

Tworzenie klucza:

$$p = 97$$

$$q = 211$$

$$n = p \cdot q = 97 \cdot 211 = 20467$$

$$\varphi = (p-1)(q-1) = 96 \cdot 210 = 20160$$

za e bierzemy jakieś np. 17 i sprawdzamy za pomocą algorytmu Euklidesa czy e i φ są względnie pierwsze

krok	a	b
1	20160	17
2	17	15
3	15	2
4	2	1
5	1	0

$$\text{NWD}(17, 20160) = 1$$

zatem e może być równe 17

Teraz musimy znaleźć d, spełniające równanie: $y \bmod (e \cdot d) = 1$
do tego potrzebujemy rozszerzony algorytm Euklidesa:

$$y \cdot y + e \cdot x = 1$$

krok	a	q	r	t
0	20160		1	0
1	17	1185	0	1
2	15	1	1	-1185
3	2	7	-1	1186
4	1	2	8	-9487
5	0		-9	10673

Sprawdzenie:

$$-9 \cdot 20160 + 10673 \cdot 17 = 1$$

$$1 = 1$$

$$L = P$$

$$\text{zatem: } d = 10673$$

$$\text{klucz publiczny} \\ (e, n) = (17, 20467)$$

$$\text{klucz tajny} \\ (d, n) = (10673, 20467)$$

Shyfranie:

$$c = t^e \bmod n$$

Zaszyfrowane wiadomości:

$$14440 - 1 - 1515 - 5393 - 2840 - 10291 - 6178$$

Litera	t	c
M	17	14440
A	1	1
T	26	1515
E	7	5393
U	27	2840
S	24	10291
Z	30	6178

Deszyfrowanie:

$$t = c^d \bmod n$$

$$14440^{10673} \bmod 20467 = 17 \Rightarrow M$$

$$1^{10673} \bmod 20467 = 1 \Rightarrow A$$

$$1515^{10673} \bmod 20467 = 26 \Rightarrow T$$

$$5393^{10673} \bmod 20467 = 7 \Rightarrow E$$

$$2840^{10673} \bmod 20467 = 27 \Rightarrow U$$

$$10291^{10673} \bmod 20467 = 24 \Rightarrow S$$

$$6178^{10673} \bmod 20467 = 30 \Rightarrow Z$$