НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ВЫСШАЯ ШКОЛА ЭКОНОМИКИ»

Дисциплина: «Дискретная математика»

Домашнее задание 1

Исследование комбинационных схем Вариант 181

Выполнил: Мартиросян Тигран Оганнесович,

студент гр. 176

Преподаватель: Авдошин С.М., профессор департамента программной инженерии факультета компьютерных наук

 $7X_7 \oplus 186X_6 \oplus 213X_5 \oplus 21X_4 \oplus 238X_3 \oplus 142X_2 \oplus 30X_1 \oplus 191X_0 = 183$

Переведем коэффициенты уравнения в двоичную систему счисления. $7_{10} = 00000111_2, 186_{10} = 10111010_2, 213_{10} = 11010101_2, 21_{10} = 00010101_2, 238_{10} = 11101110_2, 142_{10} = 10001110_2, 30_{10} = 00011110_2, 191_{10} = 10111111_2, 183_{10} = 10110111_2.$ Составим расширенную матрицу коэффициентов соответствующей системы линейных уравнений в GF(2) и решим систему.

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0$$

В описаниях преобразований строки обозначены как $(1), (2), \ldots, (8),$ а выражение $(i) \oplus = (j)$ обозначает «заменить все числа в строке (i) на их сумму по модулю 2 с соответствующими числами строки (j)».

Получаем решение: X7=1, X6=1, X5=1, X4=0, X3=1, X2=1, X1=0, X0=1. Составим таблицу истинности функции F.

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
С	0	1	0	1	0	1	0	1
F	1	1	1	0	1	1	0	1

Десятичный номер функции F равен $2^7 + 2^6 + 2^5 + 2^3 + 2^2 + 2^0 = 237$.

 N_{2}

Представим таблицу истинности логической функции F в виде карты Карно.

F	0	0	1	1	A
ı.	0	1	1	0	В
0	1	1	0	1	
1	1	0	1	1	
С					

№3

Выполним дизъюнктивны разложения Шеннона логической функции F.

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \overline{A} \cdot \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} + A \cdot \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \overline{A} \cdot (B \mid C) + A \cdot (B \Rightarrow C)$$

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \overline{B} \cdot \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} + B \cdot \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \overline{B} + B \cdot (A \equiv C)$$

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \overline{C} \cdot \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ B & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \overline{C} \cdot (A \mid B) + C \cdot (A \Leftarrow B)$$

 $N_{\underline{0}4}$

Совершенная дизъюнктивная нормальная форма

$$F(A,B,C) = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}C + ABC \tag{1}$$

Минимальные дизъюнктивные формы

$$F(A, B, C) = \overline{B} + AC + \overline{A}\overline{C}$$

$$N^{\underline{0}}6$$
(2)

Из дизъюнктивных разложений получаем новые представления

$$\begin{split} F(A,B,C) &= \overline{A} \cdot (B \mid C) \oplus A \cdot (B \Rightarrow C) \\ F(A,B,C) &= \overline{B} \oplus B \cdot (A \equiv C) \\ F(A,B,C) &= \overline{C} \cdot (A \mid B) \oplus C \cdot (A \Leftarrow B) \\ F(A,B,C) &= \bar{A} \bar{B} \bar{C} \oplus \bar{A} \bar{B} \bar{C} \oplus \bar{A} \bar{B} \bar{C} \oplus A \bar{B} \bar{C} \oplus A \bar{B} \bar{C} \oplus A \bar{B} \bar{C} \end{split}$$

Выполним конъюнктивные разложения Шеннона логической функции F.

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A + \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \overline{A} + \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} = (A + (B \mid C)) \cdot (\overline{A} + (B \Rightarrow C))$$

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B + \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \overline{B} + \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} = B \cdot (\overline{B} + (A \equiv C))$$

$$\begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C + \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ B & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \overline{C} + \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ B & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} = (C + (A \mid B)) \cdot (\overline{C} + (A \leftrightharpoons B))$$

№8

Совершенная конъюнктивная нормальная форма.

$$F(A, B, C) = (A + \overline{B} + \overline{C}) \cdot (\overline{A} + \overline{B} + C)$$
(3)

Минимальные конъюнктивные нормальные формы.

$$F(A, B, C) = (A + \overline{B} + \overline{C}) \cdot (\overline{A} + \overline{B} + C)$$

$$N^{\underline{0}} 10$$
(4)

Из конъюнктивных разложений, используя ортогональность, получаем новые представления функции

$$\begin{split} F(A,B,C) &= (A + (B \mid C)) \equiv (\overline{A} + (B \Rightarrow C)) \\ F(A,B,C) &= B \equiv (\overline{B} + (A \equiv C)) \\ F(A,B,C) &= (C + (A \mid B)) \equiv (\overline{C} + (A \Leftarrow B)) \\ F(A,B,C) &= (A + \overline{B} + \overline{C}) \equiv (\overline{A} + \overline{B} + C) \end{split}$$

 $N_{2}11$

Вычислим производные логической функции F.

$$F_A^{'}(A,B,C) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}_A^{'} = \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} = B$$

$$F_B^{'}(A,B,C) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}_B^{'} = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ F & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} = A \oplus C$$

$$F_C^{'}(A,B,C) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ B & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ C & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\$$

Разложения Рида логической функции F.

$$F(A,B,C) = F(0,B,C) \oplus A \cdot F_A^{'}(A,B,C) = (B \mid C) \oplus A \cdot B$$

$$F(A,B,C) = F(1,B,C) \oplus \overline{A} \cdot F_A^{'}(A,B,C) = (B \Rightarrow C) \oplus \overline{A} \cdot B$$

$$F(A,B,C) = F(A,0,C) \oplus B \cdot F_B^{'}(A,B,C) = (1 \oplus B) \cdot (A \oplus C)$$

$$F(A,B,C) = F(A,1,C) \oplus \overline{B} \cdot F_B^{'}(A,B,C) = (A \equiv C) \oplus \overline{B} \cdot (A \oplus C)$$

$$F(A,B,C) = F(A,B,0) \oplus C \cdot F_C^{'}(A,B,C) = (A \mid B) \oplus C \cdot B$$

$$F(A,B,C) = F(A,B,1) \oplus \overline{C} \cdot F_C^{'}(A,B,C) = (A \Leftrightarrow B) \oplus \overline{C} \cdot B$$

$$\mathbb{N} 13$$

Двойственные разложения Рида логической функции F.

$$F(A,B,C) = F(0,B,C) \equiv (\overline{A} + \overline{F'_A(A,B,C)}) = (B \mid C) \equiv (\overline{A} + \overline{B})$$

$$F(A,B,C) = F(1,B,C) \equiv (A + \overline{F'_A(A,B,C)}) = (B \Rightarrow C) \equiv (A + \overline{B})$$

$$F(A,B,C) = F(A,0,C) \equiv (\overline{B} + \overline{F'_B(A,B,C)}) = 1 \equiv (\overline{B} + (A \equiv C))$$

$$F(A,B,C) = F(A,1,C) \equiv (B + \overline{F'_B(A,B,C)}) = (A \equiv C) \equiv (B + (A \equiv C))$$

$$F(A,B,C) = F(A,B,0) \equiv (\overline{C} + \overline{F'_C(A,B,C)}) = (A \mid B) \equiv (\overline{C} + B)$$

$$F(A,B,C) = F(A,B,1) \equiv (C + \overline{F'_C(A,B,C)}) = (A \Leftarrow B) \equiv (C + B)$$

$$N^{\underline{o}} 14-15$$

Смешанные производные в табличном и аналитическом виде.

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
С	0	1	0	1	0	1	0	1
F	1	1	1	0	1	1	0	1
F_A'	0	0	1	1	0	0	1	1
F_B'	0	1	0	1	1	0	1	0
F'_C	0	0	1	1	0	0	1	1
$F_{AB}^{\prime\prime}$	1	1	1	1	1	1	1	1
$F_{AC}^{\prime\prime}$	0	0	0	0	0	0	0	0
$F_{BC}^{\prime\prime}$	1	1	1	1	1	1	1	1
$F_{ABC}^{\prime\prime\prime}$	0	0	0	0	0	0	0	0

$$F'_{A} = B$$

$$F'_{B} = A \oplus C$$

$$F'_{C} = B$$

$$F''_{AB} = 1$$

$$F''_{AC} = 0$$

$$F''_{BC} = 1$$

$$F'''_{ABC} = 0$$

Nº16

Разложим функцию F в ряд Маклорена в базисе $\{1, \oplus, \cdot\}$. Получим полином Жегалкина.

$$F(A, B, C) = 1 \oplus BC \oplus AB$$

$$N = 17$$
(5)

Разложим функцию F в ряд Тейлора в базисе $\{1, \oplus, \cdot\}$.

При разложении будем использовать сокращенную запись $\overline{A}=A\oplus 1, \overline{B}=B\oplus 1, \overline{C}=C\oplus 1.$

$$(0,0,0): F(A,B,C) = 1 \oplus BC \oplus AB$$

$$(0,0,1): F(A,B,C) = 1 \oplus B \oplus AB \oplus B\overline{C}$$

$$(0,1,0): F(A,B,C) = 1 \oplus A \oplus C \oplus A\overline{B} \oplus \overline{B}C$$

$$(0,1,1): F(A,B,C) = A \oplus \overline{B} \oplus \overline{C} \oplus A\overline{B} \oplus \overline{B}\overline{C}$$

$$(1,0,0): F(A,B,C) = 1 \oplus B \oplus \overline{A}B \oplus BC$$

$$(1,0,1): F(A,B,C) = 1 \oplus \overline{A}B \oplus B\overline{C}$$

$$(1,1,0): F(A,B,C) = \overline{A} \oplus \overline{B} \oplus C \oplus \overline{A}\overline{B} \oplus \overline{B}C$$

$$(1,1,1): F(A,B,C) = 1 \oplus \overline{A} \oplus \overline{C} \oplus \overline{A}\overline{B} \oplus \overline{B}\overline{C}$$

Разложим функцию F в ряд Маклорена в базисе $\{0, \equiv, +\}$.

$$F(A, B, C) = B \equiv (A + C) \equiv (A + B + C)$$

$$N^{\underline{a}} 19$$
(6)

Разложим функцию F в ряд Тейлора в базисе $\{0, \equiv, +\}$.

При разложении будем использовать сокращенную запись $\overline{A} = A \equiv 0, \overline{B} = B \equiv 0, \overline{C} = C \equiv 0.$

$$\begin{split} &(1,1,1): F(A,B,C) = B \equiv (A+C) \equiv (A+B+C) \\ &(1,1,0): F(A,B,C) = 0 \equiv (A+\overline{C}) \equiv (A+B+\overline{C}) \\ &(1,0,1): F(A,B,C) = A \equiv \overline{B} \equiv C \equiv (A+C) \equiv (A+\overline{B}+C) \\ &(1,0,0): F(A,B,C) = A \equiv \overline{C} \equiv (A+\overline{C}) \equiv (A+\overline{B}+\overline{C}) \\ &(0,1,1): F(A,B,C) = 0 \equiv (\overline{A}+C) \equiv (\overline{A}+B+C) \\ &(0,1,0): F(A,B,C) = B \equiv (\overline{A}+\overline{C}) \equiv (\overline{A}+B+\overline{C}) \\ &(0,0,1): F(A,B,C) = \overline{A} \equiv C \equiv (\overline{A}+C) \equiv (\overline{A}+\overline{B}+C) \\ &(0,0,0): F(A,B,C) = \overline{A} \equiv \overline{B} \equiv \overline{C} \equiv (\overline{A}+\overline{C}) \equiv (\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}) \end{split}$$

№20

Выразим функцию F с помощью минимального количества операций.

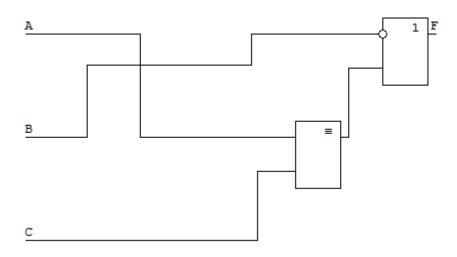
Из минимальной дизъюнктивной нормальной формы полученной в N9, выразим функцию F с помощью двух операций.

$$F(A, B, C) = \overline{B} + \overline{A}\overline{C} + AC = \overline{B} + (A \equiv C) = B \Rightarrow (A \equiv C)$$

Используя законы двойного отрицания и де Моргана, получаем:

$$F(A,B,C) = \overline{B} + \overline{A}\overline{C} + AC = \overline{\overline{\overline{B}} + (A \equiv C)} = \overline{B \cdot (A \oplus C)} = B \mid (A \oplus C)$$

Для реализации в пограмме Winlogica комбинационной схемы используем первое полученно аналитическое представление функции F.

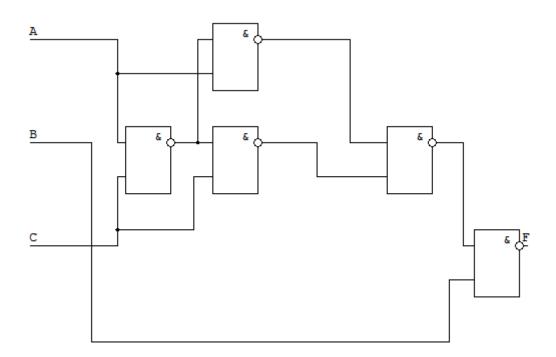


Получим аналитические представления функции F в каждом из семнадцати базисов, соответствующие минимальному количеству блоков комбинационной схемы.

21.1

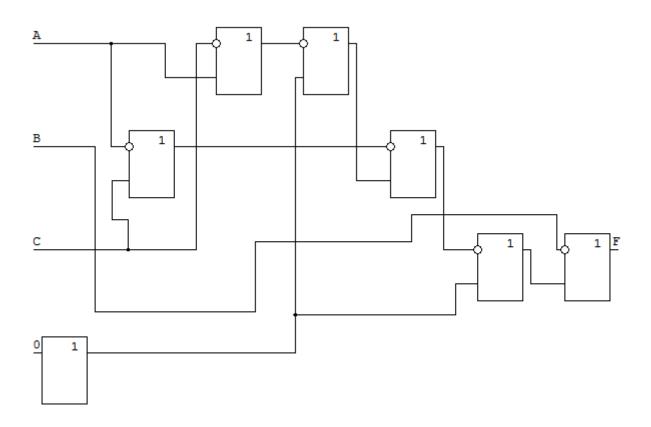
21.2 В базисе $\{|\}$ отрицание можно выразить одним блоком, объединив два входа в один. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

$$\begin{split} F(A,B,C) &= \overline{B} + \overline{A}\,\overline{C} + AC = \overline{CA} + \overline{C}\,\overline{A} \mid B = \overline{(CA+\overline{C})\cdot(CA+\overline{A})} \mid B = \\ &= ((\overline{\overline{CA}+\overline{C}}) \mid (\overline{\overline{CA}+\overline{A}})) \mid B = ((\overline{(CA+\overline{C})} \mid (\overline{CA}\cdot C) \mid (\overline{CA}\cdot A))) \mid B = ((((C \mid A) \mid C) \mid ((C \mid A) \mid A)) \mid B)) \end{split}$$



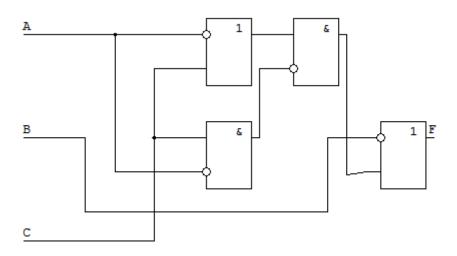
21.3 Найдем аналитическое представление функции F в базисе $\{0, ⇒\}$. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

$$F(A,B,C) = \overline{B} + AC + \overline{A}\overline{C} = \overline{B} + (A \equiv C) = B \Rightarrow (\overline{(\overline{A} + C) \cdot (A + \overline{C})} + 0) = B \Rightarrow ((\overline{(\overline{A} + C) \cdot (A + \overline{C})}) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow (((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow (((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow (((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow (((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) + (\overline{A} + \overline{C})) \Rightarrow 0) = B \Rightarrow (\overline{A} + \overline{C}) \Rightarrow ($$



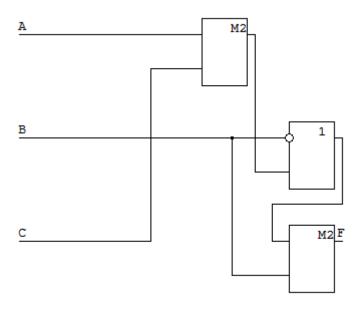
21.5 Найдем аналитическое представление функции F в базисе $\{\Rightarrow, \Rightarrow\}$. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

$$F(A,B,C) = \overline{B} + AC + \overline{A}\overline{C} = B \Rightarrow ((\overline{A} + C) \cdot (\overline{C \cdot \overline{A}})) = B \Rightarrow ((A \Rightarrow C) \Rightarrow (C \Rightarrow A))$$



21.6 Найдем аналитическое представление функции F в базисе $\{\oplus,\Rightarrow\}$. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

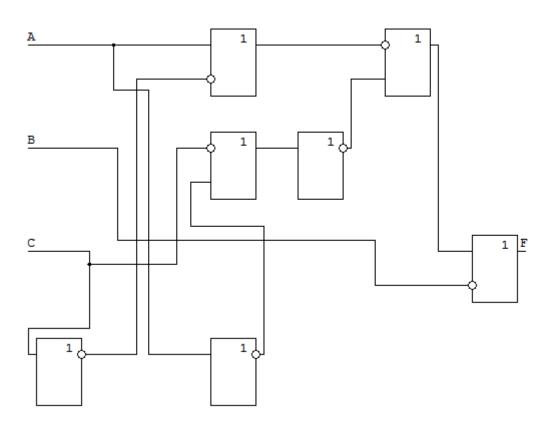
$$F(A,B,C) = \overline{B} + AC + \overline{A}\overline{C} = B \Rightarrow (A \equiv C) = B \Rightarrow (\overline{A \oplus C}) = (B \Rightarrow (\overline{A \oplus C})) \oplus B$$



21.7 Найдем аналитическое представление функции F в базисе $\{\equiv, \Rightarrow\}$. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

21.8 Найдем аналитическое представление функции F в базисе $\{\neg,\Rightarrow\}$. Будем преобразовывать минимальную дизъюнктивную форму, полученную в №5.

$$F(A,B,C) = \overline{B} + AC + \overline{A}\overline{C} = \overline{B} + \overline{\overline{\overline{A}}\overline{C}} + AC = \overline{B} + (\overline{\overline{C}}\overline{A} \Rightarrow CA) = B \Rightarrow ((C+A) \Rightarrow \overline{\overline{CA}}) = B \Rightarrow ((\overline{C} \Rightarrow A) \Rightarrow (\overline{C} \Rightarrow \overline{A}))$$



 $N_{2}2-23$

Условия переключения сигнала на выходе схемы, реализующей функцию F, при переключении сигналов на каждой паре ее входов, в табличном и аналитическом виде.

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
С	0	1	0	1	0	1	0	1
F	1	1	1	0	1	1	0	1
$F'_{(A,B)}$	1	0	0	1	0	1	1	0
$F'_{(A,C)}$	0	0	0	0	0	0	0	0
$F'_{(B,C)}$	1	0	0	1	0	1	1	0

$$F'_{A,B} = A \oplus (B \equiv C)$$

$$F'_{A,C} = 0$$

$$F'_{B,C} = A \oplus (B \equiv C)$$

№24-25

Условия переключения сигнала на выходе схемы, реализующей функцию F, при переключении сигналов на всех ее входах, в табличном и аналитическом виде.

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
С	0	1	0	1	0	1	0	1
F	1	1	1	0	1	1	0	1
$F'_{(A,B,C)}$	0	1	0	1	1	0	1	0

$$F'_{A,B,C} = A \oplus C$$

Nº26

Условия переключения сигнала на выходе схемы, реализующей функцию F, при переключении сигналов на всех ее входах, в табличном и аналитическом виде.

$$F \notin T_0$$
, т.к. $F(0,0,0)=1$ $F \in T_1$, т.к. $F(1,1,1)=1$ $F \notin T_*$ т.к. $F(0,0,0)=F(1,1,1)=1$ $F \notin T_\le$ т.к. $F(1,0,0)=1>F(1,1,0)=0$ $F \notin T_L$ т.к. $F(A,B,C)=1\oplus AB\oplus BC$ содержит нелинейные члены

Выразим через функцию F функции двух переменных. Поскольку $F \in F_1$ то из F с помощью операции суперпозиции нельзя получить никакие функции двух переменных $G \notin T_1$ то есть нельзя получить функции для которых G(0,0) = 1.

$$A \cdot B = F(A, F(A, A, A), F(A, A, B))$$

 $A + B = F(A, F(A, B, B), F(A, B, B))$
 $A \equiv B = F(A, F(A, A, A), B)$
 $A \Leftarrow B = F(A, B, B)$
 $A \Rightarrow B = F(A, A, B)$
 $1 = F(A, A, A)$