Inteligência Artificial - Relatório A*(A Estrela)

1 - Experimentação

O algoritmo foi executado diversas vezes com variações de cidades, de tamanho do conjunto de cidades e com alternação da heurística. Contudo, não foi realizado um teste para um problema com um número muito elevado de cidades, visto que isso seria inviável pois o algoritmo A*(A Estrela) gera filhos de acordo com sua função de custo total f(x) = g(x) + h(x), podendo assim gerar filhos em qualquer ramo da árvore.

No entanto, os testes foram executados de modo proporcional ao tempo que o algoritmo demorava para encontrar uma solução. Ou seja, o acréscimo de cidades foi proporcional ao tempo levado para resolver o problema anterior.

Baseado nestes testes foi possível resolver as duas questões requeridas. Segue abaixo pergunta e resposta, respectivamente.

Questão 01: A escolha da cidade inicial influencia a execução do algoritmo?

Não, pois por definição, passa por todas as cidades e consiste de um caminho circular. Logo, independentemente da cidade inicial sempre vai ser possível encontrar o caminho de menor custo. Ou seja, a sequência de cidades visitadas pode mudar, mas o custo do caminho não irá se alterar, visto que sempre aquelas cidades com o menor custo vão ser escolhidas.

Portanto, a escolha da cidade inicial não influencia o algoritmo, pois se possível ele sempre vai encontrar o caminho de menor custo ou um caminho com custo muito próximo a ele que varia somente nas últimas casas decimais.

Questão 02: A heurística de AGM permanece eficiente se excluirmos a cidade inicial de nossas estimativas?

Não, pois como ela nos fornece menos informações a qualidade da estimativa do custo do menor caminho que passa por todas as cidades não visitadas e retorna à cidade de partida será reduzida e assim um número maior de estados vão ser explorados e gerados, o que vai causar um aumento no tempo de execução do algoritmo.

Assim, podemos perceber que essa diferença é relevante e tem uma série de efeitos colaterais, visto que a quantidade de estados gerados vão aumentar consideravelmente e proporcionalmente a esse aumento o número de estados gerados também aumentará. Deste modo, o fato de enviar uma quantidade menor de estado para o algoritmo de Kruskal executar não causa melhoria no tempo de execução do algoritmo, invés de diminuir faz é aumentar o tempo de execução do mesmo, pois a quantidade de estados visitados é maior, ou seja, o Kruskal é executado muito mais vezes.

2 - Comparação entre variações

Os testes foram realizados com ambas as variações, a partir disso foi possível concluir que a primeira variação a qual utiliza a cidade de partida, é consideravelmente melhor do que a segunda variação que não utiliza a mesma.

Como podemos ver na figura abaixo, tanto a quantidade de estados explorados quanto a quantidade de estado gerados aumenta bruscamente, chegando em alguns casos a quase o triplo da quantidade da primeira variação sobre o mesmo conjunto de cidades. Sendo que por conta disso o tempo de execução do algoritmo também é afetado, de modo que na segunda variação ele passa muito mais tempo para encontrar a solução.

Tamanho da Entrada	Iteracao	Cidade Inicial	Heuristica	Explorados	Gerados
7	1	(0.0, 0.0)	1	459	941
7	2	(1.0, 2.0)	1	557	1115
7	3	(2.0, 0.0)	1	240	560
7	4	(0.0, 2.0)	1	349	742
7	5	(1.0, 1.0)	1	576	1154
7	6	(1.0, 3.0)		307	679
7	7	(3.0, 2.0)	1	285	656
7	1	(0.0, 0.0)	2	1001	1851
7	2	(1.0, 2.0)	2	732	1391
7	3	 (2.0, 0.0)		1125	2032
7	4	(0.0, 2.0)	++ 2	794	1494
7	5	(1.0, 1.0)	++ 2	947	1746
7	6	(1.0, 3.0)	+	1123	2039
7	7	 (3.0, 2.0)		1656	2988

Figura 1: Comparação das heurísticas, com um conjunto de 7(sete) cidades.

Segue abaixo o resultado de ambas as variações para um conjunto de cidades da figura acima.

Variação 1:

 $\textbf{Caminho:}\ \left[(0.0,\ 0.0),\ (0.0,\ 2.0),\ (1.0,\ 2.0),\ (1.0,\ 3.0),\ (3.0,\ 2.0),\ (1.0,\ 1.0),\ (2.0,\ 0.0),\ (0.0,\ 0.0)\right],$

 $\textbf{Custo do caminho:}\ 11.064\ , \textbf{Explorados:}\ 459, \textbf{Gerados:}\ 941.\ \textbf{Tempo de Execução:}\ 0\ m,\ 12.621s.$

Variação 2:

Caminho: [(0.0, 0.0), (0.0, 2.0), (1.0, 2.0), (1.0, 3.0), (3.0, 2.0), (2.0, 0.0), (1.0, 1.0), (0.0, 0.0)], Custo do caminho: 10.478, Explorados: 1001, Gerados: 1851. Tempo de Execução: 0 m, 33.838s.

Portanto, de acordo com os testes foi possível perceber que a Variação 1 (Um) se comporta muito melhor que a variação 2 (Dois), pois devido ao fato de fornecer mais informações ao algoritmo, ela faz com que o mesmo encontre uma solução em menos tempo e com uma quantidade menor de estados visitados e gerados.