Recursividade

Funções Recursivas

Prof. Leandro Colevati

Conceito

- Fundamental em Matemática e Ciência da Computação
 - Um programa recursivo é um programa que chama a si mesmo
 - Uma função recursiva é definida em termos dela mesma
- Exemplos
 - Números naturais, Função fatorial, Árvore
- Conceito poderoso
 - Define conjuntos infinitos com *comandos* finitos

Definição

- Definição: dentro do corpo de uma função, chamar novamente a própria função
 - Recursão direta: a função A chama a própria função A
 - Recursão indireta: a função A chama uma função B que, por sua vez, chama A

Condição de Parada

- Nenhum programa nem função pode ser exclusivamente definido por si
 - Um programa seria um loop infinito
 - Uma função teria definição circular
- Condição de parada
 - Permite que o procedimento pare de se executar
 - F(x) > 0 onde x é decrescente
- Objetivo
 - Estudar recursividade como ferramenta *prática*!

Recursividade

• Para cada chamada de uma função, recursiva ou não, os parâmetros e as variáveis locais são de execução empilhada

2 printf (0)	
recursiveFunction (0+1)	
4 printf (1)	
5 recursiveFunction (1+1)	
6 printf (2)	
7 recursiveFunction (2+	1)
8 printf (3)	
9 recursiveFu	nction (3+1)
10 printf (4)	

Execução

- Internamente, quando qualquer chamada de função é feita dentro de um programa, é criado um Registro de Ativação na Pilha de Execução do programa
- O registro de ativação armazena os parâmetros e variáveis locais da função bem como o "ponto de retorno" no programa ou subprograma que chamou essa função.
- Ao final da execução dessa função, o registro é desempilhado e a execução volta ao subprograma que chamou a função

Complexidade

- A complexidade de tempo do fatorial recursivo é O(n).
- Mas a complexidade de espaço também é O(n), devido a pilha de execução
- Já no fatorial não recursivo a complexidade de espaço é O(1)
- Portanto, a recursividade nem sempre é a melhor solução, mesmo quando a definição matemática do problema é feita em termos recursivos

Quando usar

- Recursividade vale a pena para Algoritmos complexos, cuja a implementação iterativa é complexa e normalmente requer o uso explícito de uma pilha
 - Dividir para Conquistar (Ex. Quicksort)
 - Caminhamento em Árvores (pesquisa, backtracking)

- Crie uma função recursiva que calcula a potência de um número inteiro:
 - Qual a condição de parada?
 - Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior?

```
Algoritmo "Potencia Recursiva"
Var
   base, expoente, resultado: inteiro
Funcao potencia(base, expoente : inteiro) : inteiro
Inicio
      se (expoente = 0) entao
         retorne 1
      senao
           retorne base * potencia(base, expoente - 1)
      fimse
Fimfuncao
Inicio
      base <- 2
      expoente <- 8
      resultado <- potencia(base, expoente)</pre>
      escreval(resultado)
Fimalgoritmo
```

```
package controller;
                                                                     package view;
public class PotenciaController {
                                                                     import controller.PotenciaController;
     public PotenciaController() {
                                                                     public class Principal {
          super();
                                                                          public static void main(String[] args) {
                                                                              PotenciaController pc = new PotenciaController();
     public int potencia(int base, int expoente) {
          //Condição de parada
                                                                               int base = 2;
         if (expoente == 0) {
                                                                               int expoente = 8;
               return 1;
          } else {
                                                                               int pot = pc.pot(base, expoente);
                                                                               System.out.println("Com Laco ==> "+pot);
              expoente = expoente - 1;
              return base * potencia(base, expoente);
                                                                               int potencia = pc.potencia(base, expoente);
                                                                               System.out.println("Com recursividade ==> "+potencia);
     public int pot(int base, int expoente) {
         int cont = 0;
         int res = 1;
          while (cont < expoente) {</pre>
               res = res * base;
               cont++;
          return res;
```

- Crie uma função recursiva que exiba o resultado da divisão de um número inteiro baseado em subtrações:
 - Qual a condição de parada?
 - Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior?

```
Algoritmo "Divisão Recursiva"
Var
   dividendo, divisor, resultado : inteiro
Funcao divisao(dividendo, divisor : inteiro) : inteiro
Inicio
      se (dividendo < divisor) entao</pre>
         retorne 0
      senao
         dividendo <- dividendo - divisor
         retorne 1 + divisao(dividendo, divisor)
      fimse
Fimfuncao
Inicio
      dividendo <- 19
      divisor <- 4
      resultado <- divisao(dividendo, divisor)</pre>
      escreval(resultado)
Fimalgoritmo
```

```
package controller;
                                                               package view;
public class DivisaoController {
                                                               import controller.DivisaoController;
     public DivisaoController() {
                                                               public class Principal {
          super();
                                                                    public static void main(String[] args) {
                                                                         DivisaoController dc = new DivisaoController();
     public int div(int dividendo, int divisor) {
          //Condição de parada
                                                                         int dividendo = 0;
          if (dividendo < divisor) {</pre>
                                                                         int divisor = 0;
                return 0;
                                                                         int div = dc.div(dividendo, divisor);
                                                                         System.out.println(div);
          } else {
                dividendo = dividendo - divisor;
                return 1 + div(dividendo, divisor);
```

- Crie uma função recursiva que exiba o resultado da soma das posições de um vetor de inteiros:
 - Qual a condição de parada?
 - Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior?

• Visualg não aceita vetores como parâmetros

```
package controller;
                                                                           package view;
public class VetorController {
                                                                           import controller.VetorController;
    public VetorController() {
                                                                           public class Principal {
          super();
                                                                                public static void main(String[] args) {
    public int somaVetor(int[] vetor, int tamanho) {
                                                                                     int[] vetor = {4,8,9,5,3,7,10,7,9,1,2};
          //Condição de parada ==> Quando o vetor não tiver mais posições
                                                                                     int tamanho = vetor.length;
         if (tamanho == 0 ) {
               return 0;
                                                                                     VetorController vc = new VetorController();
         } else {
                                                                                     int somaVetor = vc.somaVetor(vetor, tamanho);
               int ultimaPosicao = tamanho - 1;
                                                                                     System.out.println(somaVetor);
               int valor = vetor[ultimaPosicao];
               tamanho = tamanho - 1;
               return valor + somaVetor(vetor, tamanho);
                  //Retorno é dados pelo valor obtido da última
                  posição do vetor, somado com a chamada da função
                  com um vetor de tamanho reduzido em 1 posição
```

 Crie uma função recursiva que exiba o resultado do fatorial de um número (Pela limitação da recursividade, o número de entrada deverá ser baixo para não dar estouro(limite de entrada = 12)):

O código deve trazer como comentários:

- a) A condição de parada
- b) Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior

- Crie uma função recursiva que exiba o total de elementos negativos de um vetor de inteiros, de N posições, passado como parâmetro:
 - O código deve trazer como comentários:
 - a) A condição de parada
 - b) Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior

 Crie uma função recursiva que exiba a quantidade de dígitos de um número inteiro passado como parâmetro:

O código deve trazer como comentários:

- a) A condição de parada
- b) Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior

• Crie uma função recursiva que exiba o resultado da inversão de uma cadeia de caracteres (Ex.: entrada = teste ; saída = etset):

Deve se utilizar a função SUBSTRING da Java

O código deve trazer como comentários:

- a) A condição de parada
- b) Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior

string.substring(posicao): ret String

Retorna uma subcadeia da string original, contando de "posição" até o último caracter da cadeia (tamanho da cadeia – 1).

Exemplos:

"unhappy".substring(2) returns "happy"

"Harbison".substring(3) returns "bison"

"emptiness".substring(9) returns "" (an empty string)

string.substring(posInicial, posFinal): ret String

Retorna uma subcadeia da string original, contando de "posInicial" até o "posFinal". PosFinal está limitada ao último caracter da cadeia (tamanho da cadeia – 1)

Exemplos:

"hamburger".substring(4, 8) returns "urge"

"smiles".substring(1, 5) returns "mile"