



# WYDZIAŁ INFORMATYKI

Katedra Systemów Informacyjnych i Sieci  
Komputerowych

## **Techniki Zapewniania Poufności w Internecie**

Kryptografia krzywych eliptycznych

Arkadiusz Rutkowski

20.04.2013 r

*prof. dr hab. Vyacheslav Yarmolik*

### Opis zadania

Zaimplementuj system kryptograficzny bazujący na krzywych eliptycznych:

1. Generowanie wszystkich punktów krzywej eliptycznej dla podanych parametrów.
2. Dokonaj wymiany klucza.
3. Szyfrowanie oraz deszyfrowanie punktów przy pomocy kluczy z poprzedniego zadania.

### Teoria

Równanie krzywej eliptycznej:

$$y^2 = x^3 + ax + b \bmod M$$

Wymiana kluczy:

1. Użytkownik A generuje klucz prywatny  $n_A < M$  oraz na jego podstawie klucz publiczny  $P_A = n_A G$  gdzie  $G$  jest ustalonym punktem transmisji. Podobnie postępuje użytkownik B.
2. Użytkownik A na podstawie klucza publicznego użytkownika B wylicza  $K = n_A P_B$  oraz użytkownik B wylicza  $K = n_B P_A$ .

Szyfrowanie:

1. Ustalana jest wiadomość  $P_m = (x_p, y_p)$ .
2. Użytkownik A generuje liczbę  $k$ , gdzie  $k < c$ .
3. Użytkownik A wysyła dwa punkty  $C_m = (kG, P_m + kP_B)$ .

Deszyfrowanie:

1. Użytkownik B oblicza  $P_k = n_B kG$ .
2. Użytkownik B wykonuje  $P_m = (P_m + kP_B - P_k)$ .

### Użyta technologia

- Język C# oraz .NET Framework 4.5
- Środowisko Visual Studio 2012 Premium

### Instrukcja obsługi

Interfejs graficzny aplikacji:

**Krzywe eliptyczne**

a: 10  
b: 10  
M: 23

Stwórz grupę Oblicz kG

na: 2  
nb: 3  
k: 7

Wymiana kluczy

Pm: (15, 4)

Szyfruj Deszyfruj

Cm1:   
Cm2:

**Lista punktów:**

- (7, 20)
- (8, 2)
- (8, 21)
- (9, 1)
- (9, 22)
- (10, 11)
- (10, 12)
- (11, 5)
- (11, 18)
- (12, 8)
- (12, 15)
- (15, 4)
- (15, 19)

**Wielokrotności G:**

- (5, 1)
- (8, 21)
- (11, 5)
- (10, 11)
- (12, 8)
- (7, 20)
- (15, 19)
- (9, 1)
- (9, 22)
- (15, 4)
- (7, 3)
- (12, 15)
- (10, 12)

**Wynik:**

**Szyfrowanie:**

Cm1 = (15, 19)  
Cm2 = (11, 18)

Generowanie krzywej eliptycznej:

1. Najpierw ustalamy parametry krzywej ( $a, b, M$ ) i klikamy przycisk „Stwórz grupę”.
2. Wybieramy punkt transmisyjny  $G$  z listy punktów i wciskamy „Oblicz  $kG$ ”.

Wymiana kluczy:

1. Wprowadzamy  $n_A, n_B$  (muszą być mniejsze od  $M$ ).
2. Następnie podajemy  $k$  (mniejsze od  $c$ , czyli liczby wielokrotności  $G$ ).
3. Wciskamy „Wymiana kluczy”,

Szyfrowanie:

1. Wybieramy punkt z listy i wciskamy  $P_m$ , a następnie „Szyfrowanie”.
2. Wybieramy kolejno 2 punkty z listy i wciskamy  $C_{m1}$  oraz  $C_{m2}$ , a następnie „Deszyfrowanie”.