

WYDZIAŁ INFORMATYKI

Katedra Systemów Informacyjnych i Sieci Komputerowych

Techniki Zapewniania Poufności w Internecie

Kryptografia krzywych eliptycznych

Arkadiusz Rutkowski

20.04.2013 r

prof. dr hab. Vyacheslav Yarmolik

Opis zadania

Zaimplementuj system kryptograficzny bazujący na krzywych eliptycznych:

- 1. Generowanie wszystkich punktów krzywej eliptycznej dla podanych parametrów.
- 2. Dokonaj wymiany klucza.
- 3. Szyfrowanie oraz deszyfrowanie punktów przy pomocy kluczy z poprzedniego zadania.

Teoria

Równanie krzywej eliptycznej:

$$y^2 = x^3 + ax + b \bmod M$$

Wymiana kluczy:

- 1. Użytkownik A generuje klucz prywatny $n_A < M$ oraz na jego podstawie klucz publiczny $P_A = n_A G$ gdzie G jest ustalonym punktem transmisji. Podobnie postępuje użytkownik B.
- 2. Użytkownik A na podstawie klucza publicznego użytkownika B wylicza $K = n_A P_B$ oraz użytkownik B wylicza $K = n_B P_A$.

Szyfrowanie:

- 1. Ustalana jest wiadomość $P_m = (x_P, y_P)$.
- 2. Użytkownik A generuje liczbę k, gdzie k < c.
- 3. Użytkownik A wysyła dwa punkty $C_m = (kG, P_m + kP_B)$.

Deszyfrowanie:

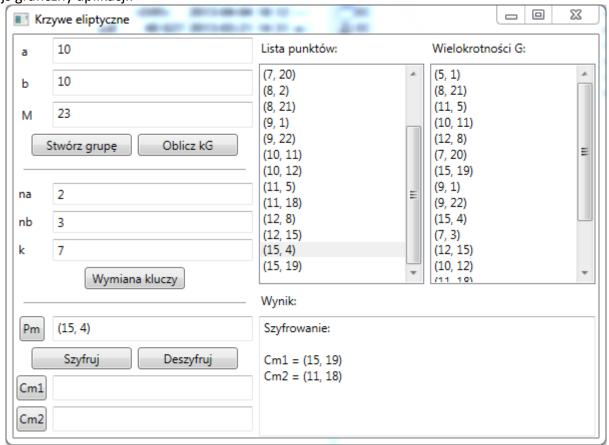
- 1. Użytkownik B oblicza $P_k = n_B kG$.
- 2. Użytkownik B wykonuje $P_m = (P_m + kP_B P_k)$.

Użyta technologia

- Jezyk C# oraz .NET Framework 4.5
- Środowisko Visual Studio 2012 Premium

Instrukcja obsługi

Interfejs graficzny aplikacji:



Generowanie krzywej eliptycznej:

- 1. Najpierw ustalamy parametry krzywej (a, b, M) i klikamy przycisk "Stwórz grupę".
- 2. Wybieramy punkt transmisyjny G z listy punktów i wciskamy "Oblicz kG".

Wymiana kluczy:

- 1. Wprowadzamy n_A , n_B (muszą być mniejsze od M).
- 2. Następnie podajemy *k* (mniejsze od *c*, czyli liczby wielokrotności *G*).
- 3. Wciskamy "Wymiana kluczy",

Szyfrowanie:

- 1. Wybieramy punkt z listy i wciskamy Pm, a następnie "Szyfrowanie".
- 2. Wybieramy kolejno 2 punkty z listy i wciskamy Cm1 oraz Cm2, a następnie "Deszyfrowanie".