

第四篇 波动光学

一、光的干涉

1、干涉：（相干-----两个谐振动合成） 白光：400nm~760nm

$$\delta = n_2 r_2 - n_1 r_1 + \left[\frac{\lambda}{2} \right] = \begin{cases} \pm k\lambda & k = 0, 1, 2 \dots \text{明纹} \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & k = 0, 1, 2 \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\Delta\phi}$$

$$\Delta\phi = 2\pi \frac{\delta}{\lambda} = \begin{cases} \pm 2k\pi, & A_{\max} = A_1 + A_2, I_{\max} \\ \pm (2k+1)\pi, & A_{\min} = |A_1 - A_2|, I_{\min} \end{cases}$$

2、杨氏双缝： $d \sin \theta = d \frac{x}{D} = \begin{cases} \pm k\lambda & k = 0, 1, 2 \dots \text{明纹} \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & k = 0, 1, 2 \dots \text{暗纹} \end{cases}$

3、条纹间距： $\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$ 薄膜干涉：理解增透膜，增反膜。

4、劈尖干涉，牛顿环： $\Delta e = \frac{\lambda}{2n}$

5、麦克尔逊干涉仪： $d = N \cdot \frac{\lambda}{2}$

6、时间相干性： $2ne < \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$ ；空间相干性： $a < \frac{D'\lambda}{d}$

二、光的衍射

1、单缝衍射： $\delta = a \sin \theta = \begin{cases} 0 & \text{所有光线都加强} \Rightarrow \text{中央明纹} \\ \pm 2k \frac{\lambda}{2} = \pm k\lambda & k = 1, 2, 3 \dots \text{暗纹中心} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & k = 1, 2, 3 \dots \text{明纹中心} \end{cases}$

中央明纹的宽度是其他明纹的两倍。

2、光栅衍射：主极大方程： $d \sin \theta = \pm k_1 \lambda$ $k_1 = 0, 1, 2, \dots, k_1 < \frac{d}{\lambda}$

缺级现象： $a \sin \theta = \pm k_2 \lambda$ $k_1 = \pm \frac{d}{a} k_2$ （缺 $\pm k_1, \pm 2k_1 \dots$ 主极大）

相邻两主极大之间存在 $N-1$ 个极小， $N-2$ 个次极大。

斜入射主极大： $d \sin \theta + d \sin \varphi = \pm k_1 \lambda$ $k_1 = 0, 1, 2, \dots, -\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$

斜入射缺级现象：

$$a \sin \theta + a \sin \varphi = \pm k_2 \lambda \quad k_1 = \pm \frac{d}{a} k_2 \quad (\text{缺 } \pm k_1, \pm 2k_1, \dots \text{主极大})$$

$$\text{光栅的分辨本领: } R = \frac{\lambda}{\Delta \lambda} = kN \quad \lambda \text{ 指最短波长。}$$

$$3、\text{光学透镜类的最小分辨角(即爱里斑的半角宽度): } \theta_{\min} = 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

$$\text{光学透镜类的分辨本领: } R = \frac{1}{\theta_{\min}}$$

4、X 射线在晶体上的衍射:

$$\text{布拉格公式: } 2d \sin \varphi = k\lambda \quad k = 1, 2, \dots \quad \text{其中 } \varphi \text{ 为掠射角}$$

三、光的偏振

1、五类偏振光: 自然光、线偏振光、圆偏振光、椭圆偏振光、部分偏振光

2、马吕斯定律: $I_{\text{出}} = I_{\lambda} \cos^2 \alpha$ 自然光通过一个偏振片成为线偏振光时光强减半

3、布儒斯特定律角: $\tan i_0 = \frac{n_2}{n_1}$, 反射光为线偏振光

4、双折射现象: 图18.20, 图18.23

5、晶片与波片: $\delta = |n_o - n_e| \cdot d \quad \delta = \frac{1}{4} \lambda \text{ 或 } \delta = \frac{1}{2} \lambda$

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi}{\lambda} |n_o - n_e| \cdot d$$

6、椭圆偏振光: 图18.27中重点掌握 $\Delta \varphi = 0, \pm \frac{\pi}{2}, \pi$ 的情况。

7、偏振光的干涉: 两偏振片正交: $\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} |n_o - n_e| d + \pi$

$$\text{两偏振片平行: } \Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} |n_o - n_e| d$$

四、几何光学

1、反射、折射定律, 费马原理: $\delta \int_A^B n dr = 0$

2、全反射临界角: $\sin \theta_c = \frac{n_2}{n_1} \quad n_1 > n_2$

3、球面镜反射成像公式: $\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = \frac{1}{f}$ 凹球面: $f = \frac{R}{2}$ 凸球面: $f = -\left|\frac{R}{2}\right|$

$$\text{放大率: } m = \frac{y'}{y} = -\frac{s'}{s}$$

4、单球面折射成像： $\frac{n_1}{S} + \frac{n_2}{S'} = \frac{n_2 - n_1}{R}$

5、透镜成像公式： $\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = \frac{1}{f}$ 凸透镜 f 为正，凹透镜 f 为负

6、磨镜者公式： $\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$

符号法则参照 p126

7、放大镜的角放大率： $m_\theta = \frac{25cm}{f}$

显微镜的放大率： $M = m \times \left(\frac{25cm}{f_e} \right)$ m 为物镜的横向放大率

望远镜的角放大率： $m_\theta = -\frac{f_o}{f_e}$

第五篇 近代物理

一、热辐射

1、根据实验得出黑体辐射的两条定律：

斯特藩-玻耳兹曼定律 (Stefan-Boltzmann) $M_0(T) = \sigma T^4$

维恩位移定律 $T \lambda_m = b$

2、光电效应： $h\nu - A = \frac{1}{2}mv^2$ 遏止电压 $U_e = h\nu - A$ 红限 $h\nu - A = 0$

3、康普顿散射： $\Delta\lambda = \lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_0c}(1 - \cos\varphi)$ $\lambda_c = \frac{h}{m_0c} = 2.43 \times 10^{-12}m$

求反冲电子的动能和速度：习题20.15

4、光的波粒二象性： $m = \frac{\varepsilon}{c^2} = \frac{h\nu}{c^2}$ $p = m_\phi c = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$

二、物质波

1、德布罗意波： $E = mc^2 = h\nu$

$\lambda = \frac{h}{m_0v} \sqrt{1 - v^2/c^2}$ 如果 $v \ll c$ ，则 $\lambda = \frac{h}{m_0v}$

注意光子和电子的德布罗意波长与动量和总能量的关系不同点：

习题21.2 $E^2 = p^2c^2 + (m_0c^2)^2$

加速电压的德布罗意波长: $\lambda = \frac{12.25}{\sqrt{U}} \times 10^{-10} \text{ m}$ p187

2、测不准关系 $\Delta x \cdot \Delta p_x \geq \frac{\hbar}{2}, \quad \Delta E \cdot \Delta t \geq \frac{\hbar}{2}$

对物质波 (包括光波) $p = \frac{h}{\lambda} \quad \Delta p = \frac{h \Delta \lambda}{\lambda^2}$ p192 例题21.4求波列的长度

3、波函数的统计意义, 根据 $\int |\psi|^2 dV = 1$ 定出其系数

4、一维无限深势阱中的粒子 $E_n = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{2ma^2}$

5、势垒、隧道穿透: $T = e^{-2ka} \quad k = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2m(U - E)}$

6、线性谐振子: $E_n = (n + \frac{1}{2})\hbar\omega$

三、氢原子光谱

1、巴尔末公式: $\frac{1}{\lambda} = R_H (\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2}) \quad n = 3, 4, 5, \dots \quad R_H = 1.097 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$

其他线系: $\frac{1}{\lambda} = R_H (\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2}) \quad n = k+1, k+2, k+3, \dots \quad R_H = 1.097 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$

线系的最短波长 (系限), 最长波长

2、氢原子能量的量子化: $E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}, \quad n = 1, 2, 3, \dots \quad h\nu = E_2 - E_1$

电离能: $0 - E_n$

3、氢原子的四个量子数: 某一能级最多可容纳的电子数 $2n^2$ 个

主量子数 n 确定主要能量: $n = 1, 2, 3, \dots \quad E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$

角量子数 l 确定 (轨道) 角动量: $l = 0, 1, 2, \dots, n-1 \quad L = \sqrt{l(l+1)}\hbar$

磁量子数 m_l 确定 (轨道) 角动量在外磁场分量: $m_l = 0, \pm 1, \dots, \pm l \quad L_z = m_l \hbar$

自旋量子数 s 确定自旋角动量 $S = \sqrt{s(s+1)}\hbar$

自旋磁量子数 m_s 确定自旋角动量在外磁场分量: $S_z = m_s \hbar \quad m_s = \pm \frac{1}{2}$

4、径向概率密度计算: $p = |R|^2 r^2 = \int_0^{2\pi} \int_0^\pi |\psi(r, \theta, \varphi)|^2 r^2 \sin \theta d\theta d\varphi$

四、禁带宽度与外加光子能量之间的关系 $h\nu \geq \Delta E_g$