Лабораторная работа № 6 «Покер по телефону (2 игрока)» Отчет по лабораторной работе:

4.8. Реализуйте криптографический протокол «игры в покер по телефону» для двух игроков на основе коммутирующих криптосистем.

Теория. Коммутирующие криптосистемы можно построить по схеме RSA над общим Z_n , так как $(e^{t_1})^{t_2} = (e^{t_2})^{t_1} \pmod{n}$. Описание криптопротокола:

- 1. Алиса и Боб создают пары «открытый ключ /закрытый ключ»: Алиса K_A^{open} / K_A^{close} , Боб K_B^{open} / K_B^{close} .
- 2. Алиса зашифровывает своим открытым ключом все 52 карты в колоде, перемешивает и результат отправляет Бобу.
- 3. Боб случайным образом выбирает из них 5 шифрограмм для Алисы и отправляет их ей.
- Алиса с помощью своего закрытого ключа расшифровывает свои карты.
- 5. Боб случайным образом из оставшихся шифрограмм выбирает 5 для себя, зашифровывает их своим открытым ключом и отправляет Алисе.
- Алиса расшифровывает их своим закрытым ключом и отправляет Бобу.
- Боб окончательно расшифровывает свои карты своим закрытым ключом.
- 8. Если требуется добирать карты из колоды, то поступают аналогичным образом.
- 9. В конце игры Алиса и Боб раскрывают свои карты и пары ключей для того, чтобы каждый мог убедиться в отсутствии мошенничества.

Rsa:

Шаг первый. Подготовка ключей

Я должен проделать предварительные действия: сгенерировать публичный и приватный ключ.

- Выбираю два простых числа. Пусть это будет p=3 и q=7.
- Вычисляем модуль произведение наших р и д. n=p×q=3×7=21.
- Вычисляем функцию Эйлера: ф=(p-1)×(q-1)=2×6=12.
- Выбираем число ∈, отвечающее следующим критериям: (i) оно должно быть простое, (ii) оно должно быть меньше ф остаются варианты: 3, 5, 7, 11, (iii) оно должно быть взаимно простое с ф; остаются варианты 5, 7, 11. Выберем ∈=5. Это, так называемая, *открытая экспонента*.

Теперь пара чисел (е, п) — это мой открытый ключ. Я отправляю его вам, чтобы вы зашифровали своё сообщение. Но для меня это ещё не всё. Я должен получить закрытый ключ.

Мне нужно вычислить число d, обратное e по модулю d. То есть остаток от деления по модулю d произведения $d \times e$ должен быть равен 1. Запишем это в обозначениях, принятых во многих языках программирования: $(d \times e) \times d = 1$. Или $(d \times 5) \times 12 = 1$. d может быть равно 5 $(5 \times 5) \times 12 = 25 \times 12 = 1$, но чтобы оно не путалось $d \times e$ действительно равно 1 $(17 \times 5) \times 12 \times 12 \times 72 = 1$. Итак d = 17. Пара $d \times e$ это секретный ключ, его я оставляю у себя. Его нельзя сообщать никому. Только обладатель секретного ключа может расшифровать то, что было зашифровано открытым ключом.

Шаг второй. Шифрование

Теперь пришла ваша очередь шифровать ваше сообщение. Допустим, ваше сообщение это число 19. Обозначим его P=19. Кроме него у вас уже есть мой открытый ключ: {e, n} = {5, 21}. Шифрование выполняется по следующему алгоритму:

• Возводите ваше сообщение в степень е по модулю n. То есть, вычисляете 19 в степени 5 (2476099) и берёте остаток от деления на 21. Получается 10 — это ваши закодированные данные.

Строго говоря, вам вовсе незачем вычислять огромное число «19 в степени 5». При каждом умножении достаточно вычислять не полное произведение, а только остаток от деления на 21. Но это уже детали реализации вычислений, давайте не будем в них углубляться.

Полученные данные Е=10, вы отправляете мне.

Здесь надо заметить, что сообщение P=19 не должно быть больше n=21. иначе ничего не получится.

Шаг третий. Расшифровка

Я получил ваши данные (E=10), и у меня имеется закрытый ключ {d, n} = {17, 21}.

Обратите внимание на то, что открытый ключ не может расшифровать сообщение. А закрытый ключ я никому не говорил. В этом вся прелесть асимметричного шифрования.

Начинаем раскодировать:

• Я делаю операцию, очень похожую на вашу, но вместо є использую а. Возвожу є в степень а: получаю 10 в степени 17 (позвольте, я не буду писать единичку с семнадцатью нулями). Вычисляю остаток от деления на 21 и получаю 19 — ваше сообщение.

Заметьте, никто, кроме меня (даже вы!) не может расшифровать ваше сообщение (ε=10), так как ни у кого нет закрытого ключа.

```
public class Main {
   private static ServerSocket ss = null;
   private static Socket socket = null;
   private static int Port = (int)(Math.random()*((65535-1025)+1))+1025; // Порт Стола (1025..65535)
   public static String internal_username = "unknown";
   public static String external_username = "unknown";
   public static Boolean hasConnection = false;
   public static int cards[] = new int[52];
   public static int en_cards[] = new int[52];
   public static int my_cards[] = new int[5];
   public static int my_enc_cards[] = new int[5];
   public static int ex_cards[] = new int[5];
   public static int test_cards[] = new int[5];
   public static int ex_double_enc_cards[] = new int[5];
   public static int score[][] = new int[5][2]; // Счет стола
   public static int count = 0; // Кол-во честных карт оппонента
   public static int P = 0, Q = 0, N = 0, F = 0;
   public static int E=0, D=0; // Открытый и Открытый ключ
   public static int exp[] = new int[100]; // Будет массив из открытых экспонент
   public static int rnd = 3; // Место начала поисков открытых экспонент
   public static int rand = 0; // Позиция выбранной экспоненты в массиве открытых экспонент
   public static int ex_E = 0, ex_D = 0; // Переменные для проверки честности опонента в конце игры
```

Чтобы создать две коммутирующих криптосистемы RSA над общим полем Z, необходим общий модуль и разные открытые экспоненты и закрытые ключи. При запуске программы игроки представляются, после чего кто-то из них создает стол, а второй к нему подключается, как только установилась связь они обмениваются псевдонимами, и

подключившийся игрок ждет начала сессии. После начала сессии происходит всё согласно описанному протоколу, 2 игрок выбирает для 1 игрока его карты, потом для себя в конце они оба имеют по 5 карт, которые они еще дополнительно перемешивают (для излишней уверенности в том, что никто не знает порядок представления карт) и предъявляют их по очереди. Побеждает тот игрок, чья мощность карты будет больше, если же мощность карт одинакова (например Король и Король), то победитель устанавливается тот, чья масть самая высокая. Мощность карт и масть карт узнаётся с помощью функций:

```
public static String value_of(int x) { // Узнаем название карты
   String v = "";
   if (x % 13 == 12) {
   if (x % 13 == 0) {
   } else if (x % 13 == 1) {
   } else if (x % 13 == 2) {
       return v;
   } else if (x % 13 == 3) {
   } else if (x % 13 == 4) {
   } else if (x % 13 == 5) {
   } else if (x % 13 == 6) {
       return v;
   } else if (x % 13 == 7) {
   } else if (x % 13 == 8) {
```

```
public static String suit_of(int card){ // Узнаём масть карты
    String s="";
    if(card/13==0)
        s="Spade";
        return s;
    else if(card/13==1)
        s="Heart";
        return s;
    else if(card/13==2)
        return s;
    else if(card/13==3)
    else{
        s="Spade";
        return s;
```

Сама игра:

```
public static int[] game(int a, int b){
   String suit_a = suit_of(a);
   String suit_b = suit_of(b);// Если карты по мощности равны определяем победителя по старшинству мастей в покере: Spade, Heart, Diamond, Club
   int pow_a = 0;
   int pow_b = 0;
   if(suit_a.equals("Spade")){pow_a = 4;} // Если игрок А прислал самую старшую масть = выиграл А
   if(suit_a.equals("Heart")){pow_a = 3;}
   if(suit_a.equals("Diamond")){pow_a = 2;}
   if(suit_a.equals("Club")){pow_a = 1;} // Если игрок А прислал самую младшую масть = выиграл Б
   if(suit_b.equals("Spade")){pow_b = 4;}
   if(suit_b.equals("Heart")){pow_b = 3;}
   if(suit_b.equals("Diamond")){pow_b = 2;}
   if(suit_b.equals("Club")){pow_b = 1;}
   int temp[] = new int[2];
   if(a>b){temp[0]=1; return temp;}
   if(a<b){temp[1]=1; return temp;}
       if(pow_a > pow_b){temp[0]=1; return temp;}
       if(pow_a < pow_b){temp[1]=1; return temp;} // Определяем победителя по мастям в случае если мощность карт одинакова
```

После определения победителя они узнают закрытые и открытые ключи друг друга и проверяют действительно ли не было подстановки карт у оппонента.

```
if(hasConnection == false){System.out.println("3a столом нет 2 игрока"); System.exit( status: 4);}
P = generationLargeNumber();
0 = generationLargeNumber();
N = P*Q;
F = (P-1)*(Q-1);
System.out.println("P = " + P + "\n0 = " + 0 + "\nN = " + N + "\n\varphi = " + F);
out.writeInt(P);
out.writeInt(0);
for(int i = 0; i < 100;) // Находим 100 различных открытых экспонент
    if((gcd(rnd, F) == 1) && (rnd < F)) // Проверка на Взаимно простое с ф, открытая экспонента < ф
        exp[i] = rnd;
        i++;
    rnd++;
//for(int i = 0; i < 100; i++){System.out.println(exp[i]);} // Вывести список экспонент
// Закрытый ключ: modInverse(rnd, FuncEuler) % FuncEuler
rand = (int)(Math.random()*(99+1))+0; // Случайным образом выбираем экспоненту из массива открытых экспонент [100]
E = exp[rand];
D = (int)modInverse(E, F) % F;
System.out.println("Открытый ключ [E,N]: " + E + ", " + N + "\nЗакрытый ключ [D,N]: " + D + ", " + N);
en_cards = enc_deck(cards,E,N); // Шифруем карты открытым ключом Алисы
//for(int n = 0; n < en_cards.length; n++){System.out.println("Шифрованная карта ["+n+"]: " + en_cards[n]);}
en_cards = shuffle(en_cards); // Перемешиваем карты
```

```
for(int n = 0; n < en_cards.length; n++){
    out.writeInt(en_cards[n]); // Отправляем перемешанные карты Бобу
for(int i = 0; i < my_enc_cards.length; i++){</pre>
    my_enc_cards[i] = in.readInt(); // Приняли 5 шифрограмм от Боба
for(int i = 0; i < 5; i++){System.out.println("Пришло: " + my_enc_cards[i]);}
System.out.println("Расшифровываем...\u001b[34m");
for(int i = 0; i < 5; i++){
    my_cards[i] = (int)power2((long)my_enc_cards[i], (long)D, (long)N);
for(int i = 0; i < 5; i++){
    System.out.println("Alice's card [" + (i+1) + "]: " + my_cards[i] + " (" + suit_of(my_cards[i]) + " " + value_of(my_cards[i]) + ")");
System.out.print("\u001b[0m");
ex_double_enc_cards[0] = in.readInt();
ex_double_enc_cards[1] = in.readInt();
ex_double_enc_cards[2] = in.readInt();
ex_double_enc_cards[3] = in.readInt();
ex_double_enc_cards[4] = in.readInt(); // Приняли карты Боба в двойном шифровании
// Снимаем свой шифр и отправляем назад
out.writeInt((int)power2((long)ex_double_enc_cards[0], (long)D,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)ex_double_enc_cards[1], (long)D,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)ex_double_enc_cards[2], (long)D,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)ex_double_enc_cards[3], (long)D,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)ex_double_enc_cards[4], (long)D,(long)N));
```

```
shuffle(my_cards); // Дополнительно перемешиваем свои карты
for(int i = 0; i<my_cards.length; i++){ // Играем
    int temp[] = new int[2];
   System.out.println("\u001b[33mAlice plays: " + my_cards[i] + " (" + suit_of(my_cards[i]) + " " + value_of(my_cards[i]) + ")");
    out.writeInt(mu_cards[i]);
   ex_cards[i] = in.readInt();
   System.out.println("Bob plays: " + ex_cards[i] + " (" + suit_of(ex_cards[i]) + " " + value_of(ex_cards[i]) + ")\n\u001b[0m");
    temp = qame(my_cards[i],ex_cards[i]);
   score[i][0] = temp[0];
   score[i][1] = temp[1];
System.out.println("Счёт текущей партии: \nAlice: \u0001b[33m" + (score[0][0]+score[1][0]+score[2][0]+score[3][0]+score[4][0]));
System.out.println("\u001b[0mBob: \u001b[33m" + (score[0][1]+score[1][1]+score[2][1]+score[3][1]+score[4][1]) + "\u001b[0m");
out.writeInt(E); // Обмен открытым и закрытым ключом в конце игры
out.writeInt(D);
ex_E = in.readInt();
ex_D = in.readInt();
test_cards[0] = (int)power2(((int)power2((long)ex_double_enc_cards[0], (long)D,(long)N)),ex_D,N);
test_cards[1] = (int)power2(((int)power2((long)ex_double_enc_cards[1], (long)D,(long)N)),ex_D,N);
test_cards[2] = (int)power2(((int)power2((long)ex_double_enc_cards[2], (long)D,(long)N)),ex_D,N);
test\_cards[3] = (int)power2(((int)power2((long)ex\_double\_enc\_cards[3], (long)D,(long)N)),ex\_D,N);
test_cards[4] = (int)power2(((int)power2((long)ex_double_enc_cards[4], (long)D,(long)N)),ex_D,N);
for(int i =0;i<test_cards.length;i++){
    for(int j =0; j<ex_cards.length;j++){
       if(test_cards[i]==ex_cards[j]){count++;}
```

Второй игрок:

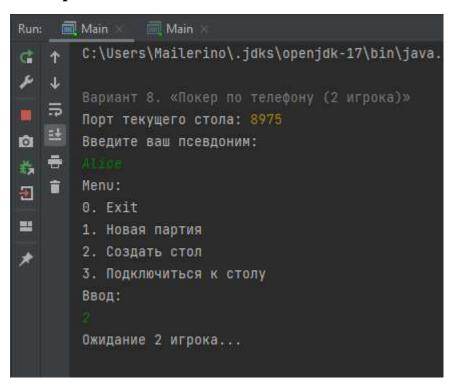
```
while(true){
    System.out.println("Введите порт стола (1025..65535): ");
    Scanner sp = new Scanner(System.in);
    if(sp.hasNextInt()){Port = sp.nextInt();}else{System.out.println("Попробуйте ещё раз!");}
    break;
if(Port < 1025 || Port > 65535){System.exit(status: 4);}
System.out.println("Подключаемся к столу: " + Port);
socket = new Socket(host "127.0.0.1", Port); // Подключаемся к столу
sin = socket.getInputStream(); // Конвертируем потоки в другой тип, чтоб легче обрабатывать текстовые сообщения.
sout = socket.getOutputStream();
in = new DataInputStream(sin);
out = new DataOutputStream(sout);
System.out.println("Подключение успешно!");
out.writeUTF(internal_username);
external_username = in.readUTF();
System.out.println("Oппонент: " + "\u001b[33m" + external_username + "\u001b[0m");
System.out.println("Ожидание начала игры...");
P = in.readInt();
0 = in.readInt();
N = P*Q;
F = (P-1)*(0-1);
System.out.println("P = " + P + "\nQ = " + Q + "\nN = " + N + "\n\pi = " + F);
```

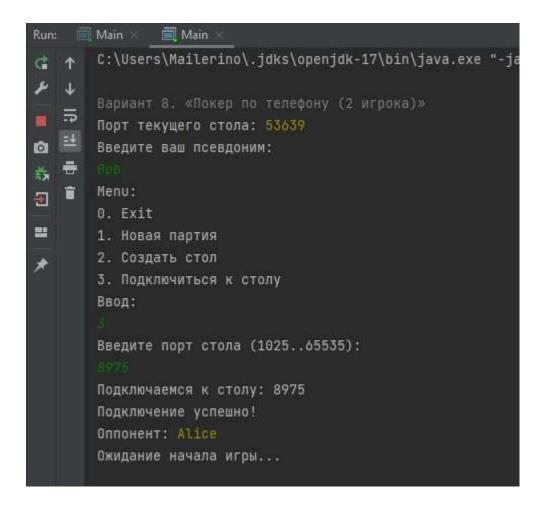
```
for(int i = 0; i < 100;) // Находим 100 различных открытых экспонент
    if((qcd(rnd, F) == 1) && (rnd < F)) // Проверка на Взаимно простое с ф, открытая экспонента < ф.
       exp[i] = rnd;
       1++;
rand = (int)(Math.random()*(99+1))+0; // Случайным образом выбираем экспоненту из массива открытых экспонент [100]
E = exp[rand];
D = (int)modInverse(E,F) % F;
System.out.println("Открытый ключ [E,N]: " + E + ", " + N + "\nЗакрытый ключ [D,N]: " + D + ", " + N);
for(int n = 0; n < en_cards.length; n++){
    en_cards[n] = in.readInt(); // Принимаем зашифрованные + перетасованные карты от Алисы
int temp1 = 0;
for(int i = 0; i < ex_cards.length;){</pre>
    do {temp1 = (int)(Math.random()*(51+1))+0;
    while(((ex_cards[0] == temp1)||(ex_cards[1] == temp1)||(ex_cards[2] == temp1)||(ex_cards[3] == temp1)||(ex_cards[4] == temp1)));
   ex_cards[i]=temp1;
for (int i = 0; i < ex_cards.length; i++){System.out.println("EX_CARDS[" + i + "]; " + ex_cards[i]);} // Проверяем что напикали
```

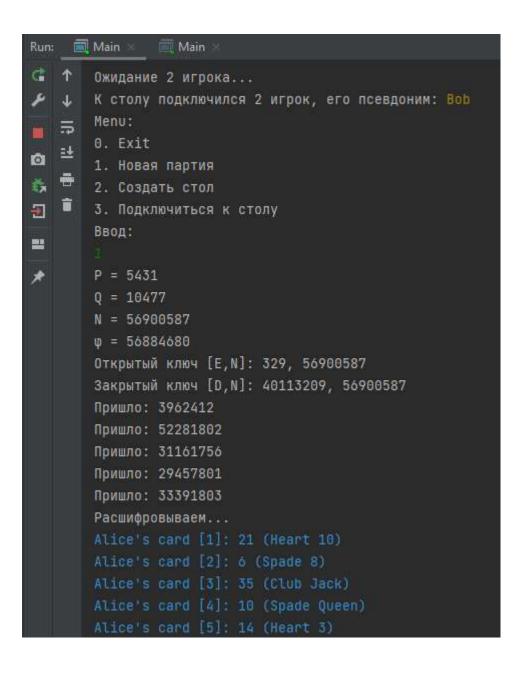
```
test_cards[0] = en_cards[ex_cards[0]];
test_cards[1] = en_cards[ex_cards[1]];
test_cards[2] = en_cards[ex_cards[2]];
test_cards[4] = en_cards[ex_cards[4]];
out.writeInt(test_cards[0]);
out.writeInt(test_cards[1]);
out.writeInt(test_cards[2]);
out.writeInt(test_cards[3]);
out.writeInt(test_cards[4]); // Отправили 5 шифрограмм Алисы -> Алисе
for(int i = 0; i < 5; i++){System.out.println("Отправили: " + en_cards[ex_cards[i]]);}
for(int i = 0; i < my_enc_cards.length;){// проверка на то чтобы не было карт которые отправил Алисе + на повторение
         do {temp1 = (int)(Math.random()*(51+1))+0;
         while(((ex_cards[0] == temp1)||(ex_cards[1] == temp1)||(ex_cards[2] == temp1)||(ex_cards[3] == temp1)||(ex_cards[4] == temp1)||(my_enc_cards[0] == temp1)||(ex_cards[0] == t
        my_enc_cards[i]=temp1;
for (int i = 0; i < my_enc_cards.length; i++){System.out.println("My_Enc_CARDS[" + i + "]: " + my_enc_cards[i]);} // Проверяем что напикали
out.writeInt((int)power2((long)(en_cards[my_enc_cards[0]]),(long)E,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)(en_cards[my_enc_cards[1]]),(long)E,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)(en_cards[my_enc_cards[2]]),(long)E,(long)N));
out.writeInt((int)power2((long)(en_cards[my_enc_cards[3]]),(long)E,(long)N));
<u>out.writeInt((int)power2((long)(en_cards[my_enc_cards[4]]),(long)E,(long)N));</u> // Отправили 5 шифрограмм Боба -> Алисе
```

```
for(int i = 0; i < my_enc_cards.length; i++){</pre>
    my_enc_cards[i] = in.readInt(); // Приняли 5 шифрограмм от Алисы
for(int i = 0; i < 5; i++){System.out.println("Пришло: " + my_enc_cards[i]);}
System.out.println("Расшифровываем...");
for(int i = 0; i < 5; i++){
    my_cards[i] = (int)power2((long)my_enc_cards[i], (long)D, (long)N);
System.out.print("\u001b[34m");
for(int i = 0; i < 5; i++){
    System.out.println("Bob's card [" + (\underline{i}+1) + "]: " + my\_cards[\underline{i}] + " (" + suit\_of(my\_cards[\underline{i}]) + " " + value\_of(my\_cards[\underline{i}]) + ")");
System.out.print("\u001b[0m");
shuffle(my_cards); // Дополнительно перемешиваем свои карты
for(int i = 0; i<my_cards.length; i++){ // Играем
    int temp[] = new int[2];
    ex_cards[i] = in.readInt();
    System.out.println("\u001b[33mAlice plays: " + ex_cards[i] + " (" + suit_of(ex_cards[i]) + " " + value_of(ex_cards[i]) + ")");
    out.writeInt(my_cards[i]);
    System.out.println("Bob plays: " + my_cards[i] + " (" + suit_of(my_cards[i]) + " " + value_of(my_cards[i]) + ")\n\u001b[0m");
    temp = game(my_cards[i],ex_cards[i]);
    score[i][0] = temp[0];
    score[i][1] = temp[1];
System.out.println("Счёт текущей партии: \nAlice: \u001b[33m" + (score[0][1]+score[1][1]+score[2][1]+score[3][1]+score[4][1]));
System.out.println("\u001b[0mBob: \u001b[33m" + (score[0][0]+score[1][0]+score[2][0]+score[3][0]+score[4][0]) + "\u001b[0m");
out.writeInt(E); // Обмен открытым и закрытым ключом в конце игры
out.writeInt(D);
```

Тестирование:

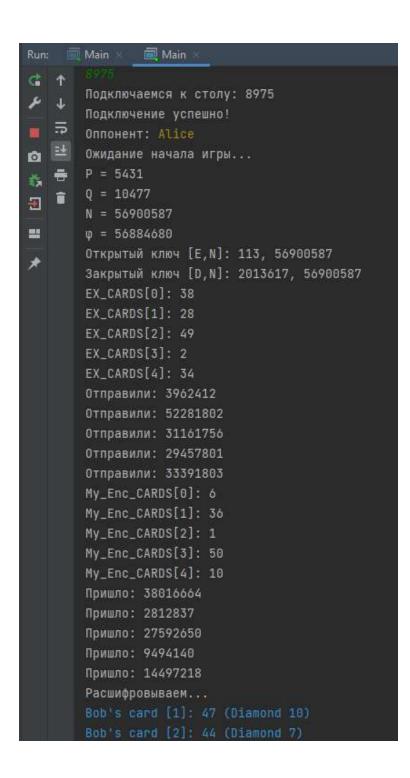






```
Alice's card [3]: 35 (Club Jack)
Alice plays: 10 (Spade Queen)
Bob plays: 7 (Spade 9)
Bob plays: 34 (Club 10)
Счёт текущей партии:
Alice: 2
Bob: 3
Кол-во честных карт Bob: 5
Открытый ключ оппонента: 113
Закрытый ключ оппонента: 2013617
```

2 Игрок:



```
Alice plays: 10 (Spade Queen)
Alice plays: 6 (Spade 8)
Счёт текущей партии:
Alice: 2
Bob: 3
Кол-во честных карт Alice: 5
Открытый ключ оппонента: 329
Закрытый ключ оппонента: 40113209
```

Открытые ключи и закрытые ключи совпали, 5/5 честных карт оппонента после проверки.

2 игра:

```
Порт текущего стола: 44477
                                                    Порт текущего стола: 23734
Введите ваш псевдоним:
                                                    Введите ваш псевдоним:
Menu:
0. Exit
1. Новая партия
                                                    1. Новая партия
                                                    2. Создать стол
3. Подключиться к столу
                                                    3. Подключиться к столу
Ввод:
                                                    Ввод:
Ожидание 2 игрока...
                                                    Введите порт стола (1025..65535):
К столу подключился 2 игрок, его псевдоним: Mailer
                                                    Подключаемся к столу: 44477
0. Exit
                                                    Подключение успешно!
1. Новая партия
2. Создать стол
                                                    Ожидание начала игры...
3. Подключиться к столу
Ввол:
                                                    N = 101756939
Q = 8963
                                                    Открытый ключ [E,N]: 193, 101756939
N = 101756939
                                                    Закрытый ключ [D,N]: 85922641, 101756939
                                                    EX_CARDS[0]: 49
Открытый ключ [E,N]: 23, 101756939
                                                    EX_CARDS[1]: 18
Закрытый ключ [D,N]: 8846663, 101756939
                                                    EX_CARDS[2]: 42
Пришло: 30443880
                                                    EX_CARDS[3]: 1
Пришло: 21047060
                                                    EX_CARDS[4]: 35
Пришло: 54384517
                                                    Отправили: 30443880
Пришло: 39287215
                                                    Отправили: 21047060
Пришло: 14569173
                                                    Отправили: 54384517
Расшифровываем...
                                                    Отправили: 39287215
                                                    Отправили: 14569173
                                                    My_Enc_CARDS[0]: 34
                                                    My_Enc_CARDS[1]: 9
                                                    My_Enc_CARDS[2]: 4
                                                    My_Enc_CARDS[3]: 28
                                                    My_Enc_CARDS[4]: 5
                                                    Пришло: 19731767
                                                    Пришло: 84927615
                                                    Пришло: 33490499
                                                    Пришло: 20259089
                                                    Расшифровываем...
Счёт текущей партии:
Кол-во честных карт Mailer: 5
Закрытый ключ оппонента: 85922641
                                                    Счёт текущей партии:
                                                    Кол-во честных карт Vector: 5
                                                    Открытый ключ оппонента: 23
                                                    Закрытый ключ оппонента: 8846663
```