# МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В.Ломоносова



Факультет вычислительной математики и кибернетики

# Отчет по тестовому заданию «Сравнительный анализ реализации и оптимизации нейронной сети в PyTorch и TensorFlow» Отчет выполнил

Броничев Александр Русланович

# Содержание

| Введение                                  | 2  |
|---|----|
| Постановка задачи                         | 2  |
| Описание датасета                         | 2  |
| Методы                                    | 3  |
| Описание архитектуры                      | 3  |
| Примененные оптимизации                   | 3  |
| Результаты                                | 5  |
| Таблицы сравнения производительности      | 5  |
| Графики обучения                          | 26 |
| Анализ trade-off «скорость-память»        |    |
| Анализ точности обучения                  |    |
| Выводы                                    | 40 |
| Сравнение АРІ фрэймворков                 | 40 |
| Рекомендации по использованию оптимизаций |    |
| Ограничения метолов                       |    |

# Введение

#### Постановка задачи

Провести анализ производительности простой модели с использованием различных инструментов. Исследуются показатели между фрэймворками PyTorch и TensorFlow. Так же изучается влияние графовых оптимизаций на скорость обучения. Обучается трехслойный перцептрон имеющий входной слой (по размеру признаков), скрытый слой (128 нейронов, ReLU) и выходной слой (1 нейрон). Для выполнения задачи нужно реализовать данную модель на обоих фрэймворках и исследовать скорость обучения, используемую память, точность обучения на некотором датасете.

#### Описание датасета

Для решения задачи используется датасет California Housing Dataset. Этот датасет содержит информацию о недвижимости в Калифорнии (цены на жильё и характеристики районов) и часто используется для задач регрессии (прогнозирования стоимости домов). Источником является библиотека sklearn (в реализации на TF и PT из sklearn.datasets берется fetch\_california\_housing). Размер используемого датасета состовляет 20 640 записей, а каждая запись имеет 8 признаков. Целевой переменной является средняя стоимость дома в сотнях тысяч долларов. Каждая строка - это один район Калифорнии. Рассмотрим признаки датасета:

- Средний доход жителей района (float, 0.5 15)
- Средний возраст домов района (float, 1 52)
- Среднее количество комнат в доме (float, 0.8 141)
- Среднее количество спален в доме (float, 0.3 34)
- Население района (float, 3 35 682)
- Среднее количество жильцов в доме (float, 0.7 1 243)
- Широта расположения района (float, 32.5 41.9)
- Долгота расположения района (float, -124.3 -114.3)
- ЦЕЛЬ: Средняя стоимость дома (float, 0.15 5)

В датасете нет пропусков. Числовые признаки взяты небольшими, отчего удобны. Однако масштаб разный, поэтому была проведена нормализация.

# Методы

### Описание архитектуры

В задаче изучается обучение трехслойного перцептрона. Перцептрон - это простейший вид нейронных сетей, в основе которого лежит математическая модель восприятия информации мозгом, состоящая из сенсоров, ассоциативных и реагирующих элементов. Опишем принцип работы данной архитектуры:

- 1. Первыми в работу включаются элементы-сенсоры.
- 2. Далее сенсоры передают сигналы ассоциативным элементам
- 3. Если сумма сигналов на ассоциативный элемент привысила какой-то порог, то этот элемент передает сигнал реагирующему элементу
- 4. Реагирующие элементы получают сигнал с некоторым весом и в зависимости от некоторого порога дают ответ

В выполняемой задаче рассматривается перцептрон, у которого:

- Количество сенсоров зависит от количества признаков датасета (в случае California Housing Dataset 8) (входной слой)
- 128 ассоциативных нейронов ReLU (скрытый слой)
- 1 реагирующий элемент (выходной слой)

# Примененные оптимизации

В реализации на TensorFlow в качестве оптимизации используется декоратор @tf.function. С его помощью функция Python преобразуется в граф TensorFlow, что значительно ускоряет ее выполнение при работе с большими вычислениями, которые встречаются при обучении моделей. Рассмотрим основные параметры:

- *input\_signature* принимает ожидаемые размеры и типы данных входных тензоров, позволяет избежать лишних ретрассировок при изменении формы входных данных
- autograph автоматически конвертирует условия и циклы в граф, если равен True, иначе использует только операции TensorFlow, теряя часть оптимизации
- jit compile включает компиляцию XLA
- $\bullet$   $reduce\_retracing$  уменьшает количество ретрассировок при изменении входных данных
- experimental\_relax\_shapes разрешает более гибкое поведение при изменении форм входных данных
- $experimental\_follow\_type\_hints$  автоматически приводит типы данных к указанным в аннотациях Python

В работе все параметры выставлены по умолчанию.

В реализации на РуТогсh используется оптимизация torch.compile. Эта функция ускоряет выполнение моделей за счет компиляции графов вычислений. Она автоматически оптимизирует код, уменьшая накладные расходы интерпретатора Python. Рассмотрим режимы torch.compile, которые включаются через mode= после параметра модели:

- mode="default" баланс между скоростью компиляции и производительностью
- mode="reduce-overhead" уменьшает накладные расходы интерпретатора Python
- mode="max-autotune" максимально агрессивная оптимизация, включая автоподбор лучших ядер для операций
- mode="no-compile" отключает компиляцию, оставляя оригинальный РуТогсһ-код

В работе используется режим max-autotune

# Результаты

Испытания были проведены на двух различных устройствах (на одном на сри, на втором на двух). Было взято различное количество эпох (10, 20 и 30). Размер батча составляет 64. На обучение взято 80% датасета, оставшиеся 20% используются для проверки точности обучения.

# Таблицы сравнения производительности

Приведу таблицы времени и потерь для испытаний TensorFLow на сри

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 11.69       | 0.5515     |
| 2           | 12.62       | 0.4595     |
| 3           | 11.98       | 0.4385     |
| 4           | 11.17       | 0.4262     |
| 5           | 11.33       | 0.4176     |
| 6           | 10.91       | 0.4102     |
| 7           | 11.06       | 0.4052     |
| 8           | 12.33       | 0.4002     |
| 9           | 9.57        | 0.3971     |
| 10          | 9.46        | 0.3934     |

Таблица 1: Таблица обучения TensorFlow без оптимизации, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 12.85       | 0.5556     |
| 2           | 9.72        | 0.4606     |
| 3           | 9.83        | 0.4365     |
| 4           | 10.48       | 0.4258     |
| 5           | 9.48        | 0.4187     |
| 6           | 10.40       | 0.4119     |
| 7           | 13.37       | 0.4087     |
| 8           | 12.26       | 0.4035     |
| 9           | 13.98       | 0.4000     |
| 10          | 14.25       | 0.3985     |
| 11          | 12.38       | 0.3953     |
| 12          | 10.77       | 0.3936     |
| 13          | 10.26       | 0.3906     |
| 14          | 10.63       | 0.3897     |
| 15          | 10.28       | 0.3882     |
| 16          | 11.14       | 0.3872     |
| 17          | 10.37       | 0.3858     |
| 18          | 9.73        | 0.3841     |
| 19          | 9.67        | 0.3826     |
| 20          | 8.99        | 0.3810     |

Таблица 2: Таблица обучения TensorFlow без оптимизации, 20 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 9.60        | 0.5568     |
| 2           | 8.91        | 0.4637     |
| 3           | 8.69        | 0.4408     |
| 4           | 9.03        | 0.4294     |
| 5           | 9.45        | 0.4231     |
| 6           | 9.36        | 0.4163     |
| 7           | 9.57        | 0.4130     |
| 8           | 10.48       | 0.4090     |
| 9           | 10.46       | 0.4052     |
| 10          | 9.88        | 0.4020     |
| 11          | 11.88       | 0.4009     |
| 12          | 10.50       | 0.3979     |
| 13          | 11.05       | 0.3948     |
| 14          | 9.00        | 0.3927     |
| 15          | 9.69        | 0.3912     |
| 16          | 9.14        | 0.3900     |
| 17          | 9.49        | 0.3877     |
| 18          | 9.13        | 0.3872     |
| 19          | 9.70        | 0.3845     |
| 20          | 9.89        | 0.3847     |
| 21          | 9.58        | 0.3848     |
| 22          | 9.35        | 0.3830     |
| 23          | 10.06       | 0.3809     |
| 24          | 9.36        | 0.3800     |
| 25          | 8.97        | 0.3802     |
| 26          | 9.08        | 0.3788     |
| 27          | 10.21       | 0.3776     |
| 28          | 9.79        | 0.3764     |
| 29          | 8.75        | 0.3748     |
| 30          | 10.07       | 0.3746     |

Таблица 3: Таблица обучения TensorFlow без оптимизации, 30 эпох

| Номер эпохи | Время | Потери МАЕ |
|-------------|-------|------------|
| 1           | 3.47  | 0.7682     |
| 2           | 2.97  | 0.5069     |
| 3           | 2.91  | 0.4617     |
| 4           | 3.07  | 0.4481     |
| 5           | 3.01  | 0.4313     |
| 6           | 3.00  | 0.4334     |
| 7           | 3.33  | 0.4299     |
| 8           | 3.49  | 0.4245     |
| 9           | 2.91  | 0.4201     |
| 10          | 3.02  | 0.4163     |

Таблица 4: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 10 эпох

| Номер эпохи | Время | Потери МАЕ |
|-------------|-------|------------|
| 1           | 2.67  | 0.5511     |
| 2           | 3.36  | 0.4586     |
| 3           | 3.71  | 0.4435     |
| 4           | 4.05  | 0.4325     |
| 5           | 3.10  | 0.4250     |
| 6           | 3.67  | 0.4192     |
| 7           | 3.38  | 0.4139     |
| 8           | 3.00  | 0.4084     |
| 9           | 3.13  | 0.4057     |
| 10          | 3.08  | 0.4020     |
| 11          | 2.55  | 0.3979     |
| 12          | 2.69  | 0.3955     |
| 13          | 2.33  | 0.3930     |
| 14          | 2.74  | 0.3907     |
| 15          | 2.48  | 0.3888     |
| 16          | 2.93  | 0.3875     |
| 17          | 3.03  | 0.3858     |
| 18          | 2.42  | 0.3871     |
| 19          | 2.93  | 0.3857     |
| 20          | 2.70  | 0.3828     |

Таблица 5: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 20 эпох

| Номер эпохи | Время | Потери МАЕ |
|-------------|-------|------------|
| 1           | 2.97  | 0.5497     |
| 2           | 2.72  | 0.4584     |
| 3           | 2.36  | 0.4400     |
| 4           | 2.44  | 0.4271     |
| 5           | 2.31  | 0.4192     |
| 6           | 2.51  | 0.4122     |
| 7           | 2.33  | 0.4064     |
| 8           | 2.32  | 0.4018     |
| 9           | 2.34  | 0.3993     |
| 10          | 2.29  | 0.3954     |
| 11          | 2.41  | 0.3932     |
| 12          | 2.69  | 0.3919     |
| 13          | 2.40  | 0.3900     |
| 14          | 2.37  | 0.3876     |
| 15          | 2.35  | 0.3865     |
| 16          | 2.35  | 0.3856     |
| 17          | 2.33  | 0.3853     |
| 18          | 2.34  | 0.3842     |
| 19          | 2.32  | 0.3818     |
| 20          | 2.35  | 0.3817     |
| 21          | 2.33  | 0.3804     |
| 22          | 2.35  | 0.3795     |
| 23          | 2.34  | 0.3790     |
| 24          | 2.33  | 0.3780     |
| 25          | 2.32  | 0.3780     |
| 26          | 2.33  | 0.3771     |
| 27          | 2.33  | 0.3766     |
| 28          | 2.32  | 0.3754     |
| 29          | 2.33  | 0.3738     |
| 30          | 2.48  | 0.3750     |

Таблица 6: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 30 эпох

Приведу таблицы времени и потерь для испытаний PyTorch на сри:

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.48        | 0.8085     |
| 2           | 0.43        | 0.5329     |
| 3           | 0.42        | 0.4800     |
| 4           | 0.43        | 0.4616     |
| 5           | 0.42        | 0.4514     |
| 6           | 0.43        | 0.4465     |
| 7           | 0.42        | 0.4403     |
| 8           | 0.43        | 0.4355     |
| 9           | 0.43        | 0.4306     |
| 10          | 0.42        | 0.4251     |

Таблица 7: Таблица обучения РуТогсh без оптимизации, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.49        | 0.7494     |
| 2           | 0.46        | 0.5117     |
| 3           | 0.42        | 0.4668     |
| 4           | 0.46        | 0.4514     |
| 5           | 0.42        | 0.4414     |
| 6           | 0.42        | 0.4357     |
| 7           | 0.43        | 0.4293     |
| 8           | 0.43        | 0.4246     |
| 9           | 0.43        | 0.4221     |
| 10          | 0.46        | 0.4167     |
| 11          | 0.44        | 0.4138     |
| 12          | 0.44        | 0.4116     |
| 13          | 0.44        | 0.4065     |
| 14          | 0.44        | 0.4054     |
| 15          | 0.44        | 0.4013     |
| 16          | 0.45        | 0.4030     |
| 17          | 0.45        | 0.3976     |
| 18          | 0.45        | 0.3943     |
| 19          | 0.45        | 0.3926     |
| 20          | 0.45        | 0.3906     |

Таблица 8: Таблица обучения РуТогсh без оптимизации, 20 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.50        | 0.8783     |
| 2           | 0.49        | 0.5589     |
| 3           | 0.44        | 0.4899     |
| 4           | 0.67        | 0.4652     |
| 5           | 0.54        | 0.4529     |
| 6           | 0.59        | 0.4456     |
| 7           | 0.83        | 0.4406     |
| 8           | 0.55        | 0.4354     |
| 9           | 0.41        | 0.4304     |
| 10          | 0.41        | 0.4263     |
| 11          | 0.43        | 0.4226     |
| 12          | 0.43        | 0.4169     |
| 13          | 0.42        | 0.4150     |
| 14          | 0.43        | 0.4115     |
| 15          | 0.44        | 0.4092     |
| 16          | 0.49        | 0.4053     |
| 17          | 0.48        | 0.4038     |
| 18          | 0.44        | 0.4018     |
| 19          | 0.44        | 0.4062     |
| 20          | 0.44        | 0.3976     |
| 21          | 0.46        | 0.3957     |
| 22          | 0.45        | 0.3954     |
| 23          | 0.44        | 0.3930     |
| 24          | 0.44        | 0.3911     |
| 25          | 0.44        | 0.3904     |
| 26          | 0.44        | 0.3884     |
| 27          | 0.45        | 0.3900     |
| 28          | 0.44        | 0.3864     |
| 29          | 0.45        | 0.3893     |
| 30          | 0.45        | 0.3849     |

Таблица 9: Таблица обучения РуТогсh без оптимизации, 30 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.66        | 0.7858     |
| 2           | 0.57        | 0.5302     |
| 3           | 0.51        | 0.4808     |
| 4           | 0.76        | 0.4634     |
| 5           | 0.65        | 0.4522     |
| 6           | 0.67        | 0.4443     |
| 7           | 0.53        | 0.4377     |
| 8           | 0.56        | 0.4322     |
| 9           | 0.59        | 0.4284     |
| 10          | 0.56        | 0.4237     |

Таблица 10: Таблица обучения PyTorch с оптимизацией, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.49        | 0.8521     |
| 2           | 0.54        | 0.5226     |
| 3           | 0.62        | 0.4764     |
| 4           | 0.58        | 0.4590     |
| 5           | 0.56        | 0.4500     |
| 6           | 0.84        | 0.4433     |
| 7           | 0.65        | 0.4406     |
| 8           | 0.55        | 0.4340     |
| 9           | 0.75        | 0.4305     |
| 10          | 0.63        | 0.4268     |
| 11          | 0.56        | 0.4230     |
| 12          | 0.55        | 0.4187     |
| 13          | 0.67        | 0.4159     |
| 14          | 0.56        | 0.4136     |
| 15          | 0.55        | 0.4093     |
| 16          | 0.54        | 0.4051     |
| 17          | 0.56        | 0.4030     |
| 18          | 0.56        | 0.4001     |
| 19          | 0.64        | 0.3984     |
| 20          | 0.57        | 0.3977     |

Таблица 11: Таблица обучения PyTorch с оптимизацией, 20 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 0.51        | 0.8159     |
| 2           | 0.49        | 0.5332     |
| 3           | 0.50        | 0.4849     |
| 4           | 0.49        | 0.4627     |
| 5           | 0.62        | 0.4511     |
| 6           | 0.60        | 0.4443     |
| 7           | 0.50        | 0.4389     |
| 8           | 0.51        | 0.4339     |
| 9           | 0.50        | 0.4300     |
| 10          | 0.51        | 0.4270     |
| 11          | 0.52        | 0.4213     |
| 12          | 0.52        | 0.4195     |
| 13          | 0.52        | 0.4151     |
| 14          | 0.73        | 0.4121     |
| 15          | 0.52        | 0.4095     |
| 16          | 0.53        | 0.4045     |
| 17          | 0.53        | 0.4029     |
| 18          | 0.53        | 0.4023     |
| 19          | 0.55        | 0.4009     |
| 20          | 0.54        | 0.3988     |
| 21          | 0.55        | 0.3997     |
| 22          | 0.55        | 0.3936     |
| 23          | 0.54        | 0.3928     |
| 24          | 0.54        | 0.3898     |
| 25          | 0.55        | 0.3894     |
| 26          | 0.55        | 0.3907     |
| 27          | 0.66        | 0.3880     |
| 28          | 0.58        | 0.3874     |
| 29          | 0.58        | 0.3851     |
| 30          | 0.57        | 0.3838     |

Таблица 12: Таблица обучения PyTorch с оптимизацией, 30 эпох

Приведу таблицы времени и потерь для испытаний TensorFlow на gpu:

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 10.89       | 0.5655     |
| 2           | 10.75       | 0.4639     |
| 3           | 11.00       | 0.4411     |
| 4           | 10.81       | 0.4262     |
| 5           | 10.67       | 0.4200     |
| 6           | 10.62       | 0.4120     |
| 7           | 10.66       | 0.4074     |
| 8           | 10.84       | 0.4034     |
| 9           | 11.06       | 0.3991     |
| 10          | 11.13       | 0.3966     |

Таблица 13: Таблица обучения Tensor<br/>Flow без оптимизации, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 12.02       | 0.5532     |
| 2           | 11.33       | 0.4601     |
| 3           | 10.70       | 0.4356     |
| 4           | 10.64       | 0.4222     |
| 5           | 10.82       | 0.4152     |
| 6           | 10.94       | 0.4091     |
| 7           | 10.62       | 0.4035     |
| 8           | 10.59       | 0.4012     |
| 9           | 10.63       | 0.3957     |
| 10          | 10.61       | 0.3945     |
| 11          | 12.16       | 0.3921     |
| 12          | 11.83       | 0.3908     |
| 13          | 11.38       | 0.3887     |
| 14          | 11.15       | 0.3861     |
| 15          | 11.28       | 0.3867     |
| 16          | 12.08       | 0.3848     |
| 17          | 12.07       | 0.3842     |
| 18          | 11.76       | 0.3836     |
| 19          | 10.89       | 0.3820     |
| 20          | 10.66       | 0.3825     |

Таблица 14: Таблица обучения Tensor<br/>Flow без оптимизации, 20 эпох

| 1   10.59   0.5563     2   10.70   0.4650     3   10.65   0.4434     4   10.64   0.4300     5   10.62   0.4211     6   10.64   0.4144     7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99< | Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|--|-------------|-------------|------------|
| 3   10.65   0.4434     4   10.64   0.4300     5   10.62   0.4211     6   10.64   0.4144     7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3863     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.1 | 1           | 10.59       | 0.5563     |
| 4   10.64   0.4300     5   10.62   0.4211     6   10.64   0.4144     7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757              | 2           | 10.70       | 0.4650     |
| 5   10.62   0.4211     6   10.64   0.4144     7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757                                     | 3           | 10.65       | 0.4434     |
| 6   10.64   0.4144     7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757  | 4           | 10.64       | 0.4300     |
| 7   11.32   0.4097     8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757   | 5           | 10.62       | 0.4211     |
| 8   11.66   0.4041     9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 6           | 10.64       | 0.4144     |
| 9   11.60   0.4008     10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757   | 7           | 11.32       | 0.4097     |
| 10   11.69   0.4021     11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757  | 8           | 11.66       | 0.4041     |
| 11   11.51   0.3982     12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757  | 9           | 11.60       | 0.4008     |
| 12   11.61   0.3924     13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3755     29   11.19   0.3757  | 10          | 11.69       | 0.4021     |
| 13   12.15   0.3903     14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 11          | 11.51       | 0.3982     |
| 14   11.15   0.3887     15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 12          | 11.61       | 0.3924     |
| 15   11.38   0.3868     16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 13          | 12.15       | 0.3903     |
| 16   11.49   0.3863     17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 14          | 11.15       | 0.3887     |
| 17   11.48   0.3851     18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 15          | 11.38       | 0.3868     |
| 18   11.35   0.3839     19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 16          | 11.49       | 0.3863     |
| 19   11.36   0.3831     20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 17          | 11.48       | 0.3851     |
| 20   10.89   0.3826     21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 18          | 11.35       | 0.3839     |
| 21   11.24   0.3805     22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 19          | 11.36       | 0.3831     |
| 22   11.99   0.3799     23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 20          | 10.89       | 0.3826     |
| 23   11.70   0.3800     24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 21          | 11.24       | 0.3805     |
| 24   11.84   0.3775     25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 22          | 11.99       | 0.3799     |
| 25   11.80   0.3783     26   11.99   0.3794     27   11.93   0.3773     28   12.25   0.3755     29   11.19   0.3757  | 23          | 11.70       | 0.3800     |
| 26 11.99 0.3794   27 11.93 0.3773   28 12.25 0.3755   29 11.19 0.3757  | 24          | 11.84       | 0.3775     |
| 27 11.93 0.3773   28 12.25 0.3755   29 11.19 0.3757  | 25          | 11.80       | 0.3783     |
| 28 12.25 0.3755   29 11.19 0.3757  | 26          | 11.99       | 0.3794     |
| 29 11.19 0.3757  | 27          | 11.93       | 0.3773     |
|  | 28          | 12.25       | 0.3755     |
| 30 11.50 0.3742  | 29          | 11.19       | 0.3757     |
|  | 30          | 11.50       | 0.3742     |

Таблица 15: Таблица обучения Tensor<br/>Flow без оптимизации, 30 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 3.84        | 0.8204     |
| 2           | 2.63        | 0.5125     |
| 3           | 2.63        | 0.4660     |
| 4           | 2.62        | 0.4514     |
| 5           | 2.62        | 0.4406     |
| 6           | 2.64        | 0.4348     |
| 7           | 2.66        | 0.4299     |
| 8           | 2.62        | 0.4260     |
| 9           | 2.64        | 0.4211     |
| 10          | 2.62        | 0.4174     |

Таблица 16: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 2.62        | 0.5626     |
| 2           | 2.64        | 0.4612     |
| 3           | 2.66        | 0.4430     |
| 4           | 2.65        | 0.4334     |
| 5           | 2.64        | 0.4264     |
| 6           | 2.69        | 0.4195     |
| 7           | 2.64        | 0.4151     |
| 8           | 2.65        | 0.4103     |
| 9           | 2.65        | 0.4058     |
| 10          | 2.65        | 0.4036     |
| 11          | 2.65        | 0.4012     |
| 12          | 2.64        | 0.3975     |
| 13          | 2.64        | 0.3949     |
| 14          | 2.67        | 0.3920     |
| 15          | 2.67        | 0.3898     |
| 16          | 2.67        | 0.3905     |
| 17          | 2.68        | 0.3889     |
| 18          | 2.66        | 0.3867     |
| 19          | 2.66        | 0.3861     |
| 20          | 2.67        | 0.3839     |

Таблица 17: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 20 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 2.66        | 0.5584     |
| 2           | 2.64        | 0.4571     |
| 3           | 2.66        | 0.4359     |
| 4           | 2.63        | 0.4254     |
| 5           | 2.63        | 0.4185     |
| 6           | 2.63        | 0.4121     |
| 7           | 2.64        | 0.4093     |
| 8           | 2.63        | 0.4048     |
| 9           | 2.63        | 0.4012     |
| 10          | 2.63        | 0.3969     |
| 11          | 2.63        | 0.3950     |
| 12          | 2.63        | 0.3929     |
| 13          | 2.63        | 0.3913     |
| 14          | 2.63        | 0.3892     |
| 15          | 2.63        | 0.3880     |
| 16          | 2.63        | 0.3861     |
| 17          | 2.63        | 0.3855     |
| 18          | 2.63        | 0.3838     |
| 19          | 2.64        | 0.3844     |
| 20          | 2.63        | 0.3808     |
| 21          | 2.63        | 0.3807     |
| 22          | 2.63        | 0.3822     |
| 23          | 2.63        | 0.3796     |
| 24          | 2.63        | 0.3803     |
| 25          | 2.64        | 0.3804     |
| 26          | 2.65        | 0.3781     |
| 27          | 2.69        | 0.3768     |
| 28          | 2.64        | 0.3772     |
| 29          | 2.68        | 0.3760     |
| 30          | 2.67        | 0.3758     |

Таблица 18: Таблица обучения TensorFlow с оптимизацией, 30 эпох

Приведу таблицы времени и потерь для испытаний РуТогсh на gpu:

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 2.01        | 0.8380     |
| 2           | 1.01        | 0.5341     |
| 3           | 1.00        | 0.4791     |
| 4           | 1.04        | 0.4590     |
| 5           | 0.98        | 0.4484     |
| 6           | 1.03        | 0.4417     |
| 7           | 1.03        | 0.4345     |
| 8           | 1.03        | 0.4296     |
| 9           | 1.03        | 0.4239     |
| 10          | 1.07        | 0.4206     |

Таблица 19: Таблица обучения PyTorch без оптимизации, 10 эпох

| Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|-------------|-------------|------------|
| 1           | 1.05        | 0.7924     |
| 2           | 0.99        | 0.5135     |
| 3           | 1.01        | 0.4724     |
| 4           | 0.99        | 0.4586     |
| 5           | 1.01        | 0.4486     |
| 6           | 1.06        | 0.4413     |
| 7           | 1.09        | 0.4384     |
| 8           | 1.08        | 0.4312     |
| 9           | 1.05        | 0.4271     |
| 10          | 1.10        | 0.4224     |
| 11          | 1.00        | 0.4168     |
| 12          | 1.08        | 0.4141     |
| 13          | 1.10        | 0.4114     |
| 14          | 1.08        | 0.4067     |
| 15          | 1.06        | 0.4027     |
| 16          | 1.08        | 0.4002     |
| 17          | 1.07        | 0.3992     |
| 18          | 1.02        | 0.3966     |
| 19          | 1.15        | 0.3923     |
| 20          | 1.09        | 0.3920     |

Таблица 20: Таблица обучения РуТогсh без оптимизации, 20 эпох

| 1   1.09   0.7945     2   1.14   0.5169     3   1.09   0.4708     4   0.90   0.4556     5   0.96   0.4475     6   0.95   0.4400     7   0.92   0.4353     8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.393     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3873     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874  | Номер эпохи | Время (сек) | Потери МАЕ |
|--|-------------|-------------|------------|
| 3   1.09   0.4708     4   0.90   0.4556     5   0.96   0.4475     6   0.95   0.4400     7   0.92   0.4353     8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.93   0.3854 <td>1</td> <td>1.09</td> <td>0.7945</td>  | 1           | 1.09        | 0.7945     |
| 4   0.90   0.4556     5   0.96   0.4475     6   0.95   0.4400     7   0.92   0.4353     8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854  | 2           | 1.14        | 0.5169     |
| 5     0.96     0.4475       6     0.95     0.4400       7     0.92     0.4353       8     0.94     0.4304       9     0.92     0.4250       10     0.93     0.4232       11     0.94     0.4185       12     0.90     0.4151       13     0.94     0.4114       14     0.93     0.4080       15     0.91     0.4059       16     0.95     0.4027       17     0.91     0.4015       18     0.96     0.3997       19     0.92     0.3980       20     0.90     0.3948       21     0.95     0.3939       22     0.93     0.3916       23     0.94     0.3904       24     0.93     0.3923       25     0.91     0.3873       26     0.94     0.3874       27     0.99     0.3861       28     0.97     0.3854 | 3           | 1.09        | 0.4708     |
| 6   0.95   0.4400     7   0.92   0.4353     8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.348     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854  | 4           | 0.90        | 0.4556     |
| 7   0.92   0.4353     8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3873     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854   | 5           | 0.96        | 0.4475     |
| 8   0.94   0.4304     9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854   | 6           | 0.95        | 0.4400     |
| 9   0.92   0.4250     10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 7           | 0.92        | 0.4353     |
| 10   0.93   0.4232     11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 8           | 0.94        | 0.4304     |
| 11   0.94   0.4185     12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 9           | 0.92        | 0.4250     |
| 12   0.90   0.4151     13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 10          | 0.93        | 0.4232     |
| 13   0.94   0.4114     14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 11          | 0.94        | 0.4185     |
| 14   0.93   0.4080     15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854   | 12          | 0.90        | 0.4151     |
| 15   0.91   0.4059     16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 13          | 0.94        | 0.4114     |
| 16   0.95   0.4027     17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 14          | 0.93        | 0.4080     |
| 17   0.91   0.4015     18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3854     29   0.97   0.3854   | 15          | 0.91        | 0.4059     |
| 18   0.96   0.3997     19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 16          | 0.95        | 0.4027     |
| 19   0.92   0.3980     20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 17          | 0.91        | 0.4015     |
| 20   0.90   0.3948     21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 18          | 0.96        | 0.3997     |
| 21   0.95   0.3939     22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 19          | 0.92        | 0.3980     |
| 22   0.93   0.3916     23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 20          | 0.90        | 0.3948     |
| 23   0.94   0.3904     24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854   | 21          | 0.95        | 0.3939     |
| 24   0.93   0.3923     25   0.91   0.3873     26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 22          | 0.93        | 0.3916     |
| 25 0.91 0.3873   26 0.94 0.3874   27 0.99 0.3861   28 0.97 0.3844   29 0.97 0.3854   | 23          | 0.94        | 0.3904     |
| 26   0.94   0.3874     27   0.99   0.3861     28   0.97   0.3844     29   0.97   0.3854  | 24          | 0.93        |            |
| 27 0.99 0.3861   28 0.97 0.3844   29 0.97 0.3854   | 25          | 0.91        | 0.3873     |
| 28 0.97 0.3844   29 0.97 0.3854  | 26          | 0.94        | 0.3874     |
| 29 0.97 0.3854   | 27          | 0.99        | 0.3861     |
|  | 28          | 0.97        | 0.3844     |
| 30 0.93 0.3832   | 29          | 0.97        | 0.3854     |
|  | 30          | 0.93        | 0.3832     |

Таблица 21: Таблица обучения PyTorch без оптимизации, 30 эпох

К сожалению на gpu не получилось запустить PyTorch с оптимизацией, поскольку видеокарта слишком старая и не поддерживает triton, необходимый для компиляции.

# Графики обучения

Графики обучения на TensorFlow (cpu):

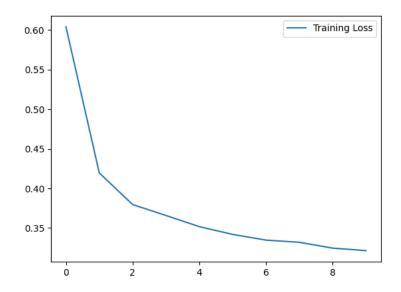


Рис. 1: График обучения к таблице 1

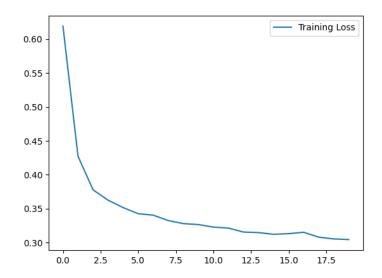


Рис. 2: График обучения к таблице 2

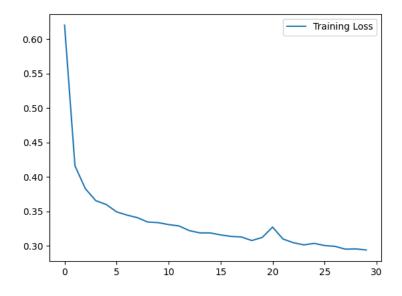


Рис. 3: График обучения к таблице 3

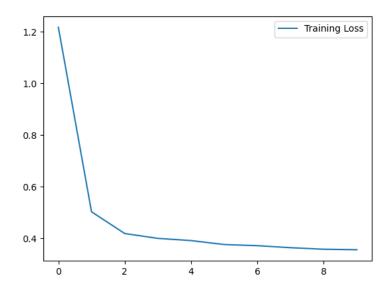


Рис. 4: График обучения к таблице 4

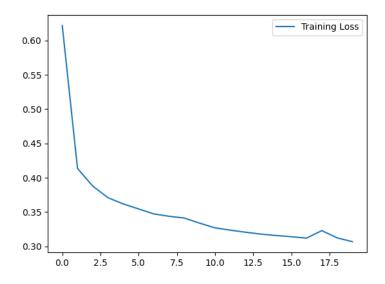


Рис. 5: График обучения к таблице 5

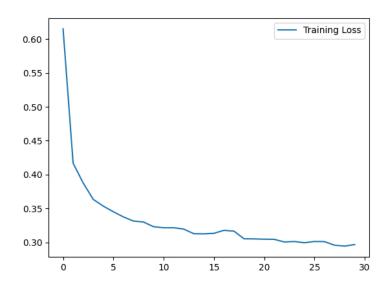


Рис. 6: График обучения к таблице 6

# Графики обучения на PyTorch (cpu):

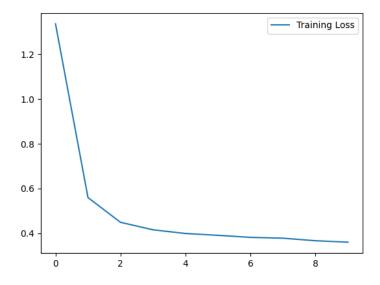


Рис. 7: График обучения к таблице 7

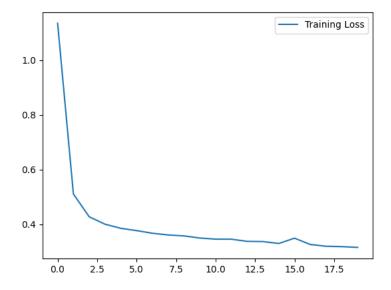


Рис. 8: График обучения к таблице 8

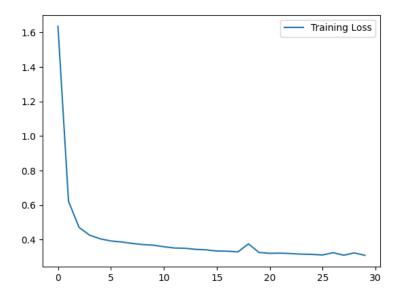


Рис. 9: График обучения к таблице 9

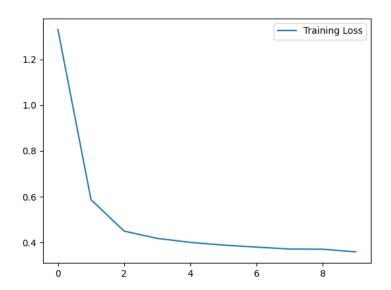


Рис. 10: График обучения к таблице 10

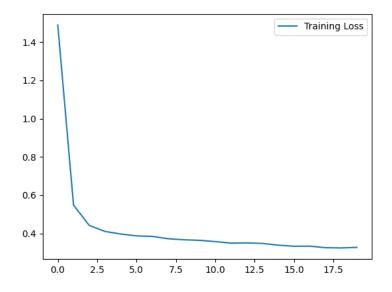


Рис. 11: График обучения к таблице 11

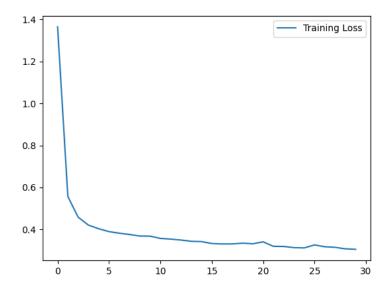


Рис. 12: График обучения к таблице 12

# Графики обучения на TensorFlow (gpu):

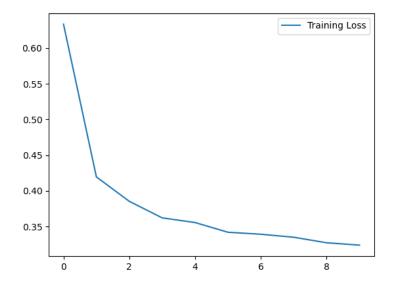


Рис. 13: График обучения к таблице 13

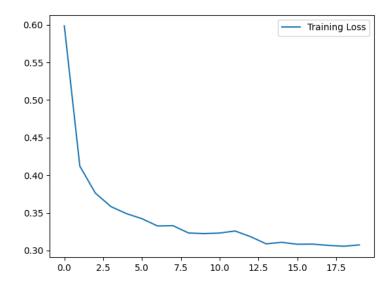


Рис. 14: График обучения к таблице 14

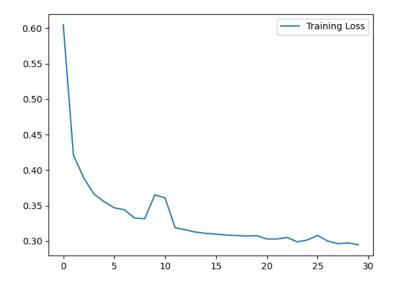


Рис. 15: График обучения к таблице 15

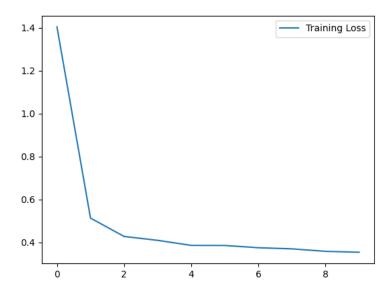


Рис. 16: График обучения к таблице 16

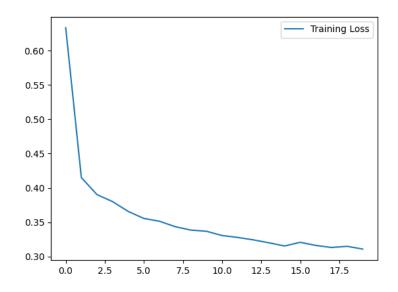


Рис. 17: График обучения к таблице 17

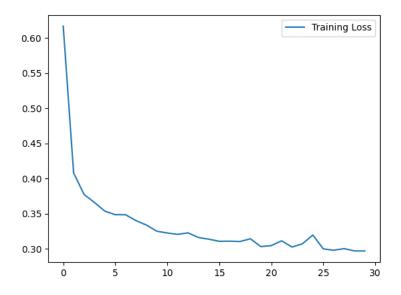


Рис. 18: График обучения к таблице 18

# Графики обучения на PyTorch (gpu):

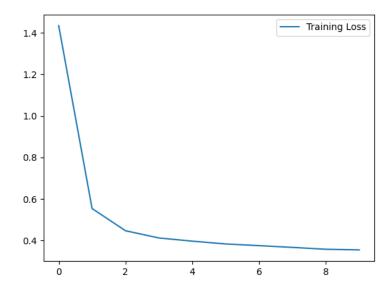


Рис. 19: График обучения к таблице 19

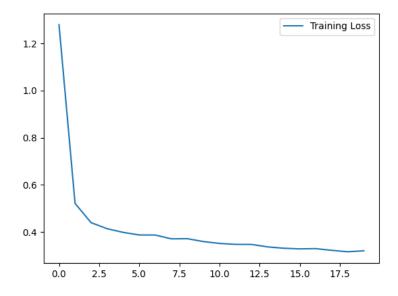


Рис. 20: График обучения к таблице 20

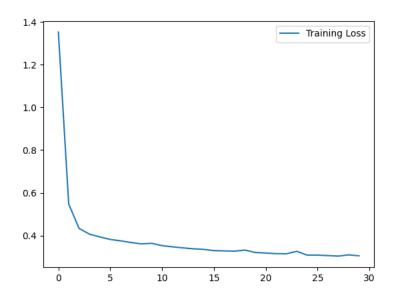


Рис. 21: График обучения к таблице 21

# Анализ trade-off «скорость-память»

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 112.17 (11.21 на эпо- | 0.66 MB          |
|                 | xy)                   |                  |
| 20              | 220.91 (11.04 на эпо- | 0.26 MB          |
|                 | xy)                   |                  |
| 30              | 290.17 (9.67 на эпо-  | 0.21 MB          |
|                 | xy)                   |                  |

Таблица 22: Таблица использования памяти и времени(TensorFlow без оптимизации срu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 31.26 (3.12 на эпоху) | 2.93 MB          |
| 20              | 60.04 (9.04           | 0.47.14D         |
| 20              | 60.94 (3.04 на эпоху) | 0.47 MB          |
| 30              | 72.06 (2.40 на эпоху) | 0.19 MB          |
|                 | (2.10 He short)       | 0110 1112        |

Таблица 23: Таблица использования памяти и времени(TensorFlow с оптимизацией срu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 4.30 (0.43 на эпоху)  | 0.71 MB          |
| 20              | 2 22 (2 11            | 0.61.MD          |
| 20              | 8.88 (0.44 на эпоху)  | 0.61 MB          |
| 30              | 14.34 (0.48 на эпоху) | 0.60 MB          |
|                 | 11.51 (5.15 Ha 5H5Xy) | 0.00 1112        |

Таблица 24: Таблица использования памяти и времени(PyTorch без оптимизации срu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | МЯТЬ             |
| 10              | 6.06 (0.61 на эпоху)  | 1.34 MB          |
|                 | 11.00 (0.00           | 1.00.710         |
| 20              | 11.96 (0.60 на эпоху) | 1.00 MB          |
| 30              | 16.40 (0.55 на эпоху) | 0.70 MB          |
| 90              | 10.10 (0.55 na 5noxy) | 0.10 1111        |

Таблица 25: Таблица использования памяти и времени(PyTorch с оптимизацией срu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 108.47 (10.84 на эпо- | 0.24 MB          |
|                 | xy)                   |                  |
| 20              | 224.23 (11.21 на эпо- | 0.25 MB          |
|                 | xy)                   |                  |
| 30              | 341.99 (11.40 на эпо- | 0.24 MB          |
|                 | xy)                   |                  |

Таблица 26: Таблица использования памяти и времени(TensorFlow без оптимизации gpu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 27.57 (2.75 на эпоху) | 1.01 MB          |
| 20              | F0.17 (0.05           | 0.70 MD          |
| 20              | 53.17 (2.65 на эпоху) | 0.70 MB          |
| 30              | 79.26 (2.64 на эпоху) | 0.23 MB          |
|                 | )                     |                  |

Таблица 27: Таблица использования памяти и времени(TensorFlow с оптимизацией gpu)

| Количество эпох | Время                 | максимальная па- |
|-----------------|-----------------------|------------------|
|                 |                       | АТРМ             |
| 10              | 11.22 (1.12 на эпоху) | 0.66 MB          |
| 20              | 21 17 (1 06)          | 0.67             |
| 20              | 21.17 (1.06 на эпоху) | 0.07             |
| 30              | 28.55 (0.95 на эпоху) | 0.67 MB          |
|                 | ,                     |                  |

Таблица 28: Таблица использования памяти и времени(PyTorch без оптимизации gpu)

# Анализ точности обучения

#### Исследования CPU:

За 10 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3601
- MAE: 0.4175

За 20 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3407
- MAE: 0.3952

За 30 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3122
- MAE: 0.3839

За 10 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3382
- MAE: 0.4050

За 20 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3191
- MAE: 0.3935

За 30 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3080
- MAE: 0.3812

За 10 эпох обучения на PyTorch с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3649
- MAE: 0.4289

За 20 эпох обучения на PyTorch с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3466
- MAE: 0.4043

За 30 эпох обучения на PyTorch с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3262
- MAE: 0.3881

За 10 эпох обучения на РуТогсh без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3649
- MAE: 0.4282

За 20 эпох обучения на РуТогсh без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3252
- MAE: 0.3939

За 30 эпох обучения на РуТогсh без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3173
- MAE: 0.3900

#### Исследования GPU:

За 10 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3564
- MAE: 0.4195

За 20 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3233
- MAE: 0.3932

За 30 эпох обучения на TensorFlow с оптимизацией на тестовой выборке:

- MSE: 0.3084
- MAE: 0.3789

За 10 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3360
- MAE: 0.4057

За 20 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3324
- MAE: 0.3938

За 30 эпох обучения на TensorFlow без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3141
- MAE: 0.3804

За 10 эпох обучения на РуТогсh без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3637
- MAE: 0.4260

За 20 эпох обучения на РуТогсh без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3344
- MAE: 0.3994

За 30 эпох обучения на PyTorch без оптимизации на тестовой выборке:

- MSE: 0.3167
- MAE: 0.3846

# Выводы

## Сравнение АРІ фрэймворков

Начну с простоты использования. Для себя я определенно выделю в простоте TensorFlow, так как существует автоматическое обучение. Однако для оптимизации с помощью @tf.function нужно было писать обучение вручную, что делает удобтво и простоту примерно на одном уровне с РуТогсh. Реализация перцептрона на обоих фрэймворках достаточно проста.

Расскажу так же о выводах сделанных после эксперименатов. На небольшой и простой модели трехслойного перцептрона РуТогсh показал себя заметно лучше по скорости обучения, нежели TensorFlow (примерно 0.5 секунд на эпоху у РуТогсh против 10 без @tf.funcion и 2-3 с указанной оптимизацией у TensorFlow), причем, как с оптимизацией, так и без, как на сри, так и на gpu. В точности при тестах на выборке из датасета, не учавствовавшей в обучении результат получен неоднозначный. Выделить очевидного лидера в качестве обучения реализованной модели я не смог.

Рассмотрим полученную информацию по оптимизациям. @tf.function дает прирост скорости примерно в 5 раз при обучении взятой модели. Точность обучения при проведении эксперементов TensorFlow отличалась, но показатели потерь MSE и MAE были примерно одинаковы, что говорит либо о малом влиянии на точность, либо о его отсутствии. В это время оптимизация torch.compile показала менее очевидный результат. Проверка была сделана только на сри, где реализация с оптимизацией показала результат хуже, чем реализация без. Отличие было в примерно 0.1-0.15 секунд, что составляет примерно 20% разницы.

Различия в реализациях на сри и gpu была не в пользу последнего устройства как на TensorFlow, так и на PyTorch. Связываю это с простотой модели и маленьким размером батча, отчего видеокарта нагружается не целиком при сохранении накладных расходов при передаче данных на графический процессор.

В большинстве случаев РуТогсh сильнее нагружал память. Нагрузка на память была незначительной, поскольку выбранное количество батчей не велико (64).

Таким образом, я могу порекомендовать PyTorch для обучения простых моделей, не требующих большого количества сложных вычислений из-за очень большого преимущества в скорости, а так же советую обучать простые модели на сри в связи с образованием накладных расходов при обучении на gpu.

#### Рекомендации по использованию оптимизаций

При проведении эксперементов выяснил, что для простых моделей на TensorFlow использование @tf.function обязательно. Преобразование действий в граф и сохранение последовательноти действий выгодно увеличивает скорость обучения. Предполагаю, что на более сложных моделях выигрыш может быть меньше в связи с усложнением графа, но считаю, что он все еще будет.

С оптимизацией torch.compile все не так однозначно. Сравнение было только на сри, поэтому буду писать именно о нем. torch.compile анализирует граф, использует некоторые

компиляции, хорошие для больших моделей, однако исследуемая модель мала и нужные оптимизации не только тормозят выполнение из-за самой компиляции, но и выбираемые оптимизации тормозят обучение модели, что было выявленно на всех испытаних (10, 20, 30 эпох). Для малых моделей рекомендую не использовать torch.compile при обучении на сри.

Еще одна рекомендация: перед началом обучения пропустить модель сквозь датасет без обучения при испоьзовании PyTorch. "Разогрев"таким образом модель дальнейшее обучение будет точнее и быстрее. Первые эпохи обучения без выполнения рекомендации будут очень неточны и медленны.

#### Ограничения методов

Для обучения трехслойного перцептрона написание кода на PyTorch выглядит избыточным, поскольку требуется прописания многих вещей (например функцию обучения и функцию оценки) вручную, в то время как в TensorFlow присутствует model.fit(), служащий для обучения модели без излишнего кода.

TensorFlow кажется избыточным решением для простой модели из-за времени обучения, которое должно быть меньше у моделей сложнее.

По рзультатам исследований незначительна, но заметна большая скорость обучения простых моделей на сри.