

Nume: Buza Madalina Gabriela
Master: MSD2
Coordonator: Madalina Raschip

Analiza algoritmilor pentru problema “Meeting Scheduling” -raport

Parametrii problemei:

- Numarul de meeting-uri - m ;
- Numarul de agenti - n ;
- Numarul de meeting-uri per agent - k ;
- Distanța dintre locațiile meeting-urilor - în unități de sloturi de timp;
- Dimensiune domeniului - număr de slot-uri de timp - l ;

Scop: Organizarea meeting-urilor în slot-uri de timp, astfel încât fiecare agent să ajungă la toate meeting-urile programate, altfel spus aceste meeting-uri nu trebuie să se suprapună. De asemenea, acestea trebuie stabilite într-un interval specificat de time-sloturi.

Problema “Meeting Scheduling” a fost rezolvată utilizând 3 strategii. Acestea au fost utilizate pe mai multe instanțe ale problemei, acestea fiind citite ulterior din fisier.

Acesta este un exemplu de instanță a problemei de dimensiuni relativ mici:

5 3 32

0: 1 0 1 0 1

1: 1 1 1 0 0

2: 0 1 1 1 0

0: 0 1 2 1 3

1: 1 0 3 2 2

2: 2 3 0 1 2

3: 1 2 1 0 3

4: 3 2 2 3 0

Primul parametru de pe prima linie (“5”) reprezintă numărul de agenți, apoi “3” reprezintă numărul total de meeting-uri, iar “32” este numărul de timeslot-uri.

Apoi sunt reprezentate printr-o matrice, meeting-urile la care fiecare agent trebuie să ajungă. În ex. A0->M0,M2,M4; A1->M0,M1,M2; A2->M1,M2,M3;

În fișier sunt specificate de asemenea distanțele dintre meeting-uri. La fel, acest lucru este reprezentat printr-o matrice $\text{nrMeetings} \times \text{nrMeetings}$.

Strategia 1:

Reprezintă toate meeting-urile utilizând o structură de date $\text{IntVar}[]$ de dimensiune m . Valoarea a $\text{meeting}[i]$ corespunde intervalului de timp în care are loc meeting-ul i . Valoarea a $\text{meeting}[i]$ pentru i în $[0, m)$ este $[0, 1)$. Prin urmare, fiecare meeting are un singur moment de apariție. Chiar dacă trebuie să participe mai mulți agenți la meeting, nu este posibil ca acest meeting să aibă început-uri diferite.

Constrangeri:

Metoda `theMeetingsNotOverlaps` primește ca parametri 2 meeting-uri și verifică dacă se pot suprapune folosind matricea de prezență.

- Dacă $M1$ și $M2$ nu pot fi în paralel, atunci există cel puțin un agent care are $M1$ și $M2$ în calendarul său. În acest caz, publicăm o constrângere pentru a ne asigura există suficient timp de călătorie între $M1$ și $M2$.
- Dacă $M1$ și $M2$ nu pot fi în paralel, timpul de călătorie între ele nu mai contează (niciun agent nu îi participă pe amândoi, deci niciun agent nu trebuie să călătorească de la $M1$ la $M2$ sau de la $M2$ la $M1$).

Strategia 2:

În această abordare se pune accent pe matricea în care se reflectă meeting-urile la care trebuie să participe fiecare agent. Se merge pe principiul că fiecare agent are un calendar de dimensiune l (nr. de timeslot-uri). Prezenta valorii -1 pe un timeslot înseamnă că nu există niciun meeting în timeslot-ul respectiv, iar în rest înafara de această valoare, vor apărea în vector valorile meeting-urilor la care trebuie să participe un agent. Poziția în vector indică time-slotul în care are loc meeting-ul cu valoarea de pe poziția respectivă.

Asadar de ex. pentru un $A0 \rightarrow M1, M3, M5$, și $l=5$; o reprezentare pentru acest agent poate fi: $-1, -1, 3, 5, 1$; acest lucru înseamnă că $M1$ are loc în timeslot-ul 5, $M3$ are loc în timeslot-ul 3, iar $M5$ are loc în timeslot-ul 4.

Constrangeri:

Metoda `addConstrainForTimeslot` are ca parametri de intrare lista de agenți și un meeting m și se asigură că meeting-ul m va fi în același timeslot pentru fiecare agent care participă la meeting-ul m .

- Distanța dintre 2 meeting-uri consecutive $<$ intervalul de timp dintre ele;
- Sincronizarea calendarelor: pentru toți agenții care participă la un anumit meeting, meeting-ul trebuie să aibă loc la același interval de timp din calendarul lor;

Pentru strategia 1 și strategia 2 s-a folosit biblioteca Choco Solver care este dedicată programării ce satisfac un set de constrangeri.

Strategia 3:

Aceasta varianta se bazeaza pe matricea din care reiese pentru fiecare agent, meeting-urile la care trebuie sa participe acestia, la fel ca si in strategia 2. Insa aici avem un vector de dimensiune m-nr de meeting-uri totale, iar apoi pornim de la primul agent si incepem sa programam meeting-urile la care trebuie sa participe primul agent, dupa care continuam sa parcurgem toate listele de meeting-uri ale tuturor agentilor si modificam vectorul in functie de constrangeri. In acest vector pozitia i reprezinta meeting-ul i, iar valoarea de pe pozitia i reprezinta timeslotul in care este alocat meeting-ul respectiv.

Constrangeri:

- meeting-urile nu trebuie sa se suprapuna:
 $|\text{time}(t_i) - \text{time}(t_j)| - \text{duration } i > = \text{TravellingTime}(\text{location}(m_i), \text{location}(m_j))$
Unde:
- t_i, t_j sunt timesloturile programate pentru meeting i, respectiv j;
- $\text{duration } i$ este durata meeting-ului i;
- m_i, m_j sunt meetingurile i si j;
- meeting-ul m_i care este comun pentru mai multi agenti, acesta va avea acelasi timeslot pentru fiecare agent;

Analiza timpilor de executie pentru fiecare strategie folosita, aplicata pe mai multe instante de problema.

Am rulat algoritmi pe urmatoarele instante (22):

Nr. of meetings X Nr. of agents X Nr. of timeslots																					
5	5	5	5	10	10	10	10	20	20	20	30	30	30	30	30	30	40	40	40	40	40
X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X
3	3	3	3	5	5	5	5	10	10	10	15	15	15	15	15	15	10	10	10	10	10
X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X
8	16	24	32	8	16	24	32	8	16	32	32	40	50	68	78	88	48	58	68	78	88

Un timp de executie pentru fiecare instanta poate fi gasit in fisierul Statistics.xlsx;

Instantele sunt citite din fisiere, ce se afla in surse, in fisierul "resources".

Solutiile generate de strategii sunt afisate in consola, iar timpii de executie sunt scrisi si in fisierul "tests.csv". La fiecare rulare a algoritmilor, exista o diferenta neglijabila intre timpii de executie.

Fiecare strategie genereaza o solutie diferita, care satisface constrangerile specificate.

Un exemplu de solutii generate pentru o instanta metionata mai sus cu $m=5$, $n=3$, $l=32$ este urmatoarea:

S1:

Meeting: 0 Timeslot: 2

Meeting: 1 Timeslot: 0

Meeting: 2 Timeslot: 5

Meeting: 3 Timeslot: 3

Meeting: 4 Timeslot: 8

S2:

Meeting: 0 Timeslot: 17

Meeting: 1 Timeslot: 6

Meeting: 2 Timeslot: 20

Meeting: 3 Timeslot: 4

Meeting: 4 Timeslot: 21

S3:

Meeting: 0 Timeslot: 0

Meeting: 1 Timeslot: 1

Meeting: 2 Timeslot: 5

Meeting: 3 Timeslot: 6

Meeting: 4 Timeslot: 7

Aceasta este o medie totala a timpului de executie.

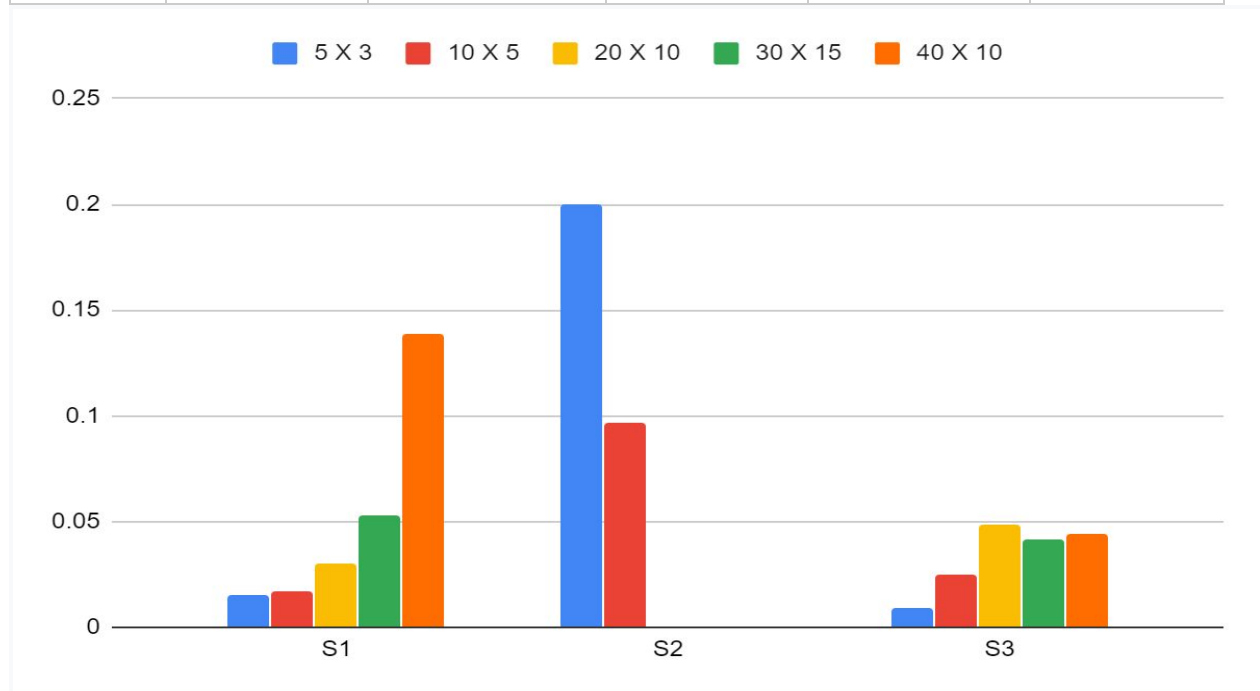
Strategy	Average time
S1	0.05602535473
S2	irelevant*
S3	0.03425

*aceasta observatie se datoreaza faptului ca S2 este are un timp de executie mai mare de 120 sec. pentru instantele de nr. of meetings ≥ 20 & nr.of agents ≥ 10 .

Mai jos este timpul mediu pentru instantele specificate.

Nr. of meetings X Nr. of agents

Strategy	5 X 3	10 X 5	20 X 10	30 X 15	40 X 10
S1	0.015295125	0.0168164	0.03014716667	0.05303551667	0.1390914208
S2	0.200367175	0.0964249275	TIMEOUT	TIMEOUT	TIMEOUT
S3	0.009125	0.02475	0.04833333333	0.04166666667	0.0446



Din grafic observam, ca S2 este algoritmul care merge cel mai greu, dar acest lucru este si de inteles deoarece in aceasta strategie se folosesc vectori de dimensiuni mari, pentru fiecare agent fiind alocat un vector de dimensiune l-nr. de timeslot-uri. Cu cat nr. de agenti si nr. de sloturi sunt mai mari, cu atat algoritmul gaseste mai greu o solutie care sa satisfaca constrangerile specificate.

Strategiile S1 si S3 se comporta mai bine pe diferite cazuri, de aici deducem ca durata timpului de executie depinde de dimensiunea unor parametri diferiti de intrare. S1 se comporta mai bine atunci cand nr. de meeting-uri, nr. de agenti si nr. de timeslot-uri este mai mic, inasa atunci cand este vorba de dimensiuni mai mari, S2 este mai rapid decat S1 in gasirea unei solutii corecte pentru instanta data.