

$$2 \quad \frac{d^2 \theta}{dt^2}(t) = -\frac{g}{L} \sin(\theta(t))$$

vi har at $v(t) = L \frac{d\theta}{dt}(t)$

Vil finne et system av ligninger

$$\frac{d^2 \theta}{dt^2} = -\frac{g}{L} \sin(\theta(t)) \quad / \cdot L$$

$$L \frac{d^2 \theta}{dt^2}(t) = -g \sin(\theta(t))$$

$L \frac{d^2 \theta}{dt^2}(t) = v'(t)$, dermed kan vi skrive

$$\underline{v'(t) = -g \sin(\theta(t))}$$

For å finne $\frac{d\theta}{dt}$, bruker jeg uttrykket for $v(t)$

$$v(t) = L \frac{d\theta}{dt}(t) \quad / : L$$

$$\underline{\frac{v(t)}{L} = \frac{d\theta}{dt}}$$

$\#$

For å finne løsningen av (1) når vi vet (2) finner jeg sådan:

Vi har

$$\frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{L}$$

$$\Rightarrow \frac{d^2\theta}{dt^2} = \frac{1}{L} \frac{dv}{dt} \quad | \cdot L$$

$$L \frac{d^2\theta}{dt^2} = \frac{dv}{dt} \quad (*)$$

Setter (*) inn i ligningen $\frac{dv}{dt} = -g \sin(\theta(t))$, dvs.

$$L \frac{d^2\theta}{dt^2} = -g \sin(\theta(t)), \text{ som er ligning (1)} \quad \square$$

b) Ligningssystemet

$$\frac{dv}{dt} = -g \theta, \quad \frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{L}$$

Startverdier

