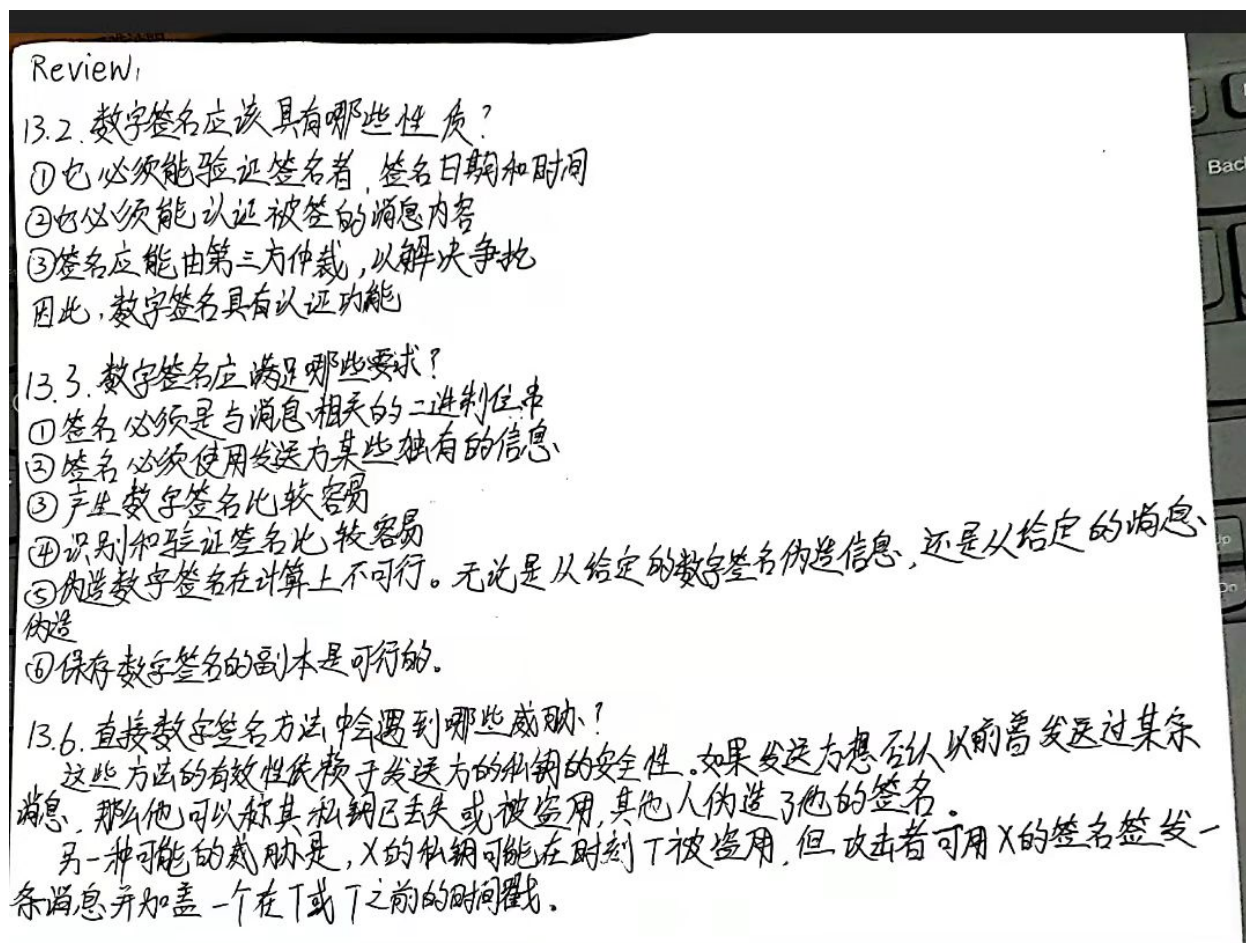


ComSec作业11：数字签名

Review



13.2. 数字签名应该具有哪些性质?

- ①它必须能验证签名者、签名日期和时间
- ②它必须能认证被签的消息内容
- ③签名应能由第三方仲裁, 以解决争执

因此, 数字签名具有认证功能

13.3. 数字签名应满足哪些要求?

- ①签名必须是与消息相关的二进制位串
- ②签名必须使用发送方某些独有的信息
- ③产生数字签名比较容易
- ④识别和验证签名比较容易
- ⑤伪造数字签名在计算上是不可行的。无论是从给定的数字签名伪造信息，还是从给定的消息伪造数字签名，在计算上都是不可行的。
- ⑥保存数字签名的副本是可行的。

13.6.直接数字签名方法中会遇到哪些威胁？

方法的有效性依赖于发送方的私钥的安全性。如果发送方想否认以前曾发送过某条消息，那么他可以称其私钥已丢失或被盗用，其他人伪造了他的签名。

另一种可能的威胁是，X的私钥可能在时刻T被盗用，但攻击者可用X的签名签发一条消息并加盖一个在T或T之前的时间戳。

Problem

13.6.

(a)

显然 Z_p^* 的群阶是 $p-1$

由费马小定理得

$$g^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

由题可知

$$g^q \equiv 1 \pmod{p}$$

由拉格朗日定理，不难证明：

有限群里元素的阶整除群的阶

注意到

q 是素数且 $q \mid (p-1)$

设 g 的阶是 r

显然 $r \leq q$ 且 $r \mid (p-1)$

假设 $r < q$

则 $q = kr + c, c < r$

$$g^{kr} = (g^r)^k \equiv 1 \pmod{p}$$

$$g^q = g^{kr+c} \equiv g^c \equiv 1 \pmod{p}$$

与 r 是 g 的阶 相矛盾

所以假设不成立

所以 $r = q$

即 g 的阶是 q

(b)

由费马小定理

$$h^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$$

由题可知

$$g = h^{(p-1)/q} \pmod{p}$$

即

$$g^q \equiv h^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$$

由拉格朗日定理，不难证明：

有限群里元素的阶整除群的阶

注意到

q 是素数 且 $q \mid (p - 1)$

设 g 的阶是 r

显然 $r \leq q$ 且 $r \mid (p - 1)$

假设 $r < q$

则 $q = kr + c, c < r$

$$g^{kr} = (g^r)^k \equiv 1 \pmod{p}$$

$$g^q = g^{kr+c} \equiv g^c \equiv 1 \pmod{p}$$

与 r 是 g 的阶 相矛盾

所以假设不成立

所以 $r = q$

所以 g 的阶是 q

(c)

由拉格朗日定理可知一共有

$$\phi(q) = q - 1 = 156 \text{ 个生成元}$$

所以

每轮循环找到生成元的概率为：

$$p' = 256/40192$$

用 $\epsilon = k$ 表示 前 $k - 1$ 次均取到非生成元，而第 k 次取到生成元

因此

$$P(\epsilon = k) = (1 - p')^{k-1} * p'$$

可见 ϵ 服从几何分布

数学期望：

$$E\epsilon = 1/p' = 40192/156$$

即为所求

(d)

$$p = O(2^{1024})$$

$$q = O(2^{160})$$

$$E\epsilon = O(\sqrt{2^{160}}) = O(2^{80})$$

不愿意，因为该算法不是一个多项式时间算法

(e)

$$156/40192$$