Hash dan ADT Map

IF2110 – Algoritma dan Struktur Data Sekolah Teknik Elektro dan Informatika Institut Teknologi Bandung

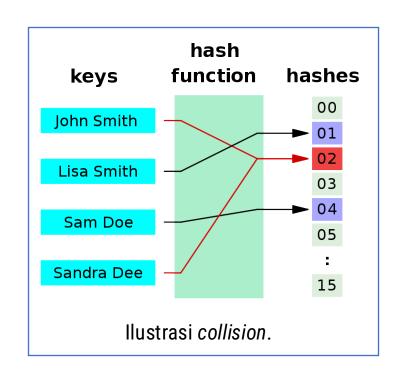
Hash dan Fungsi Hash

- fungsi hash: fungsi yang dapat digunakan untuk memetakan data berukuran "berapa pun" menjadi nilai berukuran tetap/tertentu.
 - Misal, string dengan panjang berbeda-beda dipetakan ke satu byte.
- key: data yang menjadi masukan fungsi hash.
- hash atau digest: nilai hasil perhitungan fungsi hash.

Karena nilai **hash** berukuran tetap (dan umumnya berukuran lebih kecil dari pada **key**), dapat terjadi **collision**. 🖙

Fungsi hash yang baik:

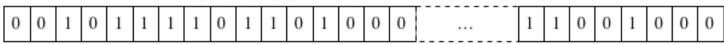
- 1) Komputasinya cepat,
- 2) Meminimalisir terjadinya collision.



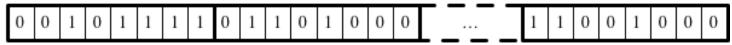
Contoh Fungsi Hash

Berikut contoh **fungsi hash** sangat sederhana menggunakan operasi XOR. (Tidak *secure*, rentan *collision*.)

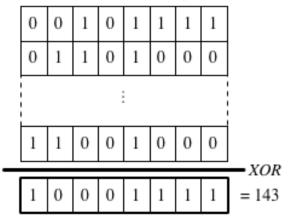
① Untuk memetakan key sepanjang apapun menjadi hash sepanjang 8 bit...



② Bagi key menjadi potongan-potongan dengan panjang 8 bit...



③ Kemudian lakukan operasi bitwise XOR secara beruntun terhadap setiap potongan tersebut.



4 Didapatlah nilai hash = 143.

Hash Table

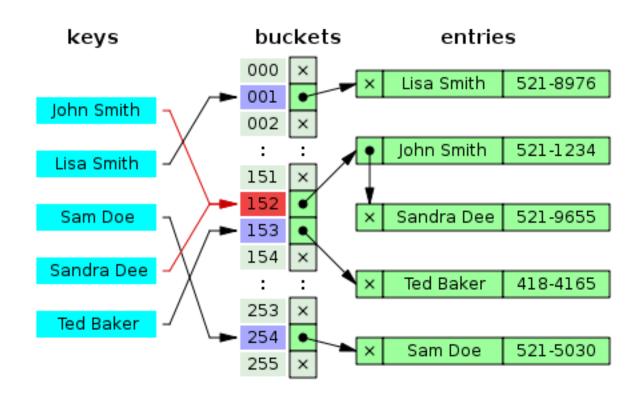
Dengan memanfaatkan **fungsi hash** untuk menentukan di mana data disimpan dan bagaimana menemukannya kembali:

- 1) Fungsi hash mengubah key menjadi sebuah hash yang digunakan sebagai indeks.
- 2) Key disimpan pada slot sesuai indeks tersebut.
- 3) Pada saat hendak menyimpan, **slot** bisa *kosong* atau *terisi*. **Slot** *terisi* artinya sudah ada data lain yang **hash**-nya sama (terjadi **collision**).

Sejumlah collision resolution strategies dikembangkan, biasanya berbasis:

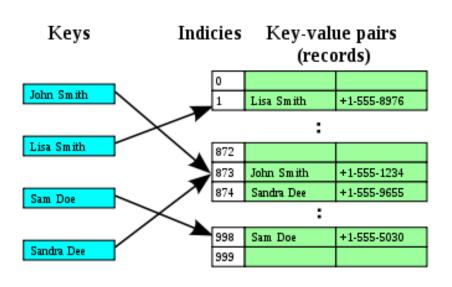
- a) Hash chaining: menyimpan sebuah association list berukuran kecil pada setiap sel hash table.
- b) Open addressing.
- **4) Key** dan **value** disimpan pada **slot** *kosong* yang ditemukan.

a. Hash Chaining



b. Open Addressing/Closed hashing

Collision diselesaikan dengan cara mencari pada lokasi alternatif hingga pasangan yang diinginkan ditemukan atau ditemukan slot array yang belum terpakai, yang berarti belum ada pasangan dengan nilai key yang dicari.



Metode pencarian yang dikenal:

- 1) Linear probing: interval pencarian tetap biasanya 1.
- 2) Quadratic probing: interval pencarian bertambah secara linier indeks dideskripsikan dengan fungsi kuadratik.
- 3) Double hashing: interval pencarian berikutnya ditentukan menggunakan fungsi hash yang lain.

Kembali ke ADT Map...

Contoh Algoritma *set* dengan Hash

```
procedure set(input/output m: Map, input k: KeyType, input v: ElType)
{ I.S. m terdefinisi, tidak penuh. }
{ F.S. Terdapat sebuah entri dengan key k pada m, dengan value=v. }
KAMUS LOKAL
  idx: integer
  found: boolean
ALGORITMA
  found ← false
  idx \leftarrow hash(k)
  while m.buffer[idx] ≠ NIL and not found do
    if m.buffer[idx].key = k then
      found ← true
    else
      idx \leftarrow idx+1
  if found then
    m.buffer[idx].value ← v
  else
    m.buffer[idx] \leftarrow \langle k, v \rangle
    m.length ← m.length+1
```

Carilah kejanggalan pada algoritma ini!

Asumsi: fungsi hash(k:keytype) \rightarrow address terdefinisi. Collision ditangani dengan linear probing. Slot kosong ditandai dengan nilai NIL.

Contoh Algoritma find dengan Hash

```
function find(m: Map, k: KeyType) → infotype
{ Mengembalikan value yang terasosiasi dengan key k pada m, atau
  VAL UNDEF jika tidak ada key k di dalam m. }
KAMUS LOKAL
  idx: integer
  found: boolean
ALGORITMA
  found ← false
  idx \leftarrow hash(k)
  while m.buffer[idx] ≠ NIL and not found do
    if m.buffer[idx].key = k then
      found ← true
    else
      idx \leftarrow idx+1
  if found then
    → m.buffer[idx].value
  else
    → VAL UNDEF
```

Asumsi: fungsi hash(k:keytype) \rightarrow address terdefinisi. Collision ditangani dengan linear probing. Slot kosong ditandai dengan nilai NIL.

Load factor

Pada algoritma *set* tadi, tidak ada kondisi berhenti jika pencarian slot kosong sudah mencapai ujung tabel.

Alternatif:

- 1) Pencarian berhenti \rightarrow padahal mungkin masih ada slot kosong di indeks kecil?
- 2) Pencarian lanjut ke indeks 0 lagi → menyulitkan operasi *unset* (bisa jadi harus memeriksa semua isi array)

Load factor: jumlah slot terisi dibagi total slot yang tersedia.

Hash table bekerja dengan baik saat load factor < 1. Maka alternatif berikutnya:

3) Ketika mencapai suatu batas *load factor* tertentu, dialokasikan tabel baru yang lebih besar, kemudian setiap elemen Map di-*hash* ulang.

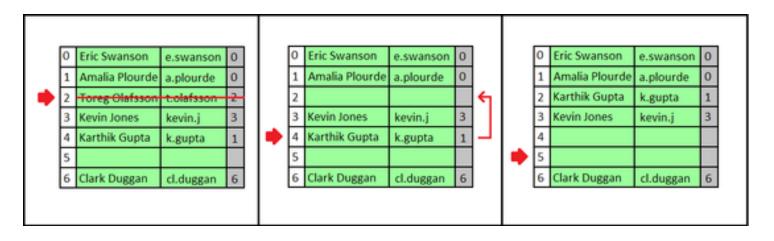
Konsekuensi: tabel harus dinamis.

Penghapusan elemen?

Karena algoritma pencarian berhenti jika menemukan slot kosong, penghapusan elemen (unset) bisa mengakibatkan pencarian berikutnya salah.

Mengira *not found*, padahal disimpan di slot berikutnya akibat *collision* ketika penambahan elemen.

Untuk itu pada penghapusan elemen di indeks i diperlukan pencarian & pemindahan elemen yang mungkin bisa menempati slot i, yaitu elemen yang nilai hash-nya $\leq i$.



Latihan

Jika MapEntry pada Map dengan Hash diganti dengan ElType,

dan operasi/ekspresi yang melibatkan MapEntry/KeyType/ElType diganti dengan ElType,

→ didapatkan implementasi ADT Set menggunakan Hash.

Buatlah kembali algoritma **add**, **remove**, **isIn**, dan **union** untuk Set dengan Hash, dan analisis lagi kinerjanya!