

# TD 3. Exercice

2023

$$P = 260 - 2Q$$

$$C_m = 20$$

1) Equilibre Cournot-Nash (one-shot)

$\pi_1$

$$RT = [260 - 2(q_1 + q_2)] q_1$$

$$= 260q_1 - 2q_1^2 - 2q_1q_2$$

$$R_m = 260 - 4q_1 - 2q_2$$

Condition de Max<sup>o</sup>  $\pi$ :  $R_m = C_m$

$$260 - 4q_1 - 2q_2 = 0$$

$$\begin{cases} q_1^* = 60 - \frac{1}{2}q_2 \\ q_2^* = 60 - \frac{1}{2}q_1 \end{cases}$$

Donc  $q_1^* = 40$

$q_2^* = 40$

$\Rightarrow Q^* = 80$

$P^* = 100$

$\pi_1 = \pi_2 = 3200 \text{ €}$

2) Cantel

$$RT = (260 - 2Q)Q$$

$$R_m = 260 - 4Q$$

Cond<sup>o</sup> de Max<sup>o</sup> de  $\pi$ :  $R_m = C_m$

$$260 - 4Q = 20$$

$Q^* = 60$  ( $q_1^* = q_2^* = 30$ )

$P^* = 140$

$\pi_1 = \pi_2 = 3600 \text{ €}$

2.1  $F_1$  tâche et anticipe que  $F_2$  continue à produire  $q_2 = 30$ .

$$q_{1D} = 60 - \frac{1}{2}(30) \\ = 45$$

$$Q^a = 30 + 45 = 75$$

$$p^* = 110$$

$$\pi_1 = 4050 \text{ €} \quad (\text{et } \pi_2 = 2700 \text{ €})$$

3) Rappel : si possible (selon le temps) : demander la présentation du jeu à un colp sous forme matricielle et identification l'équilibre de Nash.

		$F_2$	
		Respecte non quota	Dérogation
$F_1$	Respecte non quota	(3600; 3600)	(2700; 4050)
	Dérogation	(4050; 2700)	(3200; 3200)

ENash identifié par l'élimination des stratégies dominées.

⇒ D'où la problématique structurelle en éco industrielle de l'identification des conditions permettant / assurant la rationalité des ententes.

⇒ Est-ce que la collusion entre  $F_1$  et  $F_2$  est rationnelle si on raisonne dans le cadre d'un jeu répété durant un nombre de périodes connu et déterminé au début de la collusion ? Non

à rappeler : 1) Raisonnement à rebours

⇒ incitation à dévier à la dernière période. Sachant cela, les firmes tricheront également durant la période précédente etc etc...

2) Equilibre par fait en jeux (on retrouve l'équilibre de Nash du jeu joué une seule fois)

3) Application particulière du théorème général de Selten (93). "If a game with a unique equilibrium is played finitely many times, its solution is that equilibrium played each and every time"



4) En éco industrielle, l'identification (théorique et empirique) des facteurs permettant d'assurer la rationalité des ententes ne réside pas vraiment dans le cadre de la TdJ avec un jeu répété à l'infini / un nombre indéterminé de périodes.

⇒ "l'histoire compte" alors.

⇒ Chaque firme adopte sa règle de comportement :

"Trigger Strategy" dans sa version la plus simple. { "Je respecte mon quota tant que mon partenaire fait de même ; s'il dévie à la période T, je ne respecterai plus mon quota de T+1 à l'infini"

⇒ Le facteur d'actualisation est alors la variable déterminante. On recherche le facteur d'actualisation réel  $\delta^*$  au-dessus duquel l'entente est rationnelle car les firmes réalisent suffisamment les gains futurs permis par l'entente, comparativement au gain actuel de déviation.

⇒ Pour cela, on compare le gain actualisé de déviation avec celui de poursuite de la coopération (non-déviation)

- Gain actualisé d'un comportement de non-déviation :

$$3600 + \delta 3600 + \delta^2 3600 + \dots \approx \frac{3600}{(1-\delta)}$$

- Gain actualisé en cas de déviation :

$$4050 + \delta 3200 + \delta^2 3200 + \dots = 4050 + \frac{3200\delta}{(1-\delta)}$$

La collusion est rationnelle pour :

$$\frac{3600}{(1-\delta^*)} > 4050 + \frac{3200\delta^*}{(1-\delta^*)}$$

$$\Rightarrow 3600 - 3200\delta^* > 4050(1-\delta^*)$$

$$850\delta^* > 450$$

$$\delta^* > 0,53$$

⇒ facteurs d'actualisation réel au-dessus desquel l'entente entre les firmes est rationnelle.

## 5) Concurrence par les prix

a) Eq. Bertrand à un coup

$$P_B^* = C_m = 20$$

$$\text{donc } Q_A^* = 130 - \frac{20}{2} = 120 \quad (q_1^* = q_2^* = 60)$$

$$\hat{\pi}_1 = \hat{\pi}_2 = 0$$

b) Eq. Cournot

$$Q_C^* = 60 \quad (q_1^* = q_2^* = 30)$$

$$P_C^* = 140$$

$$\hat{\pi}_1 = \hat{\pi}_2 = 3600$$

c) F1 dévie. Il n'existe pas de contraintes de capacités. F1 capture toute la demande à un prix infinitésimalement inférieur à  $P_C^* = 140$

$$\text{Donc } \hat{\pi}_1 \approx (140 \times 60) - (60 \times 20) \\ \approx 7200$$

$$\text{avec un } \hat{\pi}_2 = 0$$

↔ L'équilibre de Nash à un coup est toujours de déviation (// à la question précédente)

d) Facteur d'actualisation nul. On cherche le facteur d'actualisation au-dessus duquel l'entente est rationnelle, toujours dans le cadre de la "Trigger Strategy"

$$\rightarrow \text{Gain actualisé de respect de l'entente : } \frac{3600}{(1-\delta^*)}$$

$$\rightarrow \text{en cas de déviation : } 7200$$

La collusion est rationnelle si :

$$\frac{3600}{(1-\delta^*)} > 7200$$

$$3600 > 7200 - 7200 \delta^*$$

$$7200 \delta^* > 3600$$

$$\delta^* > 0,5 \Rightarrow \text{supérieur au facteur d'actualisation nul calculé dans la question précédente}$$

CB n'est pas demandé.

à faire en TD/en résumé (ni temps)

~~ni temps ni papier~~

↳ condition de rationalité moins restrictive



6) Cournot avec  $N=4$  (mêlée avec Bertrand)

④

$\Rightarrow$  Le facteur d'actualisation ne dépend pas du nombre de firmes ;

Ceci est on le voit, puisque cela diminue le gain individuel de la collusion et explique l'observation empirique selon laquelle les cartels ont plus de probabilités de se développer dans des secteurs concentrés et de regrouper les principales firmes du secteur.



Discussion autour du texte