Пусть M — множество непрерывных убывающих функций на отрезке [0;1], для которых f(1)=0. Найдите

$$\inf_{f \in M} \sup_{x \in [0;1]} \frac{xf(x)}{\int_0^1 f(t)dt}.$$