



بنام خدا

دانشگاه تهران



دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

درس شبکه‌های عصبی و یادگیری عمیق

تمرین دوم

نام و نام خانوادگی	مهرسا ندادی قهنویه
شماره دانشجویی	810100490
تاریخ ارسال گزارش	1401/9/2

فهرست

- پاسخ ۱. تاثیر تغییر رزولوشن در طبقه بندی در شبکه CNN 4
- پاسخ ۲ - عنوان پرسش دوم به فارسی 16

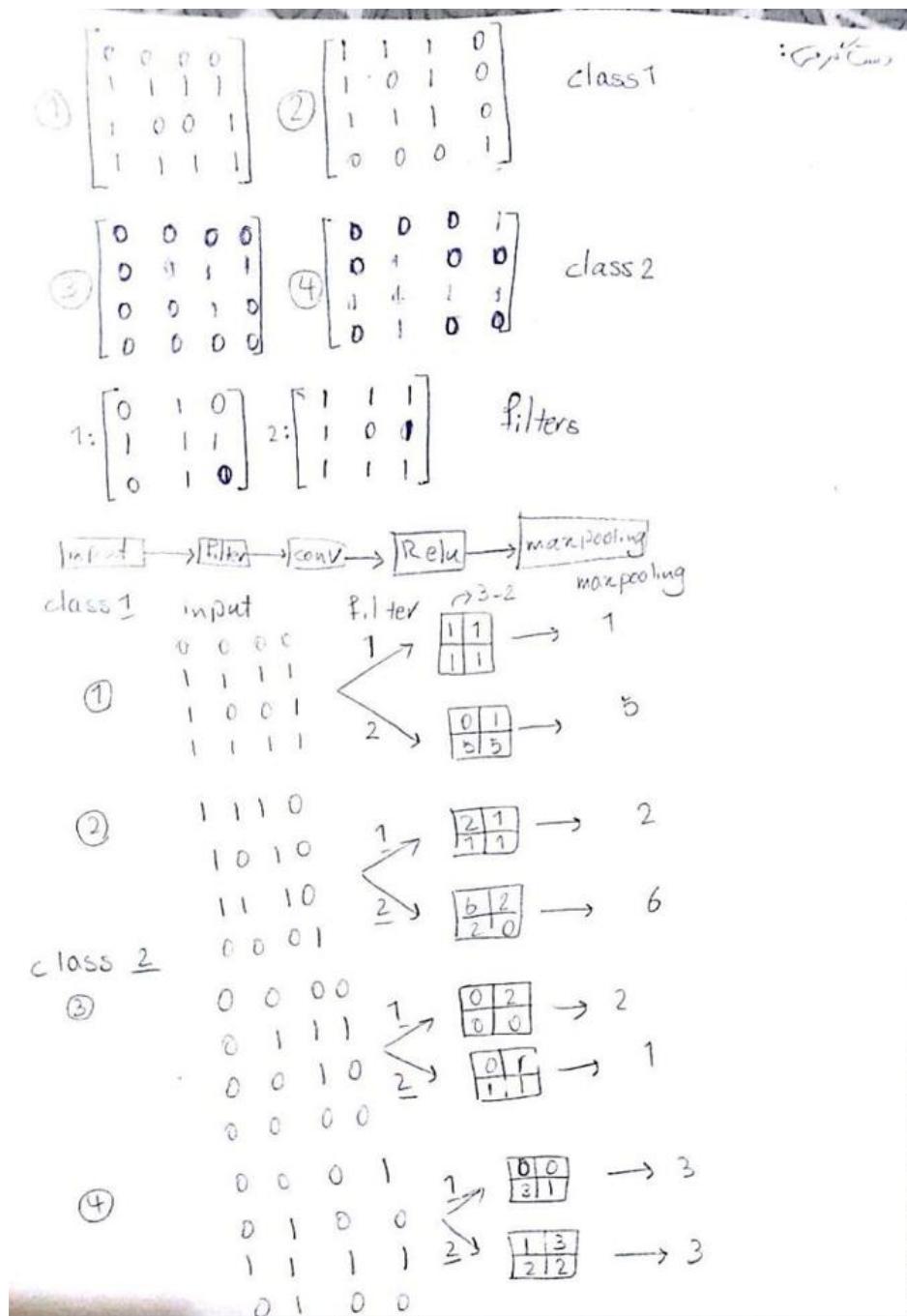
شکل‌ها

- 7 شکل 1: 10 تصویر رندوم با 3 رزولوشن متفاوت از داده
- 10 شکل 2: مشخصات هر لایه از شبکه
- 12 شکل 3: تعداد پارامتر و انواع لایه‌های شبکه
- 15 شکل 4: نمودار f1,accuracy , precision در جهت افزایش رزولوشن
- 16 شکل 5: معماری‌های موجود در مقاله
- 19 شکل 7 : maxpooling
- 21 شکل 10 مدل دوم accuracy :10
- 23 شکل 12 مدل سوم accuracy :12

ت

پاسخ 1. تاثیر تغییر رزولوشن در طبقه بندی در شبکه CNN

1-1 دست گرمی



شکل 1: دست گرمی

2- شبیه سازی مقاله

```
#import libraries
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from keras.utils import to_categorical
import cv2
import tensorflow as tf
import keras
import seaborn as sns
from keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
from sklearn.metrics import ConfusionMatrixDisplay, classification_report, confusion_matrix, accuracy_score, f1_score, precision_score, recall_score
from keras import regularizers
```

الف) در ابتدا با استفاده از کد زیر دیتاست را خوانده و ابعاد بخش ترین و تست را نمایش داده ایم:

```
#load dataset
from keras.datasets import cifar10
(x_train, y_train), (x_test, y_test) = cifar10.load_data()
# one hot encode target values
y_train = to_categorical(y_train)
y_test = to_categorical(y_test)
shape of x_train => (50000, 32, 32, 3)
shape of y_train => (50000, 1)
shape of x_test => (10000, 32, 32, 3)
shape of y test => (10000, 1)
```

همانطور که مشخص است 16.7 درصد از داده به تست و 83.3 درصد از داده به ترین اختصاص داده شده است.

حال اقدام به تولید دیتاست با رزولوشن های مختلف 16*16 و 8*8 میکنیم البته با توجه به تصویر 3 مقاله ابتدا رزولوشن تصویر را کم کرده و سپس آن را به حالت 32*32 بازمیگردانیم چرا که ورودی شبکه تصاویر 32 بیتی می باشد:

```
#normalization of data
x_train.astype("float32")
x_test=x_test.astype("float32")
# normalize to range 0-1
x_test = x_test/np.max(x_train)
x_train = x_train/np.max(x_train)
#make different resolution of dataset
x_train16 = []
x_train8 = []
for i in range(0,len(x_train)):
    image16 = cv2.resize(cv2.resize(x_train[i], (16,16)), (32,32))
```

```

image8 = cv2.resize(cv2.resize(x_train[i], (8,8)), (32,32))
x_train16.append(image16)
x_train8.append(image8)
x_train16 = np.array(x_train16)
x_train8 = np.array(x_train8)

x_test16 = []
x_test8 = []
for i in range(0,len(x_test)):
    image16 = cv2.resize(cv2.resize(x_test[i], (16,16)), (32,32))
    image8 = cv2.resize(cv2.resize(x_test[i], (8,8)), (32,32))
    x_test16.append(image16)
    x_test8.append(image8)
x_test16 = np.array(x_test16)
x_test8 = np.array(x_test8)

```

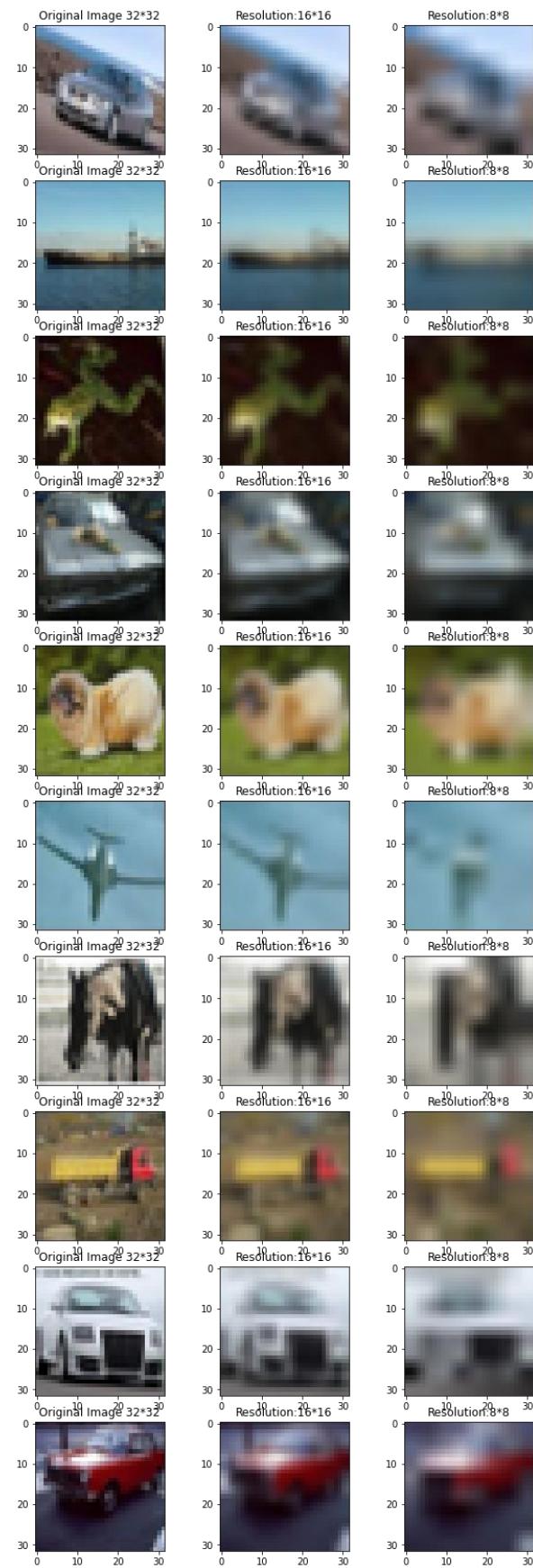
و بصورت رندهم 10 تصویر از قسمت ترین داده را با این سه رزولوشن نمایش میدهیم :

```

#plot 10 random image in different resolution
fig, axs = plt.subplots(10, 3, figsize = (10,30))
for i in range(10):
    random = np.random.randint(len(x_train), size=1)
    axs[i,0].imshow(x_train[int(random)])
    axs[i,0].set_title("Original Image 32*32")
    axs[i,1].imshow(x_train16[int(random)])
    axs[i,1].set_title("Resolution:16*16")
    axs[i,2].imshow(x_train8[int(random)])
    axs[i,2].set_title("Resolution:8*8")

```

همانطور که مشخص است با تغییر رزولوشن به خوبی رزولوشن تصاویر کاهش یافته است. وقت شود که نرمالیزه کردن دیتا باید بعد از نمایش تصاویر انجام پذیرد.



شکل 2: 10 تصویر رندوم با 3 رزولوشن متفاوت از داده

ب) تعمیم (generalization)، معمولاً به توانایی یک الگوریتم در پاسخ دادن به ورودی های مختلف و البته جدید اطلاق میشود و این بدان معناست که عملکرد در یک الگوریتم یادگیری ماشین، عملکرد الگوریتم بر اساس دیتایی که با آن آموزش دیده (train set) قابل ارزیابی درست نیست.

برای یادگیری ماشین از داده های آموزشی (Train) استفاده می شود و برای پایش (Monitoring) و بعضی قطع کردن یادگیری مدل، می توان از داده های اعتبارسنجی (Validation) استفاده کرد. برای بخش دوم این فرآیند نیز از داده های آزمایشی (Test) استفاده می شود. از بین این ۳ دسته داده، می توان داده های Validation را استفاده نکرد؛ هرچند وجود آنها به تنظیم بهتر برخی از آبرپارامترها (Hyperparameters) کمک شایانی می کند. ابتدا می توان داده های ترین را جدا کرد و سپس در مرحله بعد جداسازی داده های اعتبارسنجی را از داده های تست انجام داد.

اعتبارسنجی متقابل تکنیکی برای ارزیابی یک مدل یادگیری ماشین و تست عملکرد آن است. این کار به مقایسه و انتخاب یک مدل مناسب برای مساله مدل سازی کمک می کند. به منظور ارزیابی مدل های طراحی شده لازم است که ابتدا داده ها را به دو قسمت ترین و تست تقسیم بندی کرده و سپس مدل را با استفاده از داده های ترین آموزش داده و سپس evaluate را در مجموعه تست انجام میدهیم.

روشهای Stratified .Leave-p-out ، Leave-one-out ، K-folds ، Hold-out cross validation شامل Complete و Nested K-folds ، Repeated K-folds و K-folds هستند.

در ادامه چند روش معروف توضیح داده شده است:

روش Hold-out: در این روش ارزیابی را برای کل مذلهای تست انجام میدهیم و به عنوان نتایج ارزیابی ذخیره میکنیم این روش ممکن است برای داده هایی که توزیع آنها یکنواخت نیست دچار مشکل شود.

روش K-fold: ابتدا داده را به k دسته ای یکسان تقسیم میکنیم $k-1$ دسته به عنوان آموزش و ۱ دسته به عنوان تست در نظر گرفته میشود در K مرحله آموزش بر روی داده های ترین و ارزیابی بر روی داده های تست بطور مستقل انجام میشود و سپس از تمام آنها میانگین گرفته میشود.

بصورت کلی، در اکثر مواقع، استفاده از kfold نتیجه ای بهتری نسبت به holdout به شما خواهد داد. در شرایط برابر، نتایج ارائه شده توسط kfold بسیار قابل اطمینان تر و پایدار تر میباشد چرا که آموزش و آزمایش بروی چندین بخش مختلف مجموعه ای داده انجام میشود. همچنین اگر مقدار k را افزایش دهیم، تا مدل بروی مجموعه های مختلف تست کنیم، نتایج و امتیاز کلی قوی تری نیز دریافت خواهیم کرد.

اما با این حال، روش kfold یک نقطه ضعف دارد و آن هم این است که اگر مقدار k بزرگ باشد، فرآیند آموزش بسیار پرهزینه و زمان برخواهد شد.

روش leave one out: مانند روش k-fold میباشد که k برابر با تعداد داده های آموزش است و سپس میانگین گیری انجام میشود.

بزرگترین مزیت این روش این است که دیتای زیادی هدر نمیدهد. در واقع ما فقط از یک نمونه به عنوان دیتای تست استفاده میکنیم و از بقیه ی نمونه ها در فرآیند آموزش استفاده میکنیم.

در مقایسه kfold با این روش از آنجایی که این روش از n دسته برای اجرای الگوریتم خود استفاده میکند و احتمالاً مقدار n از k خیلی بیشتر خواهد بود، لذا این روش هزینه ی زیادی را نیز به دنبال خواهد داشت.

بنابراین بر اساس شواهد تجربی و تحقیقات مختلفی که صورت پذیرفته است، جامعه ی علوم داده به این نتیجه رسیده اند که kfold با k برابر 5 یا 10 بر این روش ترجیح داده میشود.

روش leave p out: نمونه داده به عنوان داده تست و $n-p$ به عنوان داده ترین انتخاب میشود. و سپس مدل ترین شده و ارزیابی بر روی داده های تست انجام میپذیرد در نهایت از k بار انجام آن میانگین گرفته میشود.

پس با توجه به توضیحات بالا مناسب ترین روش k-fold می باشد که باید k در آن به درستی انتخاب شود.
ج) در روش TOTV مرحله آموزش با تصاویر با رزولوشن اصلی $32*32$ صورت میپذیرد و تست با رزولوشن های مختلف انجام میپذیرد.

طبق جدول زیر مدل برای این دیتا طراحی میشود:

CNN Architecture for CIFAR10		
Layers	Layers Parameter	Activation Function
Conv2D	32,size=(3,3)	Relu
Conv2D	32,size=(3,3)	Relu
Conv2D	32,size=(3,3)	Relu
Maxpooling2D	Size=(2,2)	
Dropout	0.25	
Conv2D	64,size=(3,3)	Relu
Conv2D	64,size=(3,3)	Relu
Conv2D	64,size=(3,3)	Relu
Maxpooling2D	Size=(2,2)	
Dropout	0.25	
Dense	512	Relu
Dropout	0.5	
Dense	10	Softmax

شکل 3: مشخصات هر لایه از شبکه

ابتدا مدل را به شکل زیر طراحی میکنیم:

```
CNN=keras.models.Sequential([
    keras.layers.Conv2D(filters=32, kernel_size=(3,3),
                        activation='relu', input_shape=x_train.shape[1:],
                        padding="same",
                        kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_normal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.Conv2D(filters=32, kernel_size=(3,3),
                        activation='relu', padding="same",
                        kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_normal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.Conv2D(filters=32, kernel_size=(3,3),
                        activation='relu', padding="same",
                        kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_normal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.MaxPool2D(pool_size=(2,2)),
    keras.layers.Dropout(0.25),
    #-----
    keras.layers.Conv2D(filters=64, kernel_size=(3,3),
                        activation='relu', padding="same",
```

```
        kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_n
ormal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.Conv2D(filters=64, kernel_size=(3,3),
                       activation='relu', padding="same",
                       kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_n
ormal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.Conv2D(filters=64, kernel_size=(3,3),
                       activation='relu', padding="same",
                       kernel_initializer=tf.keras.initializers.he_n
ormal(seed=None)),
    keras.layers.BatchNormalization(),
    keras.layers.MaxPool2D(pool_size=(2,2)),
    keras.layers.Dropout(0.25),
    keras.layers.Flatten(),
# -----
    keras.layers.Dense(512,activation='relu'),
    keras.layers.Dropout(0.5),
# -----
    keras.layers.Dense(10,activation='softmax')
])

CNN.summary()
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
conv2d (Conv2D)	(None, 32, 32, 32)	896
batch_normalization (BatchNormalization)	(None, 32, 32, 32)	128
conv2d_1 (Conv2D)	(None, 32, 32, 32)	9248
batch_normalization_1 (BatchNormalization)	(None, 32, 32, 32)	128
conv2d_2 (Conv2D)	(None, 32, 32, 32)	9248
batch_normalization_2 (BatchNormalization)	(None, 32, 32, 32)	128
max_pooling2d (MaxPooling2D)	(None, 16, 16, 32)	0
dropout (Dropout)	(None, 16, 16, 32)	0
conv2d_3 (Conv2D)	(None, 16, 16, 64)	18496
batch_normalization_3 (BatchNormalization)	(None, 16, 16, 64)	256
conv2d_4 (Conv2D)	(None, 16, 16, 64)	36928
batch_normalization_4 (BatchNormalization)	(None, 16, 16, 64)	256
conv2d_5 (Conv2D)	(None, 16, 16, 64)	36928
batch_normalization_5 (BatchNormalization)	(None, 16, 16, 64)	256
max_pooling2d_1 (MaxPooling2D)	(None, 8, 8, 64)	0
dropout_1 (Dropout)	(None, 8, 8, 64)	0
flatten (Flatten)	(None, 4096)	0
dense (Dense)	(None, 512)	2097664
dropout_2 (Dropout)	(None, 512)	0
dense_1 (Dense)	(None, 10)	5130
<hr/>		
Total params: 2,215,690		
Trainable params: 2,215,114		
Non-trainable params: 576		

شکل 4: تعداد پارامتر و انواع لایه های شبکه

حال به فیت کردن مدل میپردازیم:

```
#TOTV
CNN.compile(loss='categorical_crossentropy',optimizer=tf.optimizers.Adam(learning_rate=0.001),metrics=['accuracy'])
```

```
history=CNN.fit(x_train, y_train, batch_size=128, epochs=100, validation_split=0.1)
```

همانطور که مشخص است از categorical loss استفاده شده است و optimizer Adam در نظر گرفته شده است.

کد مورد استفاده برای بدست آوردن پارامتر های crossentropy : precision و f1_accuracy

```
accuracy_score(np.argmax(y_test, axis=1), np.argmax(y_pred, axis=1))
precision_score(np.argmax(y_test, axis=1), np.argmax(y_pred, axis=1), average='macro')
f1_score(np.argmax(y_test, axis=1), np.argmax(y_pred, axis=1), average='macro')
```

حال شروع به تست داده ها با رزولوشن های مختلف میکنیم:

:32*32 رزولوشن 1

```
y_pred = CNN.predict(x_test)
testing by 32*32 resolution
accuracy = 0.8462
precision = 0.8474297594392357
f1 = 0.8457695681669589
```

:16*16 رزولوشن 2

```
y_pred = CNN.predict(x_test16)
testing by 16*16 resolution
accuracy = 0.3828
precision = 0.6130068355545142
f1 = 0.3715507016504463
```

:8*8 رزولوشن 3

```
y_pred = CNN.predict(x_test8)
testing by 8*8 resolution
accuracy = 0.2295
precision = 0.3659240310108548
f1 = 0.15799102154699246
```

همانطور که مشخص است با کاهش رزولوشن دقیق شبکه رفته کاهش می یابد.

د) در این بخش روش TTVT مورد بررسی قرار گرفته است و نحوه آموزش و تست شبکه به این صورت است که هر مدل با داده های نظیر به نظیر تست و ترین میشوند.

کلیه کد و پارامترهای مورد استفاده در این بخش نیز مانند بخش قبل می باشد:

:32*32 رزولوشن 1

```

#training by 32*32 resolution
CNN.compile(loss='categorical_crossentropy',optimizer=tf.optimizers.Adam(learning_rate=0.001),metrics=['accuracy'])
history=CNN.fit(x_train, y_train, batch_size=128, epochs=100, validation_split=0.1)
#testeing by 32*32 resolution
y_pred = CNN.predict(x_test)
testing by 32*32 resolution
accuracy = 0.8429
precision = 0.8436937792071209
f1 = 0.8426375722418046

```

رزوشن 16*16

```

#training by 16*16 resolution
CNN.compile(loss='categorical_crossentropy',optimizer=tf.optimizers.Adam(learning_rate=0.001),metrics=['accuracy'])
history=CNN.fit(x_train16, y_train, batch_size=128, epochs=100, validation_split=0.1)
#testeing by 16*16 resolution
y_pred = CNN.predict(x_test16)
testing by 16*16 resolution
accuracy = 0.7796
precision = 0.7832300552853674
f1 = 0.779767169089988

```

رزوشن 8*8

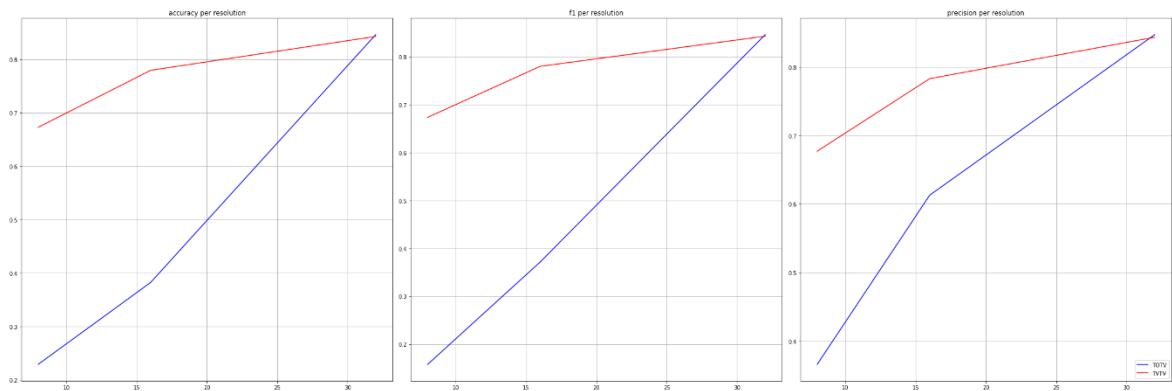
```

#training by 8*8 resolution
CNN.compile(loss='categorical_crossentropy',optimizer=tf.optimizers.Adam(learning_rate=0.001),metrics=['accuracy'])
history=CNN.fit(x_train8, y_train, batch_size=128, epochs=100, validation_split=0.1)
#testeing by 8*8 resolution
y_pred = CNN.predict(x_test8)
testing by 8*8 resolution
accuracy = 0.673
precision = 0.6772539125004767
f1 = 0.673399236318124

```

مشخص است که اگر هر شبکه با رزوشن نظیر به نظیر خود ترین شود و سپس با همان رزوشن تست شود دقت بهتری خواهیم داشت نسبت به حالتی که آموزش شبکه با رزوشن متفاوتی صورت گرفته باشد.

نمودار 3 معیار خواسته شده بر حسب رزوشن در دو روش TOTV,TVTV در زیر آورده شده است:



شکل ۵: نمودار **f1,accuracy , precision** در جهت افزایش رزولوشن

پاسخ ۲ - عنوان پرسش دوم به فارسی

برای این سوال از محیط Colab استفاده می کنیم همچنین از GPU runtime برای تسريع سرعت آموزش استفاده می کنیم. قابل ذکر است که یک بار با CPU هم امتحان کردیم و تفاوت زمان آموزش GPU مدل های زیر از ۴ ثانیه در هر epoch به ۸۰ ثانیه یافت که نشان دهنده قدرت GPU در شبکه های CNN می باشد.

۱-۲) لود کردن دیتابست

ابتدا با استفاده از کتاب خانه keras مجموعه داده tensorflow fashion mnist را لود

می کنیم:

```
Fashion Mnist dataset loaded
x_train shape: (60000, 28, 28)
y_train shape: (60000,)
x_test shape: (10000, 28, 28)
y_test shape: (10000,)
```

۲-۲) انتخاب دو معماری دلخواه

از میان معماری های موجود در مقاله ارائه شده ما دو مورد زیر را که هایلایت کرده ایم را پیاده سازی و بررسی خواهیم کرد. این معماری ها شامل دومین و سومین معماری ارائه شده هستند.

Table 1. Different CNN Architecture for image classification

Architecture 1	Architecture 2	Architecture 3	Architecture 4	Architecture 5
only one input layer and two fully connected layers	2 convolutional layers with (2 x 2) filter size and 2 fully connected layers	3 convolutional layers with (2 x 2) filter size and 2 fully connected layers	4 convolutional layers with (2 x 2) filter size and 2 fully connected layers	4 convolutional layers with (3 x 3) filter size and 2 fully connected layers
(1) INPUT:28×28×1 (2) FC:10 Output Classes	(1) INPUT:28×28×1 (2) FC:10 Output Classes	(1) INPUT:28×28×1 (2) FC:10 Output Classes	(1) INPUT:28×28×1 (2) FC:10 Output Classes	(1) INPUT:28×28×1 (2) FC:10 Output Classes
(3) FC:128 Hidden Neurons	(3) CONV2D:2×2 size,64 filters (4) POOL:2×2 size (5) DROPOUT: = 0.25 (6) CONV2D :2×2 size,64 filters (7) DROPOUT: = 0.25 (8) FC:64 Hidden Neurons (9) DROPOUT: = 0.25	(3) CONV2D:2×2 size,64 filters (4) POOL:2×2 size (5) DROPOUT: = 0.25 (6) CONV2D:2×2 size,64 filters (7) POOL:2×2 size (8) DROPOUT: = 0.25 (9) CONV2D :2×2 size,64 filters (10) DROPOUT: = 0.25 (11) FC:64 Hidden Neurons (12) DROPOUT: = 0.25	(3) CONV2D:2×2 size,64 filters (4) POOL:2×2 size (5) DROPOUT: = 0.25 (6) CONV2D:2×2 size,64 filters (7) POOL:2×2 size (8) DROPOUT: = 0.25 (9) CONV2D:2×2 size,64 filters (10) POOL:2×2 size (11) DROPOUT: = 0.25 (12) CONV2D :2×2 size,64 filters (13) DROPOUT: = 0.25 (14) FC:64 Hidden Neurons (15) DROPOUT: = 0.25	(3) CONV2D:3×3 size,32 filters (4) CONV2D:3×3 size,32 filters (4) POOL:2×2 size (5) DROPOUT: = 0.25 (6) CONV2D:3×3 size,64 filters (7) CONV2D:3×3 size,64 filters (8) POOL:2×2 size (9) DROPOUT: = 0.25 (10) FC:512 Hidden Neurons (11) DROPOUT: = 0.5

شکل 6: معماری های موجود در مقاله

بر اساس توضیحات این مقاله اطلاعات زیر قابل برداشت است:

برای معماری شماره ۲:

برای مجموعه داده fashion mnist در مجموعه داده آموزش و تست به ترتیب به دقت های ۹۲.۰۲ و ۹۲.۷۶ درصد دست یافته اند. بهترین پارامتر های به دست امده برای این مدل از قرار زیر است:

Batch size: 128
softmax activation function
adam optimizer
0.25 dropout after each pooling layer
50 epoch
2x2 kernel size

و اما برای معماری شماره ۳:

برای مجموعه داده fashion mnist در مجموعه داده آموزش و تست به ترتیب به دقت های ۹۳.۰۹ و ۹۳.۶۵ درصد دست یافته اند. بهترین پارامتر های به دست امده برای این مدل از قرار زیر است:

Batch size: 128
softmax activation function
adam optimizer
0.25 dropout after each pooling layer
50 epoch
2x2 kernel size

۳-۲) توضیح لایه های به کار رفته در مدل ها:

لایه ورودی (**input**): این لایه صرفا یک لایه برای معرفی ابعاد ورودی شبکه است. ما میدانیم ابعاد تصاویر ورودی ۲۸ در ۲۸ می باشد پس با اعلام کردن این موضوع به مدل شبکه عصبی، این امکان را فراهم می کنیم تا ابعاد لایه های بعدی را پیش‌بینی کرده و کل مدل را ایجاد کند. در این لایه هیچ محاسباتی رخ نمی دهد.

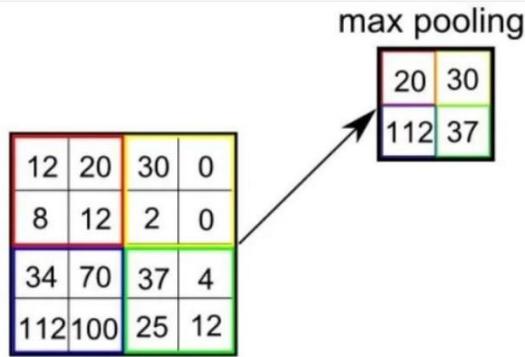
لایه **conv2d**: این لایه لایه اصلی معماری پیچشی (کانولوشنی) می باشد. دلیل وجود $2d$ در عنوان آن نشان دهنده این است که بر روی ورودی های ۲ بعدی عمل می کند. این لایه که بر روی یک تصویر (یا یک ماتریس دو بعدی) عمل می کند ما یک هسته (کرنل) داریم که یک پنجره ثابت (در این لایه ۲ در ۲) می باشد که وزن های مشخصی دارد. این پنجره ۲ در ۲ روی تصویر ورودی قرار داده می شود و المان

های آن در المان های تصویر نظیر به نظیر ضرب می شوند و سپس حاصل جمع همه این ۴ عدد حاصل در خانه خروجی نوشته می شود (ممکن است این حاصل جمع از یک تابع فعال ساز نیز عبور کنند). سپس این پنجره یک واحد جابجا می شود تا ۴ خانه مجاور (که ۲ خانه آنها تکراری هستند) را پوشش دهد و سپس دوباره عملیات بالا تکرار می شود. به این ترتیب برای مثال فعلی، که تصویری ۲۸ در ۲۸ داریم، با شیف دادن این پنجره روی همه حالات ممکن یک تصویر جدید خواهیم داشت با ابعاد ۲۷ در ۲۷ که حاصل پیچش این پنجره با تصویر اولیه هستند. برای تفهیم بهتر موضوع یک مثال با پنجره ۳ در ۳ را در نظر بگیرید (تصویر زیر) همانطور که مشخص است با ضرب کردن یک پنجره (که با رنگ تیره مشخص شده) روی تصویر ورودی (که نارنجی است) یک مقدار خروجی دریافت شده است که در خانه تیره آبی رنگ نوشته شده. سپس با جابجا کردن این پنجره می توان المان های دیگر ماتریس آبی را نیز حساب کرد.

3.0	3.0	3.0
3.0	3.0	3.0
3.0	2.0	3.0

3	3	2	1	0
0	0	1	3	1
3	1	2	2	3
2	0	0	2	2
2	0	0	0	1

لایه **maxpool2d**: این لایه در واقع یک روش برای کاهش ابعاد یک ورودی ۲ بعدی است. روش های مختلفی برای کاهش بعد یک تصویر وجود دارد اما در **maxpool** فقط مهمترین (بزرگترین) عدد موجود در پنجره مورد بررسی نگه داشته می شود. در این لایه ما یک پنجره (کرنل یا هسته) داریم که همانند لایه پیچشی بالا روی تصویر حرکت می کند (با این تفاوت که حرکاتش overlap ندارد) و در هر مرحله بزرگترین عدد قابل مشاهده را یادداشت می کند و باقی اعداد را دور میریزد. تصویر زیر یک نمونه از این اتفاق را روی یک ماتریس ورودی ۴ در ۴ نشان میدهد که پس از اعمال **maxpool** به یک ماتریس ۲ در ۲ کاهش حجم پیدا کرده است.



شکل 7 : maxpooling

لایه dropout: این لایه (که یک روش برای کاهش بیش برازش یا overfitting است) به این صورت عمل می کند که در هر بار feedforward شبکه به صورت تصادفی تعدادی از ورودی های این لایه را صفر کرده و اثر آنها را از میان می برد. برای مثال در شبکه های فعلی که نرخ 25% dropout را داریم، هر زمان یک ماتریس ورودی با ابعاد دلخواه (مثلثا ۱۰ در ۱۰) به آن برسد به صورت تصادفی درصد ازین ورودی ها که معادل است با ۲۵ المان تصادفی از ماتریس ورودی را صفر کرده و اثر آنها را از بین می برد. در بخش آخر این گزارش در خصوص دلیل استفاده از این لایه بیشتر توضیح داده ایم.

لایه flatten: این لایه عملیات محاسباتی انجام نمی دهد و صرفا ورودی های چند بعدی را یک بعدی می کند تا برای پردازش های آتی مناسب باشند.

لایه dense: این لایه که پایه ای ترین لایه مورد استفاده در شبکه های عصبی است و ما نیز در ساخت MLP از همین لایه استفاده می کنیم، المان های ورودی را در وزن هایی ضرب می کند و با هم جمع می کند و در خروجی قرار میدهد (ممکن است این حاصل جمع از یک تابع فعال ساز نیز عبور کنند). دو مدل مذکور تا حد زیادی شبیه هم هستند، با این تفاوت که معماری شماره ۳ تعداد لایه های dropuout و maxpool2d و conv2d افزایش تعداد لایه ها منجر به عملکرد بهتر مدل می شود و این موضوع متناظر با این حقیقت است که هرچه تعداد این لایه های پیچشی بیشتر می شود مدل شاخصه های بیشتر و دقیق تری را از تصاویر ورودی به دست می آورد.

در نهایت می توان گفت تفاوت اصلی این دو مدل در یک بلاک اضافه شامل سه لایه ذکر شده در بالا در معماری شماره ۳ می باشد.

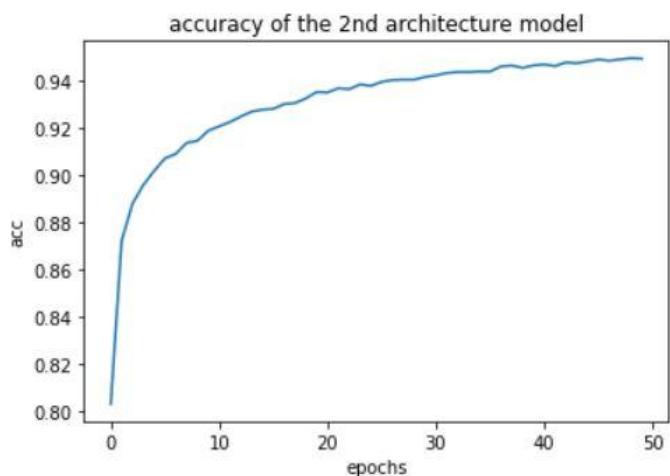
۴-۲ مقایسه نتایج دو معماری بالا:

پیاده سازی معماری دوم:

```
Model: "sequential"
-----  
Layer (type)          Output Shape       Param #  
-----  
conv2d (Conv2D)        (None, 27, 27, 64)    320  
max_pooling2d (MaxPooling2D) (None, 13, 13, 64) 0  
)  
dropout (Dropout)      (None, 13, 13, 64)    0  
conv2d_1 (Conv2D)       (None, 12, 12, 64)   16448  
dropout_1 (Dropout)     (None, 12, 12, 64)    0  
dense (Dense)          (None, 12, 12, 64)   4160  
dropout_2 (Dropout)     (None, 12, 12, 64)    0  
dense_1 (Dense)         (None, 12, 12, 10)   650  
-----  
Total params: 21,578  
Trainable params: 21,578  
Non-trainable params: 0
```

آموزش این مدل:

```
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1458 - accuracy: 0.9452  
Epoch 40/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1420 - accuracy: 0.9463  
Epoch 41/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1427 - accuracy: 0.9467  
Epoch 42/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1429 - accuracy: 0.9460  
Epoch 43/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1414 - accuracy: 0.9475  
Epoch 44/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1397 - accuracy: 0.9472  
Epoch 45/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1382 - accuracy: 0.9480  
Epoch 46/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1355 - accuracy: 0.9488  
Epoch 47/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1367 - accuracy: 0.9482  
Epoch 48/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1364 - accuracy: 0.9488  
Epoch 49/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1349 - accuracy: 0.9493  
Epoch 50/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.1356 - accuracy: 0.9492
```



شكل accuracy :8 مدل دوم

محاسبه معیار های مدل نظر:

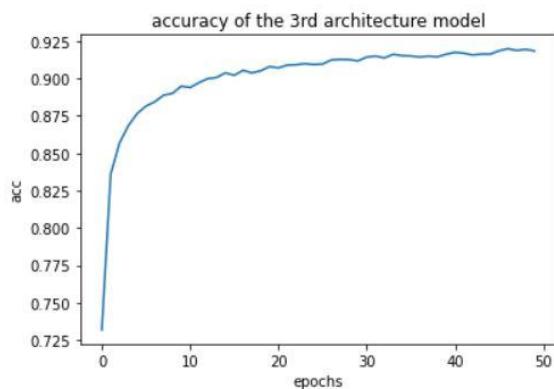
```
Results of the 2nd Architecture of the paper:  
On train set:  
    precision (avrage): 0.9747685127423139  
    accuracy: 0.9747333333333333  
    f1_score (avrage): 0.9747008322509355  
On test set:  
    precision (avrage): 0.9253990062326896  
    accuracy: 0.9246  
    f1_score (avrage): 0.9247034727532526
```

پیاده سازی معماری سوم:

```
Model: "sequential_2"
-----  
Layer (type)      Output Shape       Param #  
=====  
conv2d_4 (Conv2D)    (None, 27, 27, 64)   320  
max_pooling2d_2 (MaxPooling 2D) (None, 13, 13, 64)   0  
dropout_6 (Dropout)    (None, 13, 13, 64)   0  
conv2d_5 (Conv2D)    (None, 12, 12, 64)   16448  
max_pooling2d_3 (MaxPooling 2D) (None, 6, 6, 64)   0  
dropout_7 (Dropout)    (None, 6, 6, 64)   0  
conv2d_6 (Conv2D)    (None, 5, 5, 64)   16448  
dropout_8 (Dropout)    (None, 5, 5, 64)   0  
dense_4 (Dense)     (None, 5, 5, 64)   4160  
dropout_9 (Dropout)    (None, 5, 5, 64)   0  
dense_5 (Dense)     (None, 5, 5, 10)    650  
=====  
Total params: 38,026  
Trainable params: 38,026  
Non-trainable params: 0
```

آموزش این مدل:

```
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2304 - accuracy: 0.9144  
Epoch 40/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2242 - accuracy: 0.9161  
Epoch 41/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2235 - accuracy: 0.9174  
Epoch 42/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2215 - accuracy: 0.9168  
Epoch 43/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2253 - accuracy: 0.9157  
Epoch 44/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2225 - accuracy: 0.9163  
Epoch 45/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2229 - accuracy: 0.9163  
Epoch 46/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2202 - accuracy: 0.9185  
Epoch 47/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2177 - accuracy: 0.9199  
Epoch 48/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2191 - accuracy: 0.9187  
Epoch 49/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2160 - accuracy: 0.9194  
Epoch 50/50  
469/469 [=====] - 4s 8ms/step - loss: 0.2181 - accuracy: 0.9184
```



شکل ۹ مدل سوم accuracy

محاسبه معیار های مد نظر:

```
Results of the 3rd Architecture of the paper:
On train set:
    precision (avrage): 0.9446087153505516
    accuracy: 0.9447166666666666
    f1_score (avrage): 0.9445600804159653
On test set:
    precision (avrage): 0.917793555379706
    accuracy: 0.9181
    f1_score (avrage): 0.9177171859783646
```

برای این بخش، یک بار دیگر نتایج بخش قبل را مرور می کنیم:

```
Results of the 2nd Architecture of the paper:
On train set:
    precision (avrage): 0.9747685127423139
    accuracy: 0.9747333333333333
    f1_score (avrage): 0.9747008322509355
On test set:
    precision (avrage): 0.9253990062326896
    accuracy: 0.9246
    f1_score (avrage): 0.9247034727532526
```

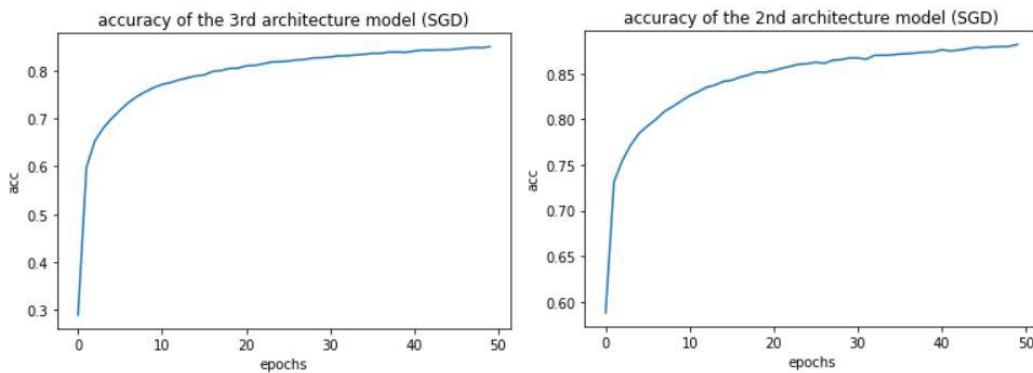
```
Results of the 3rd Architecture of the paper:
On train set:
    precision (avrage): 0.9446087153505516
    accuracy: 0.9447166666666666
    f1_score (avrage): 0.9445600804159653
On test set:
    precision (avrage): 0.917793555379706
    accuracy: 0.9181
    f1_score (avrage): 0.9177171859783646
```

نتایج روی مجموعه تست، تا حد خیلی زیادی شبیه نتایجی است که نویسندهای مقاله به آن دست یافته‌اند (با تفاوت کمتر از ۱ درصد) با این تفاوت که مدل شماره ۳ بجای آنکه اندکی بهتر عمل کند، بدتر عمل کرده است (۲ درصد) آنها به دقت ۹۳ درصد رسیدند اما ما به دقت ۹۱ درصد رسیدیم. البته قابل توجه است که اگر آموزش را چند epoch دیگر ادامه می دادیم احتمالاً به این دقت می رسیدیم.

منتھی یک نقطه قابل توجه تفاوت نتایج در مجموعه آموزش است که به نظر می رسد مدل شماره ۲ بهتر از مدل شماره ۳ عمل کرده است. با اینکه تعداد لایه های مدل سوم بیشتر از مدل دوم است، به نظر می رسد برای این مسئله (که ورودی ها ۲۸ در ۲۸ هستند) شاید الزاماً افزایش تعداد لایه های مفید نباشد.

۵-۲ مقایسه نتایج بهینه ساز های مختلف:

دو مدل بالا را یک بار دیگر با بهینه ساز SGD اجرا می کنیم. دقیق شود که طبق پارامتر های ذکر شده توسط نویسنندگان مقاله بهینه ساز adam در اجرای های بالا استفاده شده بود.



```
Results of the 2nd Architecture of the paper:  
On train set:  
    precision (avrage): 0.8953757417591218  
    accuracy: 0.8938  
    f1_score (avrage): 0.8941885310794732  
On test set:  
    precision (avrage): 0.8866864966009981  
    accuracy: 0.885  
    f1_score (avrage): 0.8853818749215415
```

```
Results of the 3rd Architecture of the paper:  
On train set:  
    precision (avrage): 0.8732262777806146  
    accuracy: 0.8735166666666667  
    f1_score (avrage): 0.8731160506313176  
On test set:  
    precision (avrage): 0.8660608914314404  
    accuracy: 0.8662  
    f1_score (avrage): 0.8657672318812517
```

همانطور که ملاحظه می شود، دقت ها به صورت کلی کاهش پیدا کرده اند. و نکته قابل توجه آنکه همچنان معناری شماره ۲ بهتر از معناری شماره ۳ عمل می کند.

دلیل برتری Adam که از SGD نشات می گیرد نسبت به SGD این است که این بهینه ساز همزمان از تکنیک های حفظ momentum (باعث می شود تغییر ناگهانی گرادیان ها سرعت کلی همگرایی را کاهش ندهد) و تغییر نرخ adaptive (که با توجه به گرادیان های به دست امده برای هر وزن نرخ یادگیری متناظر با ان وزن را تغییر میدهد) استفاده می کند. بهینه ساز stochastic gradient decent از هیچ کدام ازین تکنیک ها استفاده نمی کند به همین خاطر سرعت همگرایی

کمتری دارد. بررسی های زیادی روی بهینه ساز های مختلف انجام شده و در اکثر آنها بهینه ساز Adam بهتر از باقی عمل می کند.

۶-۲ دلیل استفاده از :dropout

لایه dropout در واقع یک نوع رگیولایزر (regularizer) است که به منظور کاهش بیش برازش (over-fitting) استفاده می شود. نحوه اثر لایه دراپاوت را در توضیح این لایه در بخش پیش توضیح دادیم. این کار باعث میشود که اثر بخشنی از ورودی های این لایه خنثی شوند و عملاً در خروجی موثر نباشند. آزمایش نشان داده است که گاهی اوقات که مدل دچار بیش برازش می شود می توان با در نظر نگرفتن برخی ورودی ها به صورت تصادفی، به نوعی در روند آموزش اثری بگذاریم که مدل دچار بیش برازش نشود، لذا از این لایه ها در شبکه های عصبی به خصوص موارد با ابعاد بالا مثل CNN استفاده می شود.