

Resolva cada exercício em folhas separadas**3.5 p^{tos}**

1. Escreva um método que recebe como parâmetros duas listas de strings, uma das quais é uma lista de nomes e a outra é a correspondente lista dos apelidos, e retorna o primeiro nome associado ao maior número de apelidos distintos. Considere as duas seguintes listas:

nomes: [Bob, Mary, Steve, Derek, Mary, Derek, Joe, Derek, Nicole, Mary]
apelidos: [Jones, Ford, Akers, Smith, Giles, Smith, Caiu, Jones, Jones, Stepp]

Ao primeiro nome (índice 0, lista nomes) corresponde o primeiro apelido (índice 0, lista apelidos); ao nome no índice 1 corresponde o apelido no índice 1; e assim sucessivamente, ou seja, ambas as listas têm o mesmo comprimento.

Para as listas acima o método deve devolver "Mary" pois Mary tem associado três apelidos (Ford, Giles e Stepp), e todos os outros nomes estão associados apenas a um ou dois **apelidos distintos**.

Considere a seguinte assinatura

```
public static String commonFirstName(List<String> names, List<String> nicknames)
```

Nota: Será valorizada uma resolução o mais eficiente possível e com o menor número de estruturas de dados

3 p^{tos}

2. Considere a seguinte função recebe um vetor ordenado de inteiros

```
public static int mystery(Integer[] a, int n, Integer x) {  
    if (a[n-1] < x)  
        return n;  
  
    if (a[0] >= x)  
        return 0;  
  
    int l=0, u=n-1;  
    while (l<u) {  
        int m = (l+u)/2;  
        if (a[m] < x)  
            l = m+1;  
        else  
            u = m;  
    }  
    return l;  
}
```

- a) Explique sucintamente o que o método *mystery* faz e diga qual o resultado quando invocado

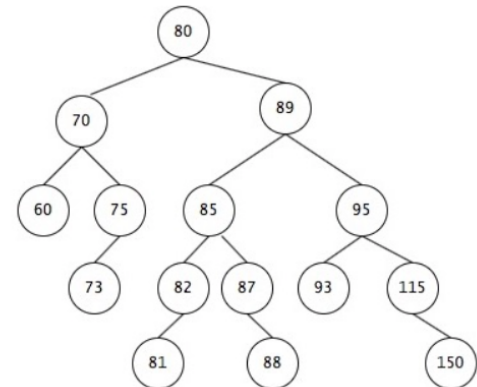
```
Integer[] C = {1,2,4,6,8,10,12,14};  
mystery (C, C.length, 10);
```

- b) Analise o algoritmo quanto à sua complexidade temporal, utilizando a notação Big-Oh. Justifique adequadamente.

Resolva cada exercício em folhas separadas

5 p^{tos}

3. O **menor ancestral comum** entre um **conjunto de nós** $S = \{N_1, N_2, \dots, N_n\}$ é definido como o nó de nível mais baixo na árvore binária de pesquisa T que possui todos os nós do conjunto S como descendentes. Permite-se que um nó seja descendente de si mesmo. Por exemplo na árvore apresentada o menor ancestral do conjunto de elementos $\{81, 88, 150\}$ é **89**, para o conjunto de elementos $\{81, 82, 85\}$ é **85**, $\{60, 81, 115\}$ é **80**.



Implemente o método *findLCA* na classe genérica `TREE<E>` que devolva o menor ancestral comum de um conjunto de elementos dos nós $S = \{N_1, N_2, \dots, N_n\}$

```
public class Tree<E> extends Comparable<E>> extends BST<E> {
    public E findLCA(Set<E> elements){
    }
}
```

5 p^{tos}

4. Considere um grafo que representa a rede metropolitana de uma cidade em que as estações são identificadas por um nome único e as várias linhas são associadas a cores. Note que duas estações podem ser ligadas por mais do que uma linha. Seja a classe `Metro` uma implementação de uma rede metropolitana usando a classe `Map` de adjacências.

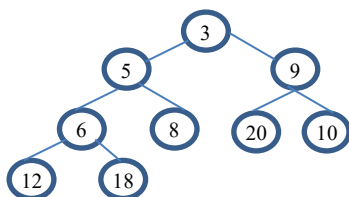
```
public class Metro {
    private Graph<String,String> g = new Graph<>(false);

    public LinkedList<String> pathSameLine(Graph<String,String> g,
        String stOrig, String stDest, String line)
    }
}
```

Escreva uma função que devolva um **caminho entre duas estações** que usa apenas **ligações da mesma cor**. Note que tal caminho entre duas estações pode não existir.

3.5 p^{tos}

5. Implemente um método genérico para ser adicionado na classe `HeapPriorityQueue<K,V>` que devolve uma lista com os elementos que ficam num dado nível da heap. Para a heap abaixo representada observe os exemplos:



Exemplo: $[3, 5, 9, 6, 8, 20, 10, 12, 18]$
 Level = 3
 List $\rightarrow \{6, 8, 20, 10\}$
 Level = 4
 List $\rightarrow \{12, 18\}$

Considere a seguinte assinatura:

```
public List<V> getElemsLevel(int level)
```