

Рассмотрим пару пользователей  $a$  и  $b$ . Пусть они друзья. Тогда множества их друзей, не включающие  $a$  и  $b$ , назовем  $F(a)$  и  $F(b)$ . По условию задачи  $F(a)$  и  $F(b)$  не пересекаются. У любого пользователя из  $F(a)$  существует один общий друг с  $b$ . Понятно, что он может быть только из  $F(b)$ . Таким же образом у любого пользователя из  $F(b)$  существует единственный друг из  $F(a)$ . Такое может быть только в случае, если множества  $F(a)$  и  $F(b)$  содержат одинаковое число пользователей. Пусть теперь  $a$  и  $b$  не друзья. Тогда существует пользователь  $c$ , который общий для  $a$  и  $b$ . По уже доказанному, у  $a$  и  $c$  одинаковое число друзей, у  $b$  и  $c$  одинаковое число друзей, а значит  $a$  и  $c$  также имеют одинаковое число друзей.