

Bei polarisiertem Strahl und einer Messung der Nukleonpolarisation im Endzustand ergibt sich für den Wirkungsquerschnitt

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \sigma_0 \cdot \{1 - p_{\text{lin}}^\gamma \Sigma \cos 2\varphi - p_{x'}^R (p_{\text{lin}}^\gamma O_{x'} \sin 2\varphi + p_{\text{circ}}^\gamma C_{x'}) + p_{y'}^R (P - p_{\text{lin}}^\gamma T \cos 2\varphi) - p_{z'}^R (p_{\text{lin}}^\gamma O_{z'} \sin 2\varphi + p_{\text{circ}}^\gamma C_{z'})\} \quad (5)$$

während bei polarisiertem Target und Bestimmung der Rückstoßpolarisation gilt

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \sigma_0 \cdot \{1 - p_{y'}^R P + p_x^T (p_{x'}^R T_{x'} + p_{z'}^R T_{z'}) + p_y^T (T + p_{y'}^R \Sigma) + p_z^T (p_{x'}^R L_{x'} + p_{z'}^R L_{z'})\} \quad (6)$$

wobei  $p_{x',y',z'}^R$  die Polarisationskomponenten des Nukleons im Endzustand bezeichnen.

Die verschiedenen Photoproduktionsobservablen aus (4,5,6) können durch bilineare Produkte der CGLN-Amplituden (1) beschrieben werden, es gilt

$$\begin{aligned} \sigma_0 &= \text{Re} \left\{ |F_1|^2 + |F_2|^2 - 2 \cos \theta F_1^* F_2 + \frac{1}{2} \sin^2 \theta [|F_3|^2 + |F_4|^2 + 2F_2^* F_3 + 2F_1^* F_4 + 2 \cos \theta F_3^* F_4] \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 \Sigma &= -\frac{1}{2} \sin^2 \theta \text{Re} \left\{ |F_3|^2 + |F_4|^2 + 2 [F_2^* F_3 + F_1^* F_4 + \cos \theta F_3^* F_4] \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 T &= \sin \theta \text{Im} \left\{ F_1^* F_3 - F_2^* F_4 + \cos \theta (F_1^* F_4 - F_2^* F_3) - \sin^2 \theta F_3^* F_4 \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 P &= \sin \theta \text{Im} \left\{ F_2^* F_4 - 2F_1^* F_2 - F_1 F_3 + \cos \theta (F_2^* F_3 - F_1^* F_4) + \sin^2 \theta F_3^* F_4 \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 E &= \text{Re} \left\{ |F_1|^2 + |F_2|^2 - 2 \cos \theta F_1^* F_2 + \sin^2 \theta (F_2^* F_3 + F_1^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 F &= \sin \theta \text{Re} \left\{ F_1^* F_3 - F_2^* F_4 + \cos \theta (F_1^* F_4 + F_2^* F_3) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 G &= \sin^2 \theta \text{Im} \left\{ F_2^* F_3 + F_1^* F_4 \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 H &= \sin \theta \text{Im} \left\{ 2F_1^* F_2 + F_1^* F_3 - F_2^* F_4 - \cos \theta (F_2^* F_3 - F_1^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 O_{x'} &= -\sin \theta \text{Im} \left\{ F_1^* F_4 - F_2^* F_3 + \cos \theta (F_1^* F_3 - F_2^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 O_{z'} &= -\sin^2 \theta \text{Im} \left\{ F_1^* F_3 + F_2^* F_4 \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 C_{x'} &= \sin \theta \text{Re} \left\{ |F_1|^2 - |F_2|^2 + F_1^* F_3 - F_2^* F_4 + \cos \theta (F_1^* F_3 - F_2^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 C_{z'} &= \text{Re} \left\{ 2F_1^* F_2 + \sin^2 \theta (F_1^* F_3 + F_2^* F_4) - \cos \theta (|F_1|^2 + |F_2|^2) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 T_{x'} &= -\sin^2 \theta \text{Re} \left\{ \frac{1}{2} \cos \theta (|F_3|^2 + |F_4|^2) + F_1^* F_3 - F_2^* F_4 - F_3^* F_4 \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 T_{z'} &= \sin \theta \text{Re} \left\{ \frac{1}{2} \sin^2 \theta (|F_4|^2 - |F_3|^2) + F_1^* F_4 - F_2^* F_3 + \cos \theta (F_1^* F_3 - F_2^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 L_{x'} &= \sin \theta \text{Re} \left\{ \frac{1}{2} \sin^2 \theta (|F_3|^2 - |F_4|^2) - |F_1|^2 + |F_2|^2 + F_2^* F_3 - F_1^* F_4 - \cos \theta (F_1^* F_3 - F_2^* F_4) \right\} \cdot \rho \\ \sigma_0 L_{z'} &= \text{Re} \left\{ 2F_1^* F_2 + \sin^2 \theta (F_1^* F_3 + F_2^* F_4 + F_3^* F_4) - \cos \theta (|F_1|^2 + |F_2|^2) + \frac{1}{2} \sin^2 \theta \cos \theta (|F_3|^2 + |F_4|^2) \right\} \cdot \rho \end{aligned} \quad (7)$$

mit dem Phasenraumfaktor  $\rho = \frac{q}{k}$ , der sich aus den Pion- bzw. Photonimpulsen  $q$  und  $k$  ergibt. Da die  $\pi$ -Photoproduktion an einem kinematischen Punkt  $(W, \theta)$  vollständig durch vier komplexe Amplituden beschrieben ist, können diese 16 Observablen nicht voneinander unabhängig sein. Theoretisch ist daher eine eindeutige Bestimmung der Amplituden  $F_1 \dots F_4$  (bis auf eine allgemeine Phase) bereits aus *bestimmten* Gruppen von acht Observablen möglich (sog. *vollständiges Experiment*). So ist beispielsweise die Gruppe  $\{\sigma_0, \Sigma, T, P, E, G, C_{x'}, O_{x'}\}$  in diesem Sinne vollständig, die Gruppe  $\{\sigma_0, \Sigma, T, P, E, F, G, H\}$  jedoch nicht. Für ein vollständiges Experiment wäre daher in jedem Fall die Messung von Doppelpolarisationsobservablen mit Rückstoßpolarisation erforderlich.

Die Tabellen 1 und 2 geben eine Übersicht über die Anzahl der bis heute weltweit bestimmten Datenpunkte, d.h. Messungen der jeweiligen Observablen an einzelnen kinematischen Punkten  $(\omega, \theta)$ , die in die SAID- und Bonn-Gatchina-Partialwellenanalysen eingehen. Derzeit sind vor allem die unpolarisierten Wirkungsquerschnitte  $\sigma_0$  und die Photonasymmetrie  $\Sigma$  für  $\gamma p \rightarrow p \pi^0$  bzw. (mit Einschränkungen) für  $\gamma p \rightarrow n \pi^+$