## UNIVERSIDADE DO VALE DO ITAJAÍ MATEMÁTICA APLICADA À ENGENHARIA

## Lista de Exercícios 6: Transformada z

1) Determine as transformadas z das seguintes funções:

a) 
$$x(k) = -2u(k) + 0,7^k u(k)$$
;

b) 
$$x(k) = u(k-2) + \delta(k-1)$$
;

c) 
$$x(k) = (1-0,5^k)u(k)$$
;

d) 
$$x(k) = 2\delta(k) - 3(0,5^k u(k))$$
.

- 2) Considere um sistema discreto descrito pela seguinte equação diferença:  $y(k) \frac{1}{4}y(k-1) + \frac{1}{2}y(k-2) = x(k)$ . Calcule a saída y(k) para uma entrada x(k) = u(k) (degrau unitário), para  $-2 \le k \le 8$ . Apresente os gráficos de y(k) e x(k) em função de k.
- 3) Repita o exercício 2 para as seguintes equações diferença:

a) 
$$y(k) - \frac{1}{4}y(k-1) + \frac{1}{2}y(k-2) = x(k) + \frac{1}{2}x(k-1) + \frac{1}{5}x(k-2)$$
.

b) 
$$y(k) = 0,2.x(k) + 0,3.x(k-1) + 0,3.x(k-2) + 0,2.x(k-3)$$

4) Determine a função de transferência e os pólos/zeros dos sistemas discretos modelados pelas seguintes equações diferença:

a) 
$$y(k) + \frac{1}{4}y(k-1) = x(k) - \frac{1}{2}x(k-1)$$

b) 
$$y(k) + \frac{4}{3}y(k-1) - \frac{1}{2}y(k-2) = -2x(k)$$

- 5) Repita o exercício 4 para as equações diferença apresentadas no exercício 3
- 6) Determine e esboce no plano complexo z (desenhe também o círculo de raio unitário!) os pólos e zeros das seguintes funções de transferência:

a) 
$$H(z) = \frac{z+0.6}{(z^2+0.6z+0.2)(z-1)}$$
;

b) 
$$H(z) = \frac{z^{-1} + 0.8z^{-2}}{1 + z^{-1} + 0.41z^{-2}}$$
.