

## ・三角比の拡張

三角比があればあらゆる直角三角形を作れる。  
 そのための基準として、  
斜辺を1とした直角三角形が使われるようになった。  
 これが単位円の三角比である。

単位円ベースで考えることで、常に斜辺は1  
 として考えられる。  
 三角比は基本的にこの単位円の三角比として  
 考えられている。

左の図で考えると分かりやすいが、  
 結局、

**Cos $\theta$  : x座標**  
**Sin $\theta$  : y座標**

を出しているだけだと分かる。  
 斜辺を1にすることで、特に整理することな  
 く直角三角形の比率を求める事が出来る。

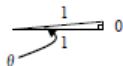
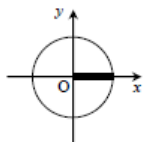
## ・三角比の性質

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}, \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

色々あるが、これさえ覚えておけば良い。

## ・基本問題

$\theta = 0^\circ$  のとき

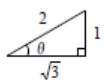
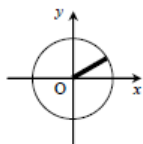


$$\sin 0^\circ =$$

$$\cos 0^\circ =$$

$$\tan 0^\circ =$$

$\theta = 30^\circ$  のとき

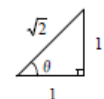
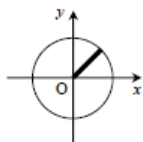


$$\sin 30^\circ =$$

$$\cos 30^\circ =$$

$$\tan 30^\circ =$$

$\theta = 45^\circ$  のとき

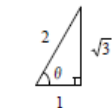
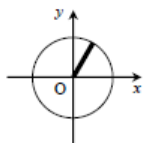


$$\sin 45^\circ =$$

$$\cos 45^\circ =$$

$$\tan 45^\circ =$$

$\theta = 60^\circ$  のとき

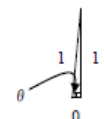
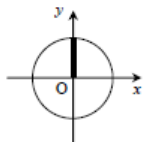


$$\sin 60^\circ =$$

$$\cos 60^\circ =$$

$$\tan 60^\circ =$$

$\theta = 90^\circ$  のとき

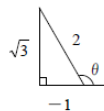
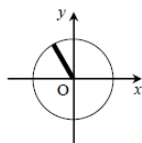


$$\sin 90^\circ =$$

$$\cos 90^\circ =$$

$$\tan 90^\circ =$$

$\theta = 120^\circ$  のとき

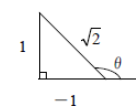
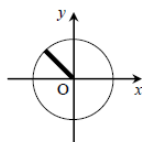


$$\sin 120^\circ =$$

$$\cos 120^\circ =$$

$$\tan 120^\circ =$$

$\theta = 135^\circ$  のとき

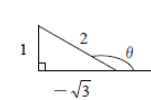
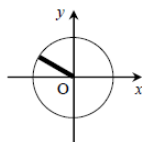


$$\sin 135^\circ =$$

$$\cos 135^\circ =$$

$$\tan 135^\circ =$$

$\theta = 150^\circ$  のとき

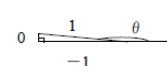
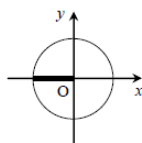


$$\sin 150^\circ =$$

$$\cos 150^\circ =$$

$$\tan 150^\circ =$$

$\theta = 180^\circ$  のとき



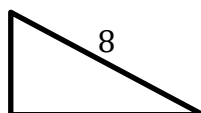
$$\sin 180^\circ =$$

$$\cos 180^\circ =$$

$$\tan 180^\circ =$$

## ・基本問題2

斜辺の長さが8mであり、 $\theta = 30^\circ$ の直角三角形の底と高さを求めよ。



#### 4 鋭角の三角比の相互関係

$\theta$  は鋭角とする。

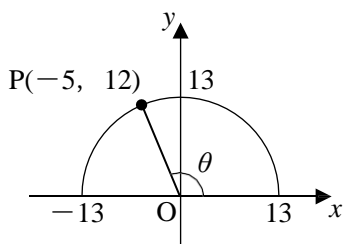
(1)  $\cos \theta = \frac{2}{7}$  のとき,  $\sin \theta$  と  $\tan \theta$  の値を求めよ。

(2)  $\tan \theta = \frac{1}{2}$  のとき,  $\sin \theta$  と  $\cos \theta$  の値を求めよ。

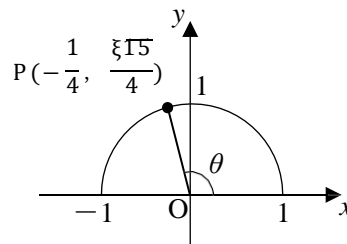
#### 6 鈍角の三角比

(1) 次の図において,  $\sin \theta$ ,  $\cos \theta$ ,  $\tan \theta$  の値を求めよ。

①



②



(2) 次の三角比の値を求めよ。

①  $\sin 135^\circ$

②  $\cos 150^\circ$

③  $\tan 120^\circ$

#### 7 $180^\circ - \theta$ の三角比

次の三角比を  $90^\circ$  より小さい角の三角比で表せ。

(1)  $\sin 140^\circ$

(2)  $\cos 165^\circ$

(3)  $\tan 130^\circ$

#### 8 三角比を含む方程式

$0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  のとき, 次の等式を満たす  $\theta$  を求めよ。

(1)  $\sin \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}$

(2)  $\cos \theta = -\frac{1}{2}$

(3)  $\tan \theta = -\frac{1}{\sqrt{3}}$

#### 9 鋭角・鈍角の三角比の相互関係

$0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  とする。

(1)  $\sin \theta = \frac{1}{3}$  のとき,  $\cos \theta$  と  $\tan \theta$  の値を求めよ。

(2)  $\tan \theta = -2$  のとき,  $\sin \theta$  と  $\cos \theta$  の値を求めよ。