

Seminário 2 – Projeto e Análise de

Algoritmos

Tema: Problema da Mochila (Knapsack Problem)

Composição da Equipe:

- Bruno Trindade
- Magda Tainy Nunes Amaral

Escolha do Problema:

Problema da Mochila (Knapsack Problem) – Classe NP-Completo.

Descrição: Dado um conjunto de itens, cada um com um valor e um peso, determinar quais itens devem ser colocados na mochila para maximizar o valor total sem exceder a capacidade máxima.

Técnica de Construção do Algoritmo:

1. Programação Dinâmica (PD);
2. Heurística Gulosa;
3. Comparaçāo experimental – análise de desempenho entre ambas as abordagens.

Algoritmo Implementado (Python):

```
def knapsack_dp(values, weights, capacity):  
    n = len(values)  
    dp = [[0] * (capacity + 1) for _ in range(n + 1)]  
    for i in range(1, n + 1):  
        for w in range(1, capacity + 1):  
            if weights[i - 1] <= w:  
                dp[i][w] = max(dp[i - 1][w], values[i - 1] + dp[i - 1][w - weights[i - 1]])  else:  
                dp[i][w] = dp[i - 1][w]  
    return dp[n][capacity]  
  
def knapsack_greedy(values, weights, capacity):  
    ratio = [(v / w, v, w) for v, w in zip(values, weights)]  
    ratio.sort(reverse=True)  
    total_value = total_weight = 0  
    for r, v, w in ratio:  
        if total_weight + w <= capacity:  
            total_weight += w  
            total_value += v  
    return total_value  
  
values = [60, 100, 120, 90, 30]  
weights = [10, 20, 30, 25, 15]  
capacity = 50  
  
print("Solução ótima (PD):", knapsack_dp(values, weights, capacity))  
print("Solução gulosa:", knapsack_greedy(values, weights, capacity))
```

Dataset Simples:

Valores: [60, 100, 120, 90, 30]

Pesos: [10, 20, 30, 25, 15]

Capacidade: 50

Conclusão:

O Problema da Mochila 0/1 é NP-Completo. A Programação Dinâmica encontra a solução ótima, enquanto a abordagem Gulosa fornece uma aproximação rápida e eficiente para grandes instâncias. Ambas ilustram bem o equilíbrio entre custo computacional e precisão em problemas NP.