

Матрицы A и B таковы, что $A^2 = A$, $B^2 = B$ и матрица $E = (A + B)$ обратима. Докажите, что $\operatorname{rk} A = \operatorname{rk} B$.