

Sphere-Tracing/Ray-Marching in C++

C++ User-Treffen in Aachen, 17. Mai 2018

Mirco Müller, macslow@gmail.com

Was Euch erwartet

- ① Motivation
- ② Geschichte
- ③ Grundlagen in 2D
- ④ Schritt nach 3D
- ⑤ Kernalgorithmus & Objektdefinitionen
- ⑥ Beleuchtungsmodelle
- ⑦ Licht & Schatten
- ⑧ Reflexionen & Boolesche Operationen
- ⑨ Landschaften
- ⑩ Zusammenfassung, Aussicht auf Teil 2 & Fragen

Motivation

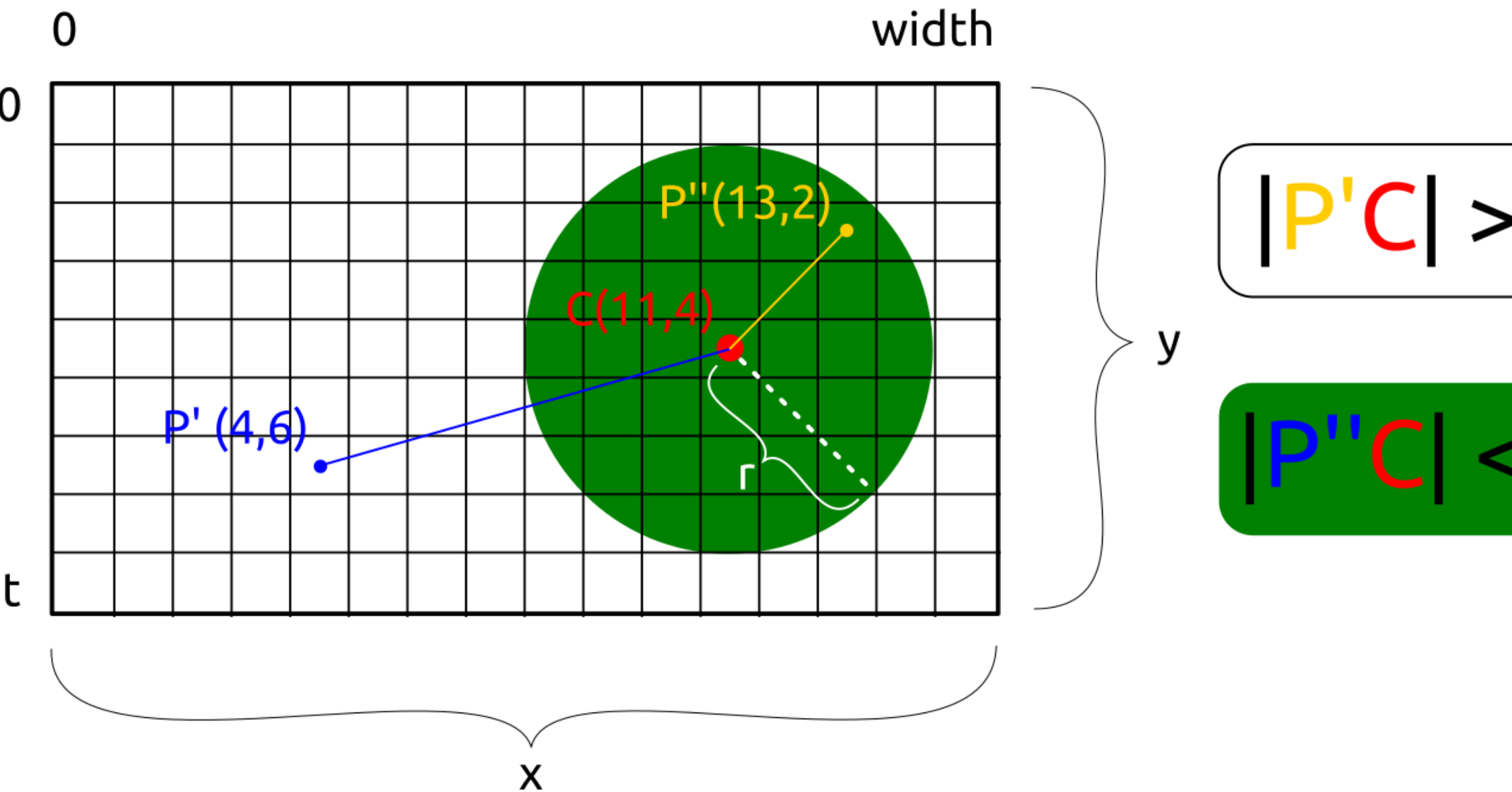
- * Vorteile bzw. Abgrenzung zu Polygongrafik
- * Analogie: Raymarching : Polygongrafik -> Vektorgrafik : Rastergrafik

Geschichte

* Einführung von Sphere Tracing durch John C. Hart 1996 Paper

Grundlagen in 2D

"Raymarching" in 2D

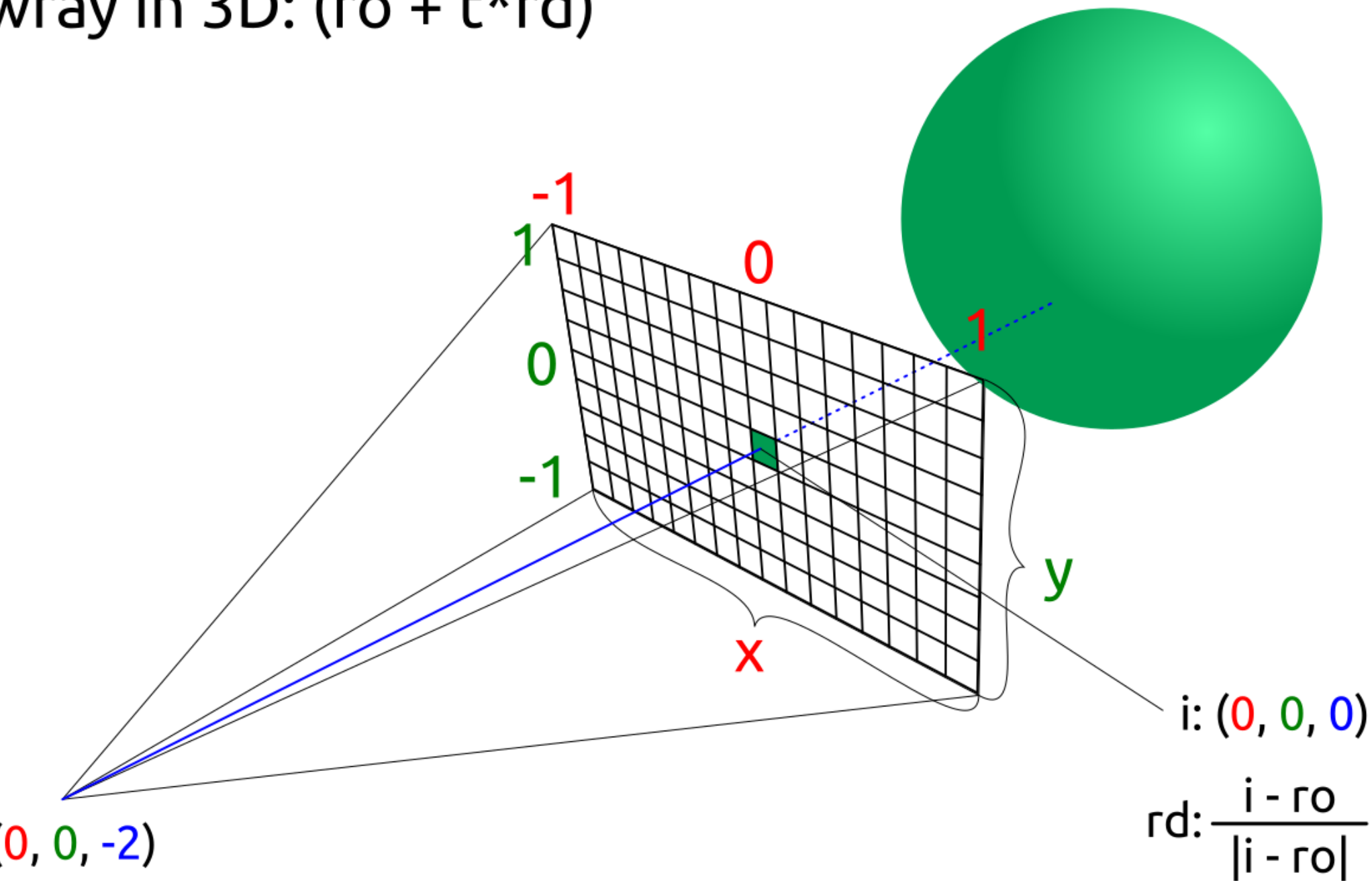


- * Signed Distance Functions
- * Teilmenge impliziter Funktionen
- * 2D-only C++-Beispiel raymarcher-nongl

Demo

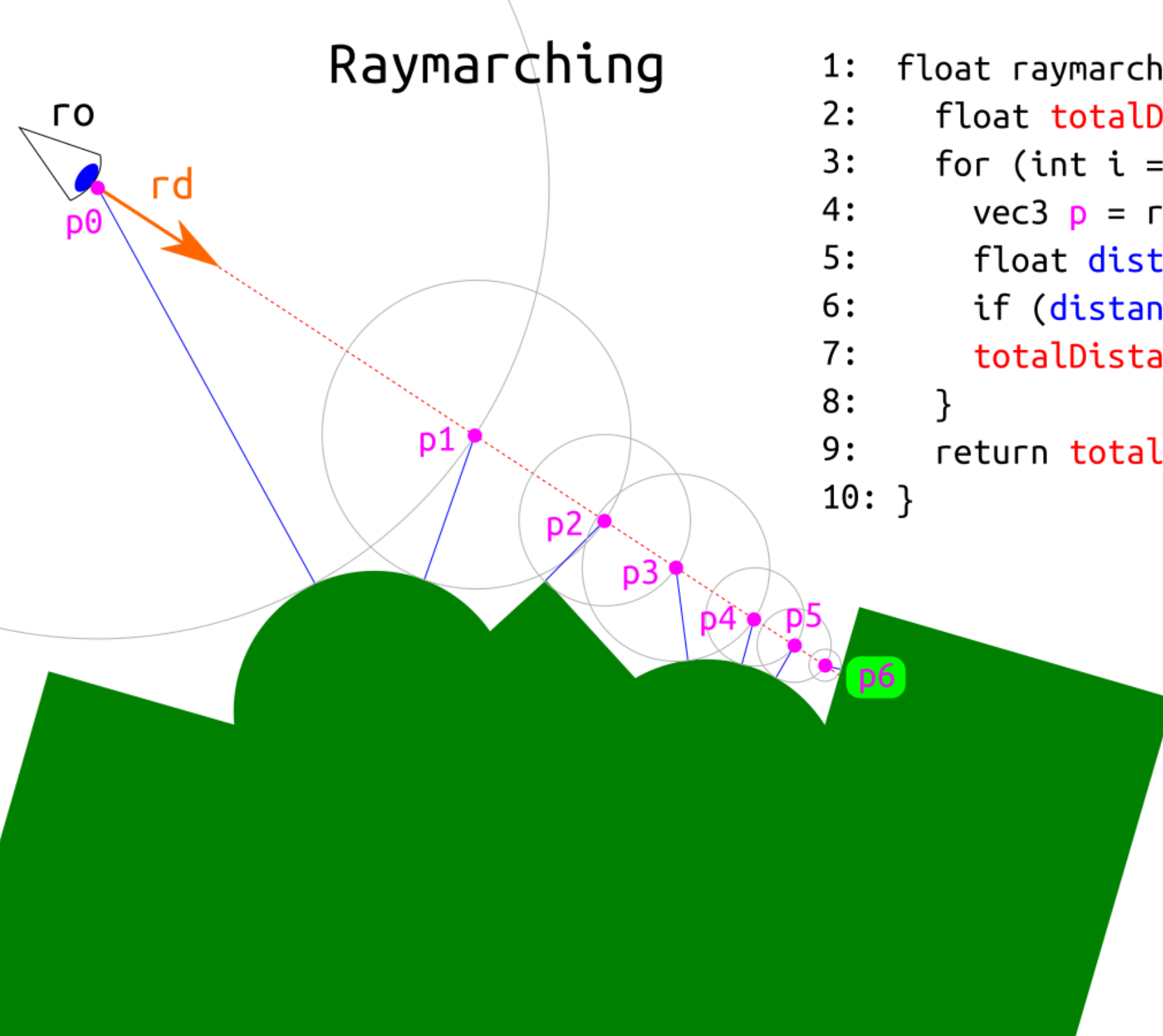
Schritt nach 3D

Ray in 3D: $(r_o + t \cdot r_d)$



Raymarching-Algorithmus

Raymarching



```
1: float raymarch (vec3 ro, vec3 rd)
2:     float totalDistance = 0.0;
3:     for (int i = 0; i < MAX_ITER; i++)
4:         vec3 p = ro + totalDistance * rd;
5:         float distance = scene (p);
6:         if (distance < EPSILON) break;
7:         totalDistance += distance;
8:     }
9:     return totalDistance;
10: }
```

Beispiele für Objekte

Basic Objects

Plane:

$$\text{point.y} - \text{height} = .0$$

Sphere:

$$\text{length}(\text{point}) - \text{radius} = .0$$

Cylinder:

$$\text{length}(\text{point.xz}) - \text{radius} = .0$$

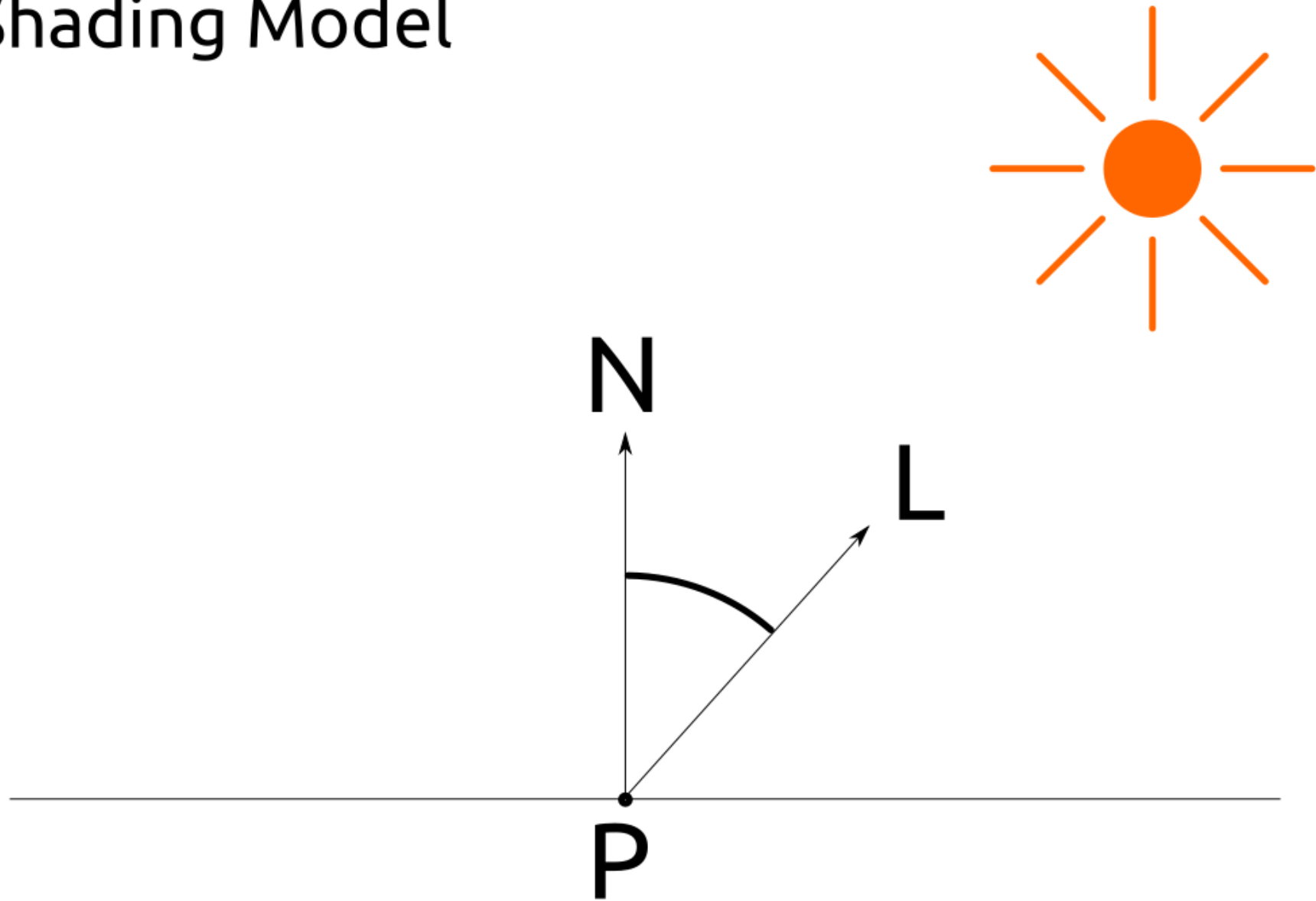
Box:

$$\text{length}(\max(\text{abs}(\text{point}) - \text{size}, .0)) = .0$$

Demo

Beleuchtungsmodelle

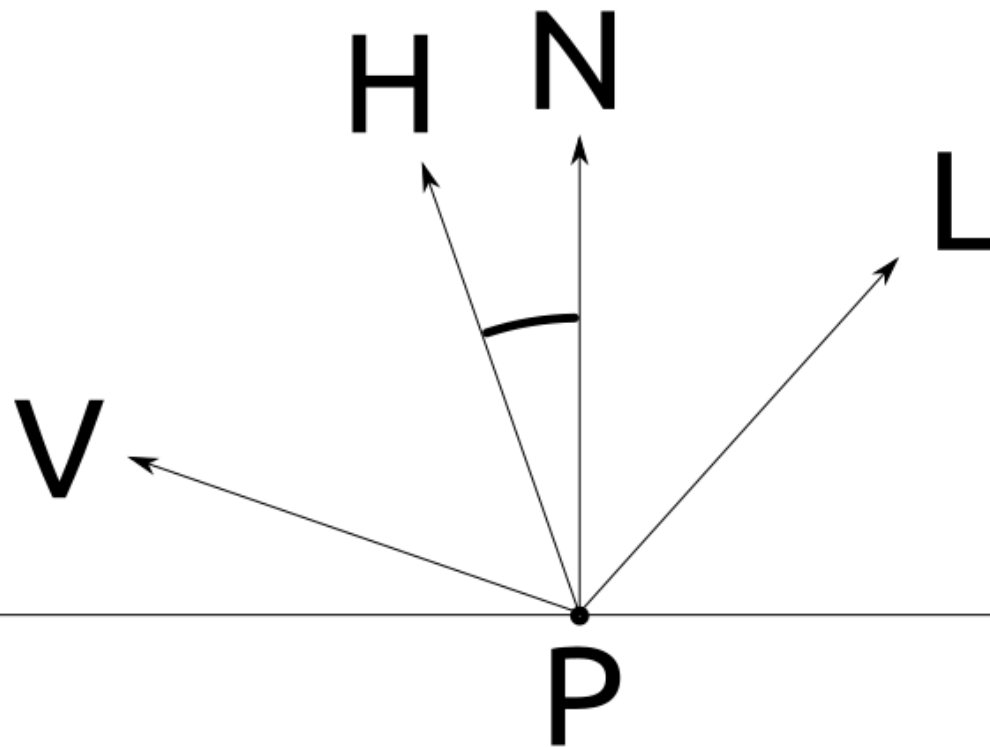
Phong Shading Model



$$\text{Color}_{\text{diffuse}} = N \cdot L * \text{Color}_{\text{Surface}} * \text{Intensity}_{\text{Light}}$$

- * Johann Heinrich Lambert, schweizer Mathematiker , 1726 - 1777
- * ok, aber nicht wirklich komplett in physikalischer Realität verankert

ular Highlights à la Blinn-Phong



V: direction to viewer
H: halfvector of V and L
N: surface normal
L: direction to light

$N \cdot L$ and $N \cdot H$ have to be
clamped to $[0..1]$

$$\text{Color}_{\text{diffuse}} = N \cdot L * \text{Color}_{\text{Surface}} * \text{Intensity}_{\text{Light}}$$

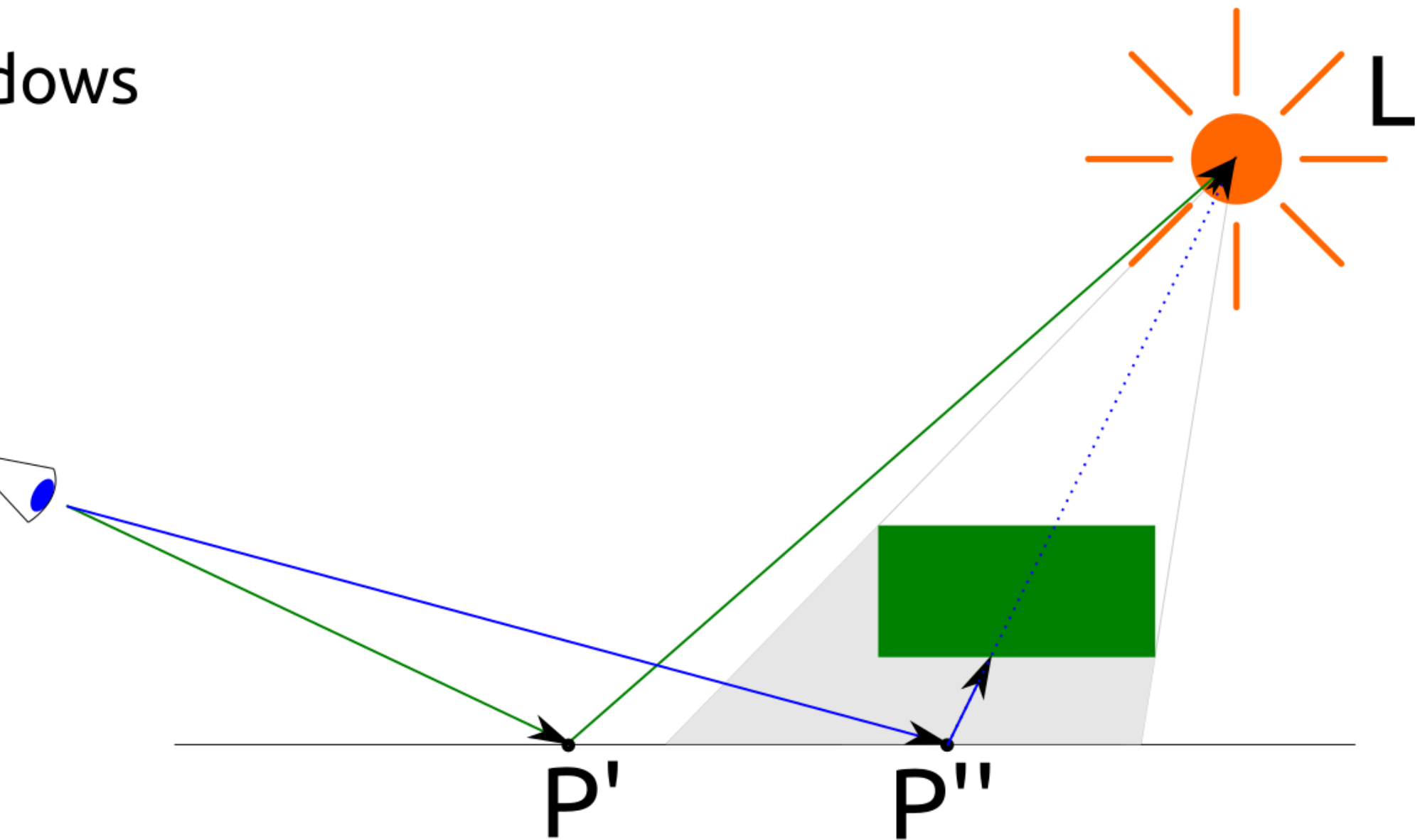
$$\text{Color}_{\text{final}} = (N \cdot H)^{\text{shininess}} * \text{Color}_{\text{specular}} + \text{Color}_{\text{diffuse}}$$

- * Bùi Tường Phong, Jim Blinn, ca. 1975-1977
- * state-of-the-art ist aber PBR
- * PBR zu komplex -> eigener Vortrag
- * trotzdem zumindest demonstrieren



Mehr Schatten als Licht

dows



`distanceToLight = length (L - P)`

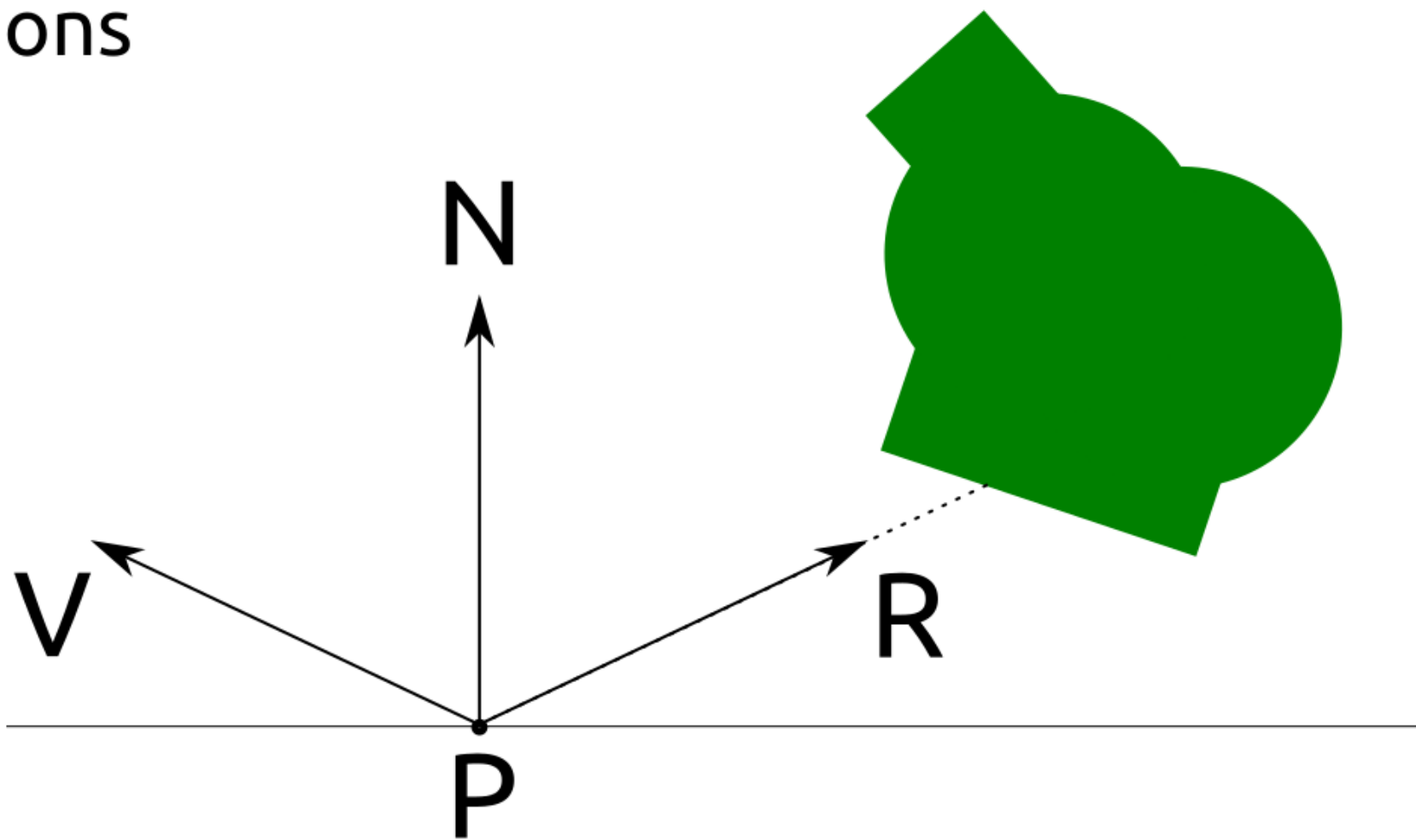
`distanceToObject = raymarch (P, normalize (L - P))`

`isShadowed = distanceToObject < distanceToLight`

`finalColor = isShadowed ? darken(shadingColor) : shadingColor`

Spieglein, Spieglein an der Wand

ections



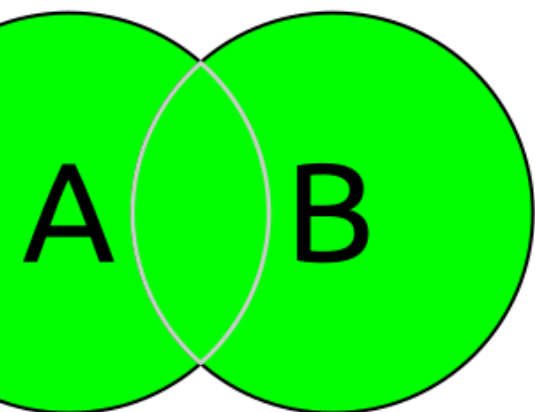
```
struct HitR  
    bool hasH  
    float dis  
    int mater  
}
```

```
normalize (reflect (V, N));  
= raymarch (P, normalize (R))  
color = result.hasHit ? modulate (shadingColor, result) : shadingColor
```

Demo

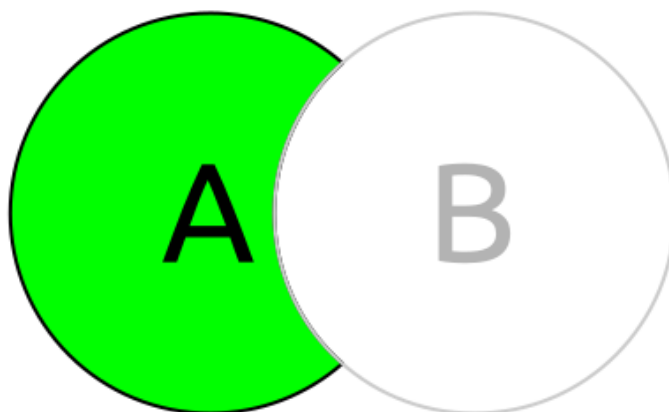
Boolsche Operationen

opUnion: $A + B$



$\min(A, B)$

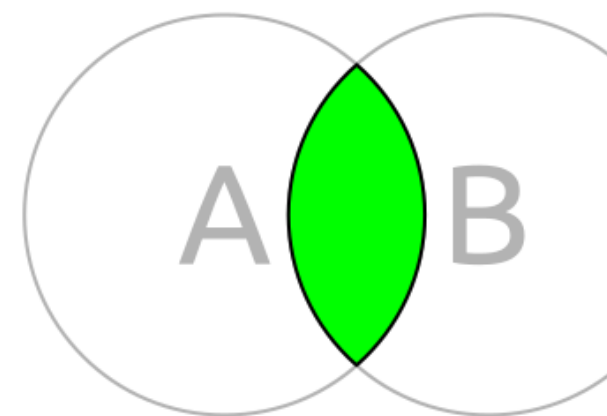
opSubtract: $A - B$



$\max(-A, B)$

Boolean Operat

opIntersect:

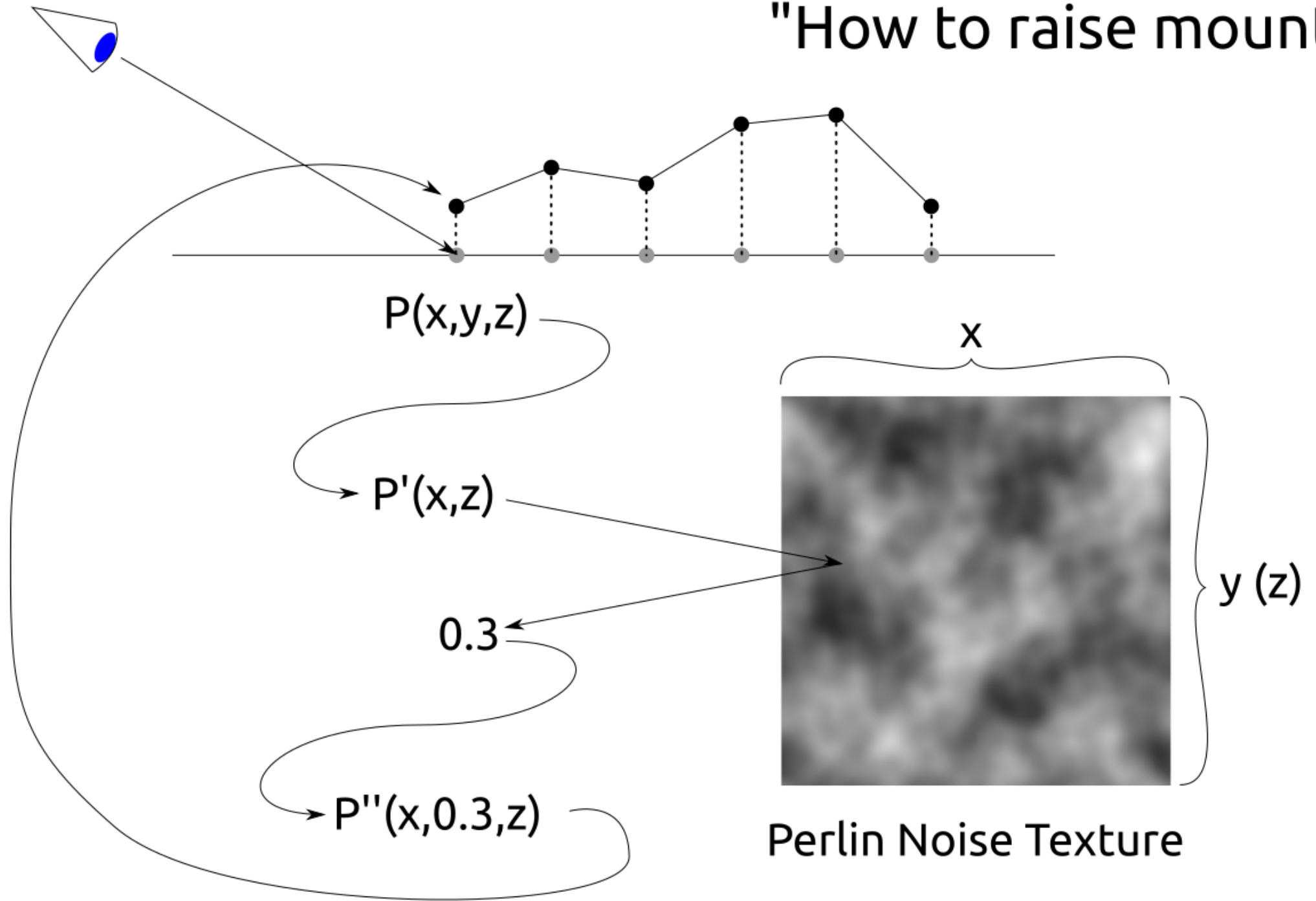


$\max(A, B)$

Demo

Von der Ebene zur Landschaft

"How to raise mountains"



Demo

Zusammenfassung

- Geschichte - 1996 von John C. Hart eingeführt
- Grundlagen in 2D - Signed Distance Functions
- Schritt nach 3D - matrizenlose 3D-Projektion
- Raymarching-Algorithmus
- Beleuchtungsmodelle - Lambert, Blinn-Phong, PBR
- wie man an Schatten kommt
- Reflexionen und Boolesche Operationen
- Erzeugung von Landschaften
- jede Menge Demos

Aussicht auf Teil 2

- * mehr über Operatoren
- * Krümmung/Faltung/Wiederholung vom Raum
- * volumetrische Effekte: z.B. Wolken
- * Kontaktschatten/Ambient Occlusion
- * Tiefenunschärfe/Depth-of-field
- * Überstrahlung/Bloom
- * AA-Strategien
- * Bau von sehr komplexeren Objekten
- * bessere Materialien (Holz, Leder, Marmor, Blech, Plastik...)
- * spezielle Wünsche?

Gibt's Fragen?

**Besten Dank für
Eure Aufmerksamkeit!**

① Vortrag, PDF, Sourcen

<https://github.com/MacSlow/raymarching-vortrag>

② Leseempfehlung: John C. Hart Paper von 1996

"a geometric method for the antialiased ray tracing of implicit surfaces"

③ Leseempfehlung: iq's Homepage

<http://www.iquilezles.org>

④ NVScene 2015 Vortrag von cupe

<https://www.youtube.com/watch?v=s8nFqwOho-s>

⑤ Leseempfehlung: Keinert et. al. Paper von 2014

"Enhanced Sphere Tracing"

http://erleuchtet.org/~cupe/permanent/enhanced_sphere_tracing.pdf

⑥ Leseempfehlung: Pharr, Jakob, Humphreys - Buch von 2016

"Physically Based Rendering - From Theory to Implementation"