# Лабораторная работа №2 по Обыкновенным дифференциальным уравнениям

Маингарт Владислав Б8119-01.03.02систпро

5 мая 2021 г.

# Содержание

Введение	2
Задача 1. Решить дифференциальные уравнения	3
Постановка задачи	3
Решение	4
Задача 2.	9
Постановка задачи	9
Решение	
Задача 3.	0
Постановка задачи	0
Решение	
Заключение 1	.1

## Введение

В лабораторной работе требуется решить и оформить задания при помощи программ компьютерной математики («Maxima», «Wolfram Mathematica», «MATLAB» и др.).

# Задача 1. Решить дифференциальные уравнения

#### Постановка задачи

Для следующих дифференциальных уравнений определить тип, найти общее решение и нарисовать векторное поле с помощью программ компьютерной математики:

$$y' \cdot \cos^2 x = \sec y \cdot \ln \sin y$$

$$y' \cdot \ln x + 2xy = 2x \cdot \sqrt{y}$$

$$y' - 1 = e^{x-y} \cdot (1 - e^y)$$

$$(2x - \cos(x+y)) \cdot y' + 2y = 2x + \cos x + y$$

$$xy' \cdot \left(\ln(y \operatorname{ctg} x) + 1\right) = \frac{2xy}{\sin 2x} - y \cdot \ln(y \operatorname{ctg} x)$$

#### Решение

1.  $y' \cdot \cos^2 x = \sec y \cdot \ln \sin y$ 

 $Tun\ ypaвнения:$  Уравнение с разделяющимися переменными  $Beкторноe\ none:$ 

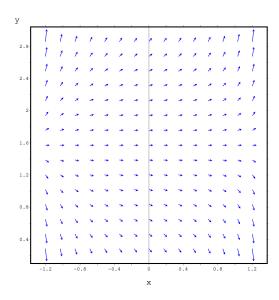


Рис. 1: Уравнение 1

Omsem:  $li(\sin y) = tan(x) + C, C \in \mathbb{R}$ 

#### $2. \ y' \cdot \ln x + 2xy = 2x \cdot \sqrt{y}$

 $Tun\ ypaвнения:$  Уравнение с разделяющимися переменными  $Beкторноe\ none:$ 

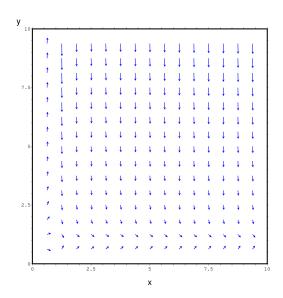


Рис. 2: Уравнение 2

Omsem:  $\ln(\sqrt{y} - 1) = C - \text{Ei}(2\ln x), \ C \in \mathbb{R}$ 

3. 
$$y' - 1 = e^{x-y} \cdot (1 - e^y)$$

Tun уравнения:

Векторное поле:

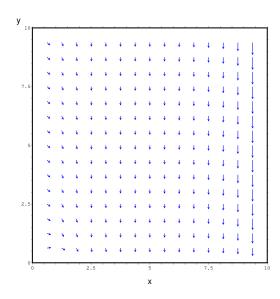


Рис. 3: Уравнение 3

Ombem: ,  $C \in \mathbb{R}$ 

4.  $(2x - \cos(x + y)) \cdot y' + 2y = 2x + \cos x + y$ Тип уравнения: Уравнение в полных дифференциалах Векторное поле:

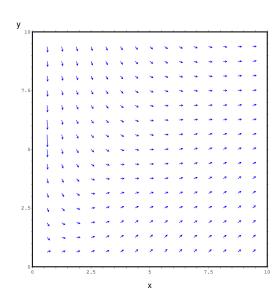


Рис. 4: Уравнение 4

Omeem:  $-\sin(x+y) - x^2 + 2xy = C, C \in \mathbb{R}$ 

5. 
$$xy' \cdot \left(\ln\left(y\operatorname{ctg} x\right) + 1\right) = \frac{2xy}{\sin 2x} - y \cdot \ln\left(y\operatorname{ctg} x\right)$$

*Тип уравнения*: Уравнение в полных дифференциалах *Векторное поле*:

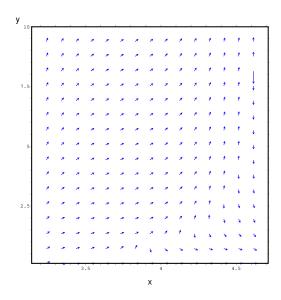


Рис. 5: Уравнение 5

Omsem:  $xy \ln y + xy \ln (\operatorname{ctg} x) = C, \ C \in \mathbb{R}$ 

### Задача 2.

#### Постановка задачи

Решить задачу Коши:

$$\begin{cases} xy' \cdot \ln x - y = 3x^2 \cdot \ln^2 x, \\ y(\sqrt[3]{e}) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y' \cdot \ln x + 2xy = 2x \cdot \sqrt{y}, \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

#### Решение

 $1. xy' \cdot \ln x - y = 3x^2 \cdot \ln^2 x$ 

Общее решение: 
$$y = \frac{3x^2 \ln x}{2} + C \ln x, \ C \in \mathbb{R}$$

Подставим  $y(\sqrt[3]{e}) = 0$  в общее решение:

$$C = \frac{3e^{\frac{2}{3}}}{2}$$

Omeem: 
$$y = \frac{3x^2 \ln x}{2} + \frac{3e^{\frac{2}{3}}}{2} \ln x$$

 $2. \ y' \cdot \ln x + 2xy = 2x \cdot \sqrt{y}$ 

Общее решение: 
$$\ln \sqrt{y} - 1 = C - \text{Ei}(2 \ln x), \ C \in \mathbb{R}$$

Подставим y(0) = 1 в общее решение:

$$C = -1$$

Omsem: 
$$\ln \sqrt{y} - 1 = -1 - \text{Ei}(2 \ln x)$$

## Задача 3.

#### Постановка задачи

Проверить, является ли представленная неявная функция решением следующей задачи Коши:

$$\begin{cases} y' \cdot (1 - \sin(2x + 2y)) = 2\sqrt{y - y^2}, \\ y(0) = 0, \\ y = \sin^2(x + y) \end{cases}$$

#### Решение

#### Заключение

В результате выполнения данной лабораторной работы, мною были решены и оформлены задания при помощи  $\LaTeX$  и системы компьютерной математики  $Wolfram\ Alpha$ .