

THUẬT TOÁN ỨNG DỤNG

THUẬT TOÁN TRÊN ĐỒ THỊ DFS và ứng dụng

ONE LOVE. ONE FUTURE.

NỘI DUNG

- Đường đi dài nhất trên cây
- Tổng đường đi trên cây



ĐƯỜNG ĐI DÀI NHẤT TRÊN CÂY

- Cho cây T = (V, E), mỗi cạnh (u,v) có trọng số w(u,v). Hãy tìm đường đi có tổng trọng số lớn nhất trên T
- Ký hiệu A[v] là tập các đỉnh kề với đinh v trên T
- Thuật toán dựa trên duyệt theo chiều sâu
 - Chọn 1 đỉnh s bất kỳ trên T
 - Thực hiện DFS(s) để tim đỉnh x cách xa s nhất
 - Thực hiện DFS(x) để tìm đỉnh y cách xa x nhất
 - Đường đi từ x đến y tìm được sẽ là đường đi dài nhất trên T



ĐƯỜNG ĐI DÀI NHẤT TRÊN CÂY

```
Init(V, A) {
  for v in V do d[v] = -1;
DFS(u) {
 for x in A[u] do {
    if d[x] < 0 then {
       d[x] = d[u] + w(u,x);
       DFS(x);
```

```
LongestPathOnTree(V, A){
 Init(V, A);
 s = select a node in V;
 DFS(s);
 x = select u in V such that d[u] is maximal;
 Init(V, A);
 DFS(x);
 y = select u in V such that d[u] is maximal;
 P = unique path between x and y in T;
 return P;
```

ĐƯỜNG ĐI DÀI NHẤT TRÊN CÂY

• Độ phức tạp tính toán O(|V| + |E|)



- Cho cây T = (V, E), mỗi cạnh (u,v) có trọng số w(u,v). Tập đỉnh V gồm n đỉnh
- Ký hiệu:
 - A[v] là tập các đỉnh kề với đỉnh v trên T
 - c(u,v) là độ dài đường đi duy nhất giữa 2 đỉnh u và v trên T
 - f(u): tổng độ dài đường đi từ các đỉnh khác đến u trên T: $f(u) = \sum_{v \in V} c(v, u)$
- Tìm f(u) với mọi $u \in V$



- Chọn một đỉnh s bất kỳ trên T làm gốc, thực hiện duyệt theo chiều sâu trên T xuất phát từ s:
 - p(u): đỉnh cha của u (là đỉnh mà từ đó thuật toán thăm u)
 - d(u): tổng độ dài đường đi từ các đỉnh con cháu của u đến u
 - N(u): số lượng đỉnh con cháu của u (kể cả đỉnh u)



- DFS1(u): duyệt theo chiều sâu ở pha thứ nhất
 - Mục đích: tính d(x) và N(x) với mọi đỉnh x là con cháu của u
 - Khi DFS1(u) thực hiện xong thì d(u) được tính xong và nó sẽ được dùng để tính d(p(u))
 - Thực hiện: với mỗi đỉnh v∈ A[u]:
 - Goi DFS1(*v*)
 - Cập nhật: d(u) = d(u) + N(v)*d(v)
 - N(u) = N(u) + N(v)



- DFS1(u): duyệt theo chiều sâu ở pha thứ nhất
 - Mục đích: tính d(x) và N(x) với mọi đỉnh x là con cháu của u
 - Khi DFS1(u) thực hiện xong thì d(u) được tính xong và nó sẽ được dùng để tính d(p(u))
 - Thực hiện: với mỗi đỉnh v∈ A[u]:
 - Goi DFS1(v)
 - Cập nhật: d(u) = d(u) + N(v)*d(v)
 - $\bullet \ \ N(u) = N(u) + N(v)$
- DFS2(u): duyệt theo chiều sâu ở pha thứ hai
 - Mục đích: Khi DFS2(u) được gọi thì f(u) đã được tính toán xong và ta sẽ tính toán f(v) với mỗi đỉnh v là con của u
 - Thực hiện: với mỗi đinh $v \in A[u]$ mà chưa được thăm
 - F = f(u) (d(v) + w(u,v)*N(v))
 - f(v) = F + d(v) + w(u,v)*(n N(v))
 - Goi DFS2(v)



```
DFS1(u){
  for v in A[u] do {
     if p(v) = 0 then {
        p(v) = u;
        DFS1(v);
        d(u) = d(u) + d(v) + N(v)*w(u,v);
        N(u) = N(u) + N(v);
Phase1(){
 for v in V do {
     p(v) = 0; d(v) = 0; N(v) = 1; f(v) = 0;
 p(1) = 1; DFS1(1);
```

```
DFS2(u){
 for v in A[u] do {
     if p(v) = 0 then {
        F = f(u) - (d(v) + N(v)*w(u,v));
        f(v) = F + d(v) + w(u,v)*(n - N(v));
        p(v) = u; DFS2(v);
Phase2(){
 for v in V do \{p(v) = 0;\}
 f(1) = d(1); p(1) = 1; DFS2(1);
Main(){
  Phase1(); Phase2();
```

• Độ phức tạp tính toán O(|V| + |E|)

HUST hust.edu.vn f fb.com/dhbkhn

THANK YOU!