به نام خدا

سیگنال ها و سیستم ها

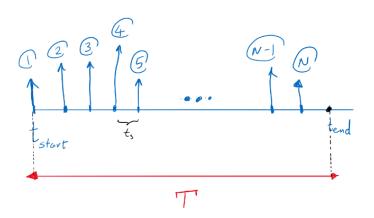
تمرین کامپیوتری سوم

مهلت تحویل: جمعه ۲۲ اردیبهشت ساعت ۱۷:۰۰

بخش اول:

از آنجایی که شبیه سازی ها در محیط متلب و با کامپیوتر انجام می شود، همه ی سیگنال هایی که در شبیه سازی ها با آن ها سر و کار داریم سیگنال های گسسته است. لذا همه ی نتایج باید با عناوین مطرح شده در کلاس در حوزه ی گسسته تطابق داشته باشد. اما همان گونه که چندین بار سر کلاس مطرح شد و در ادامه درس نیز خواهیم دید، دو حوزه ی گسسته و پیوسته، روابط بسیار نزدیکی دارند و مفاهیم آنها با یکدیگر در تطابق است.

فرض کنید در MATLAB، در حوزه ی زمان، یک سیگنال (بردار) x به طول N سمپل و معادل T ثانیه داریم (به شکل زیر نگاه کنید). در واقع f_s فرکانس نمونه ($t_s = \frac{1}{f_s} = \frac{T}{N}$) و می خواهیم آن را به حوزه ی فوریه ببریم (به شکل زیر نگاه کنید). در واقع و زمانی بین دو سمپل را نشان می دهد. این دو پارامتر به ما می گویند که از سیگنال پیوسته برداری و نمونه برداری شده است و سیگنال گسسته ی فعلی تولید شده است. برای رسم دقیق سیگنال معلوم باشد $t = t_{start}$: t_s : t_{start} به طوری که در حوزه ی زمان اگر بازه ی زمانی مربوط به سیگنال معلوم باشد $t = t_{start}$: t_s : t_{start} (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این به راحتی آن را با دستور (t_s) و این را بازه را بازه را بازه را بازه را با دستور (t_s) و این را با دستور (t_s) و این را بازه را بازه را بازه را بازه را با دستور (t_s) و این را بازه را



برای بردن سیگنال به حوزه ی فوریه از دستور y = fftshift(fft(x)) استفاده می کنیم. fft دستور اصلی است و fftshift فقط بازه ی متقارن حول فرکانس صفر را ایجاد می کند (مشابه آنچه که در درس در بخش سری فوریه گسسته مطرح شد). خروجی این دستور یعنی y یک بردار با N سمپل است که هر درایه ی آن یک عدد مختلط است لذا هر درایه یک اندازه و یک فاز دارد. نکته ی مهم در این جا این است که هر یک از این N عدد به دست آمده متعلق به چه فرکانسی می باشد؟

فرکانس ها به صورت $\frac{f}{N}: rac{f_s}{N}: rac{f_s}{N}: rac{f_s}{N}: rac{f_s}{N}$ خواهند بود. بنابراین برای رسم اندازه می توان از دستور plot $(f, \mathrm{angle}(y))$ و برای رسم فاز می توان از دستور

راجع به بازه ی فرکانس های در نظر گرفته شده (هایلایت سبز)، سه نکته ی زیر حائز اهمیت هستند:

نکته ی اول:

 $f=rac{\omega}{2\pi}$ در کلاس برای تطابق با کتاب اپنهایم، کلمه ی فرکانس به ω اطلاق شد ولی در این تمرین کامپیوتری به عنوان فرکانس می دهیم. دلیل این امر این است که از دست عدد π راحت شویم.

نکته ی دوم:

اگر خاطرتان باشد در کلاس گفتیم بیشترین فرکانس (از منظر تغییرات سریع زمانی) در حوزه ی گسسته فرکانس $\frac{1}{2}$ است که در این جا می بینید جای آن عدد $\frac{s}{2}$ نشسته است. در واقع در سرتاسر درس سیگنال، نرخ نمونه برداری برابر $f_s=1$ هر تز در نظر گرفته می شود (یک سمپل در هر ثانیه). از این نکته می توان نتیجه گرفت هر چه از سیگنال پیوسته در حوزه ی زمان با نرخ بالاتری نمونه برداری کنیم $(f_s\uparrow)$ ، در سیگنال گسسته به دست آمده، می توان فرکانس های بالاتر را نیز (در صورت وجود) مشاهده کرد چون بازه ی فرکانسی قابل مشاهده افزایش پیدا می کند. در حالت حدی، اگر نرخ نمونه برداری به سمت بی نهایت برود (یا به عبارت دیگر $(t_s\to 0)$) برود، عملا سیگنال گسسته به دست آمده با سیگنال پیوسته اصلی یکی خواهد بود و هر مولفه ی فرکانسی که در سیگنال اصلی بوده است، در سیگنال گسسته نیز مشاهده می شود. در این قسمت کاملا باید درک کرده باشید که در sampling (نمونه برداری) که یک سیگنال پیوسته را به یک سیگنال گسسته تبدیل می کند چه چیزی از بین می رود.

نکته ی سوم:

نکته ی آخر راجع به رزولوشن فرکانسی است که ایجاد شده است یعنی $\frac{f_s}{N} = \frac{f_s}{N}$ (هایلات سبز را نگاه کنید). اگر از رابطه ای که با هایلایت زرد رنگ مشخص شده است استفاده کنید می توان دید که رزولوشن فرکانسی برابر است با $\frac{1}{T} = \frac{1}{T}$ ، یعنی رزولوشن فرکانسی برابر با عکس طول زمانی سیگنال است و هیچ ربطی هم به نرخ نمونه برداری f_s ندارد. هرچه می خواهید نرخ نمونه برداری را افزایش دهید اما رزولوشن فرکانسی مادامی که طول زمانی سیگنال (T ثانیه) تغییری نکند هیچ تغییری نمی کند. حال ببینیم مفهوم رزولوشن چیست؟ رزولوشن فرکانسی سیگنال (T ثانیه) تعییری نکند هیچ تغییری نمی کند. حال ببینیم مفهوم رزولوشن خوریه توصیف کرد. این مفهوم را با یک مثال توضیح می دهیم. فرض کنید طول زمانی یک سیگنال T ثانیه است و نرخ نمونه برداری و فوریه ی فوریه یک به نوریه ی فوریه ی فوری

سیگنال نمونه برداری شده می توان مشاهده کرد به صورت f=-10:1:9 هرتز خواهد بود (هایلات سبز). اگر سیگنال اصلی حاوی دو سیگنال تک تُن (تک فرکانس) به صورت

$$x_1(t) = \exp(1j * 2\pi * 5 * t) + \exp(1j * 2\pi * 8 * t)$$

باشد، طبیعتا قله هایی در اندازه ی سیگنال در حوزه ی فوریه، در فرکانس های 5 و 8 هرتز مشاهده خواهید کرد.

حال فرض کنید سیگنال اصلی حاوی دو سیگنال تک تن به صورت

$$x_2(t) = \exp(1j * 2\pi * 5 * t) + exp(1j * 2\pi * 5.1 * t)$$

باشد. در این حالت فقط یک قله در اندازه ی سیگنال در حوزه ی فوریه، در فرکانس 5 هرتز مشاهده خواهید کرد و دیگر توانایی تفکیک این دو سیگنال را در حوزه ی فوریه نخواهید داشت زیرا اختلاف فرکانس دو سیگنال تک تُن کمتر از $\delta_f = 1$ Hz می باشد. بنابراین رزولوشن فرکانسی قدرت تفکیک پذیری فرکانسی را در حوزه ی فوریه تُن کمتر از مقال را به عنوان "تمرین شماره ی $\frac{(-\cdot)}{1}$ " در نظر بگیرید و آن را در متلب شبیه سازی کنید و نتایج را گزارش کنید تا بهتر آن را درک کنید. بازه ی زمانی سیگنال را از $t_{start} = 0$ تا $t_{start} = 0$ را در نظر بگیرید.

حال به سراغ تمارین می رویم. قبل از آن توجه داشته باشید در هر سوالی که از شما خواسته شده اندازه سیگنال در حوزه ی فوریه را رسم کنید، ماکزیمم خروجی را برابر یک در نظر بگیرید. برای این کار کافی است خروجی دستور y را به رای ما اهمیتی ندارد. همچنین از دستورهای y و y به درستی درستی ندارد. همچنین از دستورهای y به خوبی نمایش داده شوند.

تمرین ۱-۱)

سیگنال $x_1(t) = \cos{(10 \, \pi t)}$ را در نظر بگیرید.

الف) این سیگنال را در حوزه ی زمان با در نظر گرفتن بازه ی زمانی $t_{end}=1$ تا $t_{start}=-1$ ثانیه و فرکانس نمونه برداری $f_{s}=50~Hz$ رسم کنید.

ب) اندازه ی این سیگنال در حوزه ی فوریه را با همان مفروضات قسمت الف رسم کنید. آیا نتیجه به دست آمده با دانسته های شما تطابق دارد؟

<u>تمرین ۱-۲)</u>

سیگنال $x_2(t) = \cos(30 \pi t + \frac{\pi}{4})$ را در نظر بگیرید.

الف) این سیگنال را در حوزه ی زمان با در نظر گرفتن بازه ی زمانی $t_{end}=1$ تا $t_{start}=0$ ثانیه و فرکانس نمونه برداری $f_s=100~Hz$ رسم کنید.

ب) اندازه ی این سیگنال در حوزه ی فوریه را با همان مفروضات قسمت الف رسم کنید. آیا نتیجه به دست آمده با دانسته های شما تطابق دارد؟

ج) فاز این سیگنال در حوزه ی فوریه را با همان مفروضات قسمت الف رسم کنید. برای این کار ابتدا فاز را در فرکانس هایی که اندازه در آنها ناچیز است صفر کنید و سپس فاز را به صورت مضربی از π نمایش دهید. برای این کار از دستور زیر استفاده کنید. . آیا نتیجه به دست آمده با دانسته های شما تطابق دارد؟

```
tol = 1e-6;
y(abs(y) < tol) = 0;
theta = angle(y);
plot(f,theta/pi)
xlabel 'Frequency (Hz)'
ylabel 'Phase / \pi'</pre>
```

بخش دوم:

در بخش اول تمرین کامیپوتری دوم، برای ارسال پیام، کدگذاری روی دامنه ی سیگنال اعمال شد، حال می خواهیم کدگذاری روی فرکانس داشته باشیم.

به عنوان مثال برای سرعت ارسال اطلاعات $\frac{bit}{sec}$ ، به جای بیت صفر سیگنال $x_0(t)=\sin\left(2\pi\,f_0\,t\right)$ را به منال برای سرعت ارسال اطلاعات $x_1(t)=\sin\left(2\pi\,f_1\,t\right)$ را به مدت یک ثانیه ارسال می کنیم. در گیرنده، برای رمز گشایی از سیگنال دریافتی، کافی است در هر یک ثانیه، سیگنال دریافتی را به حوزه ی فوریه ببریم (دستور f(t)) و فرکانس اصلی سیگنال را پیدا کنیم و متناظر با آن بیت ارسالی را استخراج کنیم.

به عنوان یک مثال دیگر اگر بخواهیم سرعت ارسال اطلاعات $\frac{bit}{sec}$ باشد، برای ارسال 00 سیگنال و $x_1(t)=\sin\left(2\pi\,f_1\,t\right)$ به مدت یک ثانیه، برای برای ارسال 10 سیگنال $x_1(t)=\sin\left(2\pi\,f_1\,t\right)$ به مدت یک ثانیه، برای رسال 11 سیگنال و برای ارسال 10 سیگنال و برای ارسال 10 سیگنال و برای ارسال 10 سیگنال و برای برای رمز گشایی در گیرنده، مشابه حالت قبلی، کافی است در هر یک ثانیه، سیگنال دریافتی را به حوزه ی فوریه ببریم (fft) و فرکانس اصلی سیگنال را پیدا کنیم و متناظر با آن دو بیت ارسالی را استخراج کنیم (توجه داشته باشید، fft گرفتن نقش همان fft را فراموش نکنید!)

حال سوال اینجاست که مقادیر فرکانس ها را چگونه انتخاب کنیم؟

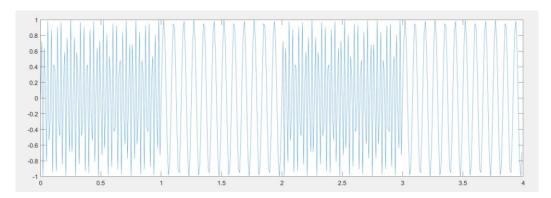
طبق آنچه در مقدمه ی بخش یک گفته شد، بازه ی فرکانسی یک سیگنال به طول N=100 سمپل و یک ثانیه طبق آنچه در مقدمه ی بخش یک گفته شد، بازه ی فرکانس منفی و هم ($f_s=100~Hz$) به صورت $f_s=100~Hz$ هرتز خواهد بود. می دانیم سیگنال های حقیقی هم فرکانس منفی و هم فرکانس مثبت دارند، پس فقط به بخش فرکانس های مثبت توجه می کنیم.



برای سرعت ارسال اطلاعات $\frac{bit}{sec}$ 1 دو فرکانس را به صورت زیر انتخاب می کنیم (فرکانس های ۱۲ و ۳۷ هرتز):



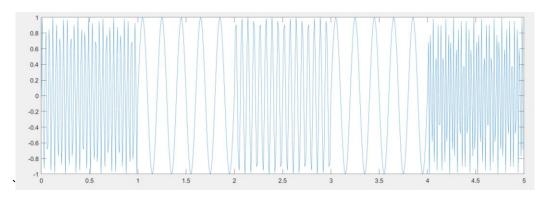
مثلاً رشته بیت 1010 به صورت زیر ارسال می شود:



برای سرعت ارسال اطلاعات $\frac{bit}{sec}$ 2، چهار فرکانس را به صورت زیر انتخاب می کنیم (فرکانس های ۱۶، ۵، ۲۷، ۲۷ هرتز):



مثلا رشته بیت 1000010011 به صورت زیر ارسال می شود.



توجه داشته باشید لزومی ندارد انتخاب فرکانس ها به گونه ای که در بالا ذکر شده است باشد. در این انتخاب ها سعی شده است فرکانس ها بیشترین فاصله ی ممکن را از هم داشته باشند تا وقتی داده نویزی می شود در تصمیم گیری دچار اشتباه کمتری شویم. توجه داشته باشید وقتی داده نویزی شود و یک بازه ی یک ثانیه ای از داده را به حوزه ی فوریه می بریم، دیگر لزوماً فقط یک قله ی مرتفع نخواهیم دید و ممکن است قله جابجا شود و فرکانسی که قله در آن رخ داده است را اشتباه تخمین بزنیم. به همین علت هرچه فاصله ی فرکانس ها از هم بیشتر شود تصمیم گیری دچار خطای کمتری می شود. شایان ذکر است در داده های نویزی، مشابه تمرین کامپیوتری دوم، آستانه هایی تعریف می کنیم و بر اساس آن آستانه ها تصمیم گیری می کنیم. این آستانه ها در

کدگذاری فرکانس، در حوزه ی فرکانس تعریف می شوند. به عنوان مثال با توجه به فرکانس های در نظر گرفته شده برای سرعت ارسال اطلاعات $\frac{bit}{sec}$ 1، آستانه ای که باید تعریف کنیم فرکانس ۲۴.۵ هرتز است. در واقع سیگنال کدگذاری شده به طول یک ثانیه که می تواند نویزی هم باشد را به حوزه ی فوریه می بریم و سپس فرکانسی که قله در آن شکل گرفته است را استخراج می کنیم. اگر این فرکانس از ۲۴.۵ هرتز کمتر بود می فهمیم بیت صفر ارسال شده است و اگر این فرکانس از ۲۴.۵ هرتز بیشتر بود می فهمیم بیت یک ارسال شده است. حال به سراغ شبیه سازی این موارد می رویم.

تمرین۲) تمرینات بخش اول تمرین کامپیوتری دوم را این بار با فرض کدگذاری در فرکانس تکرار می کنیم.

هدف این تمرین ارسال پیام به زبان انگلیسی از فرستنده به گیرنده است. هر پیام فقط شامل حروف کوچک انگلیسی، فاصله، نقطه، ویرگول، علامت تعحب، سمی کالن (;) و کوتیشن (") است. بنابراین در مجموع ۳۲ کاراکتر داریم. به هر کاراکتر ۵ بیت مرتبط می کنیم.

تمرین Y-1 یک سلول به اسم Mapset با ابعاد $2 \times 32 \times 2$ درست کنید. در سطر اول خود کارکترها را قرار دهید و در سطر دوم 0 بیتی که به آنها مرتبط کردید را قرار دهید (پاسخ این قسمت کاملاً مشابه تمرین کامپیوتری دوم است).

تمرین ۲-۲) تابعی به نام coding_freq بنویسید که ورودی های آن ۱) پیام مورد نظر برای ارسال و ۲) سرعت ارسال اطلاعات باشد و خروجی آن پیام کدگذاری شده باشد. بیشترین سرعت ارسال اطلاعات را ۵ بیت برثانیه در نظر خواهیم گرفت.

تمرین ۲-۳) خروجی تابع coding_freq را برای پیام (کلمهی) signal با سرعت ارسال اطلاعات یک و پنج بیت بر ثانیه به صورت جداگانه رسم کنید.

تمرین ۲-۲) تابعی به نام decoding_freq بنویسید که ورودی های آن ۱) پیام کدگذاری شده (سیگنال زمانی تمرین ۲-۲) تابعی به نام ۲۰ اسرعت ارسال اطلاعات باشد و خروجی آن پیام رمز گشایی شده باشد. تابعی که نوشتید را روی همان پیام signal که در قسمت ۲-۳ با سرعت ارسال های مختلف کُد کردید تست کنید تا مطمئن شوید کدتان درست کار می کند.

تمرین $Y-\Delta$ در این قسمت می خواهیم به سیگنال دریافتی در گیرنده نویز اضافه کنیم تا شبیه سازی مشابه شرایط واقعی شود. به پیام signal بعد از این که کدگذاری شد نویز گوسی با واریانس o.0001 و میانگین صفر اضافه کنید و بعد آن را decode کنید. آیا بازهم پیام signal استخراج شد؟ نتایج o.0001 را برای o.0001 های یک و پنج به صورت جداگانه گزارش کنید.

تمرین 7-8 قدرت نویز را کم کم و طی چندین مرحله افزایش دهید و هر بار قسمت 3-4 را تکرار کنید. مشاهدات خود را گزارش کنید. کدام یک از دو $bit\ rate$ به نویز مقاوم تر بودند؟ آیا نتایج با آنچه در مقدمه بیان شد همخوانی داشتند؟

تمرین ۲-۷) طی شبیه سازی هایی که در قسمت ۲-۶ انجام دادید، بیشترین واریانس نویز که bit rate پنج به آن مقاوم بود به صورت تقریبی چند بود؟ برای bit rate یک چه طور؟

تمرین ۲-Δ) به نظر شما با چه راهکاری می توان bit rate را نسبت به نویز مقاوم تر کرد؟ قدری درنگ کنید و سپس پاسخ را مطالعه کنید.

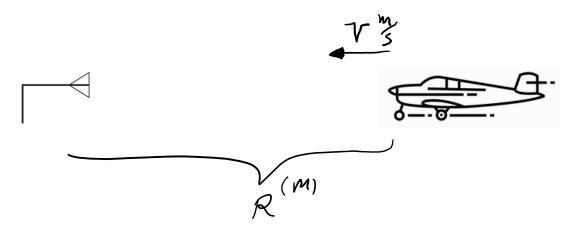
پاسخ این است که هر چه فاصله ی فرکانس های انتخابی بیشتر باشند کدگذاری نسبت به نویز مقاوم تر می شود. بنابراین هر چه پهنای باند بیشتری مصرف کنیم می توانیم با سرعت بیشتری اطلاعات را ارسال کنیم و در عین حال نسبت به نویز مقاوم باشیم.

آنچه که بارها راجع به افزایش پهنای باند شنیدید که منجر به سرعت بیشتری در اینترنت می شود همین نکته است.

تمرین ۲-۹) راجع به پاسخ مطرح شده در قسمت قبل، اگر نرخ نمونه برداری f_s را افزایش دهیم ولی پهنای باند مصرفی را افزایش ندهیم، بازهم سرعت ارسال اطلاعات به نویز مقاوم می شود؟

بخش سوم:

می خواهیم توسط یک رادار، فاصله و سرعت یک جسم را بیابیم.



سیگنال ارسالی رادار به صورت $x(t) = \cos{(2 \, \pi \, f_c \, t)}$ است.

این سیگنال به سمت جسم ساطع می شود و به آن برخورد می کند. به علت متحرک بودن جسم و پدیده ی داپلر، فرکانس آن عوض شده و سپس با یک تاخیری در گیرنده دریافت می شود. به عبارت دیگر سیگنال دریافتی به صورت زیر خواهد بود (مقدار $\alpha < 1$) اهمیتی ندارد):

$$y(t) = \alpha \cos(2\pi (f_c + f_d) (t - t_d))$$

در رابطه ی بالا f_d همان فرکانس داپلر است که تغییر فرکانس را به وجود آورده است. فرض کنید رابطه ی فرکانس داپلر با سرعت جسم به صورت $f_d=eta$ می باشد که eta عددی معلوم است.

همچنین در رابطه بالا t_d همان تاخیر است که طبق آنچه در تمرین کامپیوتری قبل بیان شد، رابطه ی آن با فاصله ی رادار از جسم به صورت $t_d=\rho$ می باشد که ρ عددی معلوم است ρ و ρ سرعت نور است).

 $t_{end}=1$ تا $t_{start}=0$ ، بازه ی زمانی $f_c=5$ Hz میگنال ارسالی رادار را با در نظر گرفتن $f_s=100$ Hz شیکنال ارسالی برداری $f_s=100$ Hz رسم کنید.

تمرین T-T حال به صورت برعکس به مساله نگاه کنید. یعنی فرض کنید سیگنال دریافتی را داریم و می خواهیم از روی آن سرعت و فاصله را محاسبه کنیم. به عبارت دیگر می بایست f_a و f_a را تخمین زده و سپس از روی آن سرعت و فاصله را بیابیم. روشی پیشنهاد دهید که این کار را برای ما به صورت اتوماتیک انجام دهد. روشتان را توضیح داده و پیاده سازی کرده و نتایج آن را گزارش کنید.

راهنمایی: به سیگنال دریافتی دقت کنید. سیگنال دریافتی را می توان به صورت زیر بیان کرد:

$$y(t) = \alpha \cos(2\pi (f_c + f_d) (t - t_d))$$

$$y(t) = \alpha \cos(2\pi (f_c + f_d) t - 2\pi (f_c + f_d) t_d))$$

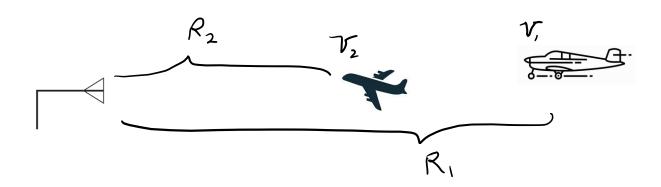
$$y(t) = \alpha \cos(2\pi f_{new} t + \varphi_{new})$$

سیگنال دریافتی یک سیگنال با فرکانس f_{new} و فاز ϕ_{new} است. پس با بردن سیگنال به حوزه ی فوریه و استخراج فرکانس غالب و فاز متناظر با آن، پارامترهای مساله استخراج می شوند. حتماً برای پیاده سازی به تمرین ۲-۱ واقع در بخش اول نگاه مجددی داشته باشید.

تمرین ۳-۴) حال به سیگنال دریافتی کمی نویز اضافه کنید و تمرین ۳-۳ را تکرار کنید. قدرت نویز را کم کم و طی چندین مرحله افزایش دهید و ببینید تا کجا همچنان می توانید سرعت و فاصله را به درستی تشخیص دهید. کدام پارامتر حساسیت بیشتری به حضور نویز دارد؟

تمرین ۳-۵) حالت ایده آل بدون نویز را در نظر بگیرید. فرض کنید به جای یک جسم، دو جسم مختلف با پارامترهای زیر داریم:

$$R_1 = 250 \ Km$$
, $V_1 = 180 \ \frac{Km}{h}$, $\alpha_1 = 0.5$
 $R_2 = 200 \ Km$, $V_2 = 216 \ \frac{Km}{h}$, $\alpha_2 = 0.6$



سیگنال دریافتی در رادار حاصل جمع اکو های برگشتی از این دو جسم است. رابطه ی سیگنال دریافتی را نوشته و با همان فرضیات قسمت های قبل آن را رسم کنید.

تمرین ۳-۹) حال به صورت برعکس به مساله نگاه کنید. یعنی فرض کنید سیگنال دریافتی را داریم و می خواهیم از روی آن سرعت و فاصله ی دو جسم را محاسبه کنیم. روشتان را شرح داده و پیاده سازی کنید.

تمرین ۳-۷) اگر سرعت دو جسم داده شده برابر باشد ولی فاصله ها متفاوت باشد، با ذکر دلیل بیان کنید آیا باز هم قادر خواهید بود سرعت و فواصل آنها را استخراج کنید؟ حداقل اختلاف سرعت دو جسم چه قدر باید باشد تا بتوانید پارامترهای دو جسم را درست تخمین بزنید؟

راهنمایی: به تمرین ۱-۰ نگاه مجدد بیندازید.

تمرین ۳-۸) اگر فاصله ی دو جسم داده شده برابر باشد ولی سرعت ها متفاوت باشد، آیا قادر خواهید بود سرعت ها و فاصله ی آنها را استخراج کنید؟

تمرین ۳-۹) اگر تعداد اجسام را ندانیم، راهی پیشنهاد دهید که بتوان هم تعداد آنها را فهمید و هم پارامترهای آنها را استخراج کرد.

بخش چهارم:

مطابق شکل زیر ۱۲ کلید متناظر با ۱۲ نُت مختلف از یک ابزار موسیقی (مثل پیانو و ...) را در نظر می گیریم.

C C# D D# E F F# G G# A A# B

# 554 97 11-	0 # 534.37 FL	# 0.2.230 H	# 720 00 11-	F # 739.99 Hz G # 830.61 Hz A # 932.33 Hz			
523.25 Hz	587.33 Hz	659.25 Hz	698.46 Hz	783.99 Hz	880 Hz	987.77 Hz	
ပ	۵	Э	Ë	9	٧	В	

فرضیات زیر را در نظر می گیریم:

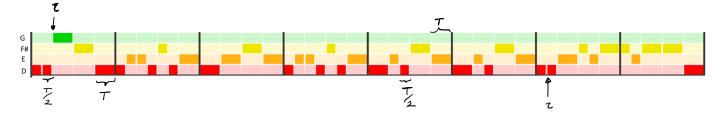
- با فشردن هر یک از کلیدها، یک سیگنال تک تُن به صورت $\sin(2\pi f_c t)$ با فرکانسی که در شکل مشخص شده است تولید می شود.
 - \checkmark مدت زمان استاندارد نگه داشتن هر کلید یعنی پارامتر T و پارامترهای زمانی به صورت زیر می باشند.

$$t = t_{start} : t_s : t_{end} - t_s$$

$$t_{start} = 0$$
, $f_s = 8 \text{ KHz}$, $t_{end} = T = 0.5 \text{ sec}$

- ک گاهی اوقات، هر کلید نیمی از زمان استاندارد، یعنی $\frac{T}{2}=0.25~sec$ نگه داشته می شود.
 - ستراحت بین دو کلید). au = 25~msec فاصله ی بین زدن دو کلید متوالی

تمرین ۴-۱) موسیقی زیر را تولید کرده و با دستور sound گوش کنید.



تمرین ۴-۲) بخش کوتاهی از نُت یک موسیقی ساده را در اینترنت پیدا کرده و مشابه تمرین ۱-۴ آن را تولید کنید. با دستور audiowrite موسیقی ای که ساخته اید را با اسم mysong.wav ذخیره کنید و فایل آن را به همراه گزارشتان آپلود کنید. هر سمپل از داده ای که ساختید با چند بیت ذخیره شده است؟

تمرین ۴-۳) اگر یک فایل موسیقی در اختیار شما قرار بگیرد که آن فایل طبق فرضیاتی که در ابتدای بخش چهارم مطرح شد تولید شده باشد، روشی پیشنهاد دهید که نوت های آن و زمان نگه داشتن هر کلید را استخراج کند. روش پیشنهادی خود را روی موسیقی تمرین ۴-۱ پیاده کرده تا از صحت آن اطمینان یابید.

نكات كلى:

- درصورت وجود هرگونه پرسش و ابهام به محمد امین کشمیری، علی آریایی و استاد ایمیل بزنید.
- فایل نهایی شما باید به صورت یک فایل زیپ شامل گزارشکار به فرمت PDF و کد های متلب و سایر فایل های خواسته شده باشد.