第一题没什么好说的,注意输出None。

第二题:

对于每个字符串s,找到最短的前缀x满足 $x^{\infty} < s$ ,然后将字符串s分成 $x^{y} + z$ ,使得x不是z的前缀。

那么合并的顺序一定是按照 $x^{\infty}$ 字典序升序然后相同按照z+U字典序降序,注意使用字母U的原因是U比四个字母都要大。

感性的理解就是这样,每次我们希望找个最小的x,然后加入尽量多的x,但是x加完之后我们希望能加的字符尽量小,所以我们把尾巴字典序最小的放后面。

知道顺序之后, 倒着枚举前缀的长度贪心就行了。

比如:

CCACCACCACCATA

CCACCACCACCACCA

CCACCACCACCAAA

G

那么每个的x都是CCA,z分别是TA CCCA和CCCAAA,我们把第三个放后面,那么就有

CCACCACCACCACCACCACCACCACCACCACCACCAAA

然后再加入G。

第三题:

注意到如果一个区间包含了4个1,那么可以拆开成2+2。同理多于4个的也可以拆成2和3。

既然是平均值,那么拆开的二者中较大者肯定不比原来劣,所以区间中最多包含3个1。

预处理2个1,3个1的答案,由于区间端点都是1这个很容易转换成RMQ问题,需要预处理的东西就是两段区间求左端点在第一段,右端点在第二段的最优答案。

这个可以求出左边这一段的凸包,然后对于右边每个点找出左边哪个点到它最优,我们发现一定是左边的点最靠右的时候,答案是全局最优,所以可以单调扫过去,这样是线性。