

第一篇 电学

一、点电荷产生的电场: $\vec{E}_p = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$

(1) 强叠加原理求电场: $\vec{E} = \int d\vec{E} = \int \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{r}_0$ 线密度、面密度、体密度

(2) 高斯定理求电场: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum q_i}{\epsilon_0}$ 三种对称性: 球对称, 轴对称, 无限大平面。

二、电势 ①. 对于电荷分布高度对称的带电体 $U_p = \int_p^{\text{零点}} \vec{E} \cdot d\vec{l}$

②. 对于电荷分布部分对称或一般的带电体, 用电势的叠加式计算 $U_p = \int \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r}$

电势零点 (1) 场源电荷有限, 无穷远处;

(2) 场源电荷无限大, 电场中任一点。

静电屏蔽 接地导体: 电势为零, 电荷不一定为零。

电偶极子在均匀电场中所受的电力矩及电势能 $\vec{M} = \vec{p}_e \times \vec{E} \quad W = -\vec{p}_e \cdot \vec{E}$

三、电场强度与电势的关系 $\vec{E} = -\left(\frac{\partial U}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial U}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial U}{\partial z} \vec{k}\right)$

四、电容 $C = \frac{Q}{U}$ 平行板电容器、圆柱形电容器、球形电容器

电容器串联: $\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots + \frac{1}{C_n}$ 并联: $C = C_1 + C_2 + \cdots + C_n$

五、电介质中的静电场: $\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum q_0$

$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = (1 + \chi_e) \epsilon_0 \vec{E} = \epsilon_r \epsilon_0 \vec{E} = \epsilon \vec{E} \quad \vec{P} = \chi_e \epsilon_0 \vec{E} = (\epsilon_r - 1) \epsilon_0 \vec{E} \quad \sigma' = \vec{P} \cdot \vec{n}$

六、静电场的能量 (1) $W_e = \frac{1}{2} C U^2 = \frac{Q^2}{2C}$ (2) $W_e = \int \frac{1}{2} \epsilon_0 \epsilon_r E^2 dV$

(3) $W = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n q_i U_i$

第二篇 磁学

一、电流强度: $I = \frac{dq}{dt}$ 电动势: $\mathcal{E} = \int_{-}^{+} \vec{E}_k \cdot d\vec{l}$

二、求磁场 (1) 毕奥—萨伐尔定律：一段通电导线在周围空间产生的磁场

$$\vec{B} = \int_L d\vec{B} = \int_L \frac{\mu_0 I d\vec{l} \times \hat{r}}{4\pi r^2} \quad \vec{B} = \int_L d\vec{B} = \int_L \frac{\mu_0 q \vec{v} \times \hat{r}}{4\pi r^2}$$

其中 \hat{r} 为单位矢量。 $\hat{r} = \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$

(a) 一段导线在周围空间的磁场 $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos \theta_1 - \cos \theta_2)$

(b) 圆电流中心处的磁场 $B = \frac{\mu_0 NI}{2R}$ 磁矩 $p_m = NIS\vec{n}$ 电矩 $p_e = q\vec{l}$

(2) 安培环路定律： $\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$ 无限长通电直导线周围： $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

无限长载流圆柱体磁场 无限长载流螺线管（螺绕环）： $B = \mu_0 nI$

无限大平面电流： $B = \frac{\mu_0 J}{2}$ p171 习题 12.20

三、磁场中运动电荷受力 安培力和洛伦兹力

$$\vec{F} = \int d\vec{F} = \int I d\vec{l} \times \vec{B} \quad \text{b) } \vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

均匀磁场对载流线圈的磁力矩： $\vec{M} = \vec{p}_m \times \vec{B}$

磁力做功： $A = \int_{\phi_1}^{\phi_2} I d\phi = I \Delta \Phi$

四、带电粒子在磁场中运动： $R = \frac{mv}{Bq} \quad T = \frac{2\pi m}{Bq}$

五、霍尔效应： $U_H = \left(\frac{1}{nq} \right) \frac{IB}{d}$ 会判断 p 型和 n 型半导体材料

六、磁介质： $\oint_L \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I_0 \quad \vec{B} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \vec{M} = \mu_0 (1 + \chi_m) \vec{H} = \mu_0 \mu_r \vec{H}$

磁化强度与磁化电流的关系： $\oint_L \vec{M} \cdot d\vec{l} = \sum_{L' \text{ 内}} I_m$

$$\vec{M} = \chi_m \vec{H} = (\mu_r - 1) \vec{H} \quad j_m = \vec{M} \times \vec{n}$$

第三篇 电磁感应

一、法拉第电磁感应定律

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi_B}{dt} = -\frac{d}{dt} \int_S N \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

(1) 动生电动势 $\varepsilon = \int_L (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$ 电动势方向为 $\vec{v} \times \vec{B}$ 方向, 为非静电力方向。

(2) 感生电动势 $\varepsilon = \oint_L \vec{E}_{\text{旋}} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_B}{dt}$ 电动势方向为涡旋电场方向。

二、自感系数: $\psi = LI \quad \varepsilon_L = -L \frac{dI}{dt}$

三、互感系数: $\psi_2 = MI_1 \quad \psi_1 = MI_2 \quad \varepsilon_2 = -M \frac{dI_1}{dt} \quad \varepsilon_1 = -M \frac{dI_2}{dt}$

四、磁场能量 $w_m = \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} = \frac{B^2}{2\mu}$, $W_m = \int_V w_m \cdot dV$ (2) $W_m = \frac{1}{2} LI_0^2$

五、位移电流: $I_d = \frac{d\Phi_D}{dt} \quad \Phi_D = \int_s \varepsilon_0 \vec{E} \cdot d\vec{S} \quad \oint_L \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I + \frac{d\Phi_D}{dt}$

电磁波: $\frac{E}{H} = \frac{E_0}{H_0} = \frac{\sqrt{\mu_0}}{\sqrt{\varepsilon_0}} \quad c = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}}$

能流密度 (坡印亭矢量) $\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$ 平均能流密度 (波的强度) $\bar{S} = \frac{1}{2} E_0 H_0$

电磁波的能量密度: $w = \frac{1}{2} \varepsilon E^2 + \frac{1}{2} \mu H^2$ 动量密度: $\frac{w}{c}$