Facultad de Economía, UPC

Taller de modelos macroeconómicos en Matlab

Clase 1

Mg. Carlos Rojas Quiroz www.carlos-rojas-quiroz.weebly.com pcefcroj@upc.edu.pe

6 de agosto de 2018

Índice

(

- 1 Ciclos económicos
 - 1.1 Definición y medición
 - 1.2 Filtro de Hodrick y Prescott
 - 1.3 Filtro de Baxter y King
- 2 Modelo RBC Básico
 - 2.1 Estado Estacionario

- 2.2 Log-linealización
- 2.3 Calibración
- Introduciendo el modelo en Dynare
- 2.5 Funciones Impulso-Respuesta

El ciclo económico

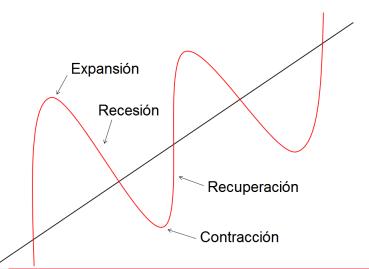


- Fluctuaciones agregadas de corto plazo.
- Burns y Mitchell (1946):
 - Consta de expansiones que se producen más o menos al mismo tiempo en muchas actividades económicas, seguida de recesiones, contracciones y recuperaciones, también generales, que culminan en la fase de expansión del ciclo siguiente.
 - Esta secuencia de cambios es recurrente, pero no periódica.
 - Duran desde más de un año hasta diez o doce años, no pueden dividirse en ciclos más breves de carácter similar y de magnitud parecida.



El ciclo económico

Figura 1: Ciclo Económico Artificial





Medición del ciclo económico

 Suponemos que una serie macroeconómica de frecuencia trimestral está compuesta de:

$$Y_t = Y_t^G Y_t^C Y_t^E Y_t^I$$

Aplicando logaritmos:

$$y_t = y_t^g + y_t^c + y_t^e + y_t^i$$

• ¿Cómo aislar componentes determinísticos $(y_t^g \wedge y_t^e)$? No hay una sóla forma "correcta" de hacerlo.

Filtro de Hodrick y Prescott

El componente tendencial se obtiene resolviendo lo siguiente (previamente debemos desestacionalizar la data, $\tilde{y}_t = y_t - y_t^e$):

$$\min_{y_t^g} \sum_{t=1}^T (\tilde{y}_t - y_t^g)^2 + \lambda \sum_{t=1}^{T-1} [(y_{t+1}^g - y_t^g) - (y_t^g - y_{t-1}^g)]^2$$

- Tenemos dos objetivos:
 - Que la tendencia se acerque lo más posible a los datos, pero...
 - Que la tasa de crecimiento tendencial sea lo más suave posible.
- λ: parámetro arbitrario, elegido por el investigador.

Luego,
$$y_t^c = \tilde{y}_t - y_t^g$$
.

Filtro de Hodrick y Prescott

1T 97

1T 00

(

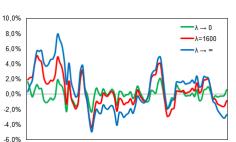


Figura 2: Ciclo económico - Perú

• Datos trimestrales con $\lambda = 1600$. Si $\lambda \to 0$ entonces $y_t = y_t^g$. Si $\lambda \to \infty$ entonces tasa de crecimiento tendencial constante.

1T06 1T09

1T 12

1T 15

1T 03

 Tiene problemas: (i) colas, (ii) valor correcto de λ y (iii) no recoge cambios estructurales.

1T 94

(

Sin embargo...

Why You Should Never Use the Hodrick-Prescott Filter

James D. Hamilton

jhamilton@ucsd.edu

Department of Economics, UC San Diego

July 30, 2016

Revised: August 13, 2016

ABSTRACT

Here's why. (1) The HP filter produces series with spurious dynamic relations that have no basis in the underlying data-generating process. (2) A one-sided version of the filter reduces but does not eliminate spurious predictability and moreover produces series that do not have the properties sought by most potential users of the HP filter. (3) A statistical formalization of the problem typically produces values for the smoothing parameter vastly at odds with common practice, e.g., a value for λ far below 1600 for quarterly data. (4) There's a better alternative. A regression of the variable at date t+h on the four most recent values as of date t offers a robust approach to detrending that achieves all the objectives sought by users of the HP filter with none of its drawbacks.

Filtro de Baxter y King

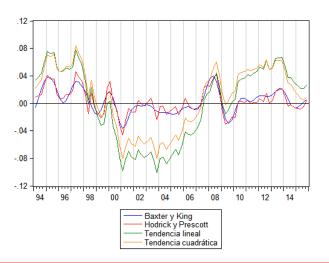


- Band-pass filter.
- A través del uso de una media móvil simétrica, elimina los componentes tendenciales (asociados a frecuencias bajas) e irregulares (asociados a frecuencias altas) reteniendo los ciclos (frecuencias intermedias)
- Necesario establecer duración mínima y máxima del ciclo ("banda").
- Para frecuencia trimestral entre 6 a 32 trimestres.



Medición del ciclo económico

Figura 3: Ciclo económico peruano, diversos filtros estadísticos



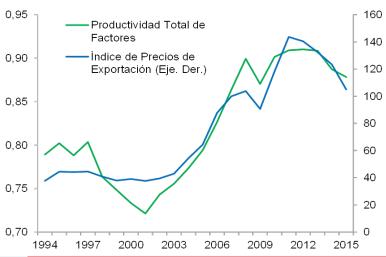
(

Productividad Total de Factores

- Pensemos un momento en la Productividad Total de Factores, ¿Qué es?
 - Una variable no observable calculada como residuo de Solow.
 - Nivel de conocimientos general sobre las artes productivas que dispone una economía.
 - Productividad agregada de la economía en el uso de todos sus factores productivos (tecnología, la estructura organizativa, el capital humano, factores institucionales).

Productividad Total de Factores

Figura 4: PTF e IPX para Perú ($\rho_{PTF,IPX} = 0.95$)



12/52

Facultad de Economía, UPC

Índice

(

- 1 Ciclos económicos
 - 1.1 Definición y medición
 - 1.2 Filtro de Hodrick y Prescott
- 2 Modelo RBC Básico
 - 2.1 Estado Estacionario

- 2.2 Log-linealización
- 2.3 Calibración
- 2.4 Introduciendo el modelo en Dynare
- 2.5 Funciones Impulso-Respuesta

Introducción a modelos RBC

- Idea principal: las fluctuaciones económicas son causadas por choques reales.
 - Productividad, gasto público, preferencias del consumidor, costos (precio del petróleo), etc.
- Primeros modelos añadían proceso estocástico a modelo de crecimiento neoclásico y analizaban la dinámica de la economía.
 - Un ingrediente principal para que el modelo replique los hechos observados en los ciclos económicos es el mecanismo de propagación: canal a través del cual el choque se difunde y amplifica.
- Parámetros del modelo son calibrados y se trata de replicar las características más importantes del ciclo económico con la economía artificial creada.



Modelo RBC Básico

Familias:

• Economía poblada por familias idénticas con vida infinita. Deciden su consumo de bienes (C_t) y ocio O_t (oferta de horas de trabajo $L_t = 1 - O_t$) para maximizar el valor esperado de su utilidad intertemporal:

$$\max_{\{C_t, L_t, A_{t+1}\}_{t=0}^{\infty}} V_t = E_t \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(C_t, L_t)$$
 (1)

Donde $U_C > 0$, $U_{CC} < 0$ y $U_L < 0$, $U_{LL} < 0$.

 Los consumidores reciben un salario W_t por hora de trabajo y una tasa de retorno r_t por sus ahorros A_t a principios del período t. Además, hogares pagan impuestos de suma alzada T_t. La restricción es:

$$(1 + r_t)A_t + W_tL_t = C_t + A_{t+1} + T_t$$
 (2)



El lagrangiano en valor presente es:

$$\ell_t = E_t \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t [U(C_t, L_t) + \lambda_t ((1 + r_t)A_t + W_t L_t ... \\ ... - C_t - A_{t+1} - T_t)]$$

En tanto, las CPO's son:

$$U_C(C_t, L_t) = \lambda_t \tag{3}$$

$$U_L(C_t, L_t) = -\lambda_t W_t \tag{4}$$

$$\beta^{t} \lambda_{t} = \beta^{t+1} \lambda_{t+1} (1 + r_{t+1}) \tag{5}$$

Dividiendo 3 entre 4:

$$U_C(C_t, L_t) = \frac{-U_L(C_t, L_t)}{W_t}$$
 (6)

Que es la condición intratemporal entre el empleo y el consumo.

Incorporando la ecuación 3 en la 5 se llega a:

$$U_C(C_t, L_t) = \beta \mathbb{E}_t \left\{ U_C(C_{t+1}, L_{t+1}) (1 + r_{t+1}) \right\}$$
 (7)

Que es la **condición intertemporal del consumo** (ecuación de Euler).

INTUICIÓN DE LA ECUACIÓN DE EULER: ¿Cuáles son los efectos de postergar consumo de un período a otro? Margen de decisión del consumidor.

- Si sacrifico una unidad de consumo hoy, reduzco mi utilidad en $U_C(C_t, L_t)$.
- Esa unidad de consumo "sacrificada" genera $1 + r_{t+1}$ unidades en el siguiente período.
- Esas unidades del siguiente período producen una utilidad marginal de U_C(C_{t+1}, L_{t+1}), descontada por el factor de descuento β.



Modelo RBC Básico

Empresas:

 Producen bienes finales alquilando capital y horas de trabajo en competencia perfecta. Su función de producción es:

$$Y_t = Z_t F(K_t, L_t)$$

• Z_t es la PTF, K_t es el capital y L_t las horas de trabajo. El problema de la empresa es:

$$\max_{\{K_t, L_t\}_{t=0}^{\infty}} \Pi_t = Z_t F(K_t, L_t) - \underbrace{(r_t + \delta)}_{R_t} K_t - W_t L_t$$

Donde δ es la tasa de depreciación. Las CPO's son:

$$W_t = Z_t F_L(K_t, L_t) \tag{8}$$

$$r_t = Z_t F_K(K_t, L_t) - \delta \tag{9}$$

Recordar que el capital físico tiene una ley de movimiento:

$$K_{t+1} = I_t + (1 - \delta)K_t$$

Donde I_t es la inversión.

Equilibrio general:

- Hogares maximizan su utilidad.
- Empresas maximizan beneficios.
- Todos los mercados están en equilibrio.

En nuestro modelo, el equilibrio general se da cuando se cumplen las ecuaciones 6, 7, 8 y 9, además de asegurarnos que todos los mercados estén en equilibrio.



Modelo RBC Básico

El único activo del modelo es el capital, luego $K_t = A_t$. Reemplazando las ecuaciones 8 y 9 en la ecuación 2:

$$(1 + Z_t F_K(K_t, L_t) - \delta) K_t + Z_t F_L(K_t, L_t) L_t = C_t + K_{t+1} + T_t$$

$$Z_t F_K(K_t, L_t) K_t + Z_t F_L(K_t, L_t) L_t = C_t + K_{t+1} - (1 - \delta) K_t + T_t$$

Teorema de Euler

Si $F = f(x_1, x_2)$ es linealmente homogénea, entonces:

$$x_1 \frac{\partial f}{\partial x_1} + x_2 \frac{\partial f}{\partial x_2} \equiv F$$

Función homogénea de grado r: $f(jx_1, jx_2) = j^r f(x_1, x_2)$. Si r=1 la función es *linealmente homogénea*.

Modelo RBC Básico

Tomando en cuenta Teorema de Euler, se tiene:

$$Y_t = C_t + K_{t+1} - (1-\delta)K_t + T_t$$

Además, la inversión es: $I_t = K_{t+1} - (1 - \delta)K_t$. Por tanto:

$$Y_t = C_t + I_t + T_t$$

Finalmente, se asume que la política fiscal está en equilibrio $G_t = T_t$:

$$Y_t = C_t + I_t + G_t \tag{10}$$

Igualdad entre oferta y demanda de bienes finales. Puede ser rescrita:

$$Z_t F(K_t, L_t) = C_t + I_t + G_t \tag{11}$$

Representa el equilibrio de los mercados de bienes y capital. El mercado de trabajo está en equilibrio por la ley de Walras.

Formas funcionales específicas para la utilidad y la producción:

Función de Utilidad instantánea logarítmica:

$$U_t = \theta \log(C_t) + (1 - \theta) \log(1 - L_t)$$

 Función de producción Cobb-Douglas con rendimientos constantes a escala:

$$Y_t = Z_t L_t^{\alpha} K_t^{1-\alpha}$$

Modelo RBC Básico

Las condiciones de primer orden serían:

• Condición intratemporal (oferta de trabajo):

$$1 - L_t = \left(\frac{1 - \theta}{\theta}\right) \frac{C_t}{W_t} \tag{12}$$

Condición intertemporal del consumo:

$$C_{t} = \frac{1}{\beta} \mathbb{E}_{t} \left\{ \frac{C_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \right\}$$
 (13)

Demanda de trabajo:

$$W_t = \alpha \frac{Y_t}{L_t} \tag{14}$$

Modelo RBC Básico

• Demanda de capital:

$$r_t + \delta = (1 - \alpha) \frac{Y_t}{K_t} \tag{15}$$

• Demanda agregada:

$$Y_t = C_t + I_t + G_t \tag{16}$$

• Oferta agregada:

$$Y_t = Z_t L_t^{\alpha} K_t^{1-\alpha} \tag{17}$$

• Evolución del capital:

$$K_{t+1} = I_t + (1 - \delta) K_t$$
 (18)

Tenemos 7 ecuaciones para 9 variables. Añadimos dos procesos exógenos para:

Productividad:

$$\log(Z_t) = (1 - \rho_Z)\log(Z) + \rho_Z\log(Z_{t-1}) + \epsilon_t^Z$$
 (19)

Gasto Público:

$$\log(G_t) = (1 - \rho_G)\log(G) + \rho_G\log(G_{t-1}) + \epsilon_t^G \qquad (20)$$

Donde $\epsilon_t^Z \sim N(0, \sigma_Z^2)$ y $\epsilon_t^G \sim N(0, \sigma_G^2)$.

Estado Estacionario

De la ecuación 12:

$$L = 1 - \left(\frac{1 - \theta}{\theta}\right) \frac{C}{W} \tag{21}$$

De la ecuación 13:

$$r = \frac{1}{\beta} - 1 \tag{22}$$

De las ecuaciones 14 y 15:

$$W = \alpha \frac{Y}{L} \tag{23}$$

$$r = (1 - \alpha)\frac{Y}{K} - \delta \tag{24}$$



Estado Estacionario

De la ecuación 16:

$$Y = C + I + G \tag{25}$$

De la ecuación 17:

$$Y = ZL^{\alpha}K^{1-\alpha} \tag{26}$$

De la ecuación 18:

$$I = \delta K \tag{27}$$



De la ecuación 22 y 24, se llega a:

$$\frac{1}{\beta} - 1 + \delta = (1 - \alpha) \frac{Y}{K} \tag{28}$$

Que lleva a:

$$K = \frac{(1 - \alpha)\beta Y}{1 - \beta + \beta \delta} \tag{29}$$

Estado Estacionario

Usando la ecuación 27

$$I = \frac{(1 - \alpha)\delta\beta Y}{1 - \beta + \beta\delta} \tag{30}$$

De 25 despejamos:

$$C = \left[1 - \frac{(1 - \alpha)\beta\delta}{1 - \beta + \beta\delta} - \frac{G}{Y}\right]Y \tag{31}$$

Además, en la ecuación 21 y utilizando las ecuaciones 23 y 31, se llega a:

$$L = \frac{1}{1 + \frac{\left[1 - \frac{(1 - \alpha)\beta\delta}{1 - \beta + \beta\delta} - \frac{G}{Y}\right]}{\alpha Z} \left(\frac{1 - \theta}{\theta}\right)}$$
(32)



Finalmente, combinamos la ecuación 26 con la ecuación 29 y 32 y se llega a:

$$Y = Z^{\frac{1}{\alpha}} \left[\frac{1}{1 + \frac{\left[1 - \frac{(1 - \alpha)\beta\delta}{1 - \beta + \beta\delta} - \frac{G}{Y}\right]}{\alpha Z} \left(\frac{1 - \theta}{\theta}\right)} \right] \left[\frac{(1 - \alpha)\beta}{1 - \beta + \beta\delta} \right]^{\left(\frac{1 - \alpha}{\alpha}\right)}$$
(33)

En cuanto a los procesos exógenos, asumimos:

$$Z = 1$$
 y $G = \frac{G}{Y} \times Y$ (34)



Log-linealización

- Log-linealización es método común para llevar un sistema no lineal a uno lineal.
- Variables se interpretan como desviaciones respecto a su Estado Estacionario (ciclos).

Expansión de Taylor de primer orden

$$\phi(x) \approx \phi(x_0) + \phi_x(x_0)(x - x_0)$$

$$\phi(x, y) \approx \phi(x_0, y_0) + \phi_x(x_0, y_0)(x - x_0) + \phi_y(x_0, y_0)(y - y_0)$$





Tips:

- Aplicar logaritmos a ambos lados de la ecuación de interés
- Realizar una aproximación de primer orden alrededor del estado estacionario
- Simplificar la ecuación para expresarla en desviaciones respecto al estado estacionario.

Modelo log-linealizado

• Condición intratemporal (oferta de trabajo):

$$\left(\frac{L}{1-L}\right)\hat{L}_t = \hat{W}_t - \hat{C}_t \tag{35}$$

• Condición intertemporal del consumo:

$$\hat{C}_t = \mathbb{E}_t(\hat{C}_{t+1}) - (1 - \beta)\mathbb{E}_t(\hat{r}_{t+1})$$
 (36)

• Demanda de trabajo:

$$\hat{W}_t = \hat{Y}_t - \hat{L}_t \tag{37}$$

• Demanda de capital:

$$r\hat{r}_t = (1 - \alpha) \frac{Y}{\kappa} (\hat{Y}_t - \hat{K}_t)$$
 (38)

Modelo log-linealizado

Demanda agregada:

$$\hat{Y}_t = \frac{C}{Y}\hat{C}_t + \frac{I}{Y}\hat{I}_t + \frac{G}{Y}\hat{G}_t \tag{39}$$

Oferta agregada:

$$\hat{Y}_t = \hat{Z}_t + \alpha \hat{L}_t + (1 - \alpha)\hat{K}_t \tag{40}$$

Evolución del capital:

$$\hat{K}_{t+1} = \frac{1}{K}\hat{I}_t + (1 - \delta)\hat{K}_t \tag{41}$$

Procesos exógenos:

$$\hat{Z}_t = \rho_Z \hat{Z}_{t-1} + \epsilon_t^Z \tag{42}$$

$$\frac{\hat{G}_t = \rho_G \hat{G}_{t-1} + \epsilon_t^G}{\text{Facultad de Economía, UPC}} \tag{43}$$



Calibración

Consiste en imponer valores a los parámetros estructurales o "profundos" del modelo de acuerdo a ratios observados en la data económica, revisión de modelos similares o para obtener co-movimientos similares a los observados. En nuestro caso:

Parámetros	Descripción
$\beta = 0.99$	Factor de descuento
heta= 0,36	Importancia del consumo sobre renta total
$\alpha = 0.65$	Importancia del factor trabajo en la FP
$\delta = 0.025$	Depreciación del capital físico
$\frac{G}{Y} = 0.18$	Gasto Público/PBI
$ ho_{Z} = 0.92$	Persistencia del choque de productividad
$ ho_{\it G}=$ 0,95	Persistencia del choque de gasto público
$\sigma_Z = 0.83$	Desviación estándar, productividad
$\sigma_G = 0.37$	Desviación estándar, gasto público

- En el caso de la calibración de β , consideramos un ρ (tasa de descuento subjetiva intertemporal asociada al promedio de la tasa de interés de mercado) de 4 % anual. En frecuencia trimestral: $(1+4\%)^{0.25}\approx 1\%$. Luego $\beta=\frac{1}{1+\alpha}=\frac{1}{101}\approx 0.99$.
- Para θ se asume un valor similar a lo utilizado en otros trabajos (notas de clase de Férnandez-Villaverde de UPenn).
- La depreciación es aproximadamente de 10 % anual.





- El ratio $\frac{G}{V}$ es obtenido de las cuentas nacionales.
- Para el caso de los procesos exógenos, si tenemos las series podemos estimar y obtener los valores de ρ_z , ρ_g , σ_z y σ_g .

- Sea $\mathbb{X}_t = \left\{ \hat{Y}_t, \hat{C}_t, \hat{I}_t, \hat{G}_t, \hat{L}_t, \hat{K}_t, \hat{W}_t, \hat{r}_t, \hat{Z}_t \right\}$ y $\varepsilon_t = \left\{ \epsilon_t^Z, \epsilon_t^G \right\}$.
- Modelo log-lineal se reescribe matricialmente:

$$\mathbf{A}\mathbb{E}_t(\mathbb{X}_{t+1}) + \mathbf{B}\mathbb{X}_t + \mathbf{C}\mathbb{X}_{t-1} + \mathbf{D}arepsilon_t = \mathbf{0}_{9 imes 1}$$

Solución

$$X_t = PX_{t-1} + Q\varepsilon_t$$

Matrices **P** y **Q** desconocidas. Dynare obtiene estas matrices de forma numérica.



Primer bloque: definir variables endógenas, variables exógenas y parámetros del modelo.

- En la medida de lo posible debemos evitar nombrar las variables y parámetros como funciones del Matlab o expresiones matemáticas (ejemplo son funciones beta o inv, o nombres como i o pi).
- Si hay una variable predeterminada, podemos decirle al Dynare que la considere como tal, así no tendremos que "laggearla" manualmente.



```
alpha
                          = 0.650:
delta = 0.025;
betta = 0.99;
theta = 1/2.75;
rho z = 0.919919;
rho_g = 0.954402;
z_s = 1;
GY = 0.180:
lab ss = 1/((1-theta)/(alpha*theta*z ss)*((1-betta+alpha*betta*
                   delta)/(1-betta+betta*delta)-GY)+1);
y ss = z ss*(((1-alpha)*betta/(1-betta*betta*delta))^((1-alpha)*betta*delta))^((1-alpha)*betta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta*delta
                  )/alpha))*lab ss:
w ss = alpha*v ss/lab ss;
kap ss = (1-alpha)*betta/(1-betta+betta*delta)*y ss;
inv ss = delta*kap ss;
r ss = (1-alpha)*y ss/kap ss-delta;
c_ss = ((1-betta+alpha*betta*delta)/(1-betta+betta*delta)-G_Y)
                  * y_ss;
g ss = G Y * y ss;
C_Y = c_ss/y_s;
I Y = inv ss/v ss;
```



Segundo bloque: el modelo.

```
model;
(1-exp(lab)) = (1-theta)/theta*exp(c)/exp(w);
exp(c) = 1/betta*exp(c(+1))/(1+exp(r(+1)));
exp(w) = alpha*exp(y)/exp(lab);
exp(r)+delta = (1-alpha)*exp(y)/exp(kap);
exp(y) = exp(c)+exp(innv)+exp(g);
exp(y) = exp(c)*exp(kap)^(1-alpha)*exp(lab)^alpha;
exp(kap(+1)) = (1-delta)*exp(kap)+exp(innv);
z = (1-rho_z)*log(z_ss) + rho_z*z(-1) + e_z;
g = (1-rho_g)*log(g_ss) + rho_g*g(-1) + e_g;
end;
```





Tercer bloque: el estado estacionario.

```
steady_state_model;
lab =log(lab_ss);
c =log(c_ss);
w =log(w_ss);
r =log(r_ss);
y =log(y_ss);
kap =log(kap_ss);
innv=log(inv_ss);
z =log(z_ss);
g =log(g_ss);
end;
```

Podríamos haber implementado el cálculo del estado estacionario directamente en este bloque. Esta vez obtamos por hacerlo en el segundo bloque y "llamar" a esos resultados.





Cuarto bloque: definición de varianzas y otros comandos.

```
shocks;

var e_z; stderr 0.008289*100;
var e_g; stderr 0.003740*100;
end;

resid;
steady;
check;
```



- resid: muestra los residuos de las ecuaciones estáticas, dados los valores de estado estacionario. Deberían ser cero.
- steady: muestra el estado estacionario de cada una de las variables del modelo. Sirve para comprobación.
- check: muestra los valores propios del sistema. Para cumplir con las condiciones de Blanchard-Kahn (existencia, unicidad y estabilidad del equilibrio) se necesitan tantos valores propios mayores a uno en su módulo como variables forward looking del modelo. En nuestro caso hay dos: r_{t+1} y c_{t+1}.



Quinto bloque: comando de simulación estocástica

```
stoch_simul(order = 1, bandpass_filter=[8 32], nograph);
```

```
stoch_simul(order = 1, hp_filter=1600, nograph);
```

Donde se da inicio al proceso de simulación ordenándole a Dynare que **log-linealice** las ecuaciones correspondientes. Para grabar el modelo, debemos tener en cuenta la extensión que "leerá" el Dynare (.mod o .dyn), y colocarla manualmente. Debemos ir a "Save as" o "Guardar como" y una vez ahí tipear:

RBC01.mod



Una vez escrito el código del modelo, debemos escribir en el *Command Window* lo siguiente:

```
addpath C:\dynare\4.5.3\matlab cd 'C:\UPC\Modelos Macro UPC\MODs'
```

- La primera línea "llama" al Dynare.
- Con la segunda damos la dirección de la carpeta donde se encuentra nuestro archivo .mod.
- OJO: Tener cuidado con nombres de carpetas que están separados. Si lo están (como en este caso), se necesita encerrar la dirección entre apóstrofes. Sino, no hay necesidad de ello.

Luego, para que el modelo "corra" escribimos:

dynare RBC01.mod



El modelo puede introducirse log-linealizado manualmente. Necesitamos modificar el bloque 2 y eliminar el bloque 3.

```
model (linear);
w = (lab_ss/(1-lab_ss))*lab + c;
c = c(+1) - (1-betta)*r(+1);
w = y - lab;
r_ss*r = (1-alpha)*y_ss/kap_ss*(y-kap);
y = C_Y*c + l_Y*innv + G_Y*g;
y = z + alpha*lab + (1-alpha)*kap;
kap(+1) = delta*innv + (1-delta)*kap;
z = rho_z*z(-1) + e_z;
g = rho_g*g(-1) + e_g;
end;
```

Note que despues de escribir MODEL se añade (LINEAR). Esto le indica a Dynare que el modelo ya es lineal.



Funciones Impulso-Respuesta

Sirven para analizar los mecanismos de transmisión del modelo. Recordemos que la solución del modelo es:

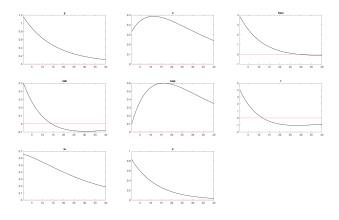
$$X_t = PX_{t-1} + Q\varepsilon_t$$

- Se inicia en Estado Estacionario, cuando $t=0,\,\mathbb{X}_0=0_{9\times 1}$ y $\varepsilon_0=0_{2\times 1}.$
- Shock en t=1. Tener en cuenta que shock sólo en componente j en t=1. Así, $\epsilon_1^j \neq 0$, $\epsilon_1^i = 0 \quad \forall \quad i \neq j$, $\epsilon_t = 0_{9 \times 1} \ \forall \ t > 1$.
- Iterar (t = 1) sobre la solución.



Funciones Impulso-Respuesta

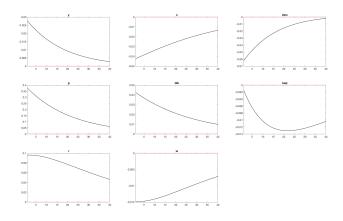
Figura 5: IRF, choque de productividad





Funciones Impulso-Respuesta

Figura 6: IRF, choque de gasto público







Variemos el modelo RBC básico tal que L sea fijo (constante e igual al estado estacionario). Grabemos el nuevo archivo con otro nombre (no olvide colocar la extensión .mod). Luego. utilizamos el programa correspondiente para comparar las funciones impulso respuesta y observar el mecanismo de propagación intertemporal del trabajo.