

TD.1 Rappel: Modèles oligopolistiques de Base

01/2023

→ Eco industrielle est souvent définie comme la branche de l'économie qui s'intéresse aux marchés caractérisés par une imperfection de la concurrence. Elle s'intéresse et prend comme point de départ les interactions stratégiques entre les firmes concurrentes sur un marché.

↳ une entreprise anticipe les actions des autres firmes
|| afin de prendre ses propres décisions de production ou de tarification. ~~Sur le long~~

→ Différents modèles de base. \hookrightarrow oligop/duopole (\neq CPP ou du monopole)

1) Il s'agit d'un duopole à la Bertrand avec :

- Produits homogènes
- coûts identiques
- concurrence par les prix.

isolement stratégique
- pas de contraintes de capacité

⚠ à Pozaf: quels secteurs sont pertinents comme exemples d'interactions stratégiques à la Bertrand?

\hookrightarrow modèle pertinent pour structurer l'analyse des secteurs pour lesquels il est plus facile d'ajuster à court terme la quantité produite que le niveau des prix
(ex: Banque, assurance, agences de voyage...)

\Rightarrow Chaque firme se fixe son prix au côté marginal:

$$\Rightarrow P_1 = P_2 = 2$$

Explications:

Les firmes sont homogènes et il n'existe pas de contrainte de capacité. Chacune des deux firmes est en mesure de servir l'ensemble de la demande.

Donc, la demande adressée à chaque firme est:

$$q_i(p_i) : \begin{cases} q(p_i) & \text{si } p_i < p_j \\ 0,5 q(p_i) & \text{si } p_i = p_j \\ 0 & \text{si } p_i > p_j \end{cases}$$

N'importe quelle autre combinaison de prix ne constitue pas un équilibre ①
puisque au moins l'une des deux firmes aurait intérêt à dévier.

Plus précisément :

. $P_i > P_j > C_m \Rightarrow$ La firme i peut augmenter son profit en déclinant : $P_i' \in (C; P_j)$ [et inversement]

. ~~$P_i' \in (C; P_j)$~~

. $P_i = P_j > C_m \Rightarrow$ Chaque firme peut augmenter son profit en déclinant un prix légèrement inférieur à celui de son rival
(pour capter toute la demande)

Ce résultat est appelé le "Paradoxe de Bertrand" dans la mesure où deux firmes se faisant concurrence par le prix sur un marché donnent un équilibre nul à l'issue à celui de concurrence pure et parfaite.

Les développements théoriques ont alors cherché à dépasser ce paradoxe en relaxant les hypothèses restrictives du modèle de base.

avec contraintes
de capacité

↓
différenciation
des biens (cf. TP n°2)

2) Duopole à la Cournot:

(2)

Les deux firmes ne concurrençant pas les quantités. Le cadre est donc
permettant pour modéliser les interactions stratégiques au sein des réseaux
où il est difficile d'ajuster à court terme la quantité produite (voir l'analyse, voir les --)

* Les $f(x)$ de meilleures réponses:

→ $f(x)$ de Demande unifiée: $P(Q) = 4 - \frac{Q}{100}$ avec $Q = q_1 + q_2$

→ Programme de Max^o π de la firme 1

CPO $\Rightarrow \frac{\partial \pi_1}{\partial q_1}$

~~monopole~~

$q_1^* = 100 - 0,5 q_2$

et $q_2^* = 100 - 0,5 q_1$

La fonction de meilleure réponse nous donne le niveau
de production de la firme 1 qui maximise son profit
pour tout niveau de q_2 . (cf. représentation
graphique)

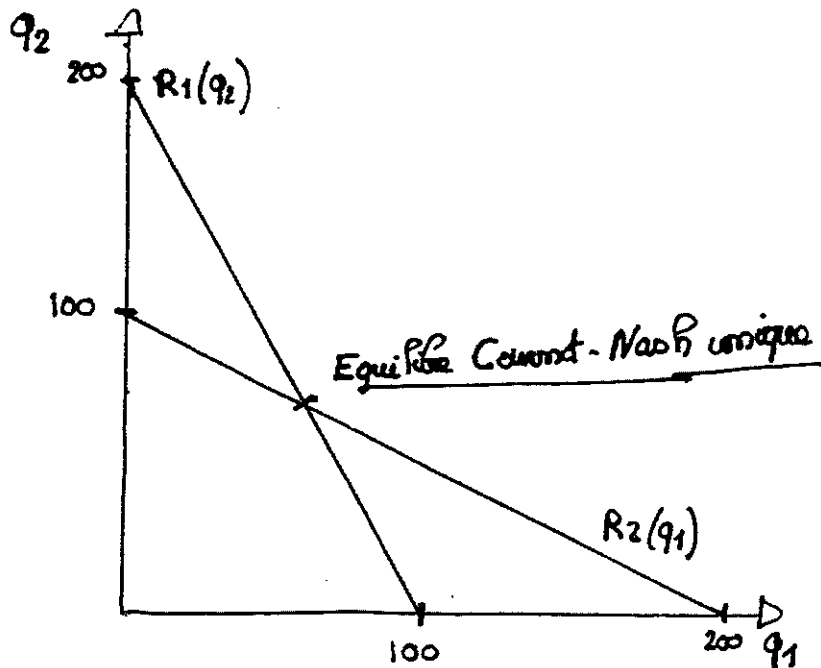
* Q^*, P^*, π_1^* et π_2^*

\Rightarrow ~~94,41360~~ $q_1^* = q_2^* = \frac{50}{0,75} \approx 66,67$

$Q^* = \frac{100}{0,75} \approx 133,33$

$P^* = 4 - \frac{100}{75} \approx 2,67$

$\pi_1^* = \pi_2^* \approx 43,67$



- Aucune des deux firmes n'est incitée à modifier sa production aussi longtemps que l'autre firme ne modifie pas la sienne.
- np: l'interprétation correcte du modèle de Cournot en termes d'équilibre de Nash n'est pas tant celle en termes d'action/réaction ~~mais~~ que celle où l'équilibre est atteint directement par la reconnaissance des deux firmes que leurs choix sont rationnels et logiquement cohérents.
- Dans le modèle de Cournot, les quantités sont des variables stratégiques

MPD

3) Duopole Cournot avec firmes asymétriques

④ ④

$$P(Q) = 4 - \frac{Q}{100}$$

$$CT_1: 1 + 2q_1$$

$$CT_2: 1 + 2,5q_2$$

→ nouvelle fonction de meilleure réponse de F2:

$$q_2^* = 75 - 0,5 q_1$$

$$\rightarrow \begin{cases} q_1^* = 100 - 0,5 q_2 \\ q_2^* = 75 - 0,5 q_1 \end{cases}$$

$$\rightarrow q_1^* \approx 83,33$$

$$q_2^* \approx 33,33$$

$$Q^* \approx 116,67$$

$$P^* \approx 2,83$$

$$\pi_1 \approx 68,16$$

$$\pi_2 = 10$$

$\Delta \Rightarrow$ La hausse de q_1 ne permet pas de compenser la hausse de q_2 .
La firme 2 reste sur le marché même si elle voit son profit diminuer

Exercice 3

$$P = 200 - q_1 - q_2$$

$$Cm \text{ constant: } 60 \text{ €}$$

F₁: Suivez Leader

F₂: " suiveuse

a) Duopole de Stackelberg (=rappel)

→ Max Π_2 pour déterminer l'expression de la fonction de meilleure réponse de F₂

$$\begin{aligned} \rightarrow RT &= (200 - q_1 - q_2) q_2 \\ &= 200q_2 - q_1q_2 - q_2^2 \end{aligned}$$

$$Rm = 200 - q_1 - 2q_2$$

Condition de maximisation du profit: $Rm = Cm$

$$\Rightarrow 200 - q_1 - 2q_2^* = 60$$

$$q_2^* = 70 - 0,5q_1$$

b) F₁ anticipe de manière rationnelle la meilleure réponse de F₂ suite à sa propre décision

$$\text{Max } \Pi_1$$

$$\begin{aligned} RT_1 &= (200 - q_1 - q_2) q_1 \\ &= (200 - q_1 - 70 + 0,5q_1) q_1 \\ &= 130q_1 - 0,5q_1^2 \end{aligned}$$

$$Rm = Cm$$

$$130 - q_1^* = 60$$

$$q_1^* = 70$$

$$\text{donc } q_2^* = 35$$

$$Q^* = 105$$

$$P^* = 95 \text{ €}$$

$$\Pi_1 = 2450 \text{ €}$$

$$\Pi_2 = 1225 \text{ €}$$

c) Cournot VS Stackelberg

$$\text{Cournot: } \begin{cases} q_1^c = 70 - 0,5 q_2 \\ q_2^c = 70 - 0,5 q_1 \end{cases}$$

$$q_1^c = q_2^c = 46,67$$

$$\Rightarrow Q^c = 93,33$$

$$P^c = 106,67$$

$$\hat{\pi}_1 \approx \hat{\pi}_2 = 2178 \text{€}$$

$\Rightarrow F_1 \oplus \rightarrow 1^{\text{st}}$ mover advantage

$F_2 \ominus$

Costs \oplus

Insistent sur la raison expliquant ces différences.

$\Rightarrow F_2$ anticipe que F_1 a pris un engagement irréversible / irréversible