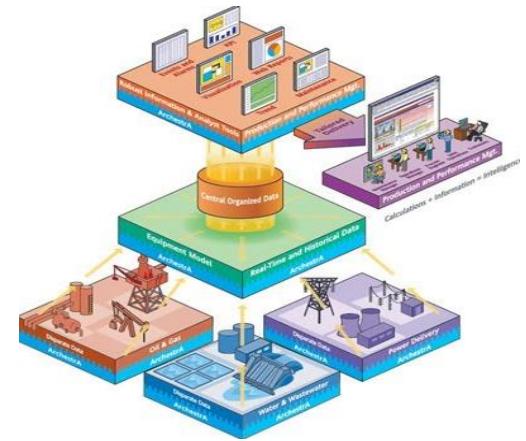
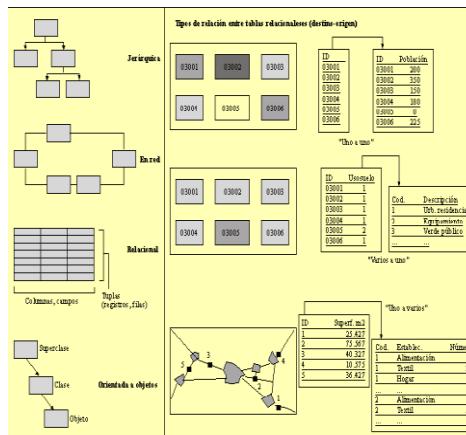


Tema 3

El Modelo de Datos Relacional

Parte 2/3

Grado en Ingeniería Informática



Bases de
Datos
2021/22

Departamento de Tecnologías de la Información
Universidad de Huelva

3.4 Lenguajes relacionales

3.4.1 Álgebra relacional

- El álgebra relacional es un **lenguaje procedimental**, es decir, hay que indicar en qué orden se tienen que ejecutar las operaciones para obtener el resultado esperado.
- Consiste en un conjunto de operadores de alto nivel que actúan sobre una o dos relaciones y producen como resultado una nueva relación.
- Los 9 operadores propuestos por Codd son:
 - Los tradicionales de la teoría de conjuntos: **Unión, Intersección, Diferencia y Producto Cartesiano.**
 - Operadores propiamente relacionales: **Selección, Proyección, Concatenación, División y Renombrar.**

Definiciones

- Los atributos de una relación pueden ser **referenciados** anteponiéndole el nombre de la relación y un punto: $R.A_1, R.A_2, \dots, R.A_n$
- Dos relaciones R y S son **compatibles** a efectos de los operadores del álgebra relacional si ambas tienen el mismo grado y ambas están definidas sobre el mismo conjunto de dominios

Operaciones del Álgebra Relacional

Operación Renombrar

- Se puede definir un alias para una relación, para los nombres de sus atributos o para ambos:
 - $\rho_S(R)$: renombra la relación R como S
 - $\rho_{(B_1, B_2, \dots, B_n)}(R)$: renombra los atributos de R por B_1, B_2, \dots, B_n
 - $\rho_{S(B_1, B_2, \dots, B_n)}(R)$: renombra el nombre de la relación y los atributos
 - $\rho_{A_1, A_2, \dots, A_n \rightarrow B_1, B_2, \dots, B_n}(R)$: renombra los atributos A_1, A_2, \dots, A_n de R por B_1, B_2, \dots, B_n

Operación Selección

- Sea $R(A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$ el esquema de una relación y f una fórmula o condición.

Se define la selección $Z = \sigma_f(R)$

con esquema $Z(A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$

y tuplas $Z = \{ t \mid t \in R \wedge f(t) \}$

- Se cumplen las siguientes propiedades:

$$\text{grado}(Z) = \text{grado}(R) \quad \text{y} \quad \text{cardinalidad}(Z) \leq \text{cardinalidad}(R)$$

Operación Selección

Ejemplos

- Obtener una lista de las asignaturas de 4.5 créditos.

ASIG_4.5

idAsig	nombre	créditos	curso	cuat	esp	prof
A007	Análisis Numérico	4.5	3	1	SG	17
A008	Programación II	4.5	3	1	SG	25
A012	Arquitectura de Computadores I	4.5	1	2	S	07

- Obtener una lista de los alumnos nacidos en Huelva y que tengan más de 1 hermano.

nAl	dni	nombre	fechaNac	lugar	nH	ordenador
332	29.568.777	Pedro Martínez Alvarez	20/03/72	Huelva	2	Ord010

Operación Proyección

- Sea $R (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$ el esquema de una relación y $B = (B_1, B_2, \dots, B_m)$ un subconjunto de (A_1, A_2, \dots, A_n)

Se define la proyección $Z = \pi_B (R)$

con esquema $Z (B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$

y tuplas $z = \{ t(B) \mid B \subset A \}$

- Se cumplen las siguientes propiedades: grado(Z) \leq grado(R) y cardinalidad(Z) \leq cardinalidad(R)

Ejemplos

- Obtener los números de los despachos donde hay profesores

despacho
FC-7366
FC-7382
FC-7364
FC-7387
FC-7389

- Obtener los nombres de los profesores que en 2004 tuvieron más 3 años de antigüedad

nombre
José Manuel Ramos López
Lourdes Pérez Pulido
Francisco Moro Botella
Antonio Torres García
Dolores Toscano Barriga

Operación Unión

- La unión de dos relaciones **compatibles** A y B , denotado por $A \cup B$, es otra relación que toma el esquema del primer operando (por convención) y que está constituida por las tuplas que pertenezcan a A o a B o a ambas.
- La unión es **comutativa** y **asociativa**

PROFESORES

nombre	localidad
Martínez, P	Madrid
Suarez, L	Huelva
Delgado, J.C	Huelva
Díaz, M.A.	Sevilla
Izquierdo, S	Zamora
Segura, S	Sevilla
López, J.C	Huelva

PROFESORES \cup CLAUSTRALES

nombre	localidad
Martínez, P	Madrid
Suarez, L	Huelva
Delgado, J.C	Huelva
Díaz, M.A.	Sevilla
Izquierdo, S	Zamora
Segura, S	Sevilla
López, J.C	Huelva
Sánchez, N	Cádiz
Santos, J.A	Huelva
Santos, J.A	Huelva

CLAUSTRALES

nombre	localidad
Martínez, P	Madrid
Delgado, J.C	Huelva
Sánchez, N	Cádiz
Santos, J.A	Huelva
López, J.C	Huelva

Operación Diferencia

- La diferencia de dos relaciones **compatibles** A y B , denotado por $A - B$ es otra relación que toma el esquema del primer operando (por convención) y que está constituida por las tuplas que pertenezcan a la relación A pero no a la relación B . La diferencia **no es conmutativa**

PROFESORES - CLAUSTRALES

Suarez, L	Huelva
Díaz, M.A.	Sevilla
Izquierdo, S	Zamora
Segura, S	Sevilla

Operación Intersección

- La intersección de dos relaciones **compatibles** A y B , denotado por $A \cap B$ es otra relación que toma el esquema del primer operando (por convención) y que está constituida por las tuplas que pertenezcan tanto a la relación A como a la relación B . La intersección es **conmutativa y asociativa**

PROFESORES \cap CLAUSTRALES

nombre	localidad
Martínez, P	Madrid
Delgado, J.C	Huelva
López, J.C	Huelva

Operación División

- Sean $A (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n, B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$ y $B (B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$ los esquemas de dos relaciones

Se define la división $Z = A \div B$

con esquema $Z (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$

y tuplas $z = \{ t \mid \forall s \in B \Rightarrow \exists ts \in A \}$

- Esta operación se utiliza en consultas donde se desea conocer la relación que existe entre un elemento de un conjunto con **TODOS** los elementos de otro conjunto

Ejemplo

- Obtener el código de los alumnos matriculados en todas las asignaturas comunes de segundo curso

--

alum
231

Operación División

Ejemplos

S	P
S1	P1
S1	P2
S1	P3
S1	P4
S1	P5
S1	P6
S2	P1
S2	P2
S3	P2
S4	P2
S4	P4
S4	P5

D1

P
P1

D2

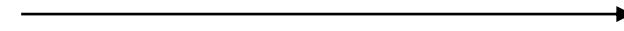
P
P2
P4

D3

P
P1
P2
P3
P4
P5
P6

 $R1 \div D1$ 

S
S1
S2

 $R1 \div D2$ 

S
S1

 $R1 \div D3$ 

S
S1

Operación Producto cartesiano

- Sean $A (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$ y $B (B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$ los esquemas de dos relaciones con n_A y n_B tuplas respectivamente

Se define $Z = A \times B$

con esquema $Z (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n, B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$

y tuplas $z = \{ t \mid t = ab, a \in A \wedge b \in B \}$ con cardinalidad(Z)= $n_A * n_B$

Ejemplo

- Nombre de las asignaturas de segundo curso junto con el nombre del profesor responsable.

nomAsig	nombre
Sistemas Operativos I	José Manuel Ramos López
Bases de Datos I	Lourdes Pérez Pulido
Bases de Datos	Lourdes Pérez Pulido
Sistemas Operativos II	José Manuel Ramos López
Ingeniería del SW de Gestión I	Dolores Toscano Barriga
Arquitectura de Computadores II	Santiago Barroja López

Operación Concatenación

- También se denomina **combinación** o **reunión** y sirve para combinar tuplas relacionadas de dos relaciones en una sola tupla
- Sean $A (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n)$ y $B (B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$ los esquemas de dos relaciones y θ un predicado de la forma

<condición> \wedge <condición> \wedge ... \wedge <condición>

donde cada <condición> tiene la forma $A_i \theta B_j$ y θ es un operador de comparación ($>$ $<$ $=$ \geq \leq \neq)

- La θ -concatenación de las relaciones A y B bajo la condición θ

$$Z = A \bowtie_{\theta} B$$

con esquema $Z (A_1:D_1, A_2:D_2, \dots, A_n:D_n, B_1:E_1, B_2:E_2, \dots, B_m:E_m)$

y tuplas $z = \{t \mid t = ab, a \in A \wedge b \in B, y \theta \text{ es cierto en } t\}$

- Si los operadores de comparación θ son todos de igualdad, se denomina **equiconcatenación**

Operación Concatenación

- Cuando de la equiconcatenación se eliminan los atributos superfluos, se dice que el resultado es una **concatenación natural**, y se denota:

$$A \bowtie B$$

- La concatenación natural exige que cada par de *atributos de reunión* tenga el mismo nombre en las dos relaciones, por lo que puede ser necesario renombrarlos
- El grado ($A \bowtie B$) = grado(A) + grado(B) – n^o de pares de *atributos de reunión*, ya que se realiza una proyección no redundante de atributos

Operación Concatenación

Ejemplos

- Número y nombre de los alumnos matriculados en el curso 2001/2002

nAl	nombre
150	Samuel Toscano Villegas
231	Luis Enrique Moreno López
112	Francisco Gallego Macías
220	Beatriz Rico Vázquez

- Listado del nombre de los alumnos junto con el lugar donde realizan las prácticas durante el año

nombre	Lugar
Eva García Gil	Aula 7
Manuel López González	Aula 7
Francisco Gallego Macías	Aula 7
Mercedes Gómez Martín	Aula 8
Beatriz Rico Vázquez	Aula 8
Pablo Gómez Ruíz	Aula 8
Teresa Díaz Camacho	Aula 8
Antonio Resines Pérez	Aula 8
Luis Enrique Moreno López	Aula 8
Pedro Martínez Álvarez	Aula 8
Samuel Toscano Villegas	Aula 8

Operación Concatenación

- Nombres de los profesores junto con el nombre de las asignaturas que impartieron y el año, durante los años 2001 y 2002

nomProf	nombre	año
Lourdes Pérez Pulido	Bases de Datos I	2002
Luis Sánchez Santos	Arquitectura de Computadores I	2001
José Manuel Ramos López	Sistemas Operativos I	2001
Lourdes Pérez Pulido	Bases de Datos I	2001
Dolores Toscano Barriga	Ingeniería del SW de Gestión II	2001
Dolores Toscano Barriga	Ingeniería del SW de Gestión II	2002
Luis Sánchez Santos	Bases de Datos I	2002
Sandra Tena Martín	Algoritmos y Estructuras de Datos I	2002
Lourdes Pérez Pulido	Bases de Datos	2001
Lourdes Pérez Pulido	Bases de Datos	2002
Luis Sánchez Santos	Sistemas Operativos II	2001
Luis Sánchez Santos	Sistemas Operativos II	2002

Operación de agrupación y funciones de agregación

- Las **funciones de agrupación** son funciones matemáticas y estadísticas que operan sobre conjuntos de valores de la base de datos y devuelven un solo valor
 - **Ejemplos** de funciones: *suma, media, máximo, mínimo, cuenta*
 - Cuando se aplica una función de agrupación los duplicados **no se eliminan**
- Un tipo de solicitud habitual consiste en agrupar las tuplas de una relación según el valor de uno o varios de sus atributos para aplicarle una función de agrupación independientemente a cada grupo

atributos_agrupación \mathcal{G} funciones_agregación (TABLA)

Ejemplos

- Obtener los créditos totales que se ofertan en cada uno de los cursos

curso	SUMA(créditos)
1	20.25
2	40.5
3	22.5

Operación de agrupación y funciones de agregación

Ejemplos

- Créditos totales entre todas las asignaturas

SUMA(créditos)
83.25

- Listado, para cada asignatura, de las nota más alta y más baja obtenidas durante el curso 2002-2003 en las convocatorias de Febrero y Junio.

nombre	max	min
Bases de Datos I	7	3
Bases de Datos	2	2
Ingeniería del Software II	4	4
Sistemas Operativos II	2	2

Operación concatenación externa

- El objetivo de esta función es el de impedir que se pierdan las tuplas “no relacionadas” que desaparecen al aplicar la operación de concatenación entre dos relaciones. Por ejemplo, queremos una consulta que nos proporcione la dirección de las tiendas junto con las existencias de productos en las distintas tiendas (haya o no haya productos en la tienda)

TIENDAS

id	dirección	localidad
T1	Paseo de Gracia, 1	Barcelona
T2	Gran Vía, 9	Bilbao
T3	C/ Sagasta, 25	Madrid
T4	Avda. República Argentina, 25	Sevilla
T5	Paseo Recoletos, 3	Madrid
T6	Avda. Italia, 46	Huelva

EXISTENCIAS

id	pid	cant
T1	P3	17
T1	P4	130
T2	P3	4
T2	P10	80
T2	P25	12
T4	P26	23
T5	P3	20
T5	P4	89

- Si realizamos una concatenación natural entre TIENDAS y EXISTENCIAS obtendremos la siguiente relación

TIENDAS \bowtie EXISTENCIAS

id	dirección	localidad	pid	cant
T1	Paseo de Gracia, 1	Barcelona	P3	17
T1	Paseo de Gracia, 1	Barcelona	P4	130
T2	Gran Vía, 9	Bilbao	P3	4
T2	Gran Vía, 9	Bilbao	P10	80
T2	Gran Vía, 9	Bilbao	P25	12
T4	Avda. República Argentina, 25	Sevilla	P26	23
T5	Paseo Recoletos, 3	Madrid	P3	20
T5	Paseo Recoletos, 3	Madrid	P4	89

Operación concatenación externa

- Como se puede apreciar, no aparecen las direcciones de las tiendas T3 y T6, ya que en ese momento no tienen en existencias ningún producto
- Para poder asociar todas las tuplas, incluso las que no tienen correspondencia o el valor de combinación es nulo, usaremos la:

Concatenación externa **izquierda**



Concatenación externa **derecha**



Concatenación externa **completa**

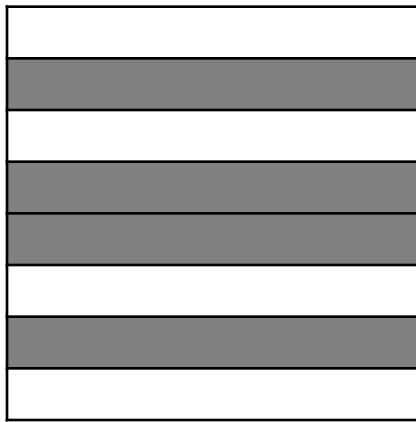
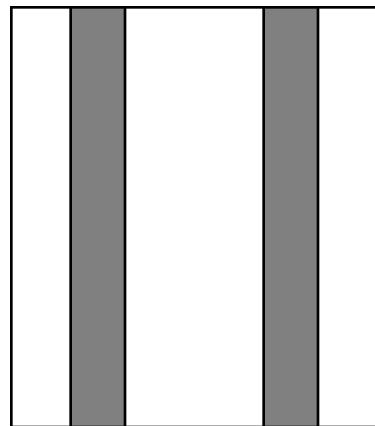
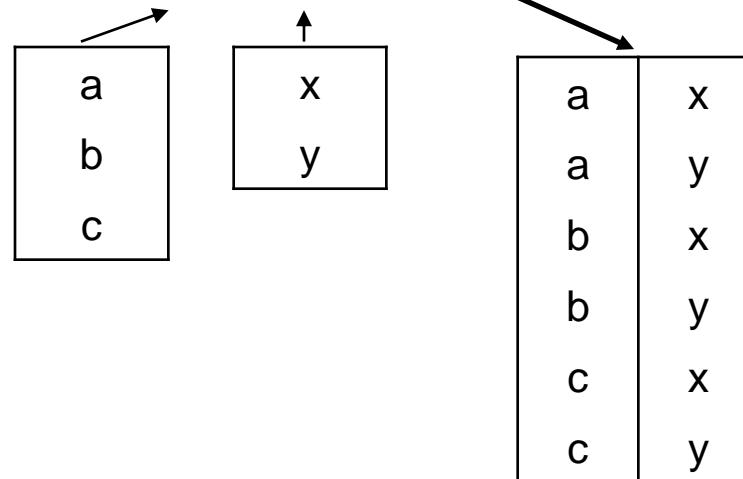
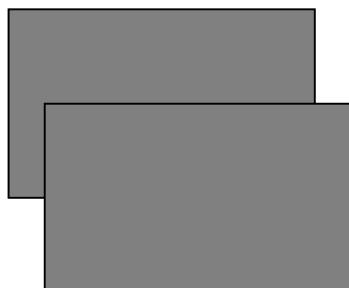
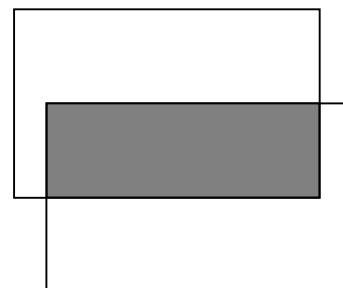


- En nuestro ejemplo, si quisiéramos que se mostraran los valores correspondientes a las tiendas T3 y T6, deberíamos haber usado:

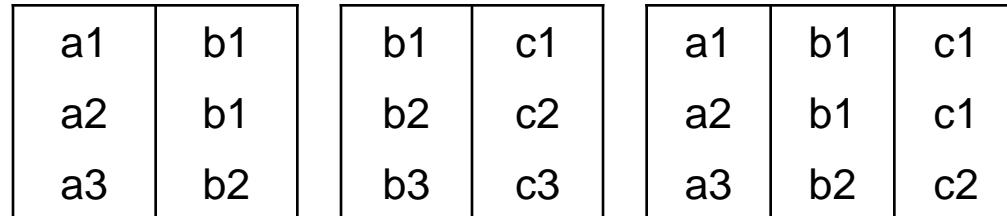
TIENDAS EXISTENCIAS

id	dirección	localidad	pid	cant
T1	Paseo de Gracia, 1	Barcelona	P3	17
T1	Paseo de Gracia, 1	Barcelona	P4	130
T2	Gran Via, 9	Bilbao	P3	4
T2	Gran Via, 9	Bilbao	P10	80
T2	Gran Via, 9	Bilbao	P25	12
T3	C/ Sagasta, 25	Madrid		
T4	Avda. República Argentina, 25	Sevilla	P26	23
T5	Paseo Recoletos, 3	Madrid	P3	20
T5	Paseo Recoletos, 3	Madrid	P4	89
T6	Avda. Italia, 46	Huelva		

Resumen de las operaciones

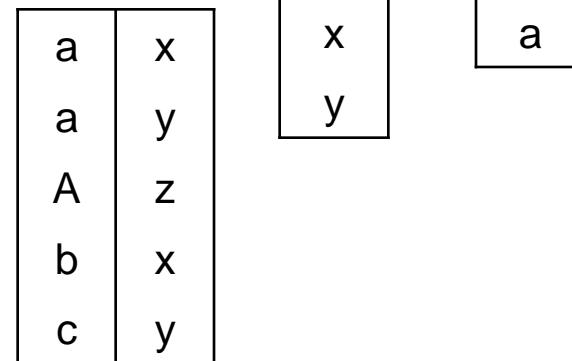
Seleccionar**Proyectar****Producto cartesiano****Unión****Intersección****Diferencia**

Resumen de las operaciones

Concatenación natural

The diagram illustrates the concatenation of three tables (a, b, and c) into one table (a, b, c). The first table (a) has columns a1 and b1. The second table (b) has columns b1 and c1. The third table (c) has columns a2, b2, and c2. The resulting concatenated table (a, b, c) has columns a1, b1, a2, b1, b2, and c1, c2.

a1	b1		a1	b1	c1
a2	b1		a2	b1	c1
a3	b2		a3	b2	c2

División

The diagram illustrates the division of table X by table Y, resulting in table A. Table X has columns a and x, with rows containing (a, x), (a, y), (A, z), (b, x), and (c, y). Table Y has columns x and y, with rows containing (x, y) and (y, y). Table A has column a, with rows containing a, a, A, b, and c.

a	x
a	y
A	z
b	x
c	y

x
y

a
