Задача А. Генератор

Имя входного файла: generator.in Имя выходного файла: generator.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны два натуральных числа N и K. Требуется вывести все цепочки $x_1, x_2, ..., x_N$ такие, что x_i — натуральное число и $1 \leqslant x_i \leqslant K$.

Формат входного файла

Вводятся два натуральных числа N и K $(N, K \le 6)$.

Формат выходного файла

Выведите все требуемые цепочки в произвольном порядке — по одной на строке. Никакая цепочка не должна встречаться более одного раза.

generator.in	generator.out
2 3	1 1
	1 2
	1 3
	2 1
	2 2
	2 3
	3 1
	3 2
	3 3

Задача В. Двоичные строки

Имя входного файла: binary.in
Имя выходного файла: binary.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По данным числам n и k выведите все строки из нулей и единиц длины n, содержащие ровно k единиц, в лексикографическом порядке.

Формат входного файла

Во входном файле даны два целых числа числа — n и k ($0 \le k \le n \le 100$).

Формат выходного файла

Необходимо вывести все строки из нулей и единиц длины n, содержащие ровно k единиц, в лексикографическом порядке. Гарантируется, что размер ответа не превышает 10 мебибайт.

binary.in	binary.out
4 2	0011
	0101
	0110
	1001
	1010
	1100

Задача С. Перестановки

Имя входного файла: permutations.in Имя выходного файла: permutations.out

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана строка, состоящая из m символов. Требуется вывести все перестановки символов данной строки.

Формат входного файла

В первой строке файла находится исходная строка, состоящая только из букв латинского алфавита и цифр. Длина строки удовлетворяет условию $2 \leqslant m \leqslant 8$.

Формат выходного файла

Требуется вывести в каждой строке файла по одной перестановке. Перестановки можно выводить в любом порядке. Повторений и строк, не являющихся перестановками исходной, быть не должно.

permutations.in	permutations.out
AB	AB
	BA
122	122
	212
	221

Задача D. Правильные скобочные последовательности

Имя входного файла: parentheses.in Имя выходного файла: parentheses.out

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Правильная скобочная последовательность — это такая последовательность, которая могла быть получена из арифметического выражения удалением чисел, констант, переменных и знаков арифметических действий.

Более строго, существует следующее определение правильной скобочной последовательности:

- 1. пустая строка правильная скобочная последовательность;
- 2. правильная скобочная последовательность, взятая в скобки правильная скобочная последовательность;
- 3. правильная скобочная последовательность, к которой приписана слева или справа правильная скобочная последовательность тоже правильная скобочная последовательность;
- 4. строки, не подходящие под правила 1, 2 и 3, правильными скобочными последовательностями не являются.

В данной задаче от вас требуется простое: получить список всех правильных скобочных последовательностей, состоящих из n открывающих и n закрывающих скобок.

Формат входного файла

Во входном файле дано одно целое число — $n \ (1 \le n \le 12)$.

Формат выходного файла

Необходимо вывести в произвольном порядке все правильные скобочные последовательности из n пар скобок.

parentheses.in	parentheses.out
2	(())
	()()

Задача Е. Количество циклов

Имя входного файла: numcycle.in Имя выходного файла: numcycle.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Формально, nymb в графе — это чередующаяся последовательность вершин и рёбер $u_1, e_1, u_2, e_2, u_3, \ldots, u_k$, начинающаяся и заканчивающаяся вершиной и такая, что любые соседние вершина и ребро в ней инцидентны.

 ${\it Простой путь}$ отличается от обычного пути тем, что в нём не может быть повторяющихся вершин.

Простой цикл—это цикл, в котором нет повторяющихся вершин и рёбер.

Дан неориентированный граф. Посчитайте, сколько в нём различных простых циклов. Заметим, что циклы считаются одинаковыми, если они обходят одно и то же множество вершин в одном и том же порядке, возможно, начиная при этом из другой вершины, или если порядок обхода противоположный. Например, циклы с порядком обхода вершин 1,2,3,1,2,3,1,2 и 1,3,2,1 считаются одинаковыми, а циклы 1,2,3,4,1 и 1,3,4,2,1—нет, поскольку порядок обхода вершин различен.

Формат входного файла

В первой строке входного файла заданы числа N и M через пробел — количество вершин и рёбер в графе, соответственно $(1 \le N \le 10)$. Следующие M строк содержат по два числа u_i и v_i через пробел $(1 \le u_i, v_i \le N, u_i \ne v_i)$; каждая такая строка означает, что в графе существует ребро между вершинами u_i и v_i . В графе нет кратных рёбер.

Формат выходного файла

Выведите одно число — количество простых циклов в заданном графе.

numcycle.in	numcycle.out
3 2	0
1 2	
2 3	
4 5	3
1 2	
2 3	
3 4	
4 1	
1 3	

Задача F. Различные разбиения

Имя входного файла: numdiff.in Имя выходного файла: numdiff.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Найдите количество различных разбиений натурального числа n на натуральные слагаемые таких, что для любых двух различных чисел $a \neq b$, входящих в разбиение, верно, что количества чисел a и b в разбиении различны. Разбиения, отличающиеся только порядком слагаемых, различными не считаются.

Например, если n=4, то из пяти возможных разбиений этому условию удовлетворяют все, кроме разбиения на слагаемые 1 и 3: в этом разбиении количество единиц равно количеству троек.

 $egin{array}{llll} 4&=&1+1+1+1&&4\ eдиницы\ 4&=&1+1+2&&3\ eдиницы,\ 1\ тройка\ 4&=&1+3&&1\ eдиница\ u\ 1\ тройка!\ 4&=&2+2&&2\ двойки\ 4&=&4&&1\ четвёрка \end{array}$

Формат входного файла

В первой строке входного файла записано натуральное число $n \ (1 \le n \le 100)$.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите количество разбиений числа n, удовлетворяющих заданным ограничениям.

numdiff.in	numdiff.out
4	4
6	7