

---

## CÓDIGO:

```
1  for j ← 2 to length[A]
2      key ← A[j]
3      ▷ Inserir A[j] na sequência ordenada A[1..j-1]
4      i ← j - 1
5      while i > 0 and A[i] > key
6          A[i + 1] ← A[i]
7          i ← i - 1
8      A[i + 1] ← key
```

---

## ANÁLISE POR LINHA:

*Linha 1: for j ← 2 to length[A]*

- Executa  $(n - 1)$  vezes.
  - Cada iteração envolve: incremento + verificação de condição → **1 operação por iteração.**
  - **Total:**  $(n - 1)t$
- 

*Linha 2: key ← A[j]*

- Acesso  $(A[j]) = 1$  operação, atribuição = 1 operação.
  - **Total por iteração:**  $2t$
  - **Total geral:**  $2(n - 1)t$
- 

*Linha 4: i ← j - 1*

- Subtração (1 operação) + atribuição (1 operação).
  - **Total por iteração:**  $2t$
  - **Total geral:**  $2(n - 1)t$
- 

*Linha 5: while i > 0 and A[i] > key*

- Verificação da condição:
  - $i > 0 = 1$  operação
  - $A[i] > key =$  acesso + comparação = 2 operações
- Total por iteração do while:  $3t$
- **Número de iterações depende do número de elementos maiores que key, chamaremos isso de  $c_j$**
- **Total para todos j:**  $3t * \sum (j=2 \text{ até } n) c_j$

---

*Linha 6:  $A[i + 1] \leftarrow A[i]$*

- Acesso  $A[i]$  (1) + soma  $i + 1$  (1) + atribuição (1)  $\rightarrow 3t$
- **Total para todos j:**  $3t * \sum (j=2 \text{ até } n) c_j$

---

*Linha 7:  $i \leftarrow i - 1$*

- Subtração + atribuição  $\rightarrow 2t$
- **Total para todos j:**  $2t * \sum (j=2 \text{ até } n) c_j$

---

*Linha 8:  $A[i + 1] \leftarrow key$*

- Soma + atribuição  $\rightarrow 2t$
- **Executado 1 vez por iteração do for**  $\rightarrow 2(n - 1)t$

---

## FUNÇÃO DE TEMPO TOTAL $T(n)$

Somando tudo:

$$\begin{aligned} T(n) &= (n - 1)t && \leftarrow \text{linha 1} \\ &+ 2(n - 1)t && \leftarrow \text{linha 2} \\ &+ 2(n - 1)t && \leftarrow \text{linha 4} \\ &+ 2(n - 1)t && \leftarrow \text{linha 8} \\ &+ (3 + 3 + 2)t * \sum c_j && \leftarrow \text{linhas 5-7} \end{aligned}$$

Simplificando:

$$T(n) = 7(n - 1)t + 8t * \sum (j=2 \text{ até } n) c_j$$

---

## CASOS ESPECIAIS

*Melhor caso (vetor já ordenado):*

- $c_j = 0$  (nenhum elemento maior que  $key$ )
- $\sum c_j = 0$
- **$T(n) = 7(n - 1)t \rightarrow$  Complexidade:  $O(n)$**

*Pior caso (vetor em ordem decrescente):*

- $c_j = j - 1 \rightarrow \sum (j=2 \text{ até } n) (j - 1) = (n - 1)n / 2$
- **$T(n) = 7(n - 1)t + 8t * (n(n - 1)/2)$**
- **$T(n) = 7(n - 1)t + 4t(n(n - 1)) \rightarrow$  Complexidade:  $O(n^2)$**

---

## RESUMO FINAL:

- **Melhor caso:** vetor ordenado  $\rightarrow O(n)$
- **Pior caso:** vetor reverso  $\rightarrow O(n^2)$
- A contagem leva em conta todas as operações elementares (atribuição, comparação, acesso etc).