## Programowanie Równoległe - Liczby Pierwsze

Wersja pierwsza

#### Autorzy

Grupa dziekańska: 4 Grupa labolatoryjna: 7 Termin zajęć: czwartek, 16:50

Tymoteusz Jagła 151811 - tymoteusz.jagla@student.put.poznan.pl Kaper Magnuszewski 151746 - kacper.magnuszewski@student.put.poznan.pl

#### Sprawozdanie

Wymagany termin oddania sprawozdania - 10.05.2024 Rzeczywisty termin oddania sprawozdania - 10.05.2024

### Opis zadania

Projekt polegał na zbadaniu efektywności przetwarzania równoległego w komputerze z procesorem wielordzeniowym. Badanym zadaniem było znajdowanie liczb pierwszych w określonym zakresie. Podano różne warianty algorytmów - wyznaczanie liczb pierwszych metodą dzielenia oraz przy użyciu sita Erastothenes'a, w tym podejście sekwencyjne oraz równoległe (domenowe i funkcyjne).

### Wykorzystany system obliczeniowy

#### Procesor

- Model: 13th Gen Intel® Core(TM) i5-13600KF
- Liczba procesorów fizycznych: 14
  Liczba procesorów logicznych: 20
  Oznaczenie typu procesora: KF
- Taktowanie procesora:
  - Minimalne: 800MHz
    Maksymalne: 51000MHz
- Wielkości pamięci podręcznej procesora:
  - L1d cache: 544 KiB (14 instancji)
    L1i cache: 704 KiB (14 instancji)
    L2 cache: 20 MiB (8 instancji)
    L3 cache: 24 MiB (1 instancja)
- Organizacja pamięci podręcznej: Intel® Smart Cache

#### System Operacyjny

• Nazwa systemu operacyjnego: Linux Pop!-OS 6.8.0

- Oprogramowanie wykorzystane do przygotowania kodu wynikowego: Visual Studio Code
- Oprogramowanie wykorzystane do przeprowadzenia testów: Intel VTune Profiler

### Wersje programów

#### Zdefiniowane stałych używanych w kodzie

W osobnym pliku nagłówkowym zostały zdefiniowane stałe takie jak: - Dolna granica poszukiwania liczb pierwszych  $M_VAL$  - Górna granica poszukiwania liczb pierwszych  $N_VAL$  - Liczba procesorów użyta do wykonania zadania równolegle

Listing 1: Stałe używane w programach

```
#define M_VAL 2
#define N_VAL 1000000
#define THREADS_COUNT 8
#define BLOCKSIZE 8
```

## Liczby pierwsze wyznaczane sekwencyjnie przez dzielenie w zakresie $\langle m, n \rangle$ (k1)

Poniższy kod to podejście sekwencyjne. Mierzony jest czas pracy procesora za pomocą zmiennych spstart i spstop oraz rzeczywisty czas pracy programu za pomocą sswtime i sewtime. Tablica primeArray przechowuje zmienne typu bool - pierwiastki liczby n, które są liczbami pierwszymi. Program metodą dzielenia wyznacza tablicę primeArray, po czym korzystając z wartości do niej wpisanych sprawdza wszystkie liczby z zakresu podanego w pliku nagłówkowym. Jeżeli dana liczba nie jest podzielna przez żaden z podzielników n, oznacza to, że jest to liczba pierwsza. W takim wypadku jest ona zapisywana do tablicy wynikowej result.

## Liczby pierwsze wyznaczane równoleg<br/>le przez dzielenie w zakresie $<\!m,\!n\!>(k2)$

Poniższy blok to równoległa implementacja kodu z poprzedniego zadania. W tym celu użyta została biblioteka OpenMP. W określonym obszarze równoległym, każdemu z wątków zostaje przydzielona wartość iteratora pętli i, który przyjmuje wartości w przedziale <m, n>. W tej wersji programu możemy ustawić różne wartości klauzuli schedule. Przy wartości static wątkom zostaną przydzielone różne liczby z zakresu <m, n>, co oznacza, że niektóre wątki zbadają mniej liczb niż inne, jeżeli badane liczby będą wyjątkowo duże. Ten przydział może okazać się niesprawiedliwy i wpłynąć na czas wykonywania programu.

Jeżeli wątkom przydzielone zostałyby kolejne wartości i mógłby również wystąpić false-sharing. Oznacza to, że wątki mogłyby nadpisywać tą samą linię pamięci,

co znacząco spowolniłoby program. W tym wypadku false-sharing pojawiłby się poprzez nadpisywanie części tablicy result znajdujących się w tych samych liniach pamieci.

#### Sito sekwencyjne bez lokalności dostępu do danych (k3)

Poniższy kod to sekwencyjna implementacja algorytmu sita Erastothenesa. Pierwsza pętla programu ponownie wyznacza liczby pierwsze w zakresie <2, n>. Druga pętla identyfikuje liczby pierwsze w zakresie <m, n> i oznacza jako liczby złożone ich wielokrotności. W ten sposób w tablicy wynikowej otrzymujemy jedynie liczby pierwsze.

#### Sito sekwencyjne z potencjalną lokalnością dostępu do danych (k3a)

#### Sito równoległe funkcyjne bez lokalności dostępu do danych (k4)

Poniższy kod to równoległa implementacja poprzedniego zadania znajdowania liczb pierwszych przy użyciu algorytmu sita Erastothenes'a. W podanym algorytmie występuje brak lokalności dostępu do danych, co spowodowane jest możliwością odczytywania przez wątki komórek tablicy result, które dzielą tą samą linię cache. Działanie programu może zostać znacząco spowolnione.

#### Sito równoległe funkcyjne bez lokalności dostępu do danych (k4a)

Jest to implementacja kodu z zadania poprzedniego, w której dodatkowo sprawdzana jest wartość tablicy result w komórce, do której program chciałby wpisać wartość false. Oznacza to, że możemy uniknąć wielu nadmiernych unieważnień pamięci poprzez ograniczenie ilości prób niepotrzebnych zmian wartości tablicy wynikowej.

# Sito równoległe domenowe z potencjalną lokalnością dostępu do danych $({\bf k5})$

Poniższy kod również przedstawia algorytm sita Erastothenesa, jednak dodatkowo stosuje taktykę podziału obszaru roboczego na bloki. Dzięki takiemu rozwiązaniu możemy uniknąć false sharingu, a co za tym idzie znacznie przyspieszyć wykonywanie się programu. Najlepszy efekt osiągniemy, jeżeli wielkość bloku dostosujemy do długości linii pamięci. Dzięki temu unikniemy niepotrzebnych odczytów w linii pamięci przez różne wątki, a co za tym idzie jej unieważniania.