Tarih: 01/09/2022 Saat: 10:30-11:40

## ADI SOYADI:

## **ÖĞRENCİ NO:**

## İŞLEM YAPILMADAN VERİLEN CEVAPLAR DİKKATE ALINMAYACAKTIR

1)  $y'' + 2y' + y = 3e^{-x}\sqrt{1+x}$  denkleminin genel çözümünü elde ediniz.

$$y_{p} = C_{1}(x)e^{x} + C_{1}(x)xe^{x}$$

$$c_{1}^{1}e^{x} + C_{1}^{1}xe^{x} = 0$$

$$-C_{1}^{1}e^{x} + C_{1}^{1}(e^{x}-xe^{x}) = 3e^{x}\sqrt{1+x}$$

$$c_{2}^{1} = 3\sqrt{1+x} \Rightarrow c_{1} = 2(1+x)$$

$$c_{1}^{1} = -3x\sqrt{1+x} \Rightarrow c_{1} = 2(1+x)$$

2)  $(x^2+1)y^2-2xy^2+2y=6(x^2+1)^2$  denkleminin genel çözümünü basamağın indirilmesi metodu yardımıyla elde ediniz.

Der Memde xy'-y halibi var  $y_i=x$  ötel Gotton  $y = u \times ile der Mem$   $u'' + \frac{2}{v(v_0^2)} u' = \frac{6(x^2+1)}{x}$ 

 $\frac{U'+\frac{2}{x(x^21)}}{\sqrt{(x^21)}} = \frac{6(x^21)}{x}$ derblemine indirpair. u'=v' ile

 $V + \frac{2}{x(x^2+1)}V = \frac{6(x^2+1)}{x}$  \linear \frac{2}{x(x^2+1)} dx

 $V = 3(x^{2}+1) + \frac{C_{1}(x^{2}+1)}{x^{2}}$   $U = \int (3(x^{2}+1) + \frac{C_{1}(x^{2}+1)}{x^{2}}) dx + C$ 

 $U = x^3 + 3x + C_1x - \frac{C_1}{x} + C_2$ 

y= x+3x'+(1(x'-1)+(1x)

elle edilir.

3)  $y'' + x^2y' - 4xy = 0$  denkleminin genel çözümünü x = 0 noktası civarında kuvvet serileri yardımıyla elde

3) 
$$y'' + x^2y' - 4xy = 0$$
 denkleminin genel çözümünü  $x = 0$  noktası civarında kuvvet serileri ya ediniz.

 $X = 0$  adı nokta olup  $y = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ 
 $y'' = \sum_{n=1}^{\infty} n_n x^{n-1}$ 
 $$2a_{2} + 6a_{3} \times -4a_{0} \times + \sum_{n=2}^{\infty} \left\{ (n+1)(n+2)a_{n+2} + (n-5)a_{n-1} \right\} x^{n} = 0$$

etale editir.

$$6 a_3 - 4 a_5 = 0$$
 $a_3 = \frac{2}{3} a_5$ 
 $a_{n+1} = -\frac{(n-r)}{(n+1)(n+2)} a_{n-1}$ 

$$\alpha_1 \qquad \alpha_2 = \frac{1}{4\pi} \alpha_2$$

$$\alpha_3 = 0$$

$$\alpha_4 = 0$$

$$\Lambda = \Gamma \Rightarrow \alpha_{7} = C$$

$$y = a_0 \left( 1 + \frac{2}{3} x^3 + \cdots \right) + a_1 \left( x + \frac{x^4}{4} \right)$$

$$2a_{1}+(6a_{3}-4a_{5})\times+(12a_{4}-3a_{1})\times^{2}+(20a_{5}-2a_{1})\times^{2}+\cdots=0$$

$$2a_{1} + (6a_{3} - 4a_{0}) + (6a_{3} - 4a_{0$$

$$y = a_0(x + \frac{2}{3}x^3 + \cdots) + a_1(x + \frac{x^4}{4})$$

4) 
$$y'' + 2y' + y = 3xe^{-x}$$
  
  $y(0) = 4, y'(0) = 2$ 

Probleminin çözümünü Laplace dönüşümü yardımıyla bulunuz.

$$L\{y^{(n)}\} = s_{+}^{n}Y(s) - s_{-}^{n-1}y(0) - s_{-}^{n-2}y'(0) - \dots - y_{-}^{(n-1)}(0)$$

$$L\left\{e^{ax}f\left(x\right)\right\} = F\left(s-a\right)$$

$$L\{e^{y}(x)\} = F(s-a)$$

$$L\{y'' + 2y' + y\} = L\{3xe^{-x}\}$$

$$(5+25+1)$$
  $+(5)$   $-45-10 = \frac{3}{(5+1)^2}$ 

$$\Rightarrow y(x) = L^{-1} \left\{ \frac{\zeta}{(s+1)^2} + \frac{\delta}{(s+1)^2} \right\}$$

$$\Rightarrow y(x) = 4e^{-x} + 6xe^{-x} + \frac{1}{2}x^{3}e^{-x}$$