Математика и статистика, часть 2 Коэффициент корреляции Пирсона (28.05.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

Задача 1. По результатам исследования черт личности на примере мультфильма «Чип и Дейл», проведенного среди студентов 1 курса ОП «Политология», выяснилось, что выборочная ковариация между веселостью в процентах от Дейла x_i и ворчливостью в процентах от Чипа y_i составила -169.

- (a) Рассчитайте выборочный коэффициент корреляции Пирсона, если известно, что в исследовании приняли участие 73 человека, выборочное стандартное отклонение веселости составило $s_x = 26.2$, а выборочная дисперсия ворчливости $s_y = 26.6$. Проинтерпретируйте полученное значение.
- (b) Проверьте гипотезу о равенстве истинного коэффициента корреляции нулю на 5% уровне значимости против двухсторонней альтернативы через расчет *p-value*. Сделайте содержательный вывод.

Задача 2. По 27 парам наблюдений двух количественных признаков вычислили коэффициент корреляции Пирсона. Он оказался равен R=0.4. Можно ли считать, что истинная корреляция между этими признаками отлична от нуля? Проверьте гипотезу о равенстве истинного коэффициента корреляции нулю на 5% уровне значимости против двухсторонней альтернативы через построение критической области. Сделайте содержательный вывод.

Задача 3. По 38 парам наблюдений двух количественных признаков вычислили коэффициент корреляции Пирсона. Он оказался равен R = -0.3.

- (a) Можно ли считать, что истинная корреляция между этими признаками отлична от нуля? Проверьте гипотезу о равенстве истинного коэффициента корреляции нулю на 5% уровне значимости. Сделайте содержательный вывод.
- (b) Сколько респондентов должно участвовать в исследовании, чтобы указанный коэффициент корреляции значимо отличался от нуля?

Губерния	% крепостных	ВРП на д.н.
Олонецкая	4	56
Оренбургская	7	56
Пензенская	46	48
Харьковская	30	66
Бессарабская	1	78
Гродненская	40	56
Могилевская	65	52

Задача 4. В таблице выше приведены данные экономического развития 7 случайно отобранных губерний европейской части Российской имерии. Для каждой губернии

известен процент крепостных крестьян от всего населения губернии в 1856 г. и ВРП на душу населения в 1897 г. 1

- (a) Постройте диаграмму рассеяния для приведенных данных, откладывая значения процента крепостных на оси OX.
- (b) Перенесите имеющиеся данные в R, создав вектора serfs и grppc. Рассчитайте средние значения для каждого показателя.
- (c) Постройте доверительный интервал для среднего процента крепостных от населения губернии в помощью функции MeanCI(). Как вы думаете, почему доверительный интервал получился таким?
- (d) Рассчитайте коэффициент корреляции Пирсона с помощью функции cor.test(). Чему равна вероятность $P(|T| \ge t_{\text{набл}})$? Сделайте вывод о значимости коэффициента корреляции.

 $^{^1}$ Источник: Markevich, Andrei, A Regional Perspective on the Economic Development of the late Russian Empire. Available at SSRN: https://ssrn.com/abstract=2555273