

Indice

1	Introduzione	2
1.1	Motivazione	2
1.2	Definizioni base	2
1.3	Contenuti del corso	3
1.4	Informazioni utili	3
2	Linguaggi regolari	5
2.1	Alfabeti	5
2.1.1	Stringhe	5
2.1.2	Concatenazione di stringhe	5
2.2	Definizione di linguaggio	6
3	Automa a stati finiti	7
3.1	Elaborazione di stringhe	7

1 Introduzione

1.1 Motivazione

Un linguaggio è uno strumento per descrivere come risolvere i problemi in maniera rigorosa, in modo tale che sia eseguibile da un calcolatore Perché è utile studiare come creare un linguaggio di programmazione?

- non rimanere degli utilizzatori passivi
- capire il funzionamento dietro le quinte di un linguaggio
- domain-specific language (DSL): è un linguaggio pensato per uno specifico problema
- model driven software development: modo complesso per dire UML e simili
- model checking

1.2 Definizioni base

Un linguaggio è composto da:

- lessico e sintassi
- compilatore: parser + generatore di codice oggetto

La generazione automatica di codice può essere dichiarativa lessico (espressioni regolari o automa a stati finite) o sintassi(grammatiche o automa a pile). Un automa a stati finiti consuma informazioni una alla volta, ne salva una quantità finita. Alcuni esempi di applicazione di automa a stati finiti: software di progettazione di circuiti, analizzatore lessicale, ricerca di parole sul web e protocolli di comunicazione.

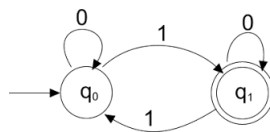


Figura 1: Semplice automa

1.3 Contenuti del corso

- Linguaggi formali e Automi:
 - Automi a stati finiti, espressioni regolari, grammatiche libere, automi a pila, Macchine di Turing, calcolabilità
- Compilatori:
 - Analisi lessicale, analisi sintattica, analisi semantica, generazione di codice
- Logica di base:
 - Logica delle proposizioni e dei predicati
- Modelli computazionali:
 - Specifica di sistemi tramite sistemi di transizione, logiche temporali per la specifica e verifica di proprietà dei sistemi (model checking), sistemi concorrenti (algebre di processi e reti di Petri)

1.4 Informazioni utili

Parte integrante del corso:

- Supporto alla parte teorica usando tool specifici.
 - JFLAP 7.1: <http://www.jflap.org> (automi/grammatiche)
 - Tina 3.7.5: <http://projects.laas.fr/tina> (model checking di sistemi di transizione e reti di Petri)
 - LTSA 3.0: <http://www.doc.ic.ac.uk/ltsa> (sistemi di transizione definiti tramite algebre di processi)
- Nel resto del corso utilizzeremo un ambiente di sviluppo per generare parser/compileri
 - IntelliJ esteso con plug-in ANTLRv4, ultima versione 1.20 (generatore ANTLR: <http://www.antlr.org/>)

Libri di testo suggeriti:

- J. E. Hopcroft, R. Motwani e J. D. Ullman: Automi, linguaggi e calcolabilit , Addison-Wesley, Terza Edizione, 2009. Cap. 1–9
- A. V. Aho, M. S. Lam, R. Sethi e J. D. Ullman: Compilatori: principi tecniche e strumenti, Addison Wesley, Seconda Edizione, 2009. Cap. 1–5
- M. Huth e M. Ryan: Logic in Computer Science: Modelling and Reasoning about Systems, Cambridge University Press, Second Edition, 2004. Cap. 1–3

2 Linguaggi regolari

2.1 Alfabeti

Un *alfabeto* è un insieme finito e non vuoto di simboli, comunemente indicato con Σ . Seguono alcuni esempi di alfabeti:

- $\Sigma = \{0,1\}$ alfabeto binario
- $\Sigma = \{a,b,\dots,z\}$ alfabeto di tutte lettere minuscole
- L'insieme ASCII

2.1.1 Stringhe

Una stringa/parola è un insieme di simboli di un alfabeto, 0010 è una stringa che appartiene $\Sigma = \{0,1\}$.

La *stringa vuota* è una stringa composta da 0 simboli.

La lunghezza della stringa sono il numeri di caratteri che la compongono (non devono essere unici). La sintassi per la lunghezza di una stringa w è $|w|$, quindi $|001| = 3$ oppure $|\epsilon| = 0$ (nota bene, $\epsilon \neq 0$ ma è di lunghezza 0).

Potenze di un alfabeto

Se Σ è un alfabeto si può esprimere l'insieme di tutte le stringhe di una certa lunghezza con una notazione esponenziale: Σ^k denota tutte le stringhe di lunghezza k con simboli che appartengono a Σ .

Per esempio:

$$\Sigma^1 = \{0,1\}$$

$$\Sigma^2 = \{00, 01, 10, 11\}$$

$$\Sigma^3 = \{000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111\}$$

L'insieme delle stringhe meno quella vuota è segnato come Σ^+ , mentre l'insieme che include la stringa vuota è Σ^* ,

2.1.2 Concatenazione di stringhe

Siano x e y stringhe, dove i è la lunghezza di x e j è la lunghezza di y , la stringa xy è la stringa risultata dalla concatenazione delle stringhe xy di lunghezza $i+j$.

2.2 Definizione di linguaggio

Un insieme di stringhe a scelta $L \subseteq \Sigma^*$ si definisce linguaggio su Σ .

Un modo formale per definire un alfabeto è il seguente $\{w \mid \text{enunciato su } w\}$, che si traduce in "w tale che enunciato su w".

$\{0^n 1^n \mid n \geq 1\}$ si traduce in "l'insieme di 0 elevato alla n, 1 alla n tale che n è maggiore o uguale a 1"

3 Automa a stati finiti

Un automa a stati finiti deterministico consiste in:

1. Un insieme di stati finiti Q
2. Un insieme di simboli di input, Σ
3. Una funzione di transizione, che prende in input uno stato e un simbolo e restituisce uno stato. Tale funzione è spesso indicato con σ ed è usata per rappresentare i archi nella rappresentazione grafica. Ovvero sia q uno stato, a un input allora $\sigma(q,a)$ è lo stato p tale che esista un arco da q a p .
4. Uno stato iniziale (naturalmente che appartiene a Q)
5. Un insieme di stati accettati finali F . Questo è un sottoinsieme di Q .

Un automa a stati finiti deterministico è spesso chiamato con l'acronimo DFA e viene può essere rappresentato nella seguente maniera concisa:

$$A = (Q, \Sigma, \sigma, q_0, F)$$

Dove A rappresenta il DFA.

3.1 Elaborazione di stringhe