

Subscale Algorythmus

William Mendat¹ Max Ernst² Steven Schall³ Matthias Reichenbach⁴

Abstract: Dieses Dokument beinhaltet eine Beschreibung der Leistungen im Zuge des Teamprojekts in dem Studiengang Informatik-Master der Hochschule Offenburg im SS2022 und WS2022/23. Dabei wird auf Leistungen bezüglich Coding, Testing und Konzeption als auch auf organisatorische Aspekte eingegangen.

Keywords: C++; Subscale; Cluster

1 Einleitung

Der Subscale-Algorithmus ist eine effiziente, parallelisier- und folglich auch verteilbare Methode zur Ermittlung von Clustern in hochdimensionalen Räumen. Ziel des Projektes ist eine Implementierung des Algorithmus, welche sich auf mehreren geclusterten Maschinen verteilen lässt, um die Clusterermittlung mit einer hohen GPU-Rechenkapazität zu beschleunigen.

2 Analyse des Algorithmus

Clustering-Algorithmen suchen in vieldimensionalen Räumen nach Gruppen von Einträgen mit ähnlichen Eigenschaften. Hierbei werden die Eigenschaften eines Datensatzes, im Folgenden „Features“ genannt, als numerischer Vektor repräsentiert und mit denen anderer Datensätze mit einem geeigneten Distanzmaß verglichen. Die Hyperparameter τ und ϵ bestimmen, wann es sich bei ähnlichen Datensätzen um ein Cluster handelt. ϵ ist die Maximaldistanz, welche zwei Datensätze haben dürfen, um ähnlich zu sein. τ bestimmt die Minimalgröße eines Clusters. Ein Cluster besteht folglich aus mindestens τ Datensätzen, welche einen Maximalabstand von ϵ zueinander haben.

Der Subscale-Algorithmus unterscheidet sich von gängigen Clustering-Algorithmen dadurch, dass er Teilräume der Datensätze miteinander vergleicht. Diese speicherintensive Methode gliedert sich in sieben Schritte, welche sich jeweils parallelisieren und verteilen lassen.

¹ Hochschule Offenburg, Offenburg, Deutschland w mendat@stud-hs.offenburg.de

² Hochschule Offenburg, Offenburg, Deutschland m ernst@stud-hs.offenburg.de

³ Hochschule Offenburg, Offenburg, Deutschland s schall@stud-hs.offenburg.de

⁴ Hochschule Offenburg, Offenburg, Deutschland m reichen@stud-hs.offenburg.de

2.1 Aufbereitung der Daten

Initial wird jedes Datum mit einer hohen zufälligen Ganzzahl markiert. Dieser Schlüssel dient in einem späteren Schritt zur Kollisionsdetektion mittels Hashtabelle. Die Summe mehrerer Schlüssel bildet mit einer hohen Wahrscheinlichkeit einen eindeutigen Wert, welcher dann als Vergleichselement genutzt werden kann.

2.2 Core-Set Erzeugung

Zunächst wird jede Dimension isoliert betrachtet. Das bedeutet, dass ein bestimmtes Feature eines jeden Datensatzes mit dem gleichen Feature der anderen Datensätze mit einem geeigneten Distanzmaß verglichen wird. Sind sich mindestens τ Datensätze ϵ nahe oder näher, bilden diese Datensätze ein Core-Set. Die Core-Sets sind eindimensionale Cluster und werden für jede Dimension ermittelt.

2.3 Kombination zu Dense Units

Die Core-Sets werden weiter prozessiert. Jegliche mögliche Kombination aus Punkten eines Core-Sets mit der Größe τ bilden eine Dense Unit. Dense Units werden für jedes Core-Set in jeder Dimension kombiniert.

2.4 Dense Unit Kollision

In diesem Schritt werden die Dense Units einer Dimension mit denen anderer Dimensionen verglichen. Der Vergleich geschieht mittels des initial zugewiesenen Schlüssels. Die Summe der Schlüssel aller Features einer Dense Unit bildet die Signatur der Dense Unit. Diese Signatur ist aufgrund der hohen Schlüsselwerte mit hoher Wahrscheinlichkeit eindeutig. Durch den Vergleich von Dense Unit Signaturen kann somit effizient ermittelt werden, ob die gleiche Dense Unit in unterschiedlichen Dimensionen existiert. Dense Unit Paare werden mit den Dimensionen, in welchen sie vorkommen, gelabelt.

2.5 Subspacing

Punkte aus Dense Units mit identischen Dimensionslabels werden im Subspacing-Schritt aggregiert. Das so ermittelte Set an Punkte ist ein möglicher Clusterkandidat.

2.6 Cluster Detection mit DBSCAN

Die Cluster der Daten werden im finalen Schritt mit dem Clustering-Algorithmus DBSCAN ermittelt. DBSCAN erhält lediglich den durch die vorherigen Schritte bereinigten Datensatz und kann aus diesem in endlicher Zeit Cluster ermitteln.

3 Analyse der vorhandenen Implementierung

Zur Verfügung steht eine Java- sowie eine C-Implementierung des Algorithmus. Die Implementierung in C wurde näher betrachtet, da diese die Möglichkeit bietet, Algorithmsgschritte mithilfe der Grafikkarte zu beschleunigen.

3.1 Aufbau des Programmes

Das Programm lässt sich mit einer JSON-Konfigurationsdatei, welche im ersten Schritt eingelesen und deserialisiert wird, parametrisieren. Hier werden beispielsweise Algorithmushyperparameter wie τ und ϵ bestimmt oder die Berechnung über die Grafikkarte aktiviert bzw. deaktiviert.

Der Datensatz wird als CSV-Datei bereitgestellt, welche in einen Vektor mit Elementen einer internen Datenstruktur „DataPoint“ umgewandelt wird. DataPoint ist hier irreführend, da die Datenstruktur eine Dimension und die Werte dieser Dimension aller Datensätze hält. Mit Nutzung des Strategy-Patterns wird abhängig der Konfiguration die sequenzielle oder die parallele Subscale Strategie geladen.

Die Methode „calculateClusterCandidates“, die beide Strategien zur Verfügung stellen, durchläuft den eingangs beschriebenen Algorithmus und liefert die Subspaces des übergebenen Datensatzes. Aus den Subspaces werden im Anschluss Cluster mittels DBSCAN ermittelt. Die gefundenen Cluster werden in einer CSV-Datei persistiert.

3.2 Sequenzielle Implementierung

Die sequenzielle Strategie instanziiert factory-ähnlich Abarbeitungsklassen, welche als Referenz an die generische Methode „calculateAllSlices“ übergeben werden.

Die Methode unterteilt den Gesamttraum in disjunkte Teilräume. Für jeden Teilraum werden sequenziell die Dense Units bestimmt, gefiltert und zu Subspaces geclustert um diese Zwischenergebnisse anschließend pro Slice in einer eigenen CSV-Datei abspeichern zu können.

Im Anschluss werden die Dateien mit Zwischenergebnissen Datei für Datei zu einem Endergebnis kombiniert. Das Gesamtergebnis wird dem DBSCAN-Algorithmus übergeben. Die finalen Cluster werden in eine Datei geschrieben.

3.3 GPU-beschleunigte Implementierung

Die GPU beschleunigte Implementierung unterscheidet sich von der sequenziellen Implementierung bei der Instanziierung der Abarbeitungsklassen. „DenseUnitCreator“ und „SubspaceJoiner“ ersetzen die CPU basierten Berechnungen durch Berechnungen auf der Grafikkarte.

Das Zusammenführen der Teilergebnisse erfolgt mit der identischen Logik wie im sequenziellen Algorithmus.

4 Restrukturierung in einer neuen Anwendung

Mit einer architektonischen Umstrukturierung sollen verschiedene Phasen des Algorithmus beliebig austauschbar werden, sodass verschiedene Verteil- und Beschleunigungsverfahren miteinander verglichen werden können.

Subscale lässt sich in die Phasen Import, CoreSet-Seeker, DenseUnit-Generation, Subspace-Detection, Subspace-Combination und Export unterteilen. Jede der Phasen wird mit einem Interface abstrahiert. Für ein Proof of Concept soll der Subscale Algorithmus in einer sequenziellen Ausführung mit der Neustrukturierung implementiert werden.

4.1 Import

Die Importer implementieren eine Methode, die Tensordaten aus einem Medium auslesen und diese als Kollektion der Datenstruktur „Dimension“ bereitstellen. Die Dimension hält ihre Größe, sowie ein Set von Punkten. Für das Projekt konkret implementiert wurde

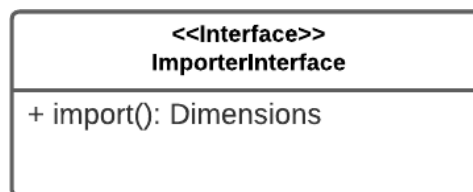


Abb. 1: ImporterInterface

ein CsvImporter, welcher die Daten aus einer CSV-Datei ausliest und in Dimensions zur weiteren Verarbeitung umwandelt.

Der Datenimport kann hier mit weiteren konkreten Implementierungen beliebig ergänzt oder ersetzt werden. Denkbar wäre beispielsweise der Import anderer Datenformate wie JSON oder XML oder das Lesen von entfernt bereitgestellten Ressource wie beispielsweise eine CSV-Datei auf einem SFTP-Server.

4.2 CoreSet-Seeker

Der CoreSet-Seeker iteriert durch die übergebene Dimension und liefert für diese alle gefundenen CoreSets. Konkret implementiert wurde ein SequentialCoreSetGenerator. Dieser

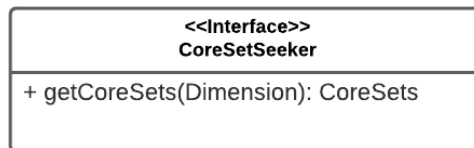


Abb. 2: CoreSetSeekerInterface

iteriert mit zwei geschachtelten for-Schleifen über alle Punkte der übergebenen Dimension und berechnet hiermit die euklidische Distanz zwischen allen Punkten. Unterschreitet diese ϵ , werden die Punkte zu einem CoreSet zusammengefasst.

Weiter denkbar wäre die Implementierungen ParallelCoreSetGenerator, welcher die CoreSets auf einer GPU berechnen lässt, indem mehreren Threads unterschiedliche Dimensionen oder gar einzelne Punkte einer Dimension zugewiesen werden. Die Resultate werden im Anschluss gesammelt und zusammengeführt.

Auch eine Implementierung DistributeCoreSetGenerator könnte den Algorithmus beschleunigen. Diese Implementierung dekoriert eine der vorherigen Implementierungen, indem diese den Aufruf mittels GRPC an entfernte Maschinen weiterleitet, auf dessen Berechnungsergebnisse wartet um diese dann zusammengeführt zurückgeben zu können.

4.3 Dense Unit Generator

Der Dense Unit Generator erstellt für jedes CoreSet alle Kombinationen der Größe τ . Diese Kombinationen werden in der Datenstruktur DenseUnit abgelegt. DenseUnits werden gesammelt und als Collection zurückgegeben. Die Implementierung SequentialDenseUnit-

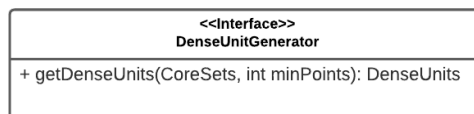


Abb. 3: DenseUnitGeneratorInterface

Generator übernimmt genau dies in for-Schleifen. Zukünftige Implementierungen ParallelDenseUnitGenerator und DistributedDenseUnitGenerator parallelisieren die Generierung der Dense Units zum Beispiel durch Zuweisung eines CoreSets pro Thread und verteilen diese.

4.4 Subspace Detector

Der Subspace Detector untersucht Dense Units auf Kollisionen und findet dadurch Subspaces: Anhäufungen vom Punkten über mehrere Dimensionen. Der SequentialSubspaceDetector

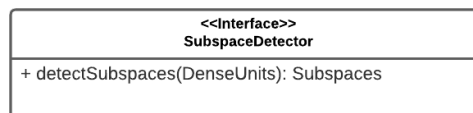


Abb. 4: SubspaceDetectorInterface

iteriert über alle DenseUnits und prüft deren Signatur auf Kollision mit anderen DenseUnits. Kollidieren mehrere Dense Units, bilden diese einen Subspace. Die Methode gibt alle entdeckten Subspaces zurück.

Ein ParallelSubspaceDetector und ein DistributedSubspaceDetector könnten die gleiche Aufgabe durch Verteilen der zu untersuchenden DenseUnits auf Threads und durch Verteilen auf entfernte Maschinen und anschließendes Zusammenführen erledigen.

4.5 Subspace Combiner

Der Subspace Combiner erstellt aus den Subspaces, welche mehrere Dense Units bündeln, Cluster. Der SequentialSubspaceCombiner iteriert über alle Punkte der im Subspace vor-

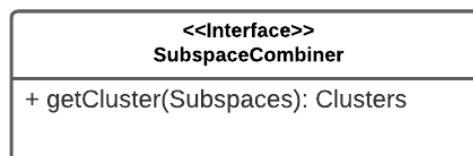


Abb. 5: SubspaceCombinerInterface

kommenden Dense Units und eliminiert Duplikate beim Zusammenfassen zu Cluster. Dies geschieht durch Iteration über alle Subspaces, deren Dense Units und den dort enthaltenen Punkten.

Der Bau der Cluster funktioniert für jeden Subspace unabhängig, weswegen die Subspacekombination in einem ParallelSubspaceCombiner und einem DistributedSubspaceCombiner parallelisiert und verteilt werden kann.

4.6 Factory

Die Definition der Schnittstellen erlaubt eine beliebige Konfiguration des Algorithmus. Eine Subscale Klasse wird mit der Übergabe eines CoreSetSeekers, eines DenseUnitGenerators, eines SubspaceDetectors und eines SubspaceCombiners instanziiert. Deren Methode

„getClusters“ nimmt ein Set von Dimensionen, iteriert über diese um mit dem CoreSetSeeker alle CoreSets zu erhalten, bildet aus den CoreSets Dense Units, in welchen anschließend Subspaces gesucht werden, die die Methode schlussendlich zu Cluster kombiniert. DBSCAN übernimmt das finale Clustering der durch Subscale gefundenen Clusterkandidaten. Da

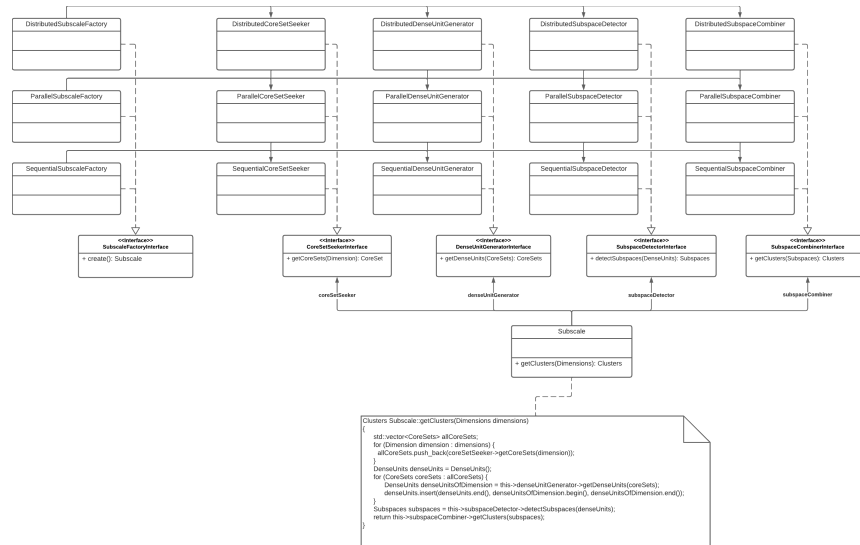


Abb. 6: Factory

diese Architektur dem Open-Close-Prinzip folgt, bietet sie die Möglichkeit, dass mehrere Entwickler zeitgleich und konfliktfrei verschiedene Module entwickeln können. Außerdem erlaubt sie eine feingranulare Analyse über Optimierungsoptionen. So kann der Algorithmus beispielsweise aus einem verteilten CoreSetSeeker, einem parallelen DenseUnitGenerator, einem sequenziellen SubspaceDetector und einem parallelen SubspaceCombiner bestehen. Für beliebige Kombinationen kann die Ausführungszeit gemessen werden, um zu analysieren, bei welchen Prozessschritten durch die Parallelisierung und Verteilung tatsächlich ein Zeitgewinn zu verzeichnen ist.

4.7 Probleme

Da parallel die Anpassung der Codevorlage analysiert wurde, entschieden wir uns für ein „Proof of Concept“. Nach dessen Umsetzung wollen wir abwägen, welche Lösung für die Projektumsetzung herangezogen wird.

Das Proof of Concept umfasste die dargelegte Architektur und die konkrete Implementierung für die sequenzielle Abarbeitung des Algorithmus. Der SequentialCoreSetSeeker, der SequentialDenseUnitGenerator, der SequentialSubspaceDetector und der SequentialSubspaceCombiner wurden implementiert und in einer SequentialSubscaleFactory kombiniert. Ebenfalls implementiert wurde ein CSV-Importer zum Einlesen des Testdatensatzes.

Für kleine Datensätze war die Umsetzung lauffähig und lieferte Ergebnisse. Allerdings war die Laufzeit um ein Vielfaches länger. Größere Datensätze konnten aufgrund eines Speicherüberlaufs nicht bearbeitet werden. Bei der Implementierung wurde das von C++ benötigte akribische Speichermanagement zu sehr vernachlässigt was die Performanz der Anwendung massiv einschränkte.

Des Weiteren entschieden wir uns nach der PoC-Phase gegen die Fortsetzung dieser Lösung, da die Cuda-Codeabschnitte aus der Codevorlage nicht einfach übernommen werden konnten. Für Anpassungen im Cuda-Code fehlt im Team die Expertise. Eine parallele Umsetzung ist folglich nicht möglich.

5 Anpassung der existierenden Lösung

Infrastrukturelle Anpassungen wurden im Buildsystem vorgenommen. Herausfordernd war das initiale Setup des bestehenden Projekts, da hierfür die Installation von externen Abhängigkeiten notwendig ist. Außerdem müssen Dateistrukturänderungen in der Builddatei von CMAKE reflektiert werden. Um die zukünftige Installation auf weiteren Systemen zu vereinfachen, wurde das Buildtool CMAKE angepasst und das Projekt zur Befehlsaggregation mit einer Makefile ergänzt.

5.1 CMAKE

Absolute Pfadreferenzen in der bestehenden Implementierung erschwerten die gemeinsame Arbeit und den Build an einer Codebasis, weswegen die CMAKE-Files und die Struktur des Codes angepasst wurde. Um das Setup des Projekts zu vereinfachen wurde der Paketmanager VCPKG als GIT-Submodule zum Repository hinzugefügt. Mit dem Clone des Repositories wird dann auch der Paketmanager installiert, welcher die Referenzierung von Abhängigkeiten mit relativen Pfaden ermöglicht. Durch das verwenden des VCPKG package manager können die Abhängigkeiten durch die CMAKE-Befehle *find_package* und *find_path* eingebunden werden. Eine manuelle Anpassung der Pfade ist dann nicht mehr notwendig.

5.2 Makefile

Eine definierte Makefile bietet die Möglichkeit zur Ausführung von Befehlssequenzen über einfache Aggregatsbefehle. So kann der Paketmanager selbst und alle eingebundenen Abhängigkeiten mit zwei Befehlen installiert werden. Die Kompilierung des Projektes ist ebenfalls mit einem Makebefehl möglich, sodass vorher nötige manuelle Anpassungen nun obsolet sind. Dies ist in Listing 1 dargestellt.


```
1  .PHONY: about init install-dependencies build compile start-subscale start-server start-
2      client kill-server clean
3
4  VCPKG_DIR := ./include/vcpkg
5  VCPKG := ./include/vcpkg/vcpkg
6
7  about:
8      @echo "Makefile to help manage subscale gpu project"
9      @echo "commands:"
10     @echo "    - init: make sure vcpkg ist cloned as submodule"
11     @echo "    - install-dependencies: install all vcpkg dependencies"
12     @echo "    - build: build cmake changes"
13     @echo "    - compile: compile the code"
14     @echo "    - start-subscale: start subscale local"
15     @echo "    - start-server: starts a server to which the client sends data to
16         calculate"
17     @echo "                default port is 8080, else set with    -p=<port-number>"
18     @echo "    - start-client: starts execution subscale distributed"
19     @echo "    - kill-server: kills all servers still running in background"
20     @echo "    - removes builded files"
21
22  init:
23      git submodule update --init --recursive && $(VCPKG_DIR)/bootstrap-vcpkg.sh && mkdir
24          Proto/generated
25
26  install-dependencies:
27      $(VCPKG) install nlohmann-json && $(VCPKG) install mlpack && $(VCPKG) install grpc
28
29  build:
30      cmake -S . -B ./debug
31
32  compile:
33      cmake --build ./debug
34
35  start-subscale:
36      ./debug/Subscale/subscale
37
38  start-server:
39      ./debug/Server/server $(p)
40
41  start-client:
42      ./debug/Client/client
43
44  kill-server:
45      killall ./debug/Server/server
```

```
43  
44     clean:  
45     rm -rf ./debug
```

List. 1: Makefile

Durch die Verwendung dieser Makefile-Befehle soll es vereinfacht werden, den Code zum einen manuell in seiner eignen Umgebung ausführen zu können, als auch zum anderen automatisiert innerhalb eines Docker-Containers.

Da das `vcpkg` als Submodule integriert wurde, was die automatisierte Installation und Pfadfindung von `vcpkg` als auch `gRPC`, `mlpack` und `nlohmann-json` ermöglicht, können alle benötigten Schritte per `make init` (Zeilen 20f) und `make install-dependencies` (Zeilen 23f) sehr einfach und automatisiert installiert und integriert werden. Es besteht weiterhin die Möglichkeit die `CMakeLists-Files` manuell anzupassen und diese beiden Makefile-Befehle zu ignorieren. Dies ist sinnvoll, wenn man Docker-Container besitzt, welche dies im Vorhinein bereits installiert haben oder das `vcpkg` aus der eigenen Entwicklungsumgebung genutzt werden soll.

Der Build des Projekts mit `CMAKE` wird über den Befehl `make build` (Zeilen 26f) abgestoßen. Mit `make compile` (Zeilen 29f) ist die Kompilierung möglich.

`make start-subscale` (Zeilen 32f) führt den Subscale-Algorithmus lokal aus. `make start-server` (Zeilen 35f) beziehungsweise `make start-client` (Zeilen 38f) startet Server und Client bei einer gewünschten verteilten Ausführung. Das Serverkommando bietet außerdem die Möglichkeit zur Übergabe eines Ports, auf welchem der Server lauschen soll. `make start-server -p=8080` startet einen Server, welcher über den Port 8080 erreichbar ist.

`make kill-server` beendet alle im Hintergrund laufenden Server über deren Prozess-ID.

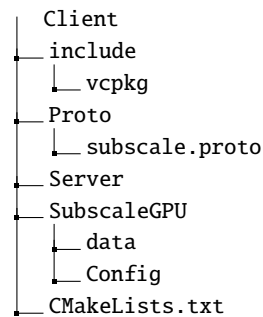
`make clean` (Zeilen 44f) bereinigt die Maschine von allen gebauten Projektdaten.

5.3 Umstrukturierung

Beim gegebenen Code handelte es sich um ein Ein-Mann-Projekt. Damit im Team unabhängig und konfliktfrei gearbeitet werden kann, muss die Codebasis umstrukturiert werden. Der gegebene Code clusterte sich wie folgt:

```
├── data  
├── packages  
├── SubscaleGPU  
│   └── ...  
├── CMakeLists.txt  
└── config.json
```

Die Logik für den gesamten Subscale-Algorithmus befand sich im Ordner *SubscaleGPU*. Die zugehörigen Daten im *data* Ordner. Zusätzlich benötigte Libraries befanden sich im *packages* Ordner. Die Aktuelle Struktur erschwerte die Umwandlung in eine Client-Server-Architektur. Der Code muss umstrukturiert werden, damit gleichzeitig an Client, Server und dem Subscale-Algorithmus gearbeitet werden kann. Der gesamte Subscale Algorithmus wurde in einen eigenen Ordner verschoben und als statische Library weiterentwickelt. Somit kann dieser im Client und Server eingebunden werden. Des Weiteren benötigen sowohl Client als auch Server die Protobuf-Dateien. Für diese wurde ebenfalls ein eigener Ordner angelegt. Sowohl Client, als auch Server konsumierten die Schnittstellendefinitionsdateien um daraus Skeletons und Stubs zu generieren. Die neue Struktur gliederte sich wie folgt:



5.4 Aufbau der gegebenen Implementierung

Die gegebene Implementierung enthält die Klasse *LocalSubspaceTable*, welche die *Subspace*-Tabelle darstellt. Diese Klasse wurde sowohl für die Berechnung der *Slices*, als auch für die Berechnung ganzer *Subspaces* verwendet. Folglich wurde die Logik mit einer Funktion *calculateRemote* abstrahiert, die als Parameter *Labels*, sowie die *min*- und *maxBound* eines *Slices* erhält, um daraus Einträge für den *LocalSubspaceTable* zu generieren.

Im Folgenden wird zunächst der Aufbau der gegebenen Implementierung erläutert, um anschließend die Umsetzung der *calculateRemote*-Methode zu demonstrieren..

Der Code bestand im wesentlichen aus einer abstrakten Klasse *ISubscale* und zwei konkreten Implementierungen *Subscale* (*Cuda*-Implementierung) und *SubscaleSec* (sequenzielle Implementierung) wie im folgenden gezeigt:

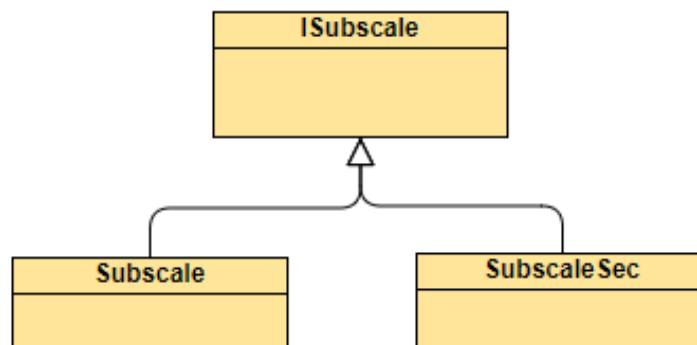


Abb. 7: Subscale

ISubscale implementiert die Funktion *calculateClusterCandidates* welche generische vorbereitende Maßnahmen für eine konkrete Subscale Implementierung trifft. Die Ausführung des eigentlichen Algorithmus geschieht mit der abstrakten Methode *calculateAllSlices*. Diese Methode berechnet alle Slices, je nach eingebundener Implementierung entweder sequenziell oder parallel auf der Grafikkarte, und schreibt die Ergebnisse auf die Festplatte. Die abstrakte Methode *combineAllSlices* kombiniert alle im vorherigen Schritt berechneten Slices zu einer Tabelle mit möglichen Clusterkandidaten.

5.5 calculateSlice

In einer neuen Funktion wird die Erstellung der Slices abstrahiert. Diese Funktion erhält alle nötigen Informationen zur Berechnung eines Slices. Die folgende Sektion behandelt die generischen Funktionalitäten der Funktion. Unterschiede der konkreten Implementierung in Ableitungen werden im Anschluss erläutert.

```

1 LocalSubspaceTable* calculateSlice(...) {
2     // Vorbereitung (wird in den nächsten Sektionen gezeigt)
3     auto numberOfEntries = 0;
4
5     // initialize
6     denseUnitCreator->init(coreSets, labelsArray, numberOfPoints, config->minPoints);
7     subspaceJoiner->init(TICKET_SIZE);
8     // create dense units
9     denseUnitCreator->createDenseUnits(minSigBound, maxSigBound);
10

```

```

11 // filter out all dense units that only appear in one dimension and copy dense units to a
    subspace table
12 numberOfEntries = tableManager->duToSSTable(condensedSsTableWrapper->getPtr(),
    denseUnitTableWrapper->getPtr(), duTableSize);
13
14 // check if slice is empty
15 if (numberOfEntries > 0)
16 {
17     // join all entries by subspace
18     subspaceJoiner->join(condensedSsTableWrapper->getPtr(), numberOfEntries);
19
20     // condense table
21     numberOfEntries = tableManager->condenseTable(condensedSsTableWrapper->getPtr(),
    subspaceTableWrapper->getPtr(), ssTableSize);
22
23     // copy table to local memory
24     tableManager->deviceToLocal(localSubspaceTable, condensedSsTableWrapper->getPtr(),
    numberOfEntries);
25 }
26 // Free Memory
27 return localSubspaceTable;
28 }

```

List. 2: calculateSlice

Wie in Listing 2 zu sehen ist, werden die Berechnungsklassen initialisiert und anschließend *DenseUnits* erzeugt, um diese einer Subspace Tabelle hinzuzufügen. Sollte der *Slice* nicht leer sein, werden die Einträge anhand der Subspaces zusammengefügt. Schlussendlich wird der Speicher der Grafikkarte zum Host kopiert (ist bei der sequentiellen Abarbeitung nicht nötig).

5.6 calculateSlice Sequentiell

In dieser Sektion werden die spezifischen Erzeugungen der Berechnungsklassen für die sequenzielle Abarbeitung gezeigt.

```

1 LocalSubspaceTable* calculateSlice(...) {
2     // dense unit table
3     denseUnitTableWrapper = new LocalDenseUnitTable(config->minPoints, numberOfDimensions,
    duTableSize);
4     // subspace table 1
5     localSubspaceTable = new LocalSubspaceTable(numberOfPoints, numberOfDimensions,
    condensedSsTableSize);
6     // subspace table 2

```

```
7  subspaceTableWrapper = new LocalSubspaceTable(numberOfPoints, numberOfDimensions,
    ssTableSize);
8  // subspace table 3 (same as 1 because one fewer table is needed when all tables are on host
    memory)
9  condensedSsTableWrapper = localSubspaceTable;
10 // calculation classes
11 DenseUnitCreatorSeq* denseUnitCreator = new DenseUnitCreatorSeq(denseUnitTableWrapper->
    getPtr(), duTableSize);
12 SubspaceJoinerSeq* subspaceJoiner = new SubspaceJoinerSeq(subspaceTableWrapper->getPtr(),
    ssTableSize);
13 TableManagerSeq* tableManager = new TableManagerSeq();
14
15 // [...]
16 }
```

List. 3: calculateSlice Sequentiell

5.7 calculateSlice Cuda

In dieser Sektion werden die spezifischen Erzeugungen der Berechnungsklassen für die *Cuda* Abarbeitung gezeigt.

```
1 LocalSubspaceTable* calculateSlice(...) {
2     // dense unit table
3     denseUnitTableWrapper = new DeviceDenseUnitTable(config->minPoints, numberOfDimensions,
        duTableSize);
4     // subspace table 1
5     condensedSsTableWrapper = new DeviceSubspaceTable(numberOfPoints, numberOfDimensions,
        condensedSsTableSize);
6     // subspace table 2
7     subspaceTableWrapper = new DeviceSubspaceTable(numberOfPoints, numberOfDimensions,
        ssTableSize);
8     // subspace table 3
9     localSubspaceTable = new LocalSubspaceTable(numberOfPoints, numberOfDimensions,
        condensedSsTableSize);
10    DenseUnitCreator* denseUnitCreator = new DenseUnitCreator(denseUnitTableWrapper->getPtr(),
        duTableSize, config->threadsPerBlock, config->denseUnitsPerThread);
11    SubspaceJoiner* subspaceJoiner = new SubspaceJoiner(subspaceTableWrapper->getPtr(),
        ssTableSize, config->threadsPerBlock);
12    TableManager* tableManager = new TableManager(config->threadsPerBlock);
13    // [...]
14 }
```

List. 4: calculateSlice Cuda

5.8 calculateClusterCandidatesRemote

Ein vorheriger Schritt, die *calculateClusterCandidatesRemote*-Methode, bereitet alle notwendigen Informationen für die *calculateSlice* vor. Diese Methode sieht wie folgt aus:

```

1 LocalSubspaceTable* calculateClusterCandidatesRemote(...) {
2     CsvDataHandler* csvDataHandler = new CsvDataHandler();
3     auto points = csvDataHandler->read(config->dataPath.c_str(), ',');
4     delete csvDataHandler;
5
6     auto numberOfDimensions = points[0].values.size();
7     // Shrink allocated memory of vector
8     points.shrink_to_fit();
9     CoreSetCreator* coreSetCreator = new CoreSetCreator();
10    // generate core sets
11    auto coreSets = coreSetCreator->createCoreSets(points, config->minPoints, config->epsilon);
12    delete coreSetCreator;
13
14    auto result = calculateSlice(coreSets, labels, numberOfDimensions, points.size(), min, max);
15
16    return result;
17 }

```

List. 5: calculateClusterCandidatesRemote

Diese hat die *CoreSets* erzeugt und die weiteren Informationen in den nächsten Schritt gegeben.

5.9 calculateRemote

Die *calculateRemote*-Methode, ließt schlussendlich die *config* und erzeugt die konkrete Implementierung des *Subscales*.

```

1 LocalSubspaceTable* calculateRemote(...) {
2     SubscaleConfig* config = new SubscaleConfig();
3     config->readJson("Config/config.json");
4     ISubscale* subscale;
5     if (config->runSequential) {
6         subscale = new SubscaleSeq(config);
7     } else {
8         subscale = new Subscale(config);
9     }
10    return subscale->calculateClusterCandidatesRemote(labels, min, max);

```

```
11 }
```

List. 6: calculateRemote

6 gRPC

Der Subscale-Algorithmus wird per gRPC-Protokoll auf mehrere Server verteilt. Hierfür muss die gRPC-Library in das Projekt eingebunden werden. Ebenfalls inkludiert werden hier benötigte Protobuf-Files für die verwendeten Nachrichten. Nachdem die Library eingebunden und die Schnittstelle definiert ist, muss der Client- und Server-Code implementiert werden. Im folgenden Abschnitt wird die gRPC-Schnittstelle, mit deren ausgetauschten Nachrichten und Methoden erläutert. Die konkrete Implementierung dieser Schnittstelle wird in Kapitel 7 erläutert.

6.1 gRPC Schnittstelle

Damit der Subscale-Algorithmus verteilt werden kann muss eine Client-Server-Architektur aufgebaut werden. Dazu benötigt es ein Protokoll mit dem Client und Server kommunizieren. Das hier verwendete Protokoll ist gRPC. Damit mit gRPC ein Client und Server erstellt werden kann, muss eine gemeinsame Schnittstelle definiert werden. Die Schnittstelle wird mittels Protobuf definiert. Hierfür werden Response- und Request-Nachrichten definiert, sowie der Service und dessen Methoden. Der Service wurde folgendermaßen definiert:

```
1 service SubscaleRoutes {  
2     rpc RemoteSubscale (RemoteSubscaleRequest) returns (RemoteSubspaceResponse);  
3 }
```

List. 7: gRPC-Service Definition

Dabei wird eine Methode definiert, welche ein *RemoteSubscaleRequest*-Nachricht an den Server sendet und eine *RemoteSubspaceResponse*-Nachricht zurückschickt. Dieser Service wird von dem Server implementiert und der Client kann diesen Aufrufen.

Die Request-Nachricht für den Aufruf beinhaltet die zuvor erstellten *lables* des Subscale-Algorithmus, sowie die minimale und maximale Signatur für den zugehörigen Bereich. Die *lables* werden dabei als Liste übertragen, siehe Listing 8.

```
1 message RemoteSubscaleRequest {  
2     repeated uint64 labels = 1;  
3     uint64 minSignature = 2;  
4     uint64 maxSignature = 3;  
5 }
```

List. 8: gRPC-Request Message

Die Response-Nachricht bildet die Subscale-Tabelle ab und besteht aus einer Liste an *Entry*-Nachrichten sowie drei weiteren Variablen, welche der Subscale-Algorithmus berechnet. Die *Entry*-Nachricht besteht aus einer Liste von *ids* und einer Liste von *dimenisons*. Sie repräsentiert einen Eintrag in der Subscale-Tabelle und somit einen möglichen Clusterkandidat.

```

1 message Entry {
2     repeated uint32 ids = 1;
3     repeated uint32 dimensions = 2;
4 };
5
6 message RemoteSubspaceResponse {
7     repeated Entry entries = 1;
8
9     int32 tableSize = 2;
10    int32 idsSize = 3;
11    int32 dimensionsSize = 4;
12 }

```

List. 9: gRPC-Response Message

Nachdem diese Schnittstelle mittels der Protobuf-Datei definiert ist, kann der Client und Server unabhängig voneinander entwickelt werden.

7 Verteilung

Im Folgenden Abschnitt werden die Implementierung der gRPC-Schnittstellen, sowie die Client- und Server Main-Methoden und Probleme, die währenddessen aufgetreten sind erläutert.

7.1 Client

Main-Methode Der Client Code berechnet die *lables* für die gesamten Punkte sowie minimale und maximale Signatur. Danach wird an jeden Server die *labels*, sowie minimale und maximale Signatur gesendet und dessen Antwort in einen Vektor gespeichert. Damit keine Race-Conditions entstehen, muss das Schreiben in den Vektor synchronisiert werden mittels einem *mutex*. Zum Schluss muss auf alle Server gewartet werden damit die Tabellen zusammengeführt werden können.

```

1     std::mutex m;
2     grpc::ChannelArguments args;
3     args.SetLoadBalancingPolicyName("round_robin");

```

```

4         for (auto i{0}; i < config->splittingFactor; ++i)
5         {
6             workers.emplace_back(std::thread([&](int index)
7                                     {
8                     Client::Client client{grpc::CreateCustomChannel(addr, grpc::
9                         InsecureChannelCredentials(), args)};
10                    auto result = client.remoteCalculation(labels, minSigBounds[index],
11                        maxSigBounds[index]);
12                    m.lock();
13                    tables.push_back(result);
14                    m.unlock();
15                    std::cout << "Table " << index << std::endl; },
16                        i));
17        }
18        for (auto &worker : workers)
19            worker.join();

```

List. 10: Client Main-Methode

Nachdem alle Server den Subscale-Algorithmus ausgeführt haben und die Ergebnisse an den Client zurückgeschickt sind, werden anhand von den *RemoteSubspaceResponse* Objekten die Subspace-Tabelle aufgebaut. Diese Subspace-Tabelle beinhaltet alle möglichen Cluster Kandidaten und kann dem DB-Scan Algorithmus übergeben werden.

gRPC-Schnittstelle Der Client muss anhand der *labels* und minimalen und maximalen Signatur das Requestobjekt befüllen und dies an den Server senden. Bei positiver Antwort, wird die Response zurückgegeben und bei negativer Response eine Exception ausgelöst.

```

1 RemoteSubspaceResponse Client::remoteCalculation(std::vector<unsigned long long> labels,
2 unsigned long long min, unsigned long long max)
3 {
4     auto* request = new RemoteSubscaleRequest();
5     request->set_minsignature(min);
6     request->set_maxsignature(max);
7     *request->mutable_labels() = {labels.begin(), labels.end()};
8
9     RemoteSubspaceResponse response;
10    ClientContext context;
11    Status status;
12    status = _stub->RemoteSubscale(&context, *request, &response);
13    delete request;
14
15    if (status.ok())

```

```

15     return response;
16
17     std::cout << "Error code: " << status.error_code() << std::endl;
18     std::cout << "Error Details: " << status.error_details() << std::endl;
19     std::cout << "Error Message: " << status.error_message() << std::endl;
20     throw std::runtime_error("GRPC Request Failed");
21 }

```

List. 11: Client gRPC-Aufruf

Client Konfiguration Damit der Client die Adressen der Server kennt, wurde eine Config-Datei zum Client hinzugefügt. Diese Konfiguration wird als JSON-Datei hinterlegt und beinhaltet alle Adressen der Server:

```

1 {
2   "servers": [
3     "127.0.0.1:2510",
4     "127.0.0.1:2511",
5     "127.0.0.1:2512",
6     "127.0.0.1:2513",
7     "127.0.0.1:2514"
8   ]
9 }

```

List. 12: Config beispiel

Eine standard Config-Datei ist im Repository hinterlegt, es kann jedoch eine nicht-versionierte Config-Datei angelegt werden, um die Serveradressen anzupassen. Die Config ist als Singleton implementiert und kann mittels der *get*-Methode instantiiert und abgerufen werden. Die Methode prüft dabei auf eine *config.override.json*-Datei. Falls diese nicht vorhanden ist, wird eine Standardkonfiguration geladen und dabei die Serveradressen als Vektor gespeichert.

```

1 Config* Config::get()
2 {
3     if (instance == nullptr)
4     {
5         instance = new Config();
6         auto* f = new std::fstream("Client/config.override.json");
7         if (f->is_open())
8         {
9             std::cout << "found override Config" << std::endl;
10            instance->data = nlohmann::json::parse(*f);
11        }

```

```
12         else
13         {
14             std::cout << "Using Standard Config" << std::endl;
15             auto* f = new std::fstream("Client/config.json");
16             instance->data = nlohmann::json::parse(*f);
17         }
18         data.at("servers").get_to(servers);
19     }
20     return instance;
21 }
```

List. 13: Client-Config

7.2 gRPC Loadbalancing

Die gRPC Library und Implementierung des Service konnte ohne Probleme durchgeführt werden, jedoch gab es Probleme bei den Verwendungen mehrerer Server. Es wurde zuerst versucht pro Anfrage an einen Server einen neuen Client zu erstellen mit einer anderen Adresse, dies funktionierte jedoch nicht. Da gRPC es nicht ermöglicht mehrere Clients zu erstellen und der Code somit immer abstürzte. Nach langem Recherchieren stellte sich heraus, dass gRPC eine Loadbalancing Option ermöglicht. Somit kann eine Liste (bzw. ein String mit Kommata separierten Adressen) übergeben werden und eine Loadbalancing Eigenschaft. Siehe Listing 10 Zeile Drei.

7.3 Server

Der Server Code führt den kompletten Subscale-Algorithmus aus, dabei nutzt er die übermittelten *lables*, sowie die minimale und maximale Signatur, um mögliche Clusterkandidaten zu berechnen.

Main-Methode Die Main-Methode startet den Server, mit dem übergebenen Port und registriert den implementierten *SubscaleRoutesService*. Danach wartet dieser auf eingehende Requests von einem Client.

```
1     std::string port;
2     if (argc > 1)
3         port.assign(argv[argc - 1]);
4     else
5         port.assign("2510");
6
7     std::string server_address = "localhost:";
```

```

8     server_address.append(port);
9     Server::SubscaleRoutesImpl service(server_address);
10
11     ServerBuilder builder;
12     builder.AddListeningPort(server_address, grpc::InsecureServerCredentials());
13     builder.RegisterService(&service);
14     std::unique_ptr<grpc::Server> server{builder.BuildAndStart()};
15
16     std::cout << "Server listening on " << server_address << std::endl;
17     server->Wait();
18     return 0;

```

List. 14: Server Main-Methode

gRPC-Service Implementation Die Implementierung des gRPC-Service startet per Aufruf der `Remote::calculateRemote`-Methode den Subscale-Algorithmus. Um die Methode zu verwenden, müssen die *labels* in einen Vektor überführt werden. Das Ergebnis des Subscale-Algorithmus ist ein Tupel, welches die Tabelle mit möglichen Cluster-Kandidaten beinhaltet und eine Anzahl von Einträgen in den Tabellen. Dieses Tupel wird in die `RemoteSubspaceResponse`-Nachricht überführt. Da die gRPC-Nachrichten nicht mit den Vektoren übermittelt werden können, müssen diese dementsprechend umgewandelt werden. Dabei werden beim Überführen Einträge mit einer *dimension* oder *id* Größe von Null herausgefiltert.

```

1     Status SubscaleRoutesImpl::RemoteSubscale(ServerContext *context, const
2         RemoteSubscaleRequest *request, RemoteSubspaceResponse *response)
3     {
4         auto result = Remote::calculateRemote({std::begin(request->labels()), std::end(request
5             ->labels())}, request->minsignature(), request->maxsignature());
6         auto table = std::get<0>(result);
7         auto numberOfEntries = std::get<1>(result);
8         auto tableSize = 0;
9
10        for (auto i = 0; i < numberOfEntries; i++)
11        {
12            auto ids = table->getIdsVec(i);
13            auto dimensions = table->getDimensionsVec(i);
14
15            if (ids.size() == 0 || dimensions.size() == 0)
16                continue;
17
18            Entry* entry = response->add_entries();
19            *entry->mutable_dimensions() = {dimensions.begin(), dimensions.end()};
20            *entry->mutable_ids() = {ids.begin(), ids.end()};

```

```
19
20     tableSize++;
21 }
22 response->set_idssize(table->getIdsSize());
23 response->set_dimensionssize(table->getDimensionsSize());
24 response->set_tablesize(tableSize);
25
26 return Status::OK;
27 }
```

List. 15: Server gRPC Implementation

8 Cluster

Für das Testen der neu implementierten Verteilung wird das Projekt auf einem Cluster ausgeführt. Dazu werden von der Hochschule einige Rechner zur Verfügung gestellt.

8.1 Zugriff

Um generell auf das Cluster zugreifen zu können, werden n Personen benötigt. Dies liegt daran, dass das Cluster über bwLehrPool-Remot erreichbar ist. Ein anderes Cluster konnte uns zu dem Zeitpunkt nicht zur Verfügung gestellt werden. Da wir genug Personen im Team waren, um eine einigermaßen aussagekräftige Anzahl von Rechnern bereitstellen zu können, war dies für uns kein Problem. Jeder der n Personen meldet sich dann auf einem der Rechner in dem IMLA Pool an. Dort können dann die Container, welche später genauer erläutert werden, gestartet werden. Da diese alle in einem Netzwerk verfügbar sind, entsteht keine Schwierigkeit eine Verbindung zwischen den Rechnern des Pools herzustellen.

8.2 Dockerfile

Um ein Server oder Client auf einem Cluster-Rechner zu starten, wird dieser innerhalb eines Docker-Containers gestartet. Dieser Gedanke entstand aufgrund der Gegebenheiten, dass nicht immer alle benötigten Tools auf einem System installiert sind. Durch das Benutzen eines Docker-Containers können auf diesen, sofern für diesen alle benötigten Tools installiert sind, zum Beispiel die `nvidia-container-runtime`, alle noch nicht vorhandenen aber benötigten Tools nachinstalliert werden. In dem folgenden Listing 16 ist dieser Ansatz zu erkennen.

```
1 FROM nvcr.io/nvidia/cuda:12.0.0-devel-ubuntu20.04
2
```

```
3 WORKDIR /subscale
4
5 RUN apt update
6 RUN DEBIAN_FRONTEND=noninteractive TZ=Etc/UTC apt install -y --allow-unauthenticated --no-
  install-recommends tzdata
7 RUN apt install -y --allow-unauthenticated --no-install-recommends git curl zip unzip tar
  pkg-config gfortran python3 cmake nano
8
9 COPY . .
10
11 RUN make init
12 RUN make install-dependencies
13 RUN make build
14 RUN make compile
```

List. 16: Dockerfile

CUDA-Images gibt es in drei Varianten und sind über das öffentliche NVIDIA Hub Repository verfügbar.

- base: enthält ab CUDA 9.0 das absolute Minimum (libcudart) für den Einsatz einer vorgefertigten CUDA Anwendung.
- runtime: erweitert das Basis-Image um alle gemeinsam genutzten Bibliotheken des CUDA-Toolkits.
- devel: erweitert das Runtime-Image, indem es die Compiler-Toolchain, die Debugging-Tools, die Header und die statischen Bibliotheken hinzufügt.

Um bereits ein System zu haben, welches mit CUDA kompatibel ist, wurde sich für die devel-Version entschieden. Dabei wurde auch die neuste Version benutzt. Schlussendlich ist in Zeile 1 das verwendete Docker-CUDA-Image “nvcr.io/nvidia/cuda:12.0.0-devel-ubuntu20.04”, für welches sich entschieden wurde, zu sehen. Aufgrund einer Empfehlung von Prof. Dr.-Ing. Janis Keuper wird der Container direkt von NVIDIA genommen und nicht von Docker Hub.

Leider ist auch auf dem CUDA-Image nicht alles installiert, was benötigt wird, um das Projekt zu kompilieren. Aus diesem Grund werden von Zeile 5 bis Zeile 7 alle notwendigen Tools installiert. Dabei gab es vor allem die Schwierigkeit, cmake zu installieren. Als Lösung dafür musste, getrennt von allem, der Befehl in Zeile 5 `RUN apt update` und anschließend in Zeile 6 `tzdata` installiert werden. Dies ermöglicht die Umgehung des manuellen Setzen der Zeitzone, welche beim normalen Installieren von cmake auftritt. Auch war es notwendig, das `DEBIAN_FRONTEND` auf `noninteractive` zu setzen.

In Zeile 9 ist durch `COPY . .` der Befehl zu erkennen, welcher das Projekt in den Container kopiert. Anschließend werden von Zeile 11 bis 14 die normalen Befehle, welche benötigt werden, um den Code zu kompilieren, ausgeführt. Dafür wird das zuvor beschriebene Makefile verwendet, was an dieser Stelle eine sehr große Vereinfachung darstellt.

In dem Dockerfile wird kein `EXPOSE` festgelegt, um die spätere Containererstellung zu vereinfachen. Falls man auf einem Rechner testweise mehrere Container starten möchte, sollten nicht dieselben Ports exposed werden. Auch kann so sehr einfach automatisiert werden, welcher Container mit welchem Port laufen soll. Im späteren Verlauf des Dokuments wird aufgezeigt, wie der Port bei dem `docker run`-Befehl freigegeben wird.

8.3 Docker-Ausführung

Um den Container mit allen Konfigurationen zu bauen, wird das oben genannte Dockerfile verwendet. Dabei wird mit dem Befehl

```
docker build -t subscale .
```

der Container gebaut. Der Befehl wird im gleichen Verzeichnis wie das Dockerfile ausgeführt. Dies kann einige Zeit in Anspruch nehmen, da dabei zuerst der Container heruntergeladen (falls noch nicht bereits geschehen) wird sowie das gesamte Projekt und auch Sub-Module kompiliert werden. Vor allem das `mlpack` scheint eine sehr zeitaufwendige Kompilierung zu haben. Anschließend kann mit dem Befehl

```
docker run --name subscaleGPUServer --gpus all --rm -it -p 8080:8080  
subscale make start-server p=8080
```

der Container gestartet werden. Durch die Namensgebung mit `--name` ist im anschließenden Schritt die Handhabung mit dem laufenden Container einfacher. Auch muss mit `--gpus all` der Zugriff auf GPU-Ressourcen ermöglicht werden. Die Flag `--rm` ist optional, aber empfohlen, da dies nach Beenden des Containers diesen automatisch entfernt. Anzumerken ist, dass dabei nicht das Image, welches durch den `docker build` Befehl entstanden ist, gelöscht wird. Durch `-p 8080:8080` wird der Port 8080 des Containers auf 8080 nach außen gemappt. Dann kann dieser Port dem `make start-server` als `p=8080` übergeben werden, woraufhin dieser direkt mit dem Port 8080 gestartet wird. Durch die Flag `-it` bekommt man die Sicht auf den Server, wodurch zu erkennen ist, ob ein Request des Clients ankam oder nicht.

Den Client, welcher die Berechnung startet, sollte nun über den folgenden Befehl ausgeführt werden.

```
docker run --name subscaleGPUClient --gpus all --rm -it
```



```
subscale /bin/bash
```

Dadurch wird eine Konsole innerhalb des Containers geöffnet. Auch hier ist die Nutzung von `-it` sinnvoll. Dies liegt vor allem daran, dass dort auch das Ergebnis gespeichert wird. Anschließend kann durch `make start-client` der Prozess gestartet werden. Dafür muss natürlich die `Client/config.json` richtig angepasst sein.

Generell erhält man die IP-Adresse eines laufenden Containers über den folgenden Befehl.

```
docker container inspect subscaleGPUServer | grep -i IPAddress
```

Hierbei wird sichtbar, dass die Namensgebung den Vorteil bietet, nicht erst die ID des Containers herausfinden zu müssen. So ist es auch an dieser Stelle einfacher, eine Automatisierung zu ermöglichen.

9 Benchmarking

Für das Benchmarking wurde von jedem Teammitglied jeweils ein Docker-Container mit Server gestartet. Anschließend wurde auf einem der Cluster-Rechner der Client gestartet und die Ausführung gemessen. Das bedeutet, dass die gesamte Ausführungszeit des Clients das Messergebnis ergibt. Bei der sequentiellen Messung wird ebenfalls innerhalb des Containers der Subscale-Algorithmus gestartet, jedoch nicht die verteilte Version.

9.1 Sequentiell

Die sequentielle Berechnung innerhalb eines Containers ergab die folgende Ausführungszeit.

Ausführungsmessung	Zeit
1	2.685 s
2	2.659 s
3	2.675 s
4	2.681 s
5	2.711 s
6	2.657 s
7	2.679 s
8	2.662 s
9	2.667 s
10	2.676 s
Durchschnitt	2.675 s

Hierbei ist auffällig, dass sich alle Messungen sehr nahe beieinander befinden und davon auszugehen ist, dass der gemessene Wert eine gute Basis für einen Vergleich darstellt.

9.2 Verteilt

Bei der verteilten Berechnung über mehrere Container und Rechner hinweg ergaben sich folgende Messungen.

Ausführungsmessung	Zeit
1	10.736 s
2	11.285 s
3	10.982 s
4	10.924 s
5	10.859 s
6	10.908 s
7	11.753 s
8	11.813 s
9	11.348 s
10	11.633 s
Durchschnitt	11.224 s

Hier gibt es Abweichungen um bis zu einer Sekunde. Eine mögliche Quelle dieser Abweichungen besteht darin, dass das Netzwerk nicht immer gleich auf Anfrage und Antwort reagieren kann, was auf die nicht alleinige Nutzung dieses Netzwerks zurückzuführen ist.

9.3 Vergleich

Bei dem Vergleich der durchschnittlichen Laufzeit ist zu erkennen, dass der verteilte Algorithmus langsamer ist als der sequenzielle. In der folgenden Tabelle nochmal die langsamste und schnellste Messung, als auch der Durchschnitt aller Messungen gegenübergestellt.

Typ	Sequentiell	Verteilt
langsamste Messung	2.711 s	11.813 s
schnellste Messung	2.657 s	10.736 s
durchschnitt der Messungen	2.675 s	11.224 s

Die Vermutung liegt nahe, dass der uns zur Verfügung gestellten Testdatensatz nur bedingt für eine effizientere Ausführung durch eine Verteilung geeignet ist, da dieser dafür potenziell

zu klein ist. Bei einem Datensatz, welcher noch sehr viel mehr Daten enthält, könnte sich der Overhead, welcher durch den Netzwerkverkehr entsteht, im Verhältnis zu dem lokalen Berechnen wieder lohnen. Jedoch muss dies in einem folgenden Versuch überprüft werden, wenn auch solch ein Datensatz zur Verfügung steht.