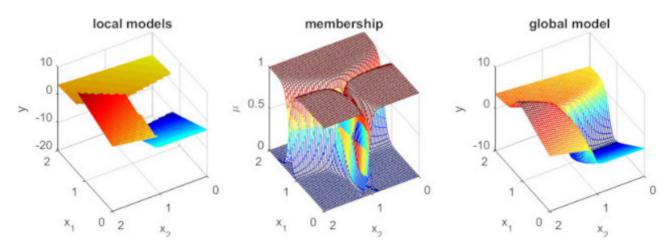
# TS-Toolbox

Matlab-Toolbox zur nichtlinearen Systemidentifikation mittels lokal affiner Tagaki-Sugeno-Modelle



Version: 1.3 vom 14.9.2020

Prof. Dr.-Ing. Andreas Kroll, FG Mess- und Regelungstechnik, FB 15 Maschinenbau, Universität Kassel



URL: http://www.uni-kassel.de/go/mrt

Author: Axel Dürrbaum (mailto:axel.duerrbaum@mrt.uni-kassel.de)

## **Contents**

- Aufgabe: Nichtlineare Systemidentifikation und Regression
- Modellansatz: lokal affine Tagaki-Sugeno-Modelle (TS)
- Funktionsprinzip
- Clusterung
- Verfügbare Zugehörigkeitsfunktionen
- Lokale TS-Modelle
- Modellgütemaße
- Visualisierung
- Dokumentation
- Benötigte Software
- Installation
- Verzeichnisse
- Musterprojekte
- Implementierung
- Verfügbare Objekte (ToDo)
- Verfügbare Funktionen

# Aufgabe: Nichtlineare Systemidentifikation und Regression

• für statische MISO-Modelle

$$y(t) = f(u_1(t), \dots, u_m(t))$$

• oder dynamische MISO-Modelle

$$y(t) = f(u_1(t), \dots, u_1(t-m_1), \dots, u_m(t-1), \dots, u_m(t-m_m), \dots, y(t-1), \dots, y(t-n)$$

# Modellansatz: lokal affine Tagaki-Sugeno-Modelle (TS)

Überlagerung der c lokal affinen Teilmodelle  $y_i(x)$  zu einem Gesamtmodell

$$\hat{y}(t) = \sum_{i=1}^{c} \mu_i(z) \cdot \hat{y}_i(x)$$

- $^{ullet}$  mit den Eingangssignalen u(t) und dem Ausgangssignal y(t),
- der Scheduling-Variablen z(u, y),
- der Zugehörigkeitsfunktionen  $\mu_i(z)$ ,
- der Regressor-Variablen x(u,y)
- "und den lokalen TS-Modellen  $\hat{y}_i(x)$

# **Funktionsprinzip**

- Datensatz  $\{u(t), (y(t))\}$ , ggf. Normierung und Split in Identifikations- und Validierungsdaten
- Ggf. Anpassung der Standard-Einstellungen der Hyperparameter \* Clusterung  $\nu$ , c,  $\epsilon_{FCM}$  \* Multistart \* NL-Optimierung
- ullet Vorgabe der Anzahl der lokalen Modelle c und des Unschärfeparameters u
- Clustering zur Emittlung der Partitionierung bzw. Lage der Teilmodelle im Scheduling-Raum, Multistartstrategie mit Auswahl des besten Ergebnisses auf Basis des Modellfehlers auf Identtifikationsdaten
- Initiale Schätzung der lokalen Modelle mittels Least-Squares-Verfahren (lokal oder global)
- Optionale Optimierung der Zugehörigkeitsfunktionen  $\mu$  und/oder der lokalen Teilmodelle  $\hat{y}$  mittels nichtlinearer Optimierung der Simulation (Matlab-Funktion lsqnonlin)
- Unterschiedliche Wahl der Scheduling- und Regeressor-Variablen möglich
- Validierung auf neuen Daten

# Clusterung

Eingangs- (u) oder Produktraum (u|y)

Implementierte Algorithmen:

- · Abstandsnormen: Euklid, Mahalanobis
- Fuzzy C-Means (FCM)
- Gustafson-Kessel (GK)

# Verfügbare Zugehörigkeitsfunktionen

- FCM-Type-Funktionen
- Gauss-Funktionen

#### Lokale TS-Modelle

- Linear:  $y(t) = \sum_{i=0}^{n} a_i \cdot u_i(t) + a_0$
- $\bullet_{\mathsf{ARX}} \cdot y(t) = A \cdot y(t dt) + B \cdot u(t) + C$
- $OF \cdot y(t) = A \cdot y(t dt) + B \cdot u(t) + C + e(t)$

# Modellgütemaße

auf Identifikations- und Validierungsdaten

- Maximum Absolute Error (MAE)
- Sum of Squared Errors (SSE)
- Mean Squared Error (MSE)
- Root Mean Squared Error (RMSE)
- Normalized Mean Squared Error (NMSE)
- Best Fit Rate (BFR)
- ??? Akaike Information Criterion (AIC)
- ??? Bayesian Information Criterion (BIC)

## Visualisierung

- Clusterung (2D, n-dimensional als mehrfache 2D)
- ??? Zugehörigkeitsmaße / Regelaktivierung
- Residuen
- ??? Residualhistogramm
- Simulation oder 1-Schritt-Prädiktion auf Identifikations- oder Validierungsdaten

## **Dokumentation**

# **Benötigte Software**

- Matlab R2019a oder höher (Windows/Linux/MacOS)
- Matlab Fuzzy Toolbox (Funktion fcm)
- Matlab Optimzation Toolbox (Funktion Isqnonlin)

#### Installation

- 1. Das Archiv TS\_Modell <datum> dist.zip in ein beliebiges Verzeichnis entpacken
- 2. Das Verzeichnis mit der Klasse TSModel muss in den Matlab-Suchpfad aufgenommen werden:

addpath('.../TS Toolbox/TSModel')

## Verzeichnisse

TS\_Toolbox: Hauptverzeichnis der Toobox

- TS Toolbox/TSModel: Klasse für TS-Modell
- TS\_Toolbox/Functions: ohne Klasse TSModel nutzbare Funktionen
- TS Toolbox/Examples: Beispielprojekte

## Musterprojekte

im Verzeichnis Examples befinden sich einige Projekte, die den typischen Workflow bei der Arbeit mit der Toolbox zeigen:

- statisch: Akademisches Beispiel LiP Akad
- statisch: Friedmann-Funktion 2D/3D LiP Friedman
- statisch: Kompressor-Kennlinie 3D LiP Kompressor
- dynamisch: Narendra (SISO) NARX Narendra.m
- dynamisch: Narendra (SISO) NOE\_Narendra.m
- dynamisch: Regelkappe (SISO) NARX Throttle.m
- dynamisch: Drosselkappe IAV (MISO) NARX Ladedruck.m

## **Implementierung**

Objektorientierte Realisierung:

- ${}^ullet$  Objekt Daten  ${\sf tsData}: u(t), y(t)$
- Objekt Modell tsModel: Daten, Premisse, Konklusion
- Objekt Premisse|tsPrem|: Scheduling / Zugehörigkeitsfunktion (ToDo)
- Objekt Premisse|tsConc|: Regressor / lokale Modelle (LiP/ARX/OE) (ToDo)

# Verfügbare Objekte (ToDo)

- Daten Parameter, Methoden
- Modell Parameter, Methoden

## Verfügbare Funktionen

Funktionen, die nicht auf Objekten arbeiten

\$ld: tsm\_Manual.m | Fri Dec 4 14:38:44 2020 +0100 | Axel Dürrbaum \$

Published with MATLAB® R2020a