කළ යුතුය.

විශේෂ උපදෙස් :

- * රුපසටහන් ඇදිය යුතු අවස්ථාවලදී ඒවා ඉතා පැහැදිලිව ඇද දැක්වීය යුතුය.
- * ගණනය කිරීම්වලදී එක් එක් පියවර පැහැදිලිව සඳහන් කළ යුතුය.
- * අවසාන පිළිතුර, ප්‍රශ්නය අසා ඇති ආකාරය අනුව පැහැදිලිව දැක්වීය යුතුය.
- * යම් ප්‍රශ්නයක අවසන් පිළිතුරක් හාග සංඛ්‍යාවක් හේ අනුපාතයක් ලෙස දක්වන අවස්ථාවලදී ඒවා සරලම ආකාරයෙන් දැක්වීමට අවධානය යොමු කළ යුතුය.
- * අවශ්‍ය ස්ථානවලදී නිවැරදිව ඒකක හාවිත කළ යුතුය. අවසන් පිළිතුරට අදාළ නිවැරදි ඒකක සම්මත ආකාරයට සටහන් කළ යුතුය.
- * අත් අකුරු, ඉලක්කම් හා සංකේත නිවැරදිවත්, පැහැදිලිවත් සඳහන් කිරීමට අවධානය යොමු කළ යුතුය.
- * ප්‍රශ්නයට අවශ්‍ය පුළු කිරීම, කුටුවැඩ ලෙස සලකා පිළිතුර සමග නිසි ලෙස ඉදිරිපත් නොකිරීම අදාළ පියවරවලට නියමිත ලකුණු නොලැබේමට හේතුවක් වන බව සැලකිල්ලට ගත යුතුය.
- * ජ්‍යාමිතික ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේදී තර්කානුකුලට අවශ්‍ය පියවර සඳහන් කළ යුතු අතර අභ්‍යා හේතුව ද එම පියවර සමග සටහන් කිරීමට සැලකිලිමත් විය යුතුය.
- * ජ්‍යාමිතික ප්‍රශ්නවලට අභ්‍යා රුප සටහන්වල, දී ඇති දත්ත සහ ඒ ඇපුරෙන් සොයාගනු ලබන දත්ත ලකුණු කිරීම, නිවැරදිව පිළිතුරු ගොඩනැගිය යුතු පියවර අනාවරණය කර ගැනීමට පහසුවක් වේ.
- * ප්‍රශ්නයකට නිවැරදිව සම්පූර්ණයෙන් පිළිතුර සැපයිය නොහැකි අවස්ථාවලදී වුවද තමන්ට නිවැරදිව ඉදිරිපත් කළ හැකි පියවර පමණක් හේ ලියා තැබිය යුතුය.
- * ප්‍රශ්නයක අග කොටස්වල, මුළු කොටසිවලින් ස්ථානයන් වූ පහසු කොටස් තිබිය හැකි බැවින් ප්‍රශ්නයක මුළු කොටස අපහසු නම් ප්‍රශ්නය අත්හැර නොයා සියලු කොටස් පිළිබඳව අවධානය යොමු කිරීම ප්‍රයෝගනවත් වේ.

3.2 ඉගෙනුම් ඉගැන්වීම් පිළිබඳ අදහස් සහ යෝජනා

- * විෂය නිරදේශය, ගුරු මාර්ගෝපදේශ සංග්‍රහය, පෙළපොත හා බාහිර සම්පත් මූලාශ්‍ර පිළිබඳව ගුරුහවතුන් මෙන්ම සිපුන් ද දැනුවත්වීම හා භාවිතය අවශ්‍ය ය.
- * ඉගැන්වීමේදී, එක් එක් පාඩම අතරතුර ඉගෙනුම ලබන්නේ කුමක්ද යන්න පිළිබඳව ද ශිෂ්‍යයා දැනුවත් කළ යුතු ය. අපේක්ෂිත ඉගෙනුම් එල පිළිබඳ අවබෝධය බොහෝ එලදායී වේ.
- * ගුණන වගුව නිවැරදිව දැන නොසිටීම නිසා ගුණ කිරීමේදී හා බෙදීමේදී සිදුවන වැරදි හේතුවෙන් විශාල ලකුණු ප්‍රමාණයක් අහිමි වන බව සැලකිල්ලට ගෙන ගුණන වගු පිළිබඳ වැඩි අවධානයක් යොමු කළ යුතු ය.
- * භාග සංඛ්‍යා සහ දශම සංඛ්‍යා සමග ගණන කරම නිවැරදිව හැසිරවීම පිළිබඳව ශිෂ්‍යයාගේ අවධානය වැඩියෙන් යොමු කළ යුතුය. ඒ සඳහා මූලික ගණන කරම හැසිරවීමේ කුසලතා වර්ධනය කෙරෙන වැඩසටහන් ක්‍රියාත්මක කිරීම වඩාත් එලදායී වේ. භාග ආග්‍රිත ප්‍රශ්නවල අවසන් පිළිතුර සරලම ආකාරයෙන් දැක්විය යුතු බව අවධාරණය කරන්න.
- * පසුබට සිපුන් ක්‍රුළ ද නිවැරදි ගණන සංකල්ප තහවුරු කිරීම සඳහා ඉගෙනුම් ඉගැන්වීම් ක්‍රියාවලියේදී ඉගෙනුම් ආධාරක හා ප්‍රායෝගික ක්‍රියාකාරකම ද යොදා ගැනීම වඩාත් එලදායී වේ.
- * ජ්‍යාමිතිය වැනි දුෂ්කර යැයි සැලකන විෂය කරුණු, රුප සටහන් ද භාවිත කෙරෙන සරල සංඛ්‍යාත්මක අභ්‍යාසවලින් ආරම්භ කර කුමයෙන් විශුක්ත සංකල්ප කර වර්ධනය කළ යුතුය. ගුරුවරයා ද විවිධ ක්‍රම ශිල්ප හා ප්‍රායෝගික ගත යුතුය.
- * පහළ ශේෂීවලදී විෂය ගණනයේ මූලික සංකල්ප තහවුරුවීමේ දුර්වලතා මගහරවා ගැනීමට හා එම කොටස් නැවත සිපුන් ක්‍රුළ තහවුරු කිරීමට ගුරුවරයා විසින් වැඩි අවධානයක් යොමු කළ යුතුය.
- * ගණනය ඉගෙනිමේ පුවිණේ අරමුණක් වූ ගැටලු විසඳීම සාර්ථකව සිදු කිරීමට නම් අනෙකුත් කුසලතා ද සමගාමීව වර්ධනය කරමින් මනස ප්‍රබුදුවන අහියෝගාත්මක ගැටලු අනුකූලිකව ලබා දීම අවශ්‍ය වේ.
- * ගණනය පහසු බව ඒන්තු ගැන්වීය යුතුය. ඒ සඳහා විවිධ ක්‍රම ශිල්ප ගුරුවරයා විසින් ඉදිරිපත් කළ යුතුය. කෙටි ක්‍රම, ක්‍රිඩා, විනෝද වැඩසටහන්, විනෝදන්මක මතක තබා ගැනීමේ ක්‍රම, ප්‍රශ්න විවාරාත්මක වැඩසටහන් ඒ සඳහා උදාහරණ ලෙස දැක්විය හැකි ය.
- * විෂය මාලාවේ ප්‍රධානම හා පදනම් විෂයයක් වන ගණනය, උසස් අධ්‍යාපනය හා අනාගත රැකියා නිශුක්තිය සඳහා මෙන්ම සාමාන්‍ය ජීවිතය සමග ද දැඩි සම්බන්ධතාවක් පැවතීම පිළිබඳ ව සිපුන් දැනුවත් කිරීම ගුරුවරයාගේ යුතුකමක් විය යුතුය.
- * තම විෂය දැනුම සංවර්ධනය කර ගැනීමට හා යාවත්කාලීන කර ගැනීමට නිරත්තරයෙන් කටයුතු කරන ගුරුහවතුන් කුසලතා පුරුණ නිරමාණයීලි අය වන අතර මවුහු සිපු පරපුරට ද මහඟ එයාද වෙති.
- * සාක්ෂරතාවෙහි අඩුපාඩු හේතුවෙන් ප්‍රශ්න අවබෝධ කර ගැනීමේ දුෂ්කරතා සහ ප්‍රකාශන හැකියාවේ අඩුපාඩු අවම කිරීම සඳහා වැඩසටහන් ක්‍රියාත්මක කළ යුතුය.
- * 11 වන ශේෂීයේදී එම පෙළපොතට පමණක් සිමා නොවී පහළ පන්තිවල දැනුම ප්‍රනරික්ෂණය කිරීම ද කළ යුතුය.
- * ගණනය ක්‍රියාවලියක් ඉදිරියට හැසිරවීමට මෙන්ම පසුපසට හැසිරවීමට ඇති හැකියාව (ප්‍රතිච්චතා හැකියාව) එනම්, විකුණුම් මිල දුන්වීට ගත් මිල සෙවීම වැනි අවස්ථා කෙරෙහි සිපුන්ගේ වැඩි අවධානයක් යොමු කර විය යුතුය.

- * ප්‍රස්තාර පාඩමේදී ශ්‍රිතයේ අගය දනව අඩුවීම, සාණව අඩුවීම, සාණව වැඩ්වීම, දනව වැඩ්වීම වඩාත් හොඳින් තහවුරු වීම සඳහා විවිධ ශ්‍රිත කීපයක් දී ඒවා ඇසුරෙන් ඉහත කරුණු මතුවන සේ කෙටි ප්‍රශ්න කීපයක් ඉදිරිපත් කිරීම.
- * මෙම විෂය නිර්දේශයෙහි ජාම්පියෙයේ සමහර ප්‍රමේයයන් ගණනය කිරීම සරල හාවිතය පමණක් ප්‍රමාණවත් වේ. එබැවින් සරල අභ්‍යාස කීපයක් මගින් එම සංකල්ප තහවුරු කිරීම සූදුසු වන අතර එමගින් සිපුන්ට පාඩම කෙරෙහි දනාත්මක සිතුවීල්ලක් ඇති කර ගත හැකිය.
- * ජාම්පික නිර්මාණ ගැටළුවේදී නිර්මාණය ඇරඹීමට පෙර කටු සටහනක් ඇද එහි දත්ත සියල්ල ලකුණු කිරීම කර පසුව නිර්මාණය ආරම්භයට උපදෙස් දීම. එමගින් සිපුන්ට නිවැරදි රුපය තේරුම ගෙන පහසුවෙන් නිර්මාණය කිරීමට හැකි වන බව පැහැදිලි කර දීම.

[ලක්ත ජාම්පික විෂය කොටස්වල සිපුන්ගේ සාධන දුර්වලතා බහුලව දැකිය හැක.]

