## Sistemas e Sinais

## Trabalho 3 – Resposta de sistemas de tempo discreto

## Parte 1 – Equações de diferenças

1. Considere o sistema dado pela seguinte equação diferencial

$$y[n] - \frac{1}{(0.2 M_8 + 1)} y[n - 1] + \frac{1}{(0.5 M_7 + 3)} y[n - 2] = M_6 x[n - 1] - (M_5 + 1) x[n]$$

com condições iniciais  $y[-1] = (M_5 \cdot M_8)$  e  $y[-2] = (M_6 - M_7)$ , onde o  $M_i$  é derivado do seu número de matrícula como segue

$$12345678 = M_1 M_2 M_3 M_4 M_5 M_6 M_7 M_8$$
.

- a. Escreva um arquivo lote (.m) que resolva a equação de diferenças de coeficientes constantes de forma recursiva e entrada x[n] = u[n] u[n-11]. Imprima o resultado para as 20 primeiras iterações.
- b. Qual a equação característica da EDO que descreve o sistema?
- c. Utilize o comando *roots* para encontrar as raízes da equação característica. (Dica: help roots)
- d. Calcule manualmente a resposta de entrada nula (resposta natural) deste sistema. Inclua uma foto dos cálculos no relatório em um arquivo chamado de **1\_d.pdf**;
- e. Escreva um arquivo lote (.m) para imprimir a expressão calculada no item acima para n até 20.
- f. Calcule manualmente a resposta de estado nulo (resposta forçada) para uma entrada x[n] = u[n] u[n-11]. Inclua uma foto dos cálculos no relatório em um arquivo chamado de **1** f.pdf;
  - i. Calcule a resposta forçada deste sistema a entrada degrau  $(y_{degrau} = s[n])$ .
  - ii. Utilizando o princípio da superposição, podemos escrever  $y_f[n]=s[n]-s[n-11].$
- g. Escreva um arquivo lote (.m) para imprimir s[n],  $y_f[n]$  e a resposta completa para n até 20. Compare com os resultados obtidos no item a.
- h. Escreva um arquivo lote (.m) para imprimir a resposta ao impulso deste sistema. Dica: para sistemas discretos h[n]=s[n]-s[n-1].

## Parte 2 - Resposta ao impulso e soma de convolução

- 2. Baseado na resposta ao impulso obtida na parte 1
  - a. O sistema é BiBo estável? Justifique sua resposta.
  - b. O sistema é causal? Justifique sua resposta.
  - c. O sistema é dinâmico? Justifique sua resposta.
  - d. Utilizando a função conv, encontre a saída deste sistema a uma entrada  $x[n] = \cos(0.2 \, n) \, u(n)$  (considerando condições iniciais nulas).