# GIẢI BÀI TẬP TOÁN RỜI RẠC 2 – CHƯƠNG 1

#### Câu hỏi 1

Cho đơn đồ thị vô hướng  $G = \langle V, E \rangle$  gồm 10 đỉnh biểu diễn dưới dạng danh sách kề như sau:

$Ke(1) = \{2, 9, 10\}$	$Ke(6) = \{4, 5, 7\}$
$Ke(2) = \{1, 3, 4, 8, 9, 10\}$	$Ke(7) = \{4, 6, 8\}$
$Ke(3) = \{2, 4, 5, 10\}$	$Ke(8) = \{2, 4, 7, 9\}$
$Ke(4) = \{2, 3, 5, 6, 7, 8\}$	$Ke (9) = \{1, 2, 8, 10\}$
$Ke(5) = \{3, 4, 6\}$	Ke (10)= {1, 2, 3, 9}

Hãy thực hiện:

- a) Tìm deg(u) với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = V, E dưới dạng ma trận liên thuộc?

#### Giải

Đồ thị vô hướng G với số đỉnh n = 10 cho bởi danh sách kề.

a) Tìm deg(u) với mọi u∈V:

•	
deg(1) = 3	deg(6) = 3
deg(2) = 6	deg(7) = 3
deg(3) = 4	deg(8) = 4
deg (4) = 6	deg(9) = 4
deg(5) = 3	deg (10)= 4

b) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề A:

	1	2	3	<mark>4</mark>	<mark>5</mark>	<u>6</u>	<mark>7</mark>	8	<mark>9</mark>	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	1
2	1	0	1	1	0	0	0	1	1	1
<mark>3</mark>	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1
<mark>4</mark>	0	1	1	0	1	1	1	1	0	0
<mark>5</mark>	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0
<mark>6</mark>	0	0	0	1	1	0	1	0	0	0
<mark>7</mark>	0	0	0	1	0	1	0	1	0	0
8	0	1	0	1	0	0	1	0	1	0
9	1	1	0	0	0	0	0	1	0	1
O	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0

# c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	2	2	10	4	8
1	9	3	4	5	6
1	10	3	5	6	7
2	3	3	10	7	8
2	4	4	5	8	9
2	8	4	6	9	10
2	9	4	7		

d) Biểu diễn đồ thị  $G=\leq V$ , E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 20 cột:

	1	2	3	4	<u>5</u>	<u>6</u>	<b>7</b>	8	9	0	1	2	<u>3</u>	4	<mark>5</mark>	<b>6</b>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	1	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0
<mark>5</mark>	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	0	0
8	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	0
9	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1

Cho đơn đồ thị vô hướng G = <V, E> gồm 10 đỉnh và 20 cạnh biểu diễn dưới dạng danh sách cạnh như sau:

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	2	5	7
1	5	5	9
1	8	5	10
1	10	6	7
2	3	6	10
2	4	7	8
2	6	7	9
4	6	7	10
4	8	8	9
5	6	9	10

#### Hãy thực hiện:

- a) Tìm deg(u) với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách kề?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = < V, E > dưới dạng ma trận liên thuộc?

#### <u>Giải</u>

Đồ thị vô hướng G với số đỉnh n = 10, số cạnh m = 20 biểu diễn dưới dạng danh sách cạnh. a) Tìm deg(u) với mọi u∈V:

deg(1) = 4	deg(6) = 5
deg(2) = 4	deg(7) = 5
deg(3) = 1	deg(8) = 4
deg(4) = 3	deg(9) = 4
deg(5) = 5	deg (10)= 5

b) Biểu diễn đồ thị G = V, E dưới dạng ma trận kề A:

	1	2	3	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1
2	1	0	1	1		1	0	0	0	0
<mark>3</mark>	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0
<mark>5</mark>	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1
<mark>6</mark>	0	1	0	1	1	0	1	0	0	1
<mark>7</mark>	0	0	0	0		1	0	1	1	1
8	1	0	0	1	0	0	1	0	1	0
9	0	0	0	0		0			0	1
0	1	0	0	0	1	1	1	0	1	0

c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách kề

$Ke(1) = \{2, 5, 8, 10\}$	$Ke(6) = \{2, 4, 5, 7, 10\}$
$Ke(2) = \{1, 3, 4, 6\}$	$Ke (7) = \{5, 6, 8, 9, 10\}$
$Ke(3) = \{2\}$	$Ke(8) = \{1, 4, 7, 9\}$
$Ke(4) = \{2, 6, 8\}$	Ke (9) = {5, 7, 8, 10}
Ke (5) = {1, 6, 7, 9, 10}	Ke (10)= {1, 5, 6, 7, 9}

d) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 20 cột:

	1	2	3	4	<u>5</u>	<mark>6</mark>	7	8	9	0	1	2	3	4	<u>5</u>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	1	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	0
8	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	1	1
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	0	1

Cho đơn đồ thị vô hướng  $G = \langle V, E \rangle$  gồm 10 đỉnh được biểu diễn dưới dạng ma trận kề như sau:

	1	2	3	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	0	0	0	1	1	0	1	1	0	0
2	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0
<mark>3</mark>	0	1	0	1	0	1	1	1	0	0
<mark>4</mark>	1	1	1	0	1	1	1	1	0	0
<mark>5</mark>	1	0	0	1	0	1	1	1	0	0
<mark>6</mark>	0	1	1	1	1	0	0	1	0	0
<mark>7</mark>	1	0	1	1	1	0	0	1	0	0
8	1	0	1	1	1	1	1	0	0	0
<mark>9</mark>	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
O	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0

# Hãy thực hiện:

- a) Tìm deg(u) với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đồ thị G = <V, E> dưới dạng danh sách cạnh?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G = < V, E > dưới dạng danh sách kề?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = V, E dưới dạng ma trận liên thuộc?

## <u>Giải</u>

Đồ thị vô hướng G với số đỉnh n = 10 biểu diễn dưới dạng ma trận kề.

a) Tìm deg(u) với mọi u∈V:

deg(1) = 4	deg(6) = 5
deg(2) = 3	deg(7) = 5
deg(3) = 5	deg(8) = 6
deg (4) = 7	deg(9) = 1
deg(5) = 5	deg (10)= 1

# b) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách kề

$Ke(1) = \{4, 5, 7, 8\}$	$Ke(6) = \{2, 3, 4, 5, 8\}$
$Ke(2) = \{3, 4, 6\}$	$Ke(7) = \{1, 3, 4, 5, 8\}$
$Ke(3) = \{2, 4, 6, 7, 8\}$	$Ke (8) = \{1, 3, 4, 5, 6, 7\}$
$Ke(4) = \{1, 2, 3, 5, 6, 7, 8\}$	$Ke(9) = \{10\}$
$Ke(5) = \{1, 4, 6, 7, 8\}$	Ke (10)= {9}

# c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	4	3	4	4	8
1	5	3	6	5	6
1	7	3	7	5	7
1	8	3	8	5	8
2	3	4	5	6	8
2	4	4	6	7	8
2	6	4	7	9	10

d) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 21 cột:

	1	2	3	4	<u>5</u>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0	1	2	3	4	5	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0	1
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0																				
4	1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
<u>5</u>	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1	1	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0	0
7	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
8	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	1	1	0
9	0																				1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1

Cho đa đồ thị vô hướng G = <V, E> gồm 10 đỉnh và 20 cạnh được biểu diễn dưới dạng danh sách canh như sau:

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	2	4	6
1	2	4	7
1	2	4	7
1	2	5	8
1	3	5	9
1	5	6	7
2	3	8	9
2	5	8	9
3	4	8	10
3	7	9	10

## Hãy thực hiện:

- a) Tìm deg(u) với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề?
  c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc?

# <u>Giải</u>

a) Tìm deg(u) với mọi  $u \in V$ :

deg(1) = 6	deg(6) = 2
deg(2) = 6	deg(7) = 4
deg(3) = 4	deg(8) = 4
deg (4) = 4	deg(9) = 4
deg(5) = 4	deg(10) = 2

b) Biểu diễn đồ thị G = <V, E > dưới dạng ma trận kề A:

	uại	$\boldsymbol{\mathcal{O}}$		•					
1	. 2	3	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
0	) 4	1	0	1	0	0	0	0	0
2 4	0	1	0	1	0	0	0	0	0
<mark>3</mark> 1	. 1	0	1	0	0	1	0	0	0
<mark>4</mark> 0	0	1	0	0	1	2	0	0	0
<mark>5</mark> 1	. 1	0	0	0	0	0	1	1	0
<mark>5</mark> 0	0	0	1	0	0	1	0	0	0
<mark>7</mark> 0	0	1	2	0	1	0	0	0	0
8 0	0	0	0	1	0	0	0	2	1
9 0	0	0	0	1	0	0	2	0	1
0 0	0	0	0	0	0	0	1	1	0
3 1 4 0 5 1 6 0 7 0 8 0 9 0	1 1 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 1 0 0 1 0 0	1 0 0 1 2 0 0	0 0 0 0 0 1 1	0 1 0 0 1 0	1 2 0 1 0 0 0	0 0 1 0 0 0 2	0 0 1 0 0 2 0	() () () () 11

c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 20 cột:

	1	2	3	4	<u>5</u>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0	1	2	3	4	<u>5</u>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	1	1	1	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
<mark>3</mark>	0	0	0	0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
<mark>5</mark>	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0
<mark>6</mark>	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0
<mark>7</mark>	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	0	0	1	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	1	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1

Cho đơn đồ thị có hướng G = <V, E> gồm 10 đỉnh được biểu diễn dưới dạng danh sách kề như sau:

$Ke(1) = \{4, 10\}$	$Ke(6) = \{1, 4, 7\}$
$Ke(2) = \{4, 5, 6\}$	$Ke(7) = \{3, 9\}$
$Ke(3) = \{8\}$	$Ke(8) = \{7, 9\}$
$Ke(4) = \{2, 10\}$	$Ke(9) = \{8\}$
$Ke(5) = \{7, 8\}$	$Ke(10) = \{1, 2\}$

## Hãy thực hiện:

- a) Tìm  $deg^+(u)$ ,  $deg^-(u)$  với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đổ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = < V, E > dưới dạng ma trận liên thuộc?

#### <u>Giải</u>

Đồ thị có hướng G với số đỉnh n = 10 cho bởi danh sách kề.

a) Tìm deg-(u), deg+(u) với mọi  $u \in V$ :

	• * * * * * * * * * * * * * * * * * * *		
deg-(1) = 2	deg+(1) = 2	deg-(6) = 1	deg+(6) = 3
deg-(2) = 2	deg+(2) = 3	deg-(7) = 3	deg+(7) = 2
deg-(3) = 1	deg + (3) = 1	deg-(8) = 3	deg + (8) = 2
deg- (4) = 3	deg + (4) = 2	deg-(9) = 2	deg+(9) = 1
deg-(5) = 1	deg + (5) = 2	deg- (10)= 2	deg + (10) = 2

b) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề A:

	1	2	3	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	<mark>9</mark>	0
1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1
2	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0
<mark>3</mark>	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
<mark>4</mark>	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1
<mark>5</mark>	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0
<mark>6</mark>	1	0	0	1	0	0	1	0	0	0
<mark>7</mark>	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0
8	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0
9	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0

# c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	4	4	10	7	9
1	10	5	7	8	7
2	4	5	8	8	9
2	5	6	1	9	8
2	6	6	4	10	1
3	8	6	7	10	2
4	2	7	3		

d) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 20 cột:

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0	-	0
0	0	1	1	1	0	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-
0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0
-	0	-	0	0	0	1	1	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	-	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	0	0	-	1	1	-	0	0	0	0
0	0	0	0	0	-	0	0	0	-	0	0	0	0	0	1	1	-	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	-	1	0	0
0	-	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
	1 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 1 0 0 0 - 0 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 - 0 - 0 0 0 0 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 - 0 - 0 0 0 0 0 - 0 0 0 0 0 - 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 1 1 1 1 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 0 - 0 0 0 1 1 0 - 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 1 1 0	1       1       0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 - 0 0 1 1 1 0 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 - 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 - 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 - 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1       2       3       4       5       6       7       8       9       0       1       2       3       4       5       6       7       8       9         1       1       0

Cho đơn đồ thị có hướng  $G = \langle V, E \rangle$  gồm 10 đỉnh được biểu diễn dưới dạng ma trận kề như sau:

	1	2	<mark>3</mark>	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0
1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	1
2	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0
<mark>3</mark>	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0
<mark>5</mark>	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
<mark>6</mark>	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0
<mark>7</mark>	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
8	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0

# Hãy thực hiện:

- a) Tìm deg-(u), deg+(u) với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đỗ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách kề?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = <V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc?

## <u>Giải</u>

Đồ thị có hướng G với số đỉnh n = 10 cho bởi ma trận kề.

a) Tìm deg-(u), deg+(u) với mọi  $u \in V$ :

deg-(1) = 2	deg+(1) = 3	deg-(6) = 3	deg+(6) = 2
deg-(2) = 4	deg+(2) = 3	deg-(7) = 2	deg+(7) = 2
deg-(3) = 2	deg + (3) = 2	deg-(8) = 2	deg + (8) = 2
deg- (4) = 2	deg + (4) = 3	deg- (9) = 1	deg+(9) = 2
deg-(5) = 1	deg + (5) = 1	deg- (10)= 3	deg + (10) = 2

b) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách kề:

$Ke(1) = \{2, 3, 10\}$	$Ke(6) = \{7, 8\}$
$Ke(2) = \{3, 4, 5\}$	$Ke(7) = \{4, 8\}$
$Ke(3) = \{9, 10\}$	$Ke(8) = \{1, 2\}$
$Ke(4) = \{2, 6, 7\}$	$Ke(9) = \{6, 10\}$
$Ke(5) = \{6\}$	$Ke(10) = \{1, 2\}$

# c) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng danh sách cạnh

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
1	2	4	2	8	1
1	3	4	6	8	2
1	10	4	7	9	6
2	3	5	6	9	10
2	4	6	7	10	1
2	5	6	8	10	2
3	9	7	4		
3	10	7	8		

d) Biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận liên thuộc M gồm 10 hàng và 22 cột:

		1	2	3	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	<mark>9</mark>	0	1	2	<mark>3</mark>	4	<mark>5</mark>	<mark>6</mark>	<mark>7</mark>	8	9	0	1	2
1	l	1	1	1	0	0	0	0		0	0		0	0			0	-		0	0	-	0
2	2	-	0	0	1	1	1	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	0	0	-
3	3	0	-	0	-	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
\ <mark> </mark>	1	0	0	0	0	-	0	0	0	1	1	1	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0
5	5	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	-	1	1	0	0	0	0	-	0	0	0
7	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	-	0	1	1	0	0	0	0	0	0
8	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	-	1	1	0	0	0	0
9	)	0	0	0	0				0	0	0	0	0	0	0	0	0			_	1	0	0
(	)	0	0	-	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	1	1

Cho đơn đồ thị có hướng G = <V, E> gồm 10 đỉnh và 20 cạnh được biểu diễn dưới dạng danh sách canh như sau:

Đỉnh đầu	Đỉnh cuối	Đỉnh đầu	Đỉnh cuối
. 1	2	6	7
• 1	5	6	8
· 2	3	7	2
. 2	4	7	8
• 2	5	8	1
. 3	6	8	10
· 4	6	9	6
• 4	7	9	7
. 5	9	10	1
• 5	10	10	4

### Hãy thực hiện:

- a) Tìm  $deg^+(u)$ ,  $deg^-(u)$  với mọi  $u \in V$ ?
- b) Hãy biểu diễn đồ thị G = < V, E> dưới dạng danh sách kề?
- c) Hãy biểu diễn đồ thị G =<V, E> dưới dạng ma trận kề?
- d) Hãy biểu diễn đồ thị G = < V, E > dưới dạng ma trận liên thuộc?

# <u>Giải</u>

Đồ thị có hướng G với số đỉnh n = 10 cho bởi danh sách cạnh.

a) Tìm deg-(u), deg+(u) với mọi  $u \in V$ :

deg-(1) = 2	deg+(1) = 2	deg-(6) = 3	deg + (6) = 2
deg-(2) = 2	deg+(2) = 3	deg-(7) = 3	deg+(7) = 2
deg-(3) = 1	deg+(3) = 1	deg-(8) = 2	deg + (8) = 2
deg- (4) = 2	deg + (4) = 2	deg- (9) = 1	deg+(9) = 2
deg-(5) = 2	deg + (5) = 2	deg- (10)= 2	deg + (10) = 2