

第 14 届大学生程序设计竞赛 网络预选赛



Sponsored by



XIDIAN UNIVERSITY Xi'an, China

April 16, 2016

This problem should contain 12 problems on 13 pages. Please inform a runner immediately if something is missing from your problem set.

Problem A $z_1 + z_2$

问题描述

已知两个复数 z_1, z_2 ,万神希望知道 $z_1 + z_2$ 。

因为被杜神坑过,万神非常讨厌浮点精度问题,所以他保证这两个复数的实部和虚部都是 10^9 以内的非负整数。

输入格式

输入包含多组数据(不超过 100 组),请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含 z_1, z_2 ,用空格分割。 保证 z_1, z_2 的形式严格满足 a + bi,且 a, b 都是整数, $0 \le a, b \le 10^9$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含 $z_1 + z_2$ 。你的输出也应该严格满足 a + bi 的形式,即使 a 或 b 为 0 也不例外。

输入样例	输出样例
10+5i 2+3i	12+8i
1+0i 2+0i	3+0i
0+3i 0+4i	0+7i
0+0i 0+0i	0+0i

Problem B 猴子吃桃 II

问题描述

现有 n 个桃子,无限可列个小猴子去领桃子吃。在桃子足够的情况下,排在第 i 位的小猴子领 F(i) 个桃子,这里 F 是 Fibonacci 数列。若轮到第 i 个小猴子时,剩余的桃子不到 F(i) 个,它就获得所有剩余的桃子,第 i+1 个及以后的小猴子就要挨饿了。

万神希望某只小猴子能拿到最多的桃子,那么这只猴子应该排在第几个位 置,又能吃到几个桃子呢?

Fibonacci 数列的定义见 http://oeis.org/A000045。

输入格式

输入包含多组数据(最多 100 组),请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含正整数 n,表示桃子的总个数。 保证 $1 < n < 10^{18}$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含两个整数,用空格分割。第一个整数表示小猴子应该排在第几个位置,第二个整数表示小猴子能吃到几个桃子。

若排在两个位置能吃到的桃子数相同,则输出靠前的位置。

输入输出样例

输入样例	输出样例
1	1 1
20	6 8

HINT

请正确使用 64 位整数,详见选手须知。

Problem C 寻找万神

问题描述

某人在教育学弟时说:"电院的万神,比你们高的不知道哪里去了,我和他谈笑风生!"但是学弟 too young, too simple,根本不认识万神,只好自己到百度上搜。

为了衡量搜索结果和万神的相关程度,学弟希望知道一篇文章中"万神"二字出现的次数。你能帮助他吗?

输入格式

输入包含多组数据,请处理到文件结束。

每组数据,第一行包含整数 n,表示这组数据的行数。之后 n 行表示学弟搜到的文章。为了避免中文编码问题,文章用拼音给出。

保证文章只包含大写英文字母(英文)、小写英文字母(拼音)、句号 "."、逗号","。

保证 $1 \le n \le 100$,输入文件总长度至多是 5MB。

输出格式

对于每组数据,输出文章中"万神"二字(拼音为"wanshen",不含引号)的出现次数。

输入输出样例

输入样例	输出样例
5	3
wanshenshixidianACM	0
dediyidashen.erqiew	
anshendeDOTAyedadeh	
enhao.womendouhenOR	
Zwanshen.	
1	
WANSHEN.	

样例解释

对于第一组样例,注意"万神"跨越了文章的第 2 行和第 3 行。 对于第二组样例,我们不认为英文字母序列 "WANSHEN" 表示万神。

Problem D 抢人头

问题描述

万神和亮亮在打 LoL 。为了刷钱,他们一起去打野。然而,他们都想补最后一刀(这样才能拿到钱),所以争吵起来。最终,他们约定对怪进行轮流攻击(万神先攻击)。万神一次攻击给野造成 x 点伤害,亮亮一次攻击给野造成 y 点伤害。假定野怪的血量是 a,而且野怪肯定打不过万神和亮亮,那么谁能补到最后一刀呢?

若在某人某次攻击前怪的血量大于 0,攻击后怪的血量小于等于 0,就认为是这个人补到了怪的最后一刀。

输入格式

输入包含多组数据(至多 100 组),请处理到文件结束。 每组数据只有一行,包含 3 个整数 x , y , a , 用空格分割。 保证 1 < a , x , y $< 10^9$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行。若万神补到最后一刀,输出 "wanshen" , 否则输出 "light" (不含引号)。

输入输出样例

输入样例	输出样例
3 1 5	wanshen
99999999 1 1000000000	light

样例解释

对于第一组样例,万神和亮亮各完成一次攻击后,怪只剩 1 点血。之后轮到万神再进行一次攻击,这次攻击后怪的血量是 -2,因此万神补到最后一刀。

对于第二组样例,虽然万神的攻击力很高,但他进行一次攻击后怪还剩 1 点血,结果被亮亮抢到人头。

Problem E 删除字符

问题描述

万神需要生成两个串 a、b,使得 a 不包含任何在 b 中出现过的字符。现在万神已经有两个串 A、B,他希望令 b=B,然后将所有在 b 中出现过的字符从 A 中删掉,以得到 a。

输入格式

输入包含多组数据(至多 100 组), 请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含串 A、B,用空格分割。 保证 A、B 只包含小写字母,且 $1 < |A|, |B| < 10^5$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行。若 $a=\emptyset$,则输出 "EMPTY" (不含引号),否则输出串 a。

输入样例	输出样例
abababa aa	bbb
ccccc a	cccc
aaaaa a	EMPTY

Problem F 方格填数

问题描述

万神在纸上画了一个 3×3 的表格,希望把 $1\cdots 9$ 填入表格中,每个数只填一次。然而,这样会有 9!=362880 种不同的填数方案。万神觉得方案太多了,于是又写下 9 个正整数 $a_1\cdots a_9$,并规定填数方案合法的充要条件是:对于表格中任意一对相邻的数 x,y,必须满足 a_x 和 a_y 互质,即它们的最大公约数是 1。那么,还有多少种合法的填数方案呢?

相邻定义为两个数所在的格子有公共边。

输入格式

输入包含多组数据 (最多 100 组),请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含 9 个正整数 $a_1 \cdots a_9$,用空格分割。 保证 $1 \le a_i \le 10^9$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含 1 个整数,即合法的填数方案的个数。

输入输出样例

输入样例	输出样例
1 1 1 1 1 1 1 1	362880
2 2 2 4 4 4 6 6 6	0
2 2 2 2 2 3 3 3 3	2880

样例解释

对干第一组样例,所有方案都是合法的。

对于第二组样例,所有方案都是不合法的。

对于第三组样例,必须把 $1 \cdots 5$ 放在表格的两条对角线上, $6 \cdots 9$ 放在其他 4 个格子上,所以有 $5! \times 4! = 2880$ 种方案。

Problem G 合并模板

问题描述

XDU Fate 有 n 个 ACM/ICPC 比赛的模板,每个都是一个独立的 PDF 文件。为了便于打印,万神希望将这些模板合并成一个 PDF 文件。万神有一个工具,可以将至多 k 个 PDF 文件合并为 1 个,合并后的文件大小是原来 k 个文件的大小之和。万神发现,这个工具每次运行的时间正比于输出文件的大小。设每输出 1KB 需要 1 单位时间,那么万神至少要多少时间才能合并完所有的文件呢?

输入格式

输入文件包含多组数据(最多100组),请处理到文件结束。

每组数据包含 2 行,第 1 行包含两个整数 n、k,用空格分割。

第二行包含 n 个整数 $s_1 \cdots s_n$,用空格分割,表示原始的 n 个模板文件的大小(单位为 KB)。

保证 $1 \le n \le 1000$, $2 \le k \le 1000$, $1 \le s_i \le 10^9$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,表示合并所有文件需要的最短时间。

输入输出样例

输入样例	输出样例
7 4	38
1 2 3 4 5 6 7	6
3 5	
1 2 3	

样例解释

对于第一组样例,首先合并前 4 个文件,耗费 10 单位时间。之后把生成的大小 10KB 的文件和后 3 个文件合并,耗费 28 单位时间,共计 38 单位时间。不存在时间更少的合并方案。

对于第二组样例,可以一次合并所有文件。

HINT

对于较大的数据,你可能需要使用 64 位整数。

Problem H 数学题

问题描述

有好多人自称喜欢数学,一有数学题来了跑的比谁都快。然而,万神认为这些人 naive ,于是出了一道数学题卡他们。题目很简单:

设 T 是 Tribonacci 数列, 求

$$S(l,r) = \sum_{k=l}^{r} T(k)$$

对 $10^9 + 7$ 取模的结果。

Tribonacci 数列的定义见 http://oeis.org/A000213。

输入格式

输入文件包含多组数据 (最多 100 组),请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含两个整数 l, r,用空格分割。 保证 $0 < l < r < 10^{18}$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含一个整数,即 S(l,r) 对 10^9+7 的模。

输入样例	输出样例
0 2	3
3 5	17

Problem I 万神的竞赛

问题描述

现有 n 门竞赛,万神可以参加每门竞赛至多 1 次。参加第 i 门竞赛会花费万神 w_i 点体力,并增加万神的智商 v_i 点。万神共有 W 点体力,那么万神通过参加竞赛,至多能增加多少智商呢?

输入格式

输入包含多组数据(至多 20 组,其中大数据不超过 10 组),请处理到文件结束。

每组数据,第 1 行包含 2 个整数 n,W,用空格分割。 之后 n 行,第 i 行包含整数 w_i,v_i ,用空格分割。 保证 $0 \le n \le 1000$, $0 \le W \le 10^8$, $0 \le w_i \le 10^6$, $0 \le v_i \le 50$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,表示万神能增加的智商的最大值。

输入输出样例

输入样例	输出样例
3 4	9
1 5	
2 4	
3 3	

样例解释

最优解显然是参加第1和第2门竞赛。

Problem J 万神的数列

问题描述

万神一天闲着无聊,在纸上写下了一个数列,包含 n 个整数 $a_1 \cdots a_n$,并计算出了它们的和

$$S = \sum_{k=1}^{n} a_k$$

万神打乒乓球时,不慎弄丢了原来的数列。但是万神的脑子很好,因此他很快回忆出了 S 的准确值,以及每个数字的大致范围,即第 k 个数字满足不等式 $l_k < a_k < r_k$ 。

万神希望恢复出原来的数列。但他正忙于华为软件精英挑战赛中的 NP 完全问题,没功夫处理简单的 P 类问题,因此要求你帮他恢复原来的数列。若不存在满足要求的数列,输出 "Xue Beng" (不含引号)。若有多个可能的数列,输出字典序最小的。

字典序的定义见 http://www.cplusplus.com/reference/algorithm/lexicographical_compare/。

输入格式

输入包含多组数据(至多50组),请处理到文件结束。

每组数据,第 1 行包含整数 $n \times S$,用空格分割。

之后 n 行,第 i 行包含整数 l_i 、 r_i 。用空格分割。

保证 $1 \le n \le 10^5$, $0 \le l_i \le r_i \le 10^4$, $0 \le S \le 10^9$ 。

注意: 本题输入文件较大(约20MB), 请使用较快的I/O方法以避免超时。

输出格式

对于每组数据输出 1 行。若存在满足要求的数列,输出其中字典序最小的一个,数字之间用空格分割(行末不要有多余的空格)。否则,输出 "Xue Beng"(不含引号)。

输入样例	输出样例
3 6	1 2 3
1 5	Xue Beng
1 4	
1 3	
1 2	
0 1	

样例解释

对于第一组样例,可能满足要求的数列还有 $\{1,3,2\}$ 、 $\{2,3,1\}$ 等,但字典 序最小的是 $\{1,2,3\}$ 。

Problem K 修理 OJ II

问题描述

去年校赛网络赛出了个题"修理 OJ",结果过了 624 个人。万神觉得这题 出水了,把它加强成了:

Boooooom! XDOJ 坏掉了!经分析,XDOJ 的故障和表达式 $(x \ mod \ y)$ 有关。mod 表示取余数,例如 $10 \ mod \ 3 = 1, 5 \ mod \ 1 = 0$ 。

由于 x 可能很大, 它被表示成

$$x = a^{(b^c)}$$

的形式。给定 a, b, c, y, 请计算 $x \mod y$ 的值。

输入数据

输入文件包含多组数据 (最多 100 组), 请处理至文件结束。 每组数据只有 1 行,包含 4 个整数 a,b,c,y,用空格分割。 保证 $1 \le a,b,c,y \le 2 \times 10^9$ 。

输出数据

对于每组数据输出 1 行,包含一个整数,即 $(a^{(b^c)} \mod y)$ 的值。

输入输出样例

输入样例	输出样例
2 2 2 9	7
2 1000000006 2 1000000007	1

样例解释

对于第一组数据,手算即可得到答案。 对于第二组数据,由于 $10^9 + 7$ 是质数,根据费马小定理可知

$$2^{(1000000006^2)} \equiv (2^{1000000006})^{1000000006} \equiv 1^{1000000006} \equiv 1 \pmod{1000000007}$$

Problem L 卡尔的技能 II

问题描述

DotA 中的英雄卡尔的技能说明如下,他拥有 3 种不同的元素(冰,雷,火),每次他需要释放技能的时候,他要先选择 3 次元素来决定释放技能的类型(比如,他可以选择火+火+火或冰+雷+火等等),生成技能的类型由选择的元素中各个元素的比例决定,比如选择冰+冰+雷和选择冰+雷+冰会生成同样的技能,这种机制下,卡尔一共拥有 10 个技能。

冰+冰+冰: 急速冷却 冰+冰+雷: 幽灵漫步 冰+冰+火: 寒冰之墙雷+雷+冰: 强袭飓风 雷+雷+雷: 电磁脉冲 雷+雷+火: 灵动迅捷火+火+火: 炎阳冲击 火+火+雷: 混沌陨石 冰+雷+火: 超震声波

火+火+冰:熔炉精灵

现在,为了加强卡尔,使可供选择的元素达到 n 个,选择的次数达到 m 次。然而万神认为,加强也要按照基本法,因此他要求卡尔不能选择任何一种元素超过 k 次。那么卡尔头疼了,他到底拥有多少种不同的技能呢?

输入格式

输入包含多组数据 (至多 100 组),请处理到文件结束。 每组数据包含 3 个整数 n、m、k,用空格分割。 保证 $1 \le n, m, k \le 10^6$ 。 90% 的输入数据是随机生成的。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,表示卡尔的技能数。由于结果可能很大,只要输出 结果对 $10^9 + 7$ 的模就行了。

输入输出样例

输入样例	输出样例
3 3 1	1
3 3 2	7
3 3 3	10

样例解释

对于第一组样例,卡尔只拥有超震声波技能。

对于第二组样例,卡尔拥有幽灵漫步、寒冰之墙、强袭飓风、灵动迅捷、混 沌陨石、超震声波、熔炉精灵技能。