

## TREE

OLEH : ANDRI HERYANDI, M.T.



# 06

# MATERI

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Definisi Tree
- Jenis-Jenis Tree
  - General Tree
  - Binary Tree
    - Binary Search Tree
    - Heap



Oleh : Andri Heryandi, M.T.

# DEFINISI TREE

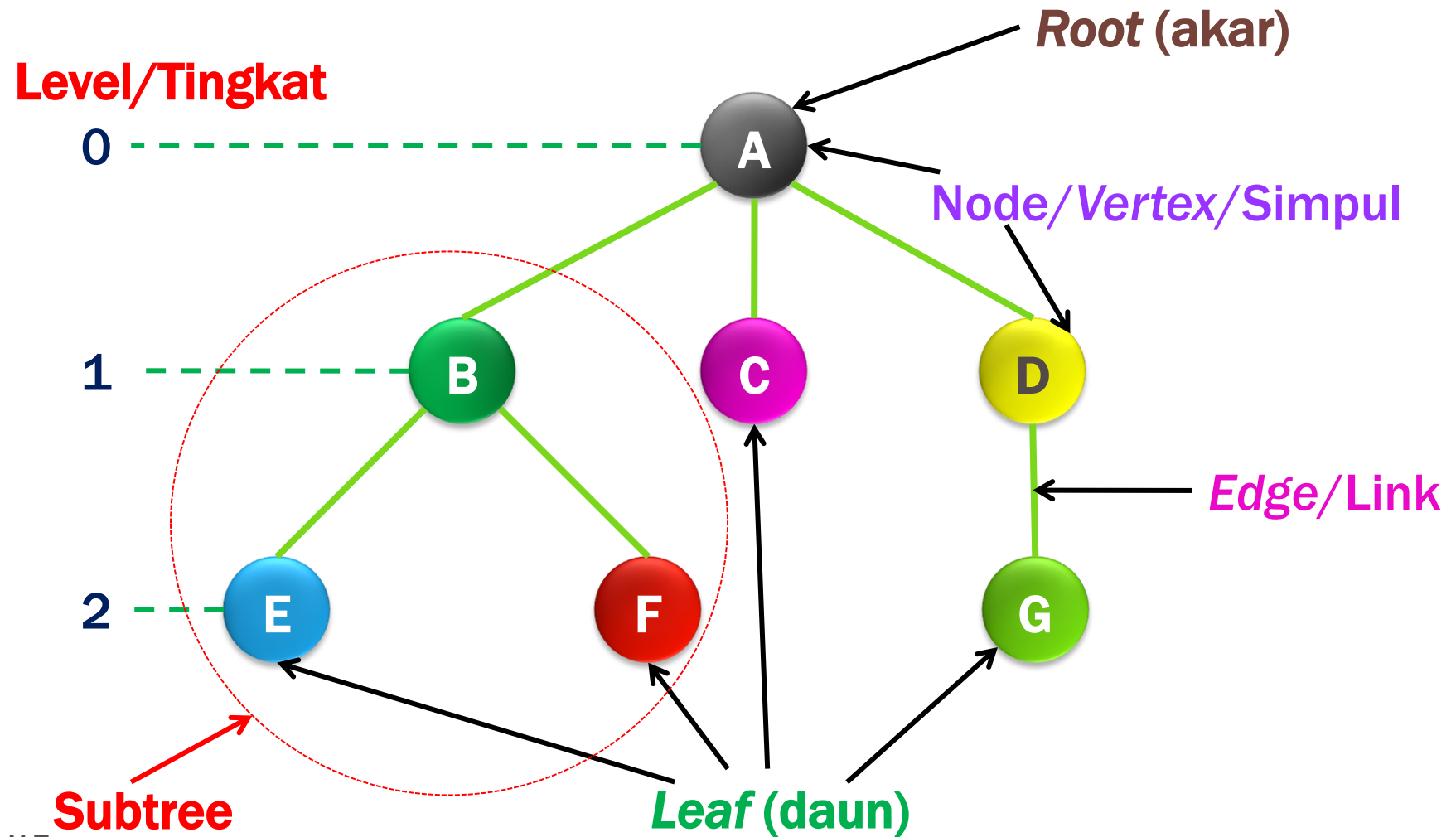
## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Tree (pohon) adalah struktur data non linier
- Tree digunakan untuk menyajikan data yang berisi hubungan hirarki antar elemennya.
- Contoh penggunaan tree
  - Silsilah Keluarga
  - Struktur Organisasi
  - Turnamen
  - Daftar Isi
  - Susunan Folder/File dalam media penyimpanan
  - Dokumen html
  - Kompresi Data
  - Pohon Keputusan



# STRUKTUR TREE

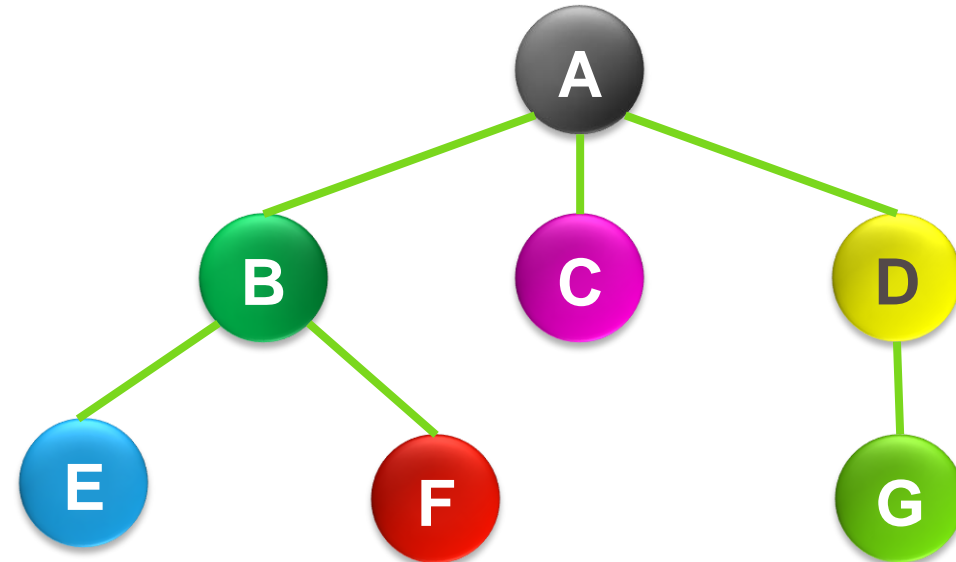
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2



# ISTILAH DALAM TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- **Parent(X)** : Node yang berada satu level di atas node X.
- **Child(X)** : Node-node yang berada satu level di bawah node X.
- **Sibling(X)** : Node-node yang mempunyai parent yang sama dengan node X.
- **Degree(X)** : Banyak child yang dimiliki oleh node X.
- **Height(X)** : Banyaknya edge dari suatu node ke node paling bawah dari turunannya.
- **Path(X,Y)** : Jalur dari node X ke node Y.



**Parent(E)** : B

**Sibling(C)** : B, D

**Height(A)** : 2

**Child(A)** : B, C, D

**Degree(A)** : 3

**Path(A,G)** : A – D – G



# JENIS-JENIS TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Ada banyak jenis tree.
- Setiap tree mempunyai kegunaan masing-masing.
- Ada tree yang susunannya bebas, tetapi ada juga yang susunannya berdasarkan aturan tertentu.
- Ada tree yang tidak mempunyai maksimum degree yang sama, tapi ada juga yang mewajibkan maksimum degree yang sama.
- Berikut adalah beberapa jenis tree yang banyak digunakan :
  - General Tree
  - Binary Tree
    - Binary Search Tree (BST)
    - Heap
  - Dan lain-lain.



# GENERAL TREE

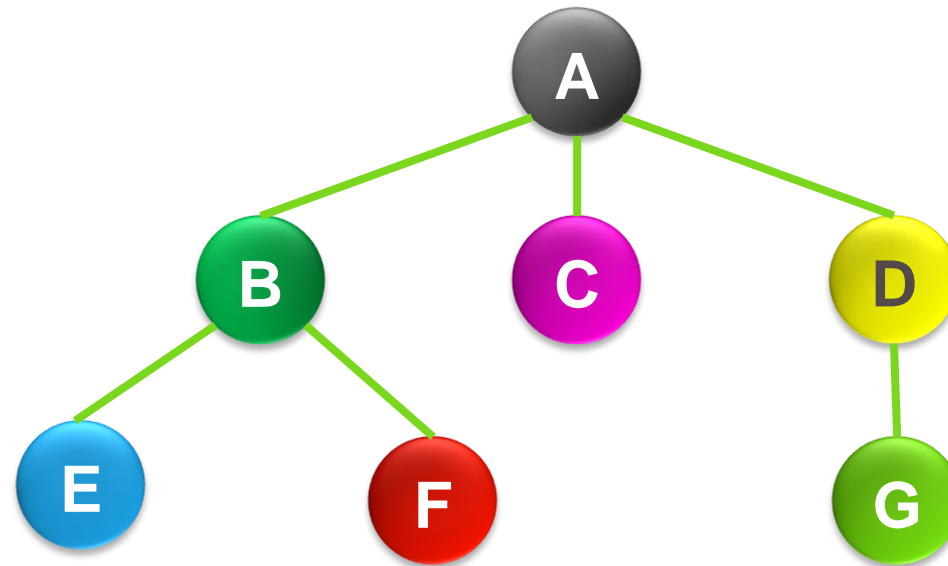
OLEH : ANDRI HERYANDI, M.T.



# GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- General tree adalah tree yang umum. Tree ini tidak mempunyai batasan, baik dari maksimum degree atau pun levelnya.
- Setiap node bisa memiliki 0 sampai dengan N node anak.



Contoh General Tree



# STRUKTUR DATA GENERAL TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Untuk membuat struktur data general tree, maka terlebih dahulu anda harus memahami sifat dari general tree, yaitu :
  - Tidak ada aturan dalam penempatan nodenya,
  - Setiap node bisa memiliki 0 atau banyak node anak (tidak dibatasi)
- Berdasarkan karakteristik di atas, mungkin saja anda beranggapan bahwa sebuah node akan memiliki sebuah linked list yang berisi node-node anak dan juga sebuah node yang menunjuk ke node berikutnya (node sibling). Kenapa pakai linked list? Ini karena banyaknya node anak dari sebuah node tidak dibatasi.
- Struktur untuk tree bisa disusun seperti pada gambar di bawah ini

Data	Pointer Anak Pertama	Pointer Node Berikutnya
------	----------------------	-------------------------



# STRUKTUR DATA GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Pendeklarasian struktur data untuk general tree (Bahasa Python).

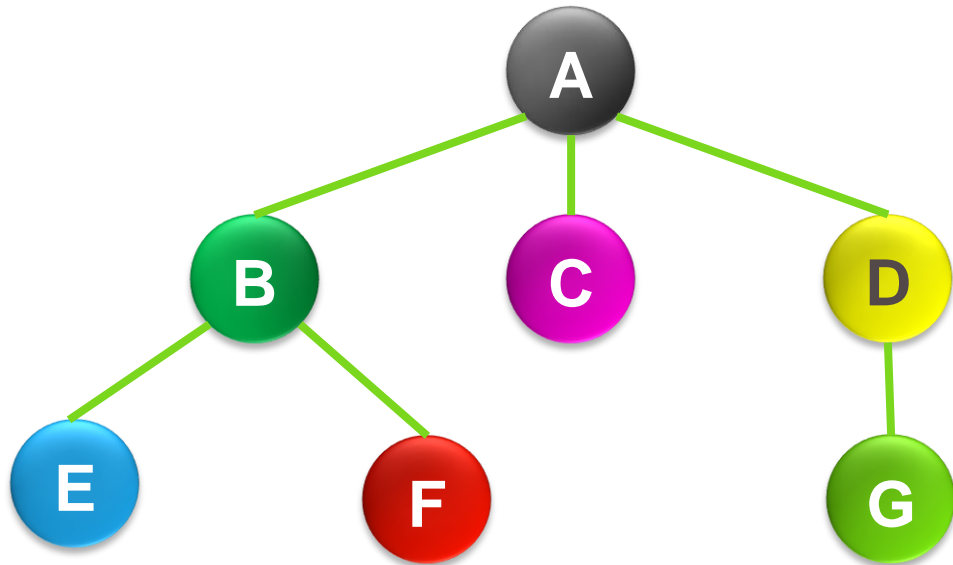
```
class Node:
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.firstChild = None
        self.nextSibling = None
```



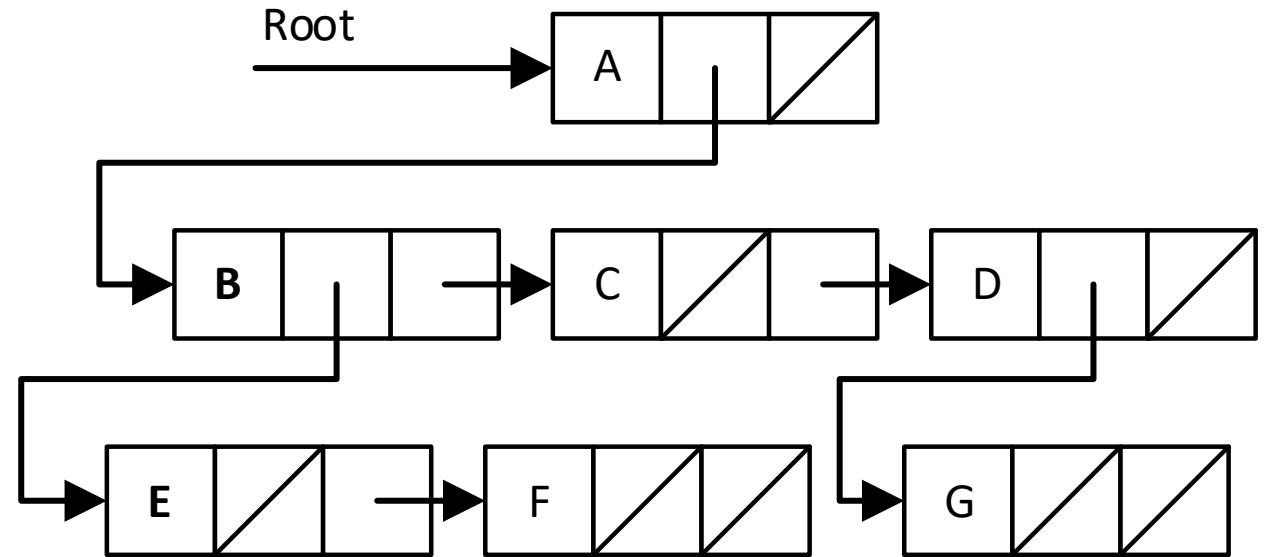
# STRUKTUR DATA GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

Contoh General Tree dan implementasi struktur data di dalam memori



General Tree



General Tree Dalam Memori

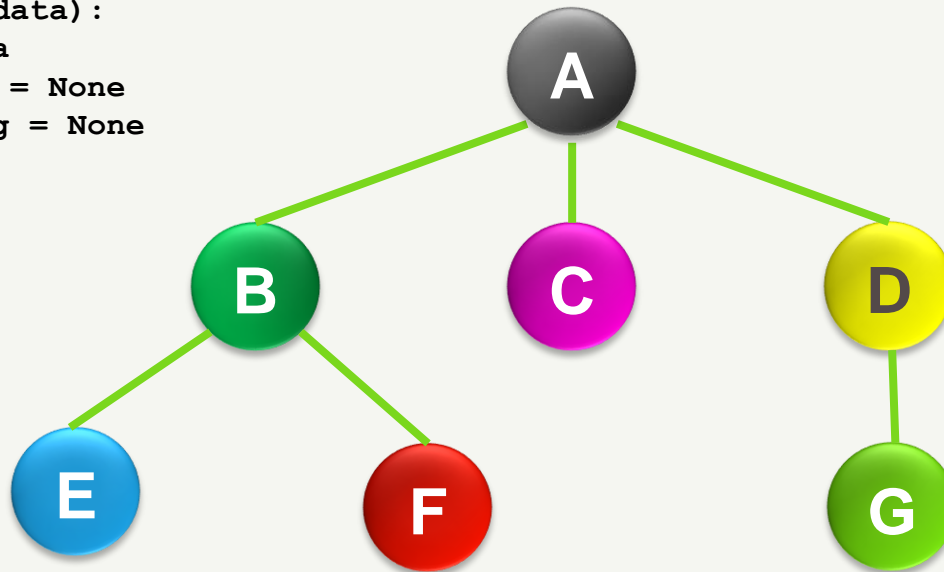
# STRUKTUR DATA GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

## ■ Contoh :

```
class Node:
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.firstChild = None
        self.nextSibling = None
```

```
A = Node("A")
B = Node("B")
C = Node("C")
D = Node("D")
E = Node("E")
F = Node("F")
G = Node("G")
A.firstChild=B
B.nextSibling=C
C.nextSibling=D
B.firstChild=E
E.nextSibling=F
D.firstChild=G
print("Root : ", A.data)
print("Root -> First Child : ", A.firstChild.data)
print("Root -> First Child -> Next Sibling : ", A.firstChild.nextSibling.data)
print("Root -> First Child -> First Child : ", A.firstChild.firstChild.data)
```



## Hasil Run :

```
Root : A
Root -> First Child : B
Root -> First Child -> Next Sibling : C
Root -> First Child -> First Child : E
```

# STRUKTUR DATA GENERAL TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Jika anda perhatikan dalam struktur general tree, di dalam sebuah node terdiri dari 3 bagian yaitu :
  - Data yang dimilikinya (info).
  - 2 buah pointer yang menunjuk ke node anak pertama dan pointer yang menunjuk ke node sibling berikutnya.
- Dapat dilihat bahwa setiap node memiliki 2 node pointer. Sifat hal ini juga yang dimiliki oleh tree yang bernama Binary Tree (dimana memiliki 2 pointer, yaitu pointer ke anak kiri dan pointer ke anak kanan).
- Dikarenakan hal tersebutlah, biasanya general tree juga sering diperlakukan sebagai binary tree. Sehingga sebuah general tree dapat diubah menjadi sebuah binary tree.



# BINARY TREE

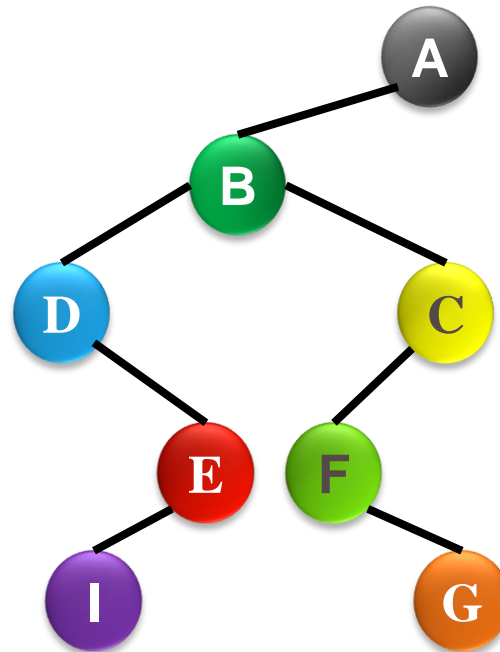
OLEH : ANDRI HERYANDI, M.T.



# BINARY TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Binary Tree adalah tree yang hanya memiliki maksimal 2 node anak.
- 2 Node anak tersebut biasanya disebut sebagai node anak Kiri (Left) dan node anak Kanan (Right).
- Dalam binary tree, urutan node **tidak harus** berdasarkan aturan tertentu.



# STRUKTUR DATA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Karakteristik dari binary tree adalah
  - Setiap node bisa memiliki maksimum 2 node anak.
  - Node anak pertama sering disebut sebagai node Left
  - Node anak kedua sering disebut sebagai node Right.
  - Sebuah node dianggap tidak memiliki anak jika node Left bernilai NIL dan node Right juga bernilai NIL.
- Struktur Data untuk binary tree adalah sebagai berikut :

Pointer Anak Kiri	Data	Pointer Anak Kanan
----------------------	------	-----------------------





# STRUKTUR DATA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Pendeklarasian struktur data untuk binary tree (Bahasa Python).

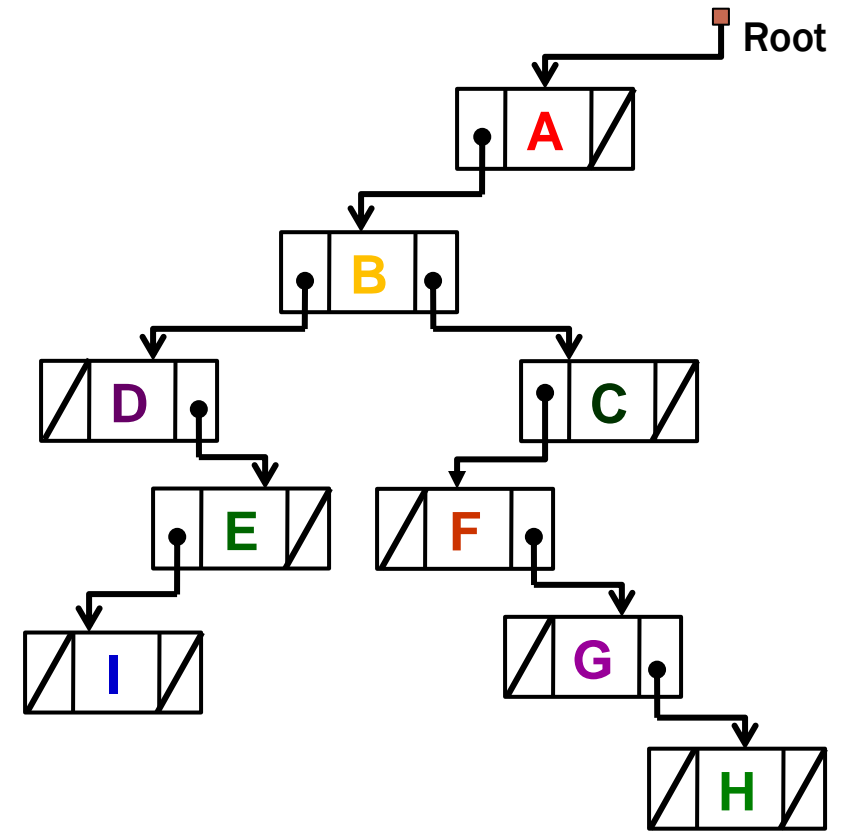
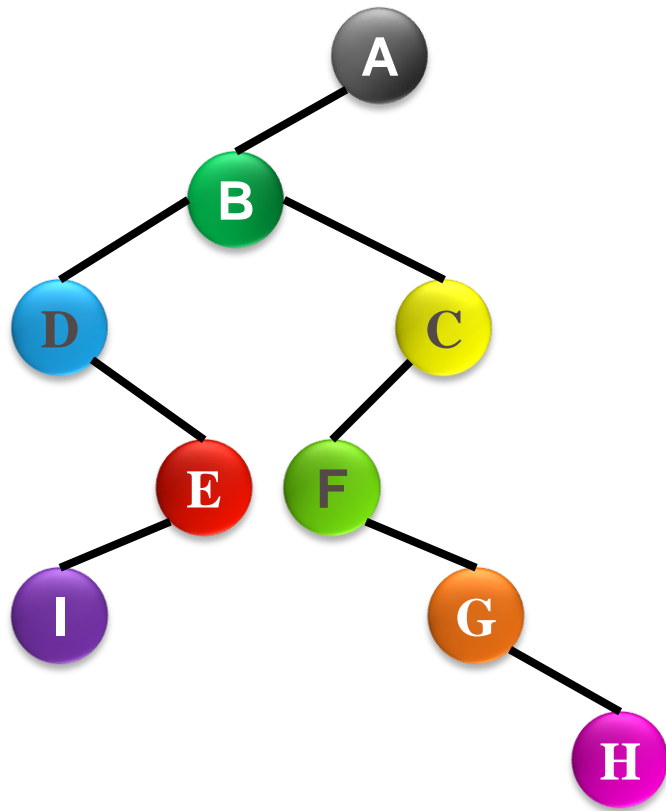
```
class Node:
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.left = None
        self.right = None
```



# STRUKTUR DATA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

## ■ Perbandingan Binary Tree dan Implementasi Binary Tree di Memori



# STRUKTUR DATA BINARY TREE

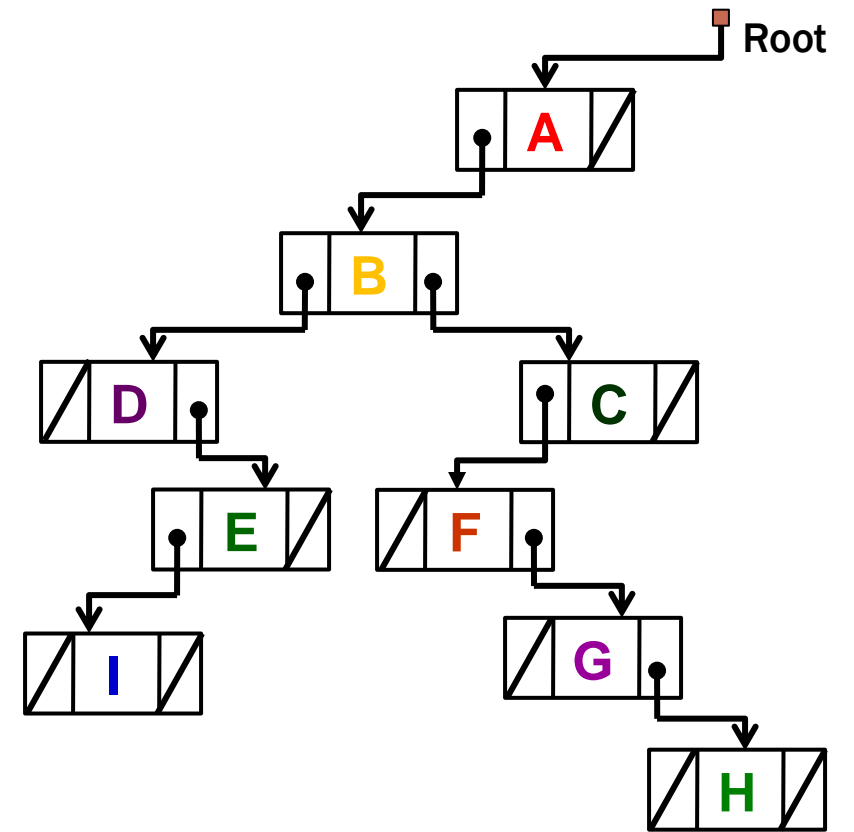
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

## ■ Contoh :

```
class Node:
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.left = None
        self.right = None
```

```
A = Node("A")
B = Node("B")
C = Node("C")
D = Node("D")
E = Node("E")
F = Node("F")
G = Node("G")
H = Node("H")
I = Node("I")
```

```
A.left = B
B.left = D
B.right = C
C.left = F
D.right = E
E.left = I
F.right = G
G.right = H
```



# OPERASI PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Operasi-operasi yang dapat dilakukan dalam binary tree adalah :
  - Penelusuran Tree
  - Insert Node Baru
  - Penghapusan Node
  - Pembentukan Tree



# PENELUSURAN PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Penelusuran tree dilakukan untuk mengunjungi setiap node yang ada dalam tree.
- Ada 3 cara penelusuran binary tree yaitu :
  - Secara Preorder, yaitu proses menelusuri binary tree dengan cara memproses informasi pada node tersebut, dilanjutkan dengan memproses node anak kiri (Left) dan dilanjutkan dengan memproses node anak kanan (Right). Penelusuran ini disebut juga sebagai penelusuran NLR (Node – Left – Right), disesuaikan dengan cara urutan penelusurannya.
  - Secara Inorder, yaitu proses menelusuri binary tree dengan cara memproses informasi pada node anak kiri (Left) terlebih dahulu, dilanjutkan dengan memproses informasi pada node tersebut dan dilanjutkan dengan memproses node anak kanan (Right). Penelusuran ini disebut juga dengan penelusuran secara LNR (Left – Node – Right).
  - Secara Postorder, yaitu proses menelusuri binary tree dengan cara memproses informasi pada node anak kiri (Left) terlebih dahulu, kemudian diikuti dengan memproses pada node anak kanan (Right) dan diakhiri dengan memproses informasi pada node tersebut. Penelusuran ini disebut juga dengan penelusuran secara LRN (Left – Right – Node).



# ALGORITMA PENELUSURAN PADA BINARY TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Algoritma Penelusuran Binary Tree secara PreOrder untuk tree dimulai dari node N adalah sebagai berikut :
  1. Proses informasi yang ada di node N. Misalnya menampilkan ke layar yang ada di field info pada node N.
  2. Jika anak kiri dari node N tidak NIL, maka lakukan PreOrder pada node anak kiri dari N. Hal ini dilakukan secara rekursif.
  3. Jika anak kanan dari node N tidak NIL, maka lakukan PreOrder pada node anak kanan dari N. Ini juga dilakukan secara rekursif.
- Implementasi penelusuran binary tree secara PreOrder di Bahasa Python.

```
def preorder(N) :  
    print(N.data, end=" ")  
    if N.left is not None:  
        preorder(N.left)  
    if N.right is not None:  
        preorder(N.right)
```



# ALGORITMA PENELUSURAN PADA BINARY TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Algoritma Penelusuran Binary Tree secara InOrder untuk tree dimulai dari node N adalah sebagai berikut :
  1. Jika anak kiri dari node N tidak NIL, maka lakukan InOrder pada node anak kiri dari N. Hal ini dilakukan secara rekursif.
  2. Proses informasi yang ada di node N. Misalnya menampilkan ke layar yang ada di field info pada node N.
  3. Jika anak kanan dari node N tidak NIL, maka lakukan InOrder pada node anak kanan dari N. Ini juga dilakukan secara rekursif.
- Implementasi penelusuran binary tree secara InOrder di Bahasa Python.

```
def inorder(N) :  
    if N.left is not None:  
        inorder(N.left)  
    print(N.data, end=" ")  
    if N.right is not None:  
        inorder(N.right)
```



# ALGORITMA PENELUSURAN PADA BINARY TREE

## 01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Algoritma Penelusuran Binary Tree secara PostOrder untuk tree dimulai dari node N adalah sebagai berikut :
  1. Jika anak kiri dari node N tidak NIL, maka lakukan PostOrder pada node anak kiri dari N. Hal ini dilakukan secara rekursif.
  2. Jika anak kanan dari node N tidak NIL, maka lakukan PostOrder pada node anak kanan dari N. Ini juga dilakukan secara rekursif.
  3. Proses informasi yang ada di node N. Misalnya menampilkan ke layar yang ada di field info pada node N.
- Implementasi penelusuran binary tree secara PostOrder di Bahasa Python.

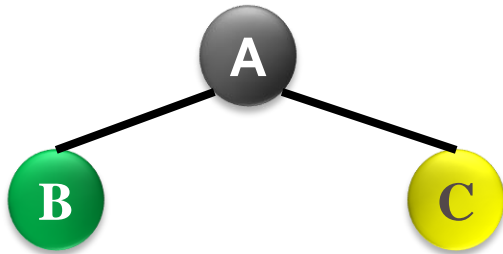
```
def postorder(N) :  
    if N.left is not None:  
        postorder(N.left)  
    if N.right is not None:  
        postorder(N.right)  
    print(N.data, end=" ")
```



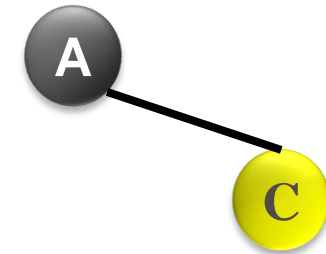


# PENELUSURAN PADA BINARY TREE

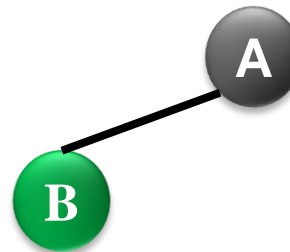
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2



PreOrder (NLR)	InOrder (LNR)	PostOrder (LRN)
A B C	B A C	B C A



PreOrder (NLR)	InOrder (LNR)	PostOrder (LRN)
A C	A C	C A



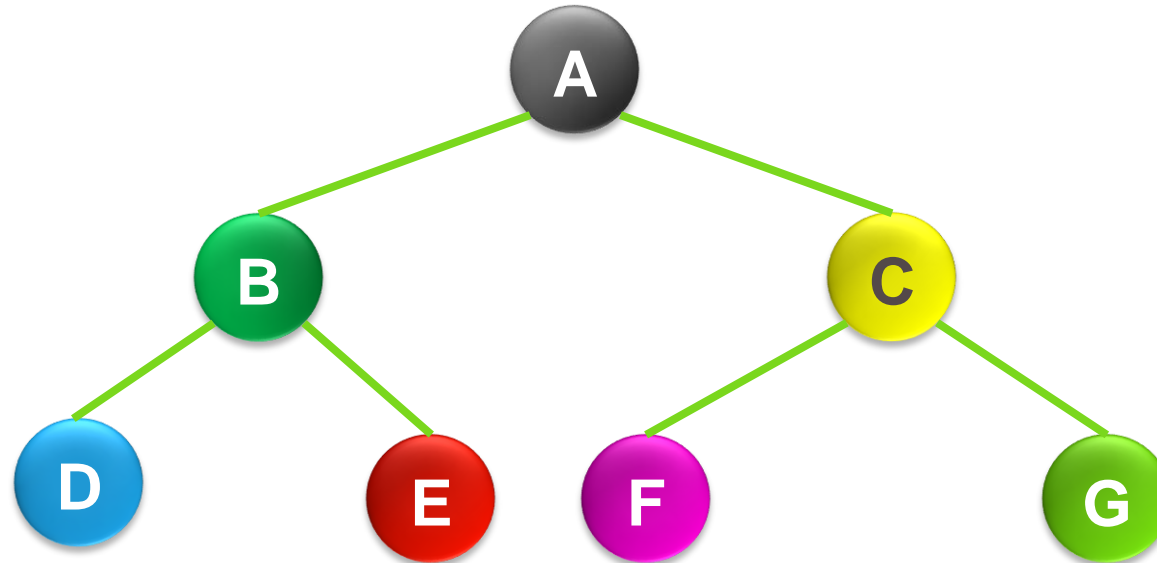
PreOrder (NLR)	InOrder (LNR)	PostOrder (LRN)
A B	B A	B A



Oleh : Andri Heryandi, M.T.

# PENELUSURAN PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

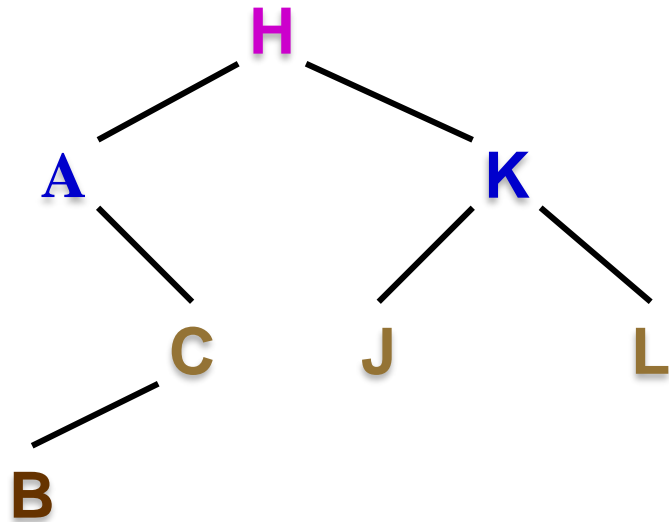


PreOrder (NLR)	InOrder (LNR)	PostOrder (LRN)
<u>A</u> <u>B</u> <u>D</u> <u>E</u> <u>C</u> <u>F</u> <u>G</u>	<u>D</u> <u>B</u> <u>E</u> <u>A</u> <u>F</u> <u>C</u> <u>G</u>	<u>D</u> <u>E</u> <u>B</u> <u>F</u> <u>G</u> <u>C</u> <u>A</u>
<u>N</u> <u>  L  </u> <u>  R  </u>	<u>  L  </u> <u>N</u> <u>  R  </u>	<u>  L  </u> <u>  R  </u> <u>N</u>
<u>N</u> <u>L</u> <u>R</u> <u>N</u> <u>L</u> <u>R</u>	<u>L</u> <u>N</u> <u>R</u> <u>L</u> <u>N</u> <u>R</u>	<u>L</u> <u>R</u> <u>N</u> <u>L</u> <u>R</u> <u>N</u>



# PENELUSURAN PADA BINARY TREE

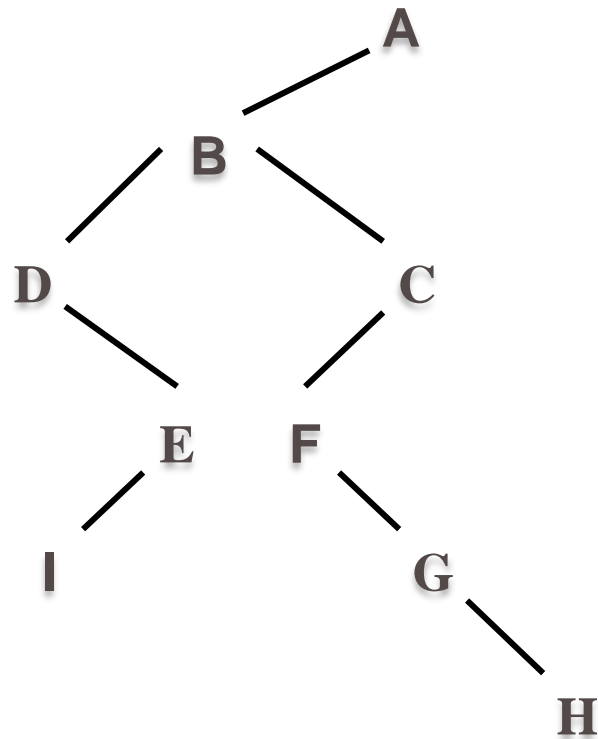
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2



Preorder (NLR) : **H A C B K J L**  
Inorder (LNR) : **A B C H J K L**  
Postorder (LRN) : **B C A J L K H**

# PENELUSURAN PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2



<b>Preorder (NLR)</b>	<b>: ABDEICFGH</b>
<b>Inorder (LNR)</b>	<b>: DIEBFGHCA</b>
<b>Postorder (LRN)</b>	<b>: IEDHGF CBA</b>

# INSERT NODE BARU PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

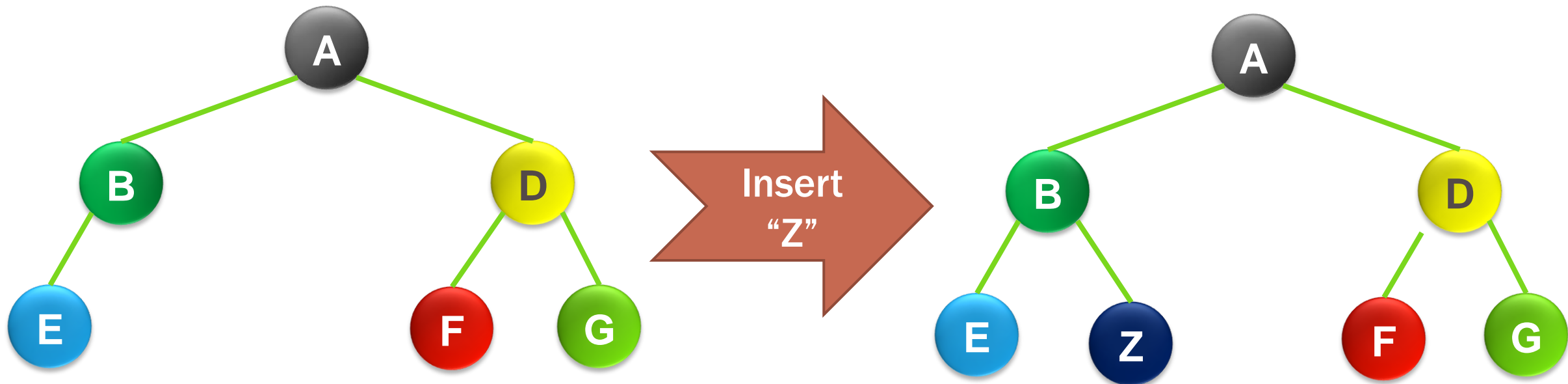
- Operasi insert node baru dalam binary tree dilakukan untuk menyisipkan node baru agar menjadi bagian dari tree.
- Langkah-langkah melakukan penambahan/insert node baru ke sebuah binary tree adalah sebagai berikut :
  1. Cari node yang masih belum memiliki 2 node anak. Periksa dari node di level 1 ke level-level berikutnya.
  2. Jika telah ditemukan node yang belum memiliki 2 anak (misalnya belum punya anak sama sekali, atau punya anak kiri saja, atau punya anak kanan saja), maka sambungkan node baru tersebut sebagai node anak dari node tersebut. Prioritaskan node baru pada node sebelah kiri (jika node belum memiliki anak kiri).



# INSERT NODE BARU PADA BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Ilustrasi insert node baru dalam binary tree.



**Sebelum Insert**

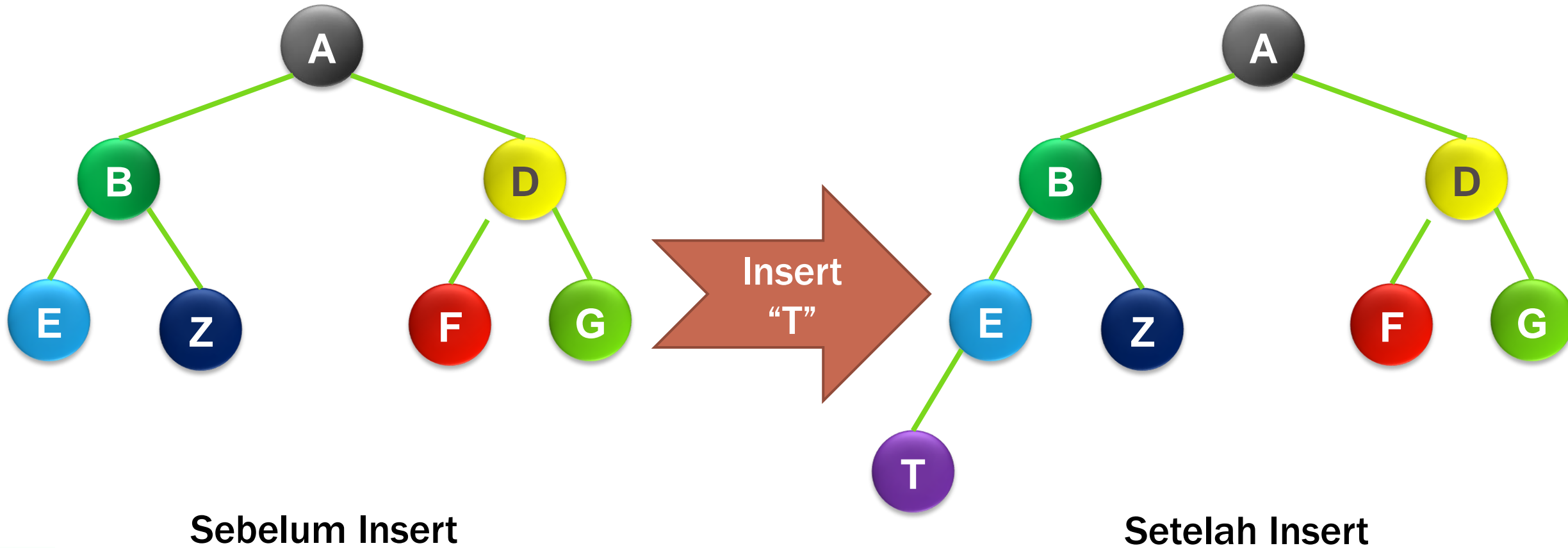
**Setelah Insert**



# INSERT NODE BARU

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Ilustrasi insert node baru dalam binary tree.



# PENGHAPUSAN NODE DALAM BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Penghapusan sebuah node dalam binary tree.
- Langkah-langkah melakukan penghapusan node pada sebuah binary tree adalah sebagai berikut :
  1. Cari node yang akan dihapus (sebut sebagai N).
  2. Cari node yang berada pada posisi paling kanan di level paling bawah (sebut sebagai node T).
  3. Isikan informasi dari node T ke node N. (isi node T diisikan ke node N sebagai node pengganti yang akan dihapus).
  4. Hapus node T.

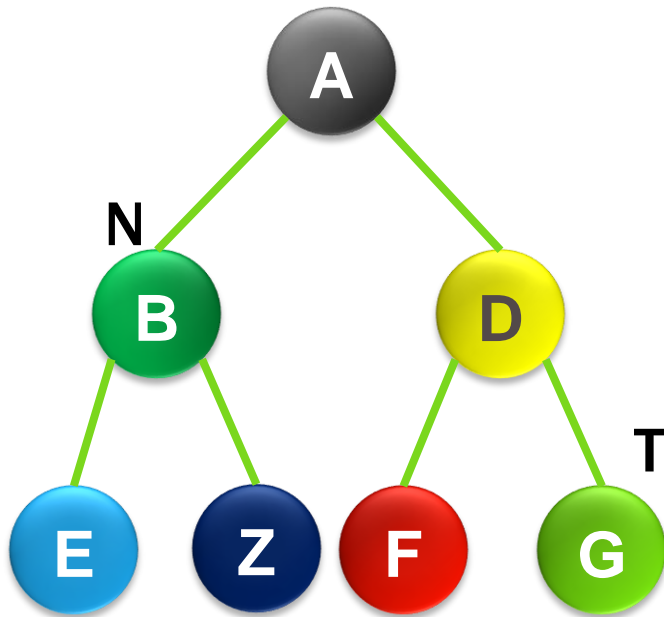




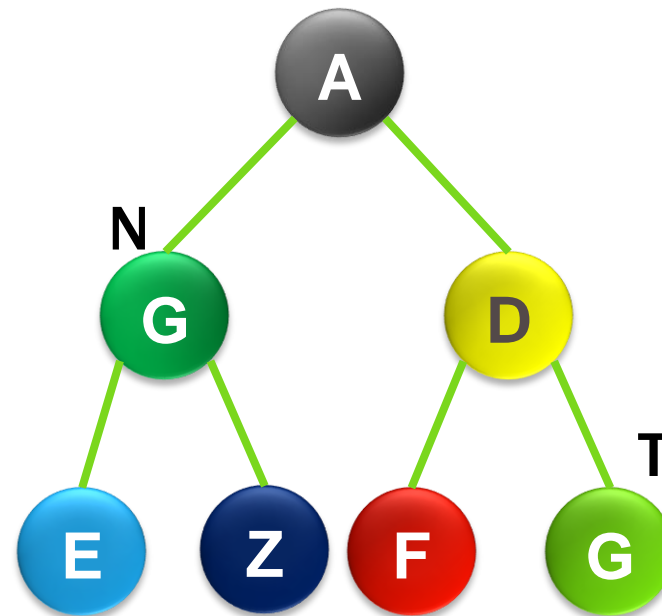
# PENGHAPUSAN NODE DALAM BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

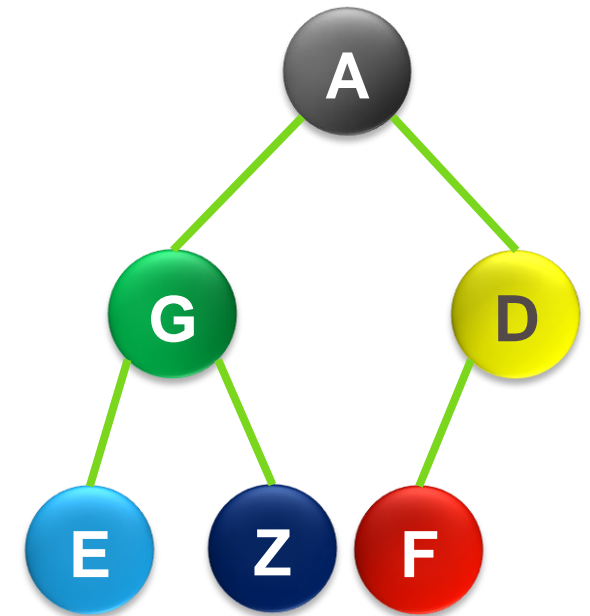
- Penghapusan sebuah node dalam binary tree. Contoh : Hapus node “B”



Cari node yang akan dihapus (N) dan node paling akhir (T)



Isikan info node T ke node N



Hapus node terakhir (level paling bawah, paling kanan)



# PEMBENTUKAN BINARY TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Pembentukan binary tree dilakukan ketika kita sudah memiliki sekumpulan data yang akan dijadikan binary tree.
- Ada 3 cara untuk membentuk binary tree, yaitu :
  - Pembentukan binary tree dari data masukan.
  - Pembentukan binary tree dari general tree.
  - Pembentukan binary tree dari hasil penelusuran binary tree.



# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI DATA MASUKAN

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Pembentukan binary tree dari masukan data berarti proses pembentukan data berdasarkan sekumpulan data yang sudah tersedia sebelumnya.
- Langkahnya adalah dengan melakukan proses insert node baru (lihat operasi insert node baru) satu per satu ke dalam tree.



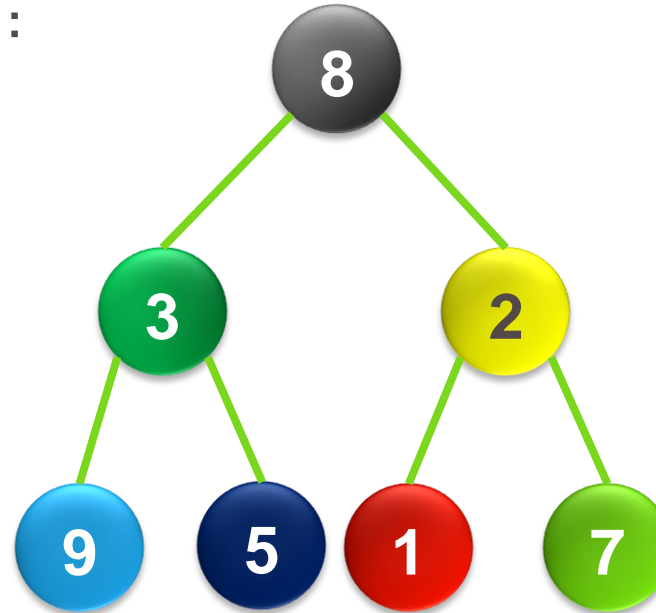
# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI DATA MASUKAN

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

Ilustrasi pembentukan binary tree dari data masukan.

Contoh data masukan :

1. 8
2. 3
3. 2
4. 9
5. 5
6. 1
7. 7



# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Sebuah general tree dapat dijadikan binary tree.
- Langkah untuk mengkonversinya adalah dengan ketentuan sebagai berikut :
  - a. Anak pertama di *general tree* menjadi anak kiri di *binary tree*
  - b. Saudaranya (**next sibling**) di *general tree* menjadi anak kanan di *binary tree*

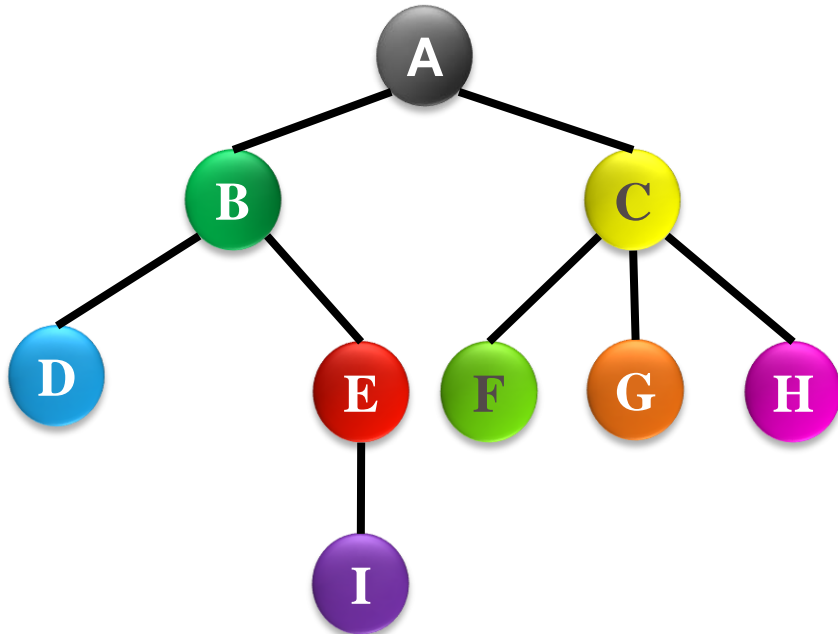


# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI GENERAL TREE

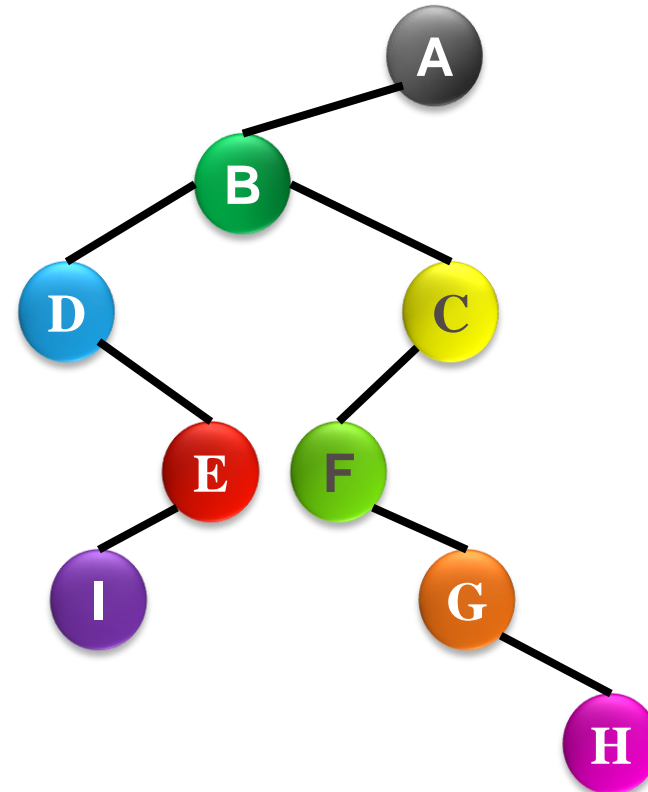
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

Contoh konversi general tree menjadi binary tree.

**General Tree**



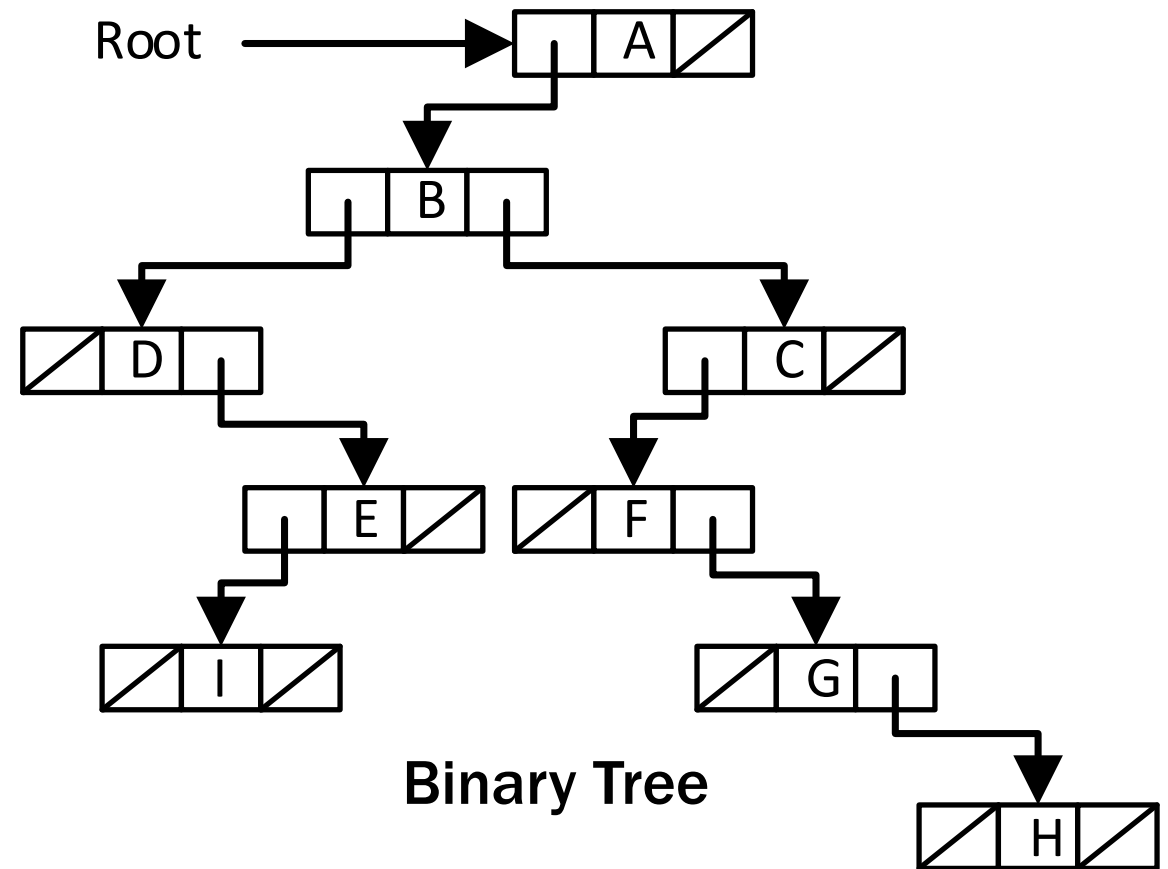
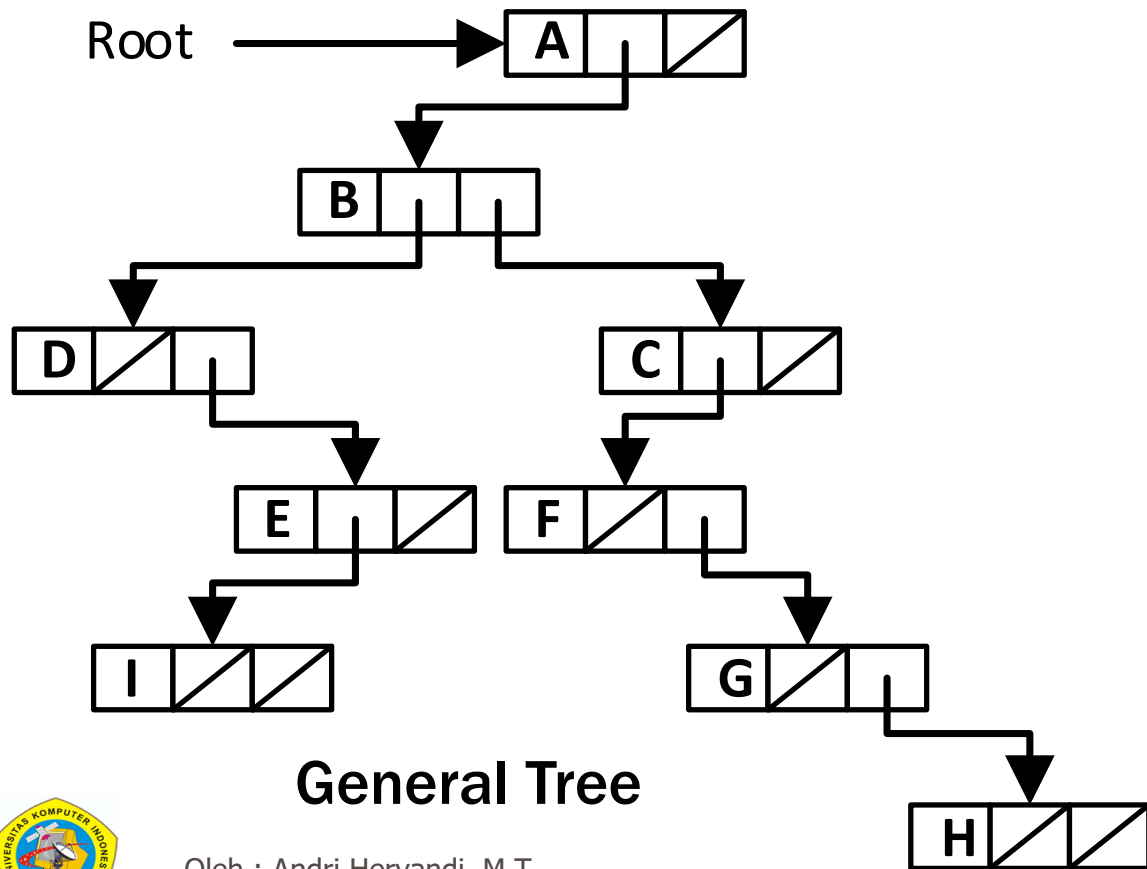
**Binary Tree**



# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI GENERAL TREE

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

Contoh konversi general tree menjadi binary tree di memori.



# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI HASIL PENELUSURAN

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Pembentukan binary tree dari hasil penelusuran tree dimungkinkan dengan syarat melibatkan 2 hasil penelusuran yang salah satunya adalah penelusuran InOrder.
- Hasil penelusuran PreOrder dan PostOrder digunakan untuk urutan eksekusi pembentukan tree-nya, sedangkan hasil penelusuran InOrder digunakan untuk mengetahui lokasi suatu node berdasarkan node sebelumnya.





# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI HASIL PENELUSURAN

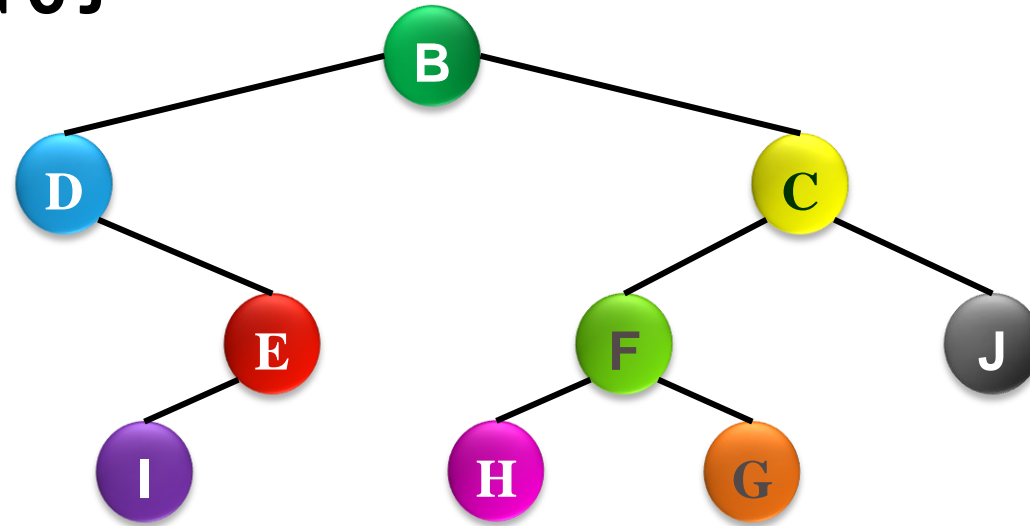
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Contoh pembentukan binary tree dari hasil penelusuran InOrder dan PreOrder

Diketahui dua hasil penelusuran sbb:

Preorder : **B D E I C F H G J**

Inorder : **D I E B H F G C J**



# PEMBENTUKAN BINARY TREE DARI HASIL PENELUSURAN

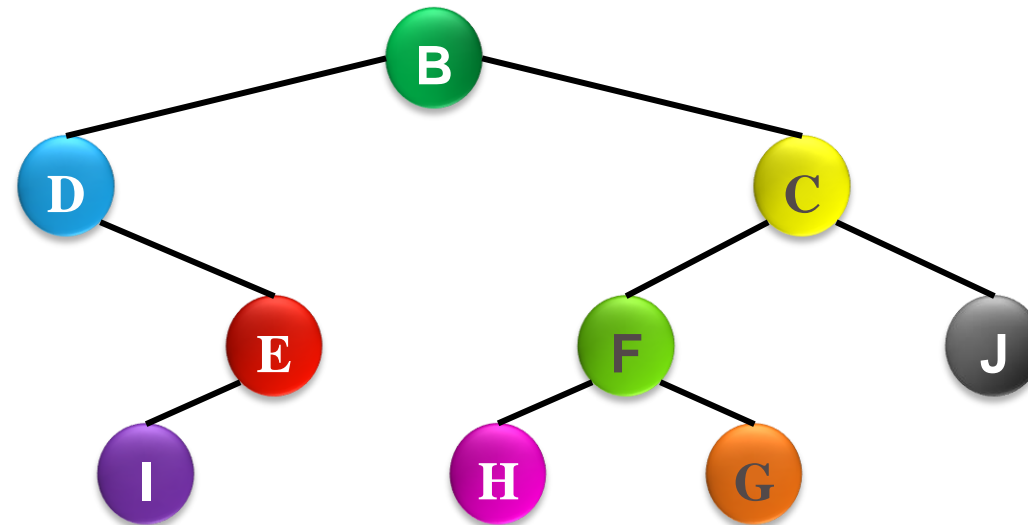
01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2

- Contoh pembentukan binary tree dari hasil penelusuran InOrder dan PostOrder

Diketahui dua hasil penelusuran sbb:

InOrder : **D I E B H F G C J**

PostOrder : **I E D H G F J C B**



# FORUM DISKUSI

01158 - ALGORITMA DAN STRUKTUR DATA 2



**LMS UNIKOM**

<https://lms.unikom.ac.id>



**Group Whatsapp  
Perkuliahahan**



**Youtube Comments**

<https://unikom.id/YTCStrukturData>

