

# **ÉCONOMIE INDUSTRIELLE <sup>1</sup>**

## **(UGA, L3 E2AD, S2)**

### **TRAVAUX DIRIGÉS : TD 4**

### **DISCRIMINATION PAR LE PRIX I.**

Michal W. Urdanivia\*

\*UGA, Faculté d'Économie, GAEL,  
e-mail : [michal.wong-urdanivia@univ-grenoble-alpes.fr](mailto:michal.wong-urdanivia@univ-grenoble-alpes.fr)

19 mars 2023

1. Exercice 1 : ALPHA

2. Exercice 2 : THETA

3. Exercice 3 : BETA

# PLAN

1. Exercice 1 : ALPHA

2. Exercice 2 : THETA

3. Exercice 3 : BETA

## **1. Exercice 1 : ALPHA**

# Exercice 1 : ALPHA

## Données de l'exercice

- Monopole ALPHA avec la fonction de coût :

$$CT(q) = q^2, \quad (1)$$

- Un marché caractérisé par la demande inverse :

$$p(q) = 120 - q, \quad (2)$$

# Exercice 1 : ALPHA

## Question 1

- **Problème** : calculer le profit pour une tarification linéaire.

- **Solution** :

- Le choix optimal de la firme est donné par :

$$q^* := \arg \max_q \pi(q), \quad (3)$$

où  $\pi(\cdot)$  est la fonction de profit donnée par :

$$\pi(q) := p(q)q - CT(q) = 120q - 2q^2,$$

et la solution de (3) donne :

$$\frac{\partial \pi}{\partial q}(q^*) = 0 \Leftrightarrow 120 - 4q^* = 0 \Leftrightarrow q^* = 30,$$

ce qui implique que,

$$p^* := p(q^*) = 90, \quad \pi^* := \pi(q^*) = 1800.$$

# Exercice 1 : ALPHA

## Question 2

- **Problème** : calculer profit pour une discrimination parfaite

- **Solution** :

- Le choix optimal de la firme est donné par :
- Le monopole produira au plus  $\tilde{q}$  tel que,

$$p(\tilde{q}) = c^m(\tilde{q}) =: \frac{\partial CT}{\partial q}(\tilde{q}) \Leftrightarrow 120 - \tilde{q} = 2\tilde{q} \Leftrightarrow \tilde{q} = 40,$$

ce qui implique que,

$$\tilde{p} := p(\tilde{q}) = 80, \quad \tilde{\pi} := \pi(\tilde{q}) = 1800.$$

- Dans ce cas le monopole va s'accaparer le surplus des consommateurs, que l'on peut calculer tel que :

$$SC(\tilde{q}) := \int_0^{\tilde{q}} (p(q) - \tilde{p}) dq = 40\tilde{q} - \frac{\tilde{q}^2}{2} = 800,$$

et le profit de la firme en discrimination parfaite est donc :

$$\tilde{\pi} = SC(\tilde{q}) + \tilde{p}\tilde{q} - CT(\tilde{q}) = 2400.$$

# PLAN

1. Exercice 1 : ALPHA

2. Exercice 2 : THETA

3. Exercice 3 : BETA



## **2. Exercice 2 : THETA**

## Exercice 2 : THETA

### Données de l'exercice

- Monopole THETA avec la fonction de coût :

$$CT(q) = 20q \Rightarrow c^m(q) := \frac{\partial CT}{\partial q}(q) = 20, \quad (4)$$

- Un marché caractérisé par la demande inverse :

$$p(q) = 50 - q, \quad (5)$$

# Exercice 2 : THETA

## Question 1

● **Problème** : prix, quantité offerte et profit avec tarification linéaire.

● **Solution** :

- THETA choisit la quantité optimale  $q^*$  comme solution de :

$$q^* = \arg \max_q \pi(q),$$

avec :

$$\pi(q) := p(q)q - CT(q) = \underbrace{RT(q)}_{:=p(q)q} - CT(q),$$

et  $q^*$  est définie par la c.p.o.,

$$\frac{\partial \pi}{\partial q}(q^*) = 0 \Leftrightarrow \underbrace{R^m(q^*)}_{:= \frac{\partial RT}{\partial q}(q^*)} = c^m(q^*), \quad (6)$$

## Exercice 2 : THETA

### Question 1

où  $R^m(\cdot)$  est la recette marginale. Nous avons ici avec (4) et (5),  $q^*$  défini par,

$$\underbrace{50 - 2q^*}_{R^m(q^*)} = \underbrace{20}_{c^m(q^*)} \Leftrightarrow q^* = 15.$$

et on calcule aussi :

$$p^* := p(q^*) = 50 - q^* = 35, \quad \pi^* := \pi(q^*) = 225.$$

## Exercice 2 : THETA

### Question 2

- **Problème** : prix, quantité offerte et profit en discrimination parfaite.
- **Solution** :
  - En discrimination parfaite, le monopole peut tarifier chaque consommateur à son consentement à payer pour s'accaparer l'ensemble du surplus.
  - Il va donc produire jusqu'à ce que le consentement à payer soit plus faible que son coût de production ce qui arrive pour  $\tilde{q}$  tel que :

$$p(\tilde{q}) = c^m(\tilde{q}) \Leftrightarrow \tilde{q} = 30.$$

- Son profit est ici égal au surplus des consommateurs :

$$\pi(\tilde{q}) = SC(\tilde{q}) := \int_0^{\tilde{q}} (p(q) - \tilde{p}) \, dq = 30\tilde{q} - \frac{\tilde{q}^2}{2} = 450,$$

## Exercice 2 : THETA

### Question 3

- **Problème** : prix, quantité offerte et profit avec tarification binôme (c.à.d., une partie fixe, une partie variable).
- **Solution** :
  - En tarification binôme, le monopole va pouvoir s'accaparer l'ensemble du surplus grâce à sa partie fixe.
  - La partie variable de sa tarification est déterminée par le point/quantité où il est juste encore rentable de produire ce qui arrive d'après la question précédente pour une quantité  $\bar{q} = 30$  avec un prix  $\bar{p} := p(\bar{q}) = 20$  qui donne la partie variable de la tarification.
  - La partie fixe  $t$  est égale au surplus des consommateurs pour un prix  $\bar{p} = 20$ , et d'après la question précédente il s'agit de  $t = 450$ .
  - On peut alors calculer le profit de la firme qui sera égal à 450.

# PLAN

1. Exercice 1 : ALPHA

2. Exercice 2 : THETA

3. Exercice 3 : BETA

### **3. Exercice 3 : BETA**



# Exercice 3 : BETA

## Données de l'exercice

- Monopole BETA vendant sur deux marchés caractérisés par les demandes :

$$p_1(q_1) = 200 - q_1, \quad (7)$$

$$p_2(q_2) = 300 - q_2 \quad (8)$$

- Les coûts de BETA sont donnés par :

$$CT(q_1, q_2) = (q_1 + q_2)^2, \quad (9)$$

# Exercice 3 : BETA

## Question 1

• **Problème** : quantités offertes.

• **Solution** :

- Le profit de la firme est donné par :

$$\pi(q_1, q_2) := p_1(q_1)q_1 + p_2(q_2)q_2 - c(q_1, q_2) = \underbrace{200q_1 - q_1^2}_{=:R_1(q_1)} + \underbrace{200q_2 - q_2^2}_{=:R_2(q_2)} - (q_1 + q_2)^2, \quad (10)$$

où l'on définit la recette  $R_l(q_l)$  faite sur le marché  $l = 1, 2$ , laquelle ne dépend que de la quantité offerte sur ce marché  $q_l$ .

- La firme maximise  $\pi(q_1, q_2)$  par rapport à  $q_1$  et  $q_2$  pour déterminer les quantités optimales  $(q_1^*, q_2^*)$  :

$$(q_1^*, q_2^*) = \arg \max_{q_1, q_2} \pi(q_1, q_2). \quad (11)$$

# Exercice 3 : BETA

## Question 1

- La c.p.o. devant être satisfaite en  $(q_1^*, q_2^*)$  correspond à un système de deux équations (annulation du gradient associé à  $\pi(\cdot)$ ) à deux inconnues :

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \pi}{\partial q_1}(q_1^*, q_2^*) = 0 \\ \frac{\partial \pi}{\partial q_2}(q_1^*, q_2^*) = 0 \end{array} \right. &\iff \left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial R_1}{\partial q_1}(q_1^*) = \frac{\partial c}{\partial q_1}(q_1^*, q_2^*) \\ \frac{\partial R_2}{\partial q_2}(q_2^*) = \frac{\partial c}{\partial q_2}(q_1^*, q_2^*) \end{array} \right. \\ &\iff \left\{ \begin{array}{l} 200 - 2q_1^* = 2(q_1^* + q_2^*) \quad (a) \\ 300 - 2q_2^* = 2(q_1^* + q_2^*) \quad (b) \end{array} \right. \\ &\iff \left\{ \begin{array}{l} 200 - 2q_1^* = 2(q_1^* + q_2^*) \quad (a) \\ 100 - 2q_2^* + 2q_1^* = 0 \quad (c) : (b) - (a) \end{array} \right. \\ &\iff \left\{ \begin{array}{l} 200 - 2q_1^* = 2(q_1^* + q_2^*) \quad (a) \\ q_2^* = 50 + q_1^* \quad (d) : \iff (c) \end{array} \right. \end{aligned}$$

# Exercise 3 : BETA

## Question 1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 200 - 2q_1^* = 2 \left( q_1^* + \underbrace{(50 + q_1^*)}_{q_2^* : \Leftarrow (d)} \right) & (e) : \Leftarrow (a) \& (d) \\ q_2^* = 50 + q_1^* & (d) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} q_1^* = \frac{100}{6} = \frac{50}{3} & (f) : \Leftarrow (e) \\ q_2^* = 50 + q_1^* & (d) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} q_1^* = \frac{50}{3} & (f) \\ q_2^* = \frac{200}{3} & (g) : \Leftarrow (f) \& (d) \end{cases}$$